Εισαγωγή στη Γλώσσα ML



Juan Miró

Κωστής Σαγώνας <kostis@cs.ntua.gr> Νίκος Παπασπύρου <nickie@softlab.ntua.gr>

Συναρτησιακός και Προστακτικός Προγραμματισμός

• Ένας τρόπος διαχωρισμού

- Ο προστακτικός προγραμματισμός επικεντρώνει στο **πώς** θα υλοποιήσουμε τα συστατικά του προγράμματός μας
- Ο συναρτησιακός προγραμματισμός επικεντρώνει στο **τι** συστατικά θα πρέπει να έχει το πρόγραμμά μας

• Συναρτησιακός προγραμματισμός

- Βασίζεται στο μαθηματικό μοντέλο του λ-λογισμού (Church)
- "Προγραμματισμός χωρίς μεταβλητές"
- Είναι από τη φύση του κομψός, σύντομος και σαφής τρόπος προγραμματισμού, στον οποίο αποφεύγονται τελείως κάποιου είδους προγραμματιστικά σφάλματα
- Θεωρείται από πολλούς ως ανώτερος τρόπος προγραμματισμού

Διαφάνεια αναφοράς (referential transparency)

- Σε μία γλώσσα συναρτησιακού προγραμματισμού,
 η αποτίμηση μιας συνάρτησης δίνει πάντα το ίδιο
 αποτέλεσμα για τις ίδιες τιμές των παραμέτρων της
- Η σημαντική αυτή ιδιότητα δεν ισχύει κατ΄ ανάγκη στις γλώσσες προστακτικού προγραμματισμού
- Στον προστακτικό προγραμματισμό αυτό συμβαίνει λόγω:
 - Μεταβλητών που ορίζονται και αλλάζουν τιμές εκτός του σώματος της συνάρτησης (global variables)
 - Εξάρτησης από την κατάσταση (state) του υπολογισμού
 - Άλλων παρενεργειών (side-effects) που μπορεί να υπάρχουν στο πρόγραμμα

Παράδειγμα σε Pascal

```
program example(output)
var flag: boolean;
function f(n: int): int
begin
  if flag then f := n
          else f := 2*n;
  flag := not flag
end
begin
  flag := true;
  writeln(f(1));
  writeln(f(1))
end.
```



Τι τυπώνει το πρόγραμμα; 1 και μετά 2

- Περίεργο διότι η f είναι συνάρτηση!
- Στα μαθηματικά, οι συναρτήσεις εξαρτώνται μόνο από τα ορίσματά τους

Μεταβλητές και "μεταβλητές"

- Στην καρδιά του προβλήματος είναι το γεγονός ότι η μεταβλητή £lag επηρεάζει την τιμή της £
- Ειδικότερα, η συμπεριφορά οφείλεται στην ανάθεση

```
flag := not flag
```

- Σε μια γλώσσα χωρίς πολλαπλές αναθέσεις μεταβλητών δεν υπάρχουν τέτοια προβλήματα!
- Στις συναρτησιακές γλώσσες, οι μεταβλητές είναι ονόματα για συγκεκριμένες τιμές, δεν είναι ονόματα για συγκεκριμένες θέσεις μνήμης
- Μπορούμε να τις θεωρήσουμε «όχι πολύ μεταβλητές»

Η γλώσσα ML (Meta Language)

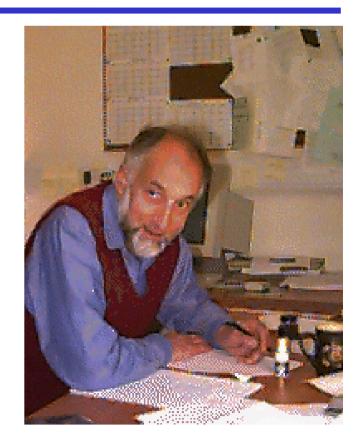
- Γλώσσα συναρτησιακού προγραμματισμού με τύπους
- Σχεδιασμένη για αλληλεπιδραστική χρήση (interactive use)
- Συνδυάζει τα παρακάτω στοιχεία:
 - Βασισμένη στο λ-λογισμό και στην αποτίμηση εκφράσεων
 - Συναρτήσεις υψηλής τάξης (higher-order functions)
 - Αυτόματη διαχείριση μνήμης (με χρήση συλλογής σκουπιδιών)
 - Αφηρημένους τύπους δεδομένων (abstract data types)
 - Σύστημα αρθρωμάτων (module system)
 - Εξαιρέσεις (exceptions)
- Γενικής χρήσης μη προστακτική, μη αντικειμενοστρεφής γλώσσα
 - Σχετικές γλώσσες: OCaml, Haskell, ...

Γιατί εξετάζουμε την ML;

- Τύποι και αυστηρό σύστημα τύπων
 - Γενικά θέματα για στατικό έναντι δυναμικού ελέγχου των τύπων
 - Συμπερασμός τύπων (type inference)
 - Πολυμορφισμός και γενικός προγραμματισμός (generic programming)
- Διαχείριση μνήμης
 - Στατική εμβέλεια και δομή κατά μπλοκ
 - Εγγραφές ενεργοποίησης συναρτήσεων (function activation records) και υλοποίηση συναρτήσεων υψηλής τάξης
- Έλεγχος και δομές ροής
 - Εξαιρέσεις
 - Αναδρομή "ουράς" (tail recursion) και συνέχειες (continuations)

Σύντομη ιστορία της γλώσσας ML

- Robin Milner (ACM Turing Award)
- Logic for Computable Functions
 - Stanford 1970-1971
 - Edinburgh 1972-1995
 - Cambridge 1996-2010
- Μεταγλώσσα του συστήματος LCF
 - Απόδειξη θεωρημάτων (theorem proving)
 - Σύστημα τύπων (type system)
 - Συναρτήσεις υψηλής τάξης (higher-order functions)
- Θα χρησιμοποιήσουμε την υλοποίηση SML/NJ (Standard ML of New Jersey)





Η γλώσσα ΜL μέσα από παραδείγματα

```
% sml
Standard ML of New Jersey, v110.XX
- 42;
val it = 42 : int
-2 + 3;
val it = 5 : int
- fun square x = x * x;
val square = fn : int -> int
- square 5;
val it = 25: int
- square;
val it = fn : int -> int
```

Βασικοί τύποι της ΜL

- Booleans
 - true, false : bool
- Ακέραιοι και τελεστές τους
 - 0, 1, 2, ...: int
 +, -, *, mod, div, ~ (μοναδιαίο μείον)
- Συμβολοσειρές και τελεστές τους
 - "Robin Milner" : string
 - ^ (συνένωση συμβολοσειρών)
- Αριθμοί κινητής υποδιαστολής και τελεστές τους
 - 1.0, 2.56, 3.14159, ...
 - +, -, *, /, ~

Oι τελεστές είναι αριστερά προσεταιριστικοί, με προτεραιότητες $\{+,-\} < \{*,/,div,mod\} < \{\sim\}$.

Η γλώσσα ΜL μέσα από παραδείγματα

```
-1 = 2;
val it = false : bool
- 1 <> 2 andalso true <> false:
val it = true : bool
- true = false orelse 1 <= 2;
val it = true : bool
- "Robin" > "Milner";
val it = true : bool
-2.56 < 3.14;
val it = true : bool
-2.56 = 3.14;
stdIn: Error: operator and operand don't agree
  operator domain: ''Z * ''Z
 operand:
          real * real
```

Υπερφόρτωση τελεστών (operator overloading)

- Ο τελεστής * (και άλλοι όπως ο +) είναι υπερφορτωμένοι
- Έχουν διαφορετική ερμηνεία σε ζεύγη ακεραίων και διαφορετική σε ζεύγη αριθμών κινητής υποδιαστολής
- Η ML δεν κάνει αυτόματη μετατροπή από ακεραίους σε πραγματικούς αριθμούς (όπως π.χ. κάνει η C)

Η γλώσσα ΜL μέσα από παραδείγματα

```
- fun max a b =
= if a > b then a else b;
val max = fn : int -> int -> int
- max 17 5;
val it = 17 : int
- max 10 42;
val it = 42 : int
```

• Προσέξτε τον περίεργο τύπο

```
int -> int -> int
```

 Λέει ότι η max είναι μια συνάρτηση που παίρνει έναν ακέραιο και επιστρέφει μια συνάρτηση που παίρνει έναν ακέραιο και επιστρέφει έναν ακέραιο

Currying

 Οι συναρτήσεις είναι αντικείμενα πρώτης τάξης τα οποία μπορούμε να τα διαχειριστούμε όπως όλα τα άλλα αντικείμενα (π.χ. τους ακεραίους)



Haskell B. Curry

```
- fun max a b = if a > b then a else b;
val max = fn : int -> int
- val max_five = max 5;
val max_five = fn : int -> int
- max_five 42;
val it = 42 : int
- max_five 3;
val it = 5 : int
```

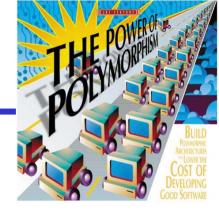


Currying vs. Tuples

• Αν θέλουμε, μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε πλειάδες (tuples) ως ορίσματα ή αποτελέσματα συναρτήσεων

```
- fun max (a,b) = if a > b then a else b;
val max = fn : int * int -> int
- \max (17,42);
val it = 42: int
- fun reverse (x,y) = (y,x);
val reverse = fn : 'a * 'b -> 'b * 'a
- reverse (17,42);
val it = (42,17) : int * int
- max (reverse (17,42));
val it = 42: int
```

Πολυμορφισμός



• Η συνάρτηση reverse έχει έναν ενδιαφέροντα τύπο

```
- fun reverse (x,y) = (y,x);
val reverse = fn : 'a * 'b -> 'b * 'a
```

 Αυτό σημαίνει ότι μπορούμε να αντιστρέψουμε μια δυάδα όπου το πρώτο στοιχείο της είναι οποιουδήποτε τύπου και το δεύτερο στοιχείο επίσης είναι οποιουδήποτε τύπου

```
- reverse (42,3.14);
val it = (3.14,42) : real * int
- reverse ("foo",(1,2));
val it = ((1,2),"foo") : (int * int) * string
```

Αναδρομή

 Επειδή δεν υπάρχουν μεταβλητές με την παραδοσιακή έννοια, τα προγράμματα χρησιμοποιούν αναδρομή για να εκφράσουν επανάληψη

```
- fun sum n =
       if n = 0 then 0 else sum (n-1) + n;
val sum = fn : int -> int
  sum 2;
                                                Αναδρομή
val it = 3 : int
                                                • Επειδή δεν υπάρχουν μεταβλητές με την παραδοσιακή
                                                 έννοια, τα προγράμματα χρησιμοποιούν αναδρομή για να
  sum 3;
                                                 εκφράσουν επανάληψη
val it = 6 : int
                                                - fun sum n =
                                                   if n = 0 then 0 else sum (n-1) + n;
                                                val sum = fn : int -> int
- sum 4;
                                                - sum 2:
```

val it = 3 : int

- sum 3;

val it = 6 : int

- sum 4;

Ava6popi)

Ava6popi)

- Encidi fev undayov μεταβλητές με την ποροδοσιανή

Evous. τα προσφαριατα μεταβλητές με την ποροδοσιανή

- feur sum n =

- feur s

val it = 10 : int

Εισαγωγή στη γλώσσα ΜL

17

val it = 10 : int

Τελεστής ύψωσης σε δύναμη

 Μπορούμε επίσης να ορίσουμε νέους αριθμητικούς τελεστές ως συναρτήσεις

```
- fun x \wedge y =
= if y = 0 then 1
= else x * (x ^ (y-1));
val ^ = fn : int * int -> int
- 2 ^ 2;
val it = 4 : int
- 2 ^ 3;
val it = 8 : int
- 2 ^ 4;
val it = 16 : int
```



Επαναχρησιμοποίηση αποτελεσμάτων

• Αν δεν έχουμε μεταβλητές, είμαστε αναγκασμένοι να επαναλάβουμε εκφράσεις (και υπολογισμούς)

 Μια μέθοδος για να γράψουμε πιο εύκολα την παραπάνω συνάρτηση είναι με χρήση μιας βοηθητικής συνάρτησης

```
fun f1(a,b) = b + (if a < 1 then 1 else b)
fun f x = f1(x, g(square(max(x,4)))
```

Η έκφραση let

 Ένας πιο εύκολος τρόπος είναι ο ορισμός ενός τοπικού ονόματος για την επαναχρησιμοποιούμενη έκφραση

```
fun f x =
  let
  val gg = g(square(max(x,4)))
  in
     gg + (if x < 1 then 1 else gg)
  end</pre>
```

Η έκφραση let δεν είναι ανάθεση

```
- let
    val | a | = 2
= in
    (let
       val a = a + 2
     in
= end,
     a)
= end;
val it = (4,2): int * int
```

Σύνθετοι τύποι δεδομένων στην ML

- Προγράμματα που επεξεργάζονται μόνο βαθμωτά
 δεδομένα (scalars χωρίς δομή) δεν είναι πολύ χρήσιμα
- Οι συναρτησιακές γλώσσες προγραμματισμού είναι ό,τι πρέπει για την επεξεργασία σύνθετων τύπων δεδομένων
- Έχουμε ήδη δει πλειάδες, που είναι σύνθετοι τύποι δεδομένων για την αναπαράσταση ενός ορισμένου αριθμού αντικειμένων (πιθανώς διαφορετικών τύπων)
- Η ML έχει επίσης **λίστες**, που είναι σειρές οποιουδήποτε αριθμού αντικειμένων του ίδιου όμως τύπου

Λίστες

Οι πλειάδες περικλείονται από παρενθέσεις,
 οι λίστες από αγκύλες

```
- (1,2);
val it = (1,2) : int * int
- [1,2];
val it = [1,2] : int list
```

• Ο τελεστής @ συνενώνει δύο λίστες

```
- [1,2] @ [3,4];
val it = [1,2,3,4] : int list
```

Cons

• Μπορούμε να προσθέσουμε στοιχεία στην αρχή μιας λίστας με τον τελεστή :: (προφέρεται cons)

```
- 1 :: 2 :: 3 :: [];

val it = [1,2,3] : int list

- 0 :: it;

val it = [0,1,2,3] : int list
```

• Η συνένωση δύο λιστών δεν είναι το ίδιο με τη χρήση::

Άλλες συναρτήσεις για λίστες

```
- null [];
val it = true : bool
- null [1,2];
val it = false : bool
- val 1 = [1,2,3,4];
val 1 = [1,2,3,4]: int list
- hd 1;
val it = 1 : int
- tl 1;
val it = [2,3,4] : int list
- length 1;
val it = 4 : int
- nil;
val it = [] : 'a list
```

Ορισμός συναρτήσεων για λίστες

```
- fun addto (1,v) =
= if null 1 then nil
= else hd 1 + v :: addto (tl 1,v);
val addto = fn : int list * int -> int list
- addto ([1,2,3],2);
val it = [3,4,5]: int list
- addto ([1,2,3],~2);
val it = [~1,0,1] : int list
```

Ορισμός συναρτήσεων για λίστες

```
- fun map (f, 1) =
= if null 1 then nil
= else f (hd l) :: map (f, tl l);
val map = fn : ('a -> 'b) * 'a list -> 'b list
- fun add2 x = x + 2;
val add2 = fn : int -> int
- map (add2, [10,11,12]);
val it = [12,13,14] : int list
```

Ανώνυμες συναρτήσεις (λ-εκφράσεις)

```
- map (fn x => x + 2, [10,11,12]);
val it = [12,13,14] : int list
```

- Το πρώτο στοιχείο στο όρισμα της παραπάνω συνάρτησης λέγεται λάμδα έκφραση: είναι συνάρτηση χωρίς όνομα
 - Ο τελεστής fun είναι ισοδύναμος με μία λάμδα έκφραση

```
- val add2 = fn x => x + 2;
val add2 = fn : int -> int
- add2 10;
val it = 12 : int
```



Αναδρομικές λάμδα εκφράσεις

- Πώς καλούμε αναδρομικά κάτι το οποίο δεν έχει όνομα;
- Του δίνουμε ένα!

```
- let
= val rec f =
= fn x => if null x then nil
= else (hd x + 3) :: f (tl x)
= in
= f
= end
= [1,2,3,4];
val it = [4,5,6,7] : int list
```

Ταίριασμα προτύπων (pattern matching)

• Στα μαθηματικά, οι συναρτήσεις πολλές φορές ορίζονται με διαφορετικές εκφράσεις βάσει κάποιων συνθηκών

$$f(x) = \begin{cases} x & \varepsilon \acute{\alpha} \lor x \ge 0 \\ -x & \varepsilon \acute{\alpha} \lor x < 0 \end{cases}$$

• Οι συναρτήσεις της ML δε διαφέρουν και επιτρέπουν τον ορισμό κατά περιπτώσεις και την αποφυγή της χρήσης if

 Όμως, ο ορισμός ανά περιπτώσεις είναι ευαίσθητος ως προς τη σειρά εμφάνισης των συναρτησιακών προτάσεων

```
fun map (f,l) = f (hd l) :: map (f,tl l)
| map (f,[]) = []
```

Καλύτερος ορισμός μέσω ταιριάσματος προτύπων

- Το πρότυπο _ ταιριάζει με όλα τα αντικείμενα
- Το πρότυπο h :: t ταιριάζει με μια λίστα και δένει
 - τη μεταβλητή **h** με την κεφαλή της λίστας και
 - τη μεταβλητή **t** με την ουρά της λίστας



Χρήση σταθερών ως πρότυπα

- Κάθε σταθερά ενός τύπου που υποστηρίζει ισότητα μπορεί να χρησιμοποιηθεί ως πρότυπο
- Αλλά δεν μπορούμε να γράψουμε

```
fun is_zero 0.0 = "yes";
```

Μη εξαντλητικό ταίριασμα προτύπων

- Στο προηγούμενο παράδειγμα, ο τύπος της is_zero ήταν int -> string, αλλά ταυτόχρονα υπήρξε η προειδοποίηση "Warning: match nonexhaustive"
- Αυτό σημαίνει ότι η συνάρτηση ορίστηκε με πρότυπα που δεν εξάντλησαν το πεδίο ορισμού της συνάρτησης
- Κατά συνέπεια, είναι δυνατό να υπάρχουν προβλήματα χρόνου εκτέλεσης, όπως:

```
- is_zero 42;
uncaught exception Match: [nonexhaustive match failure]
raised at ...
```

Κανόνες ταιριάσματος προτύπων στην ML

- Το πρότυπο _ ταιριάζει με οτιδήποτε
- Μια μεταβλητή είναι ένα πρότυπο που ταιριάζει με οποιαδήποτε τιμή και δένει τη μεταβλητή με την τιμή
- Μια σταθερά (ενός τύπου ισότητας) είναι ένα πρότυπο που ταιριάζει μόνο με τη συγκεκριμένη σταθερά
- Μια πλειάδα (x,y,...,z) είναι ένα πρότυπο που ταιριάζει με κάθε πλειάδα του ίδιου μεγέθους, της οποίας τα περιεχόμενα ταιριάζουν με τη σειρά τους με τα x,y,...,z
- Μια λίστα [x,y,...,z]είναι ένα πρότυπο που ταιριάζει με κάθε λίστα του ίδιου μήκους, της οποίας τα στοιχεία ταιριάζουν με τη σειρά τους με τα x,y,...,z
- Ένα cons h: t είναι ένα πρότυπο που ταιριάζει με κάθε μη κενή λίστα, της οποίας η κεφαλή ταιριάζει με το h και η ουρά με το t

Παράδειγμα χρήσης ταιριάσματος προτύπων

• Παραγοντικό με χρήση if-then-else

```
fun fact n =
  if n = 0 then 1 else n * fact (n-1)
```

• Παραγοντικό με χρήση ταιριάσματος προτύπων

```
fun fact 0 = 1
    fact n = n * fact (n-1)
```

- Παρατηρήστε ότι υπάρχει επικάλυψη στα πρότυπα
- Η εκτέλεση δοκιμάζει πρότυπα με τη σειρά που αυτά εμφανίζονται (από πάνω προς τα κάτω)

Άλλα παραδείγματα

- Η παρακάτω δομή είναι πολύ συνηθισμένη σε αναδρομικές συναρτήσεις που επεξεργάζονται λίστες: μία περίπτωση για την κενή λίστα (nil) και (τουλάχιστον) μία περίπτωση για όταν η λίστα δεν είναι κενή (h::t).
- Άθροισμα όλων των στοιχείων μιας λίστας

• Αριθμός των στοιχείων μιας λίστας με κάποια ιδιότητα

Ένας περιορισμός: γραμμικά πρότυπα

• Δεν επιτρέπεται η χρήση της ίδιας μεταβλητής περισσότερες από μία φορές στο ίδιο πρότυπο

• Για παράδειγμα, το παρακάτω δεν επιτρέπεται:

• Αντί αυτού πρέπει να χρησιμοποιηθεί το παρακάτω:

```
fun f (a,b) =
  if a = b then ... for pairs of equal elements
    else ... for pairs of unequal elements
```

Συνδυασμός προτύπων και let

```
fun halve nil = (nil, nil)
  | halve [a] = ([a], nil)
  | halve (a::b::cs) =
        let
            val (x, y) = halve cs
        in
            (a::x, b::y)
        end
```

- Με τη χρήση προτύπων στους ορισμούς ενός let, μπορούμε να "αποσυνθέσουμε" εύκολα ένα αποτέλεσμα
- Η παραπάνω συνάρτηση παίρνει ως όρισμα μια λίστα και επιστρέφει ένα ζεύγος από λίστες, η κάθε μία από τις οποίες έχει τα μισά στοιχεία της αρχικής λίστας

Χρήση της συνάρτησης halve

```
fun halve nil = (nil, nil)
     halve [a] = ([a], nil)
     halve (a::b::cs) =
       let
       val(x, y) = halve cs
       in
       (a::x, b::y)
      end:
val halve = fn : 'a list -> 'a list * 'a list
- halve [1]:
val it = ([1],[]) : int list * int list
- halve [1,2];
val it = ([1],[2]): int list * int list
- halve [1,2,3,4,5,6];
val it = ([1,3,5],[2,4,6]): int list * int list
```

Ένα μεγαλύτερο παράδειγμα: Merge Sort

- Η συνάρτηση halve διανέμει τα στοιχεία μιας λίστας σε δύο περίπου ίσα κομμάτια
- Είναι το πρώτο βήμα για ταξινόμηση συγχώνευσης
- Η συνάρτηση merge συγχωνεύει δύο ταξινομημένες λίστες

```
fun merge (nil, ys) = ys
    merge (xs, nil) = xs
    | merge (x::xs, y::ys) =
        if x < y then x :: merge (xs, y::ys)</pre>
                 else y :: merge (x::xs, ys);
val merge = fn : int list * int list -> int list
- merge ([2],[1,3]);
val it = [1,2,3] : int list
- merge ([1,3,4,7,8],[2,3,5,6,10]);
val it = [1,2,3,3,4,5,6,7,8,10]: int list
```

Η συνάρτηση Merge Sort

Ο τύπος της παραπάνω συνάρτησης είναι

int list -> int list

λόγω του τύπου της συνάρτησης merge

Παράδειγμα χρήσης της Merge Sort

```
- fun mergeSort nil = nil
      mergeSort [a] = [a]
    mergeSort theList =
        let
          val(x, y) = halve theList
        in
          merge (mergeSort x, mergeSort y)
        end;
val mergeSort = fn : int list -> int list
- mergeSort [4,3,2,1];
val it = [1,2,3,4] : int list
- mergeSort [4,2,3,1,5,3,6];
val it = [1,2,3,3,4,5,6]: int list
```

Φωλιασμένοι ορισμοί συναρτήσεων

- Μπορούμε να ορίσουμε τοπικές συναρτήσεις, ακριβώς όπως ορίζουμε τοπικές μεταβλητές, με χρήση let
- Συνήθως αυτό γίνεται για βοηθητικές συναρτήσεις που δε θεωρούνται χρήσιμες από μόνες τους
- Με αυτόν τον τρόπο μπορούμε να κρύψουμε τις συναρτήσεις halve και merge από το υπόλοιπο πρόγραμμα
- Αυτό έχει και το πλεονέκτημα ότι οι εσωτερικές συναρτήσεις μπορούν να αναφέρονται σε μεταβλητές των εξωτερικών συναρτήσεων

```
(* Sort a list of integers. *)
fun mergeSort nil = nil
    mergeSort [e] = [e]
    mergeSort theList =
      1et
        (* From the given list make a pair of lists
         * (x,y), where half the elements of the
         * original are in x and half are in y. *)
        fun halve nil = (nil, nil)
          | halve [a] = ([a], nil)
          halve (a::b::cs) =
              1et
                val(x, y) = halve cs
              in
               (a::x, b::y)
              end
        (* Merge two sorted lists of integers into
         * a single sorted list. *)
        fun merge (nil, ys) = ys
          | merge (xs, nil) = xs |
           merge (x::xs, y::ys) =
              if x < y then x :: merge(xs, y::ys)</pre>
                       else y :: merge(x::xs, ys)
        val (x, y) = halve theList
      in
        merge (mergeSort x, mergeSort y)
      end
```

Ανακεφαλαίωση της γλώσσας ML

- Βασικοί τύποι της ML: int, real, bool, char, string
- Τελεστές: ~, +, -, *, div, mod, /, ^, ::, @, <, >, <=, >=, =, <>, not, andalso, orelse
- Επιλογή μεταξύ δύο: if ... then ... else
- Ορισμός συναρτήσεων: fun, fn => και τιμών: val, let
- Κατασκευή (και αποσύνθεση) πλειάδων: (x,y,...,z)
- Κατασκευή λιστών: [x,y,...,z], ::, @
- Κατασκευαστές τύπων: *, list, και ->
- Ταίριασμα προτύπων
- Φωλιασμένες συναρτήσεις