

5.4 Να υπολογιστούν για το ομοαξονικό καλώδιο της προηγούμενης άσκησης 5.3:

α) Η μαγνητική πεδιακή ένταση.

β) Η μαγνητική ενέργεια στη μονάδα μήκους του καλωδίου, έξω από το φορτίο.

γ) Ο συντελεστής εξωτερικής αυτεπαγωγής $L_{εξ,μ}$ στη μονάδα μήκους του καλωδίου για το χώρο μεταξύ των δύο αγωγών, με δύο τρόπους: 1) χρησιμοποιώντας την απάντηση στο ερώτημα (β) και 2) με βάση τον ορισμό $L_{εξ,μ} = \psi_{εξ,μ} / I$.

δ) Ο συντελεστής εσωτερικής αυτεπαγωγής $L_{εσ,μ}$ στη μονάδα μήκους του καλωδίου για το εσωτερικό του αγωγίμου κυλίνδρου.

5.5 Στο ομοαξονικό καλώδιο της άσκησης 5.3 να βρεθεί το διάνυσμα Poynting για $0 \leq z \leq \ell$ και να ελεγχθεί με αυτό η αρχή διατήρησης της ενέργειας (θεώρημα Poynting) από τις πηγές ($z = 0$) μέχρι το τέλος του φορτίου ($z = \ell$).

5.6 Ρεύμα εντάσεως $i(t) = \sqrt{2}I \sin(\omega t)$ διαρρέει ηλεκτρικώς μικρή κυκλική βροχοκεραία ακτίνας a . Σε σφαιρικές συντεταγμένες, το ηλεκτρομαγνητικό πεδίο σε μεγάλη απόσταση από την κεραία είναι:

$$H_{\theta} = \frac{(ka)^2 I \sin \theta}{2\sqrt{2} r} \sin(\omega t - kr), \quad E_{\phi} = -\sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} H_{\theta} \approx -(120\pi \Omega) H_{\theta}$$

όπου $k = \omega / c = \omega \sqrt{\epsilon_0 \mu_0}$.

Να υπολογιστεί η αντίσταση ακτινοβολίας της κεραίας

$$R_{ακτ} \equiv \frac{\langle P_{ακτ} \rangle}{I^2}$$

όπου $\langle P_{ακτ} \rangle$ είναι ο χρονικός μέσος όρος της ακτινοβολούμενης ισχύος. Επίσης να επαληθευτεί η σημειακή μορφή του θεωρήματος Poynting.