# 100年第2次北科入學數學會考

## 100-02-01

#### **Statement**

若 $\alpha \cdot \beta$ 為方程式 $x^2 + 12x + 9 = 0$ 的兩根 · 則 $(\sqrt{\alpha} - \sqrt{\beta})^2 = ?$ 

- (A) 18
- (B) -6
- (C) 6
- (D) 12
- (E) 18

#### Solution

我們可以依照偉達定理(根與係數)的概念來寫這一題。

令一二次多項式 $ax^2 + bx + c$ ·存在兩根 $\alpha$ 與 $\beta$ 。

那麼
$$\alpha + \beta = \frac{-b}{a} \cdot 且 \alpha \beta = \frac{c}{a}$$

因此,我們可以把欲求的式子展開,得:

$$\sqrt{lpha}^2 - 2\sqrt{lpha}\sqrt{eta} + \sqrt{eta}^2$$

$$\Rightarrow \alpha - 2\sqrt{\alpha \beta} + \beta$$

根據偉達定理我們可以求得

$$\alpha + \beta = \frac{-b}{a} = \frac{-12}{1} = -12$$

$$\alpha\beta = \frac{c}{a} = \frac{9}{1} = 9$$

注意一下
$$\alpha + \beta = -12 \cdot \alpha \beta = 9$$

若兩根一正一負那麼lphaeta<0,若兩根都是正的那麼a+b>0

因此剩下唯一的兩根都是負的才能使偉達定理成立。

$$\sqrt{\alpha}\sqrt{\beta}$$
會存在複數‧相乘後可以得到 $-\sqrt{\alpha\beta}$ 。

因此帶回欲求之式子:

$$-12 - 2 \times -\sqrt{9} = -12 + 6 = -6$$

## 100-02-02

#### **Statement**

若  $x^4 - x^3 - x^2 - x - 2$  與  $2x^3 + x^2 - 7x - 6$  的最高公因式為  $x^2 + bx + c$  則 b + 2c = ?

(A) - 5

(B) -3

(C) 0

(D) 5

(E)7

### Solution

第一式的因式ax + b的a一定會是1的因素(因為最大項係數等於1),且b一定會是2的因數(因為最小項的係數等於2),第二式亦同。

因此我們可以對第一式做因式分解·得到 $(x+1)(x-2)(x^2+1)$ 接著我們以相同方式對第二式做因式分解·得倒(x+1)(x-2)(2x+3)

可以觀察到最大公因式即為 $(x+1)(x-2)=x^2-x-2$ 比較係數後得到b=-1,c=-2

則 $b + 2c = -1 + 2 \times -2 = -5$ 。

### 100-02-03

#### **Statement**

(A) - 2

(B) -1

(C) 0

(D) 1

(E) 2

#### Solution

我們可以使用綜合除法,將2x+1改寫成 $x+rac{1}{2}$ ,然後再對除出來的係數除以2。

因此a = 1, b = -3, c = 0, d = 3

 $2a + b - c + d = 1 \times 2 + (-3) - 0 + 3 = 2$ 

#### **Statement**

$$x^2 - 4x + 2 \le |x - 2|$$
 之解為何?

(A) 
$$1 \le x \le 4$$

(B) 
$$2 \le x \le 4$$

(C) 
$$0 \le x \le 2$$

(D) 
$$0 \le x \le 4$$

(E) 
$$0 \le x \le 3$$

#### Solution

1. 考慮
$$x^2 - 4x + 2 < x - 2$$
:

移項 · 
$$x^2 - 4x + 2 - x + 2 < 0$$

整理·
$$x^2-5x+4\leq 0$$

那麼我們可以將其因式分解,得 $(x-4)(x-1) \le 0$ ,並且可以得到 $1 \le x \le 4$ 。

2. 考慮
$$x^2 - 4x + 2 \le -x + 2$$
:

移項 · 
$$x^2 - 4x + 2 + x - 2 \le 0$$

整理·
$$x^2-3x<0$$

那麼我們可以將其因式分解,得 $x(x-3) \leq 0$ ,並且可以得到 $0 \leq x \leq 3$ 

對剛剛考慮的兩個東西產生出來的結果取聯集,得到 $0 \le x \le 4$ 。

## 100-02-05

#### **Statement**

$$2\log_2 x - \log_x 2 < 1$$
之解為何?

(B) 
$$0 < x < \frac{1}{2} \not \equiv 1 < x < 2$$

(C) 
$$x < \frac{-1}{\sqrt{2}} \neq 0 < x < 1$$

(D) 
$$x < \frac{1}{\sqrt{2}} \neq 1 < x < 2$$

$$\text{(E) } 0 < x < \frac{1}{\sqrt{2}} \not x \ 1 < x < 2$$

#### Solution

$$2\log_2 x - \log_x 2 < 1$$

$$\Rightarrow 2\log_2 x - \frac{\log 2}{\log x} < 1$$

$$\Rightarrow 2\log_2 x - \frac{1}{\log_2 x} < 1$$

$$\begin{aligned} 2t - \frac{1}{t} < 1 \\ \Rightarrow 2t - \frac{1}{t} - 1 < 0 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \frac{2t^2-t-1}{t}<0$$

考慮兩種情況。

1. 若
$$t > 0$$
且 $2t^2 - t - 1 < 0$  
$$2t^2 - t - 1 < 0 = (2t + 1)(t - 1) < 0 = \frac{-1}{2} < t < 1$$
 與 $t > 0$ 取态集得到 $0 < t < 1$ 。

2. 若
$$t<0$$
且 $2t^2-t-1>0$  
$$2t^2-t-1>0=(2t+1)(t-1)>0=t<\frac{-1}{2}$$
 或  $t>1$  與 $t<0$ 取交集得到 $t<\frac{-1}{2}$ 。

對這兩種考慮取聯集·得到 $t < \frac{-1}{2}$ 或0 < t < 1。

還原・得到
$$x < \frac{1}{\sqrt{2}}$$
或 $1 < x < 2$ 。

## 100-02-06

#### **Statement**

已知 $\triangle ABC$  中 ·  $\overline{AB} = 37$  ·  $\overline{BC} = 53$  ·  $\overline{AC} = 89$  · 則下列各內積中 · 何者為最大 ?

$$(A)$$
  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$ 

(B) 
$$\overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{BA}$$

$$(C)$$
  $\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CB}$ 

$$(D)$$
  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC}$ 

$$(E)$$
  $\overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{CA}$ 

#### Solution

$$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 37 imes 89 imes rac{37^2 + 89^2 - 53^2}{2 imes 37 imes 89}$$

$$\overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{BA} = 53 \times 37 \times \frac{53^2 + 37^2 - 89^2}{2 \times 53 \times 37}$$

$$\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CB} = 89 imes 37 imes rac{89^2 + 53^2 - 37^2}{2 imes 89 imes 53}$$

$$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} < 0$$

$$\overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{CA} < 0$$

故問題化簡成比較以下三者之大小:

$$37^2 + 89^2 - 53^2$$

$$53^2 + 37^2 - 89^2$$

$$89^2 + 53^2 - 37^2$$

顯然是第三者較大,故選(C)

### **Statement**

已知向量 $\overrightarrow{AB}=(-31,29)\cdot\overrightarrow{AC}=(23,-11)\cdot$ 則下列向量長中·何者為最大?

- (A)  $|\overrightarrow{AB}|$
- (B)  $|\overrightarrow{BC}|$
- (C)  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}|$
- (D)  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}|$
- (E)  $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CA}|$

### Solution

$$\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}$$

$$\overrightarrow{BA} = (31, -29)$$

$$\overrightarrow{BC} = (31, -29) + (23, -11) = (54, -40)$$

$$\overrightarrow{CA} = (-23, 11)$$

考慮向量長的公式·當存在一向量 $\overrightarrow{L}=(A,B)$ · $\overrightarrow{L}$ 的向量長為 $|\overrightarrow{L}|=\sqrt{A^2+B^2}$ 因此若|A|+|B|越大·那麼向量長越大。

考慮選項A: |-31|+|29|=60

考慮選項B: |54| + |-40| = 94

考慮選項C:  $\overrightarrow{AB}$  +  $\overrightarrow{BC}$  = (-31,29) + (54,-40) = (23,-11) · |23| + |-11| = 34

考慮選項D:  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = (-31, 29) + (23, -11) = (-8, 18) \cdot |-8| + |18| = 26$ 

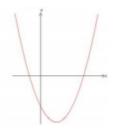
考慮選項E:  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CA} = (-31, 29) + (54, -40) + (-23, 11) = (0, 0) \cdot |0| + |0| = 0$ 

因此,故選B。

# 100-02-08

#### **Statement**

設 $y=ax^2+bx+c$ 的圖形如下,則下列各式中,何者為負值?



- (A) abc
- (B)  $b^2 4ac$
- (C)  $c^2 4ab$
- (D)  $b + \sqrt{b^2 4ac}$
- (E)  $b \sqrt{b^2 4ac}$

## **Solution**

因為開口向上,所以a > 0。

觀察x=0,可以發現對應到的y<0,因此c<0

觀察一下對稱軸 
$$\cdot \frac{-b}{2a} > 0$$
 · 因此 $b < 0$ 

因此 $abc>0\cdot b^2-4ac>0$ 因為有實數解。

$$c^2 - 4ab > 0$$
因為 $ab < 0$ 。

而 $b+\sqrt{b^2-4ac}$ 必為正因為可以從圖中觀察到這個根是正數 · 另一根是負數因此 $b-\sqrt{b^2-4ac}$ 小於0 · 故選 $\mathbf{E}$  。

## 100-02-09

### **Statement**

已知 $4x^2 + y^2 - 4x + 8y = 8$  · 則x的最大值為何?

- (A) 1
- (B) 2
- (C) 3
- (D) 4
- (E) 5

#### Solution

這是一個橢圓,可以用配方法來找短邊或者長邊,加上中心就是最大的x了。

$$4x^2 - 4x + y^2 + 8y = 8$$

$$4(x^2 - x) + y^2 + 8y = 8$$

$$4(x^2 - x + \frac{1}{4}) + y^2 + 8y + 16 = 8 + 16 + 1$$

$$4(x-\frac{1}{2})^2+(y+4)^2=25$$

$$\frac{(x-\frac{1}{2})^2}{\frac{25}{4}} + \frac{(y+4)^2}{25}$$

由此可知這個橢圓的短邊平行來軸

$$a=\sqrt{25}=5, b=\sqrt{rac{25}{4}}=rac{5}{2}$$

中心可從式子得知 
$$\cdot$$
  $(x,y)=(rac{1}{2},-4)$ 

因此·加上
$$x$$
的部份得到 $\frac{5}{2}+\frac{1}{2}=3$ 

### **Statement**

拋物線 $y = 4 - 2x - x^2$ 與x軸兩交點的距離為何?

- (A) 2
- (B) 3
- (C)  $2\sqrt{5}$
- (D) 6
- (E) 8

## Solution

將y等於0,求出x。

$$-x^2 - 2x + 4 = 0$$

先確定 $b^2 - 4ac$ 是否大於 $0 \cdot$ 

$$(-2)^2 - 4 \times (-1) \times 4 = 4 + 16 = 20$$

因此兩根為
$$\frac{2 \pm \sqrt{20}}{-2} = \frac{2 \pm 2\sqrt{5}}{-2}$$

$$\frac{2+\sqrt{5}}{-2} - \frac{2-\sqrt{5}}{-2} = 2\sqrt{5}$$

## 100-02-11

## **Statement**

設雙曲線 $x^2-y^2=x+2y$ 兩漸進的夾角為heta · 則 $\sinrac{ heta}{2}=$  ?

- (A) 0
- (B)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (C)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$
- (D)  $\frac{2}{\sqrt{5}}$
- (E) 1

### Solution

配方雙曲線得到標準式。

$$x^2-x-y^2-2y=0 \Rightarrow x^2-x+rac{1}{4}-y^2-2y+1=rac{5}{4}$$

$$(x-rac{1}{2})^2-(y-1)^2=rac{5}{4}$$

$$\frac{4(x-\frac{1}{2})^2}{5} - \frac{4(y-1)^2}{5} = 1$$

求漸進線,令等號右邊為0

$$\frac{4(x-\frac{1}{2})^2}{5} = \frac{4(y-1)^2}{5}$$

$$(x-\frac{1}{2})^2 = (y-1)^2$$

$$(x - \frac{1}{2})^2 - (y - 1)^2 = 0$$

$$(x - \frac{1}{2} - (y - 1))(x - \frac{1}{2} + (y - 1)) = 0$$

$$(x-y+\frac{1}{2})(x+y+\frac{3}{2})=0$$

第一條線
$$(x-y+\frac{1}{2})$$
可求斜率 $m=1$ 

第二條線
$$(x+y+rac{3}{2})$$
可求斜率 $m=-1$ 

因此·這兩條線垂直 $(m_1 imes m_2=-1)$ ·夾角為 $90^\circ$ 

因此
$$\sin \frac{90^\circ}{2} = \sin 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

## 100-02-12

#### **Statement**

不等式
$$\frac{3 \cdot 2^x - 18 \cdot 2^{-x}}{2^x - 2^{-x}} \le 2$$
之解為何?

(A) 
$$-1 \le x \le 1$$

(B) 
$$0 < x < 1$$

(C) 
$$1 < x < 2$$

(D) 
$$0 < x \le 2$$

(E) 
$$1 \le x \le 4$$

### Solution

將分子分母上下同乘 $2^x$ 。

$$\frac{3 \cdot 2^x - 18 \cdot 2^{-x}}{2^x - 2^{-x}} \Rightarrow \frac{3 \cdot 2^{2x} - 18}{2^{2x} - 1} \le 2$$

移項。

$$\frac{3 \cdot 2^{2x} - 18}{2^{2x} - 1} - 2 \le 0$$

$$\frac{3 \cdot 2^{2x} - 18 - 2(2^{2x} - 1)}{2^{2x} - 1} \le 0$$

$$\frac{3 \cdot 2^{2x} - 18 - 2 \cdot 2^{2x} + 2}{2^{2x} - 1} \le 0$$

$$\frac{2^{2x} - 16}{2^{2x} - 1} \le 0$$

$$\hat{ hicksim} t = 2^{2x}$$

$$\frac{t-16}{t-1} \le 0$$

考慮以下兩點:

1. 
$$t - 16 > 0 \cdot t - 1 < 0$$

 $t \geq 16, \ t < 1$ , 這兩個不等式沒有任何交集, 因此 $t \in \emptyset$ 

2. 
$$t - 16 < 0 \cdot t - 1 > 0$$

 $t \leq 16, \, t > 1$ ,這兩個不等式的交集為 $1 < t \leq 16$ 

將以上考慮的兩點做聯集,得到 $1 < t \le 16$ 

還原t得到 $1 < 2^{2x} \le 16$  · 因此 $0 < x \le 2$ 

## 100-02-13

#### **Statement**

方程式 $10 \cdot x^{2 \log x} = x^3$ 之所有實根的平方和為何?

- (A) 100
- (B) 101
- (C) 110
- (D) 111
- (E) 121

#### Solution

等號兩邊同除 $x^{2 \log x}$ 

$$10 = x^{3-2\log x}$$

$$1 = (3 - 2\log x) \times \log(|x|)$$

因為要求實根·因此可以限定x>0·所以 $(3-2\log x) imes \log(x)$ 

$$\Rightarrow t = \log x$$

$$1 = (3 - 2t) \times t \Rightarrow -2t^2 + 3t - 1 = 0$$

因式分解得到(-2t+1)(t-1)=0

可以解出
$$t=rac{1}{2}$$
或 $t=1$ 

還原t · 可以得到 $\log x = \sqrt{10}$  或  $\log x = 10$ 

兩根的平方和為 $\sqrt{10}^2 + 10^2 = 110$ 

### **Statement**

若 $f(x) = \log_2(x^3 + x^2 - 7x + 5)$  · 則 $f(1 + \sqrt{2}) = ?$ 

- (A) 1
- (B) 2
- (C) 3
- (D) 4
- (E)5

## **Solution**

觀察一下,可以嘗試把 $x^3+x^2-7x+5$ 化簡成 $c(x-1)^2+b(x-1)+a...$ 

這部分可以用綜合除法做到。

因此可得 $(x-1)^3 + 4(x-1)^2 - 2(x-1)$ °

把 $f(1+\sqrt{2})$ 帶進去,得:

$$\log_2((\sqrt{2})^3 + 4(\sqrt{2})^2 - 2(\sqrt{2})) = \log_2(2\sqrt{2} + 8 - 2\sqrt{2}) = \log_2 8 = 3$$

## 100-02-15

### **Statement**

設 $\cos \theta + \cos^2 \theta = 1$  · 則 $\sin^2 \theta + \sin^4 \theta = ?$ 

- (A)  $\frac{1}{4}$
- (B)  $\frac{1}{3}$
- (C)  $\frac{1}{2}$
- (D)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

## (E) 1

## Solution

$$\cos^2 \theta = 1 - \cos \theta$$
  

$$\sin^2 \theta = 1 - \cos^2 \theta = 1 - (1 - \cos \theta) = \cos \theta$$
  

$$\sin^4 = (\sin^2)^2 = \cos^2 \theta$$
  

$$\sin^2 \theta + \sin^4 \theta = \cos \theta + \cos^2 \theta = 1$$

## 100-02-16

### **Statement**

設 $\tan 100^\circ = k \cdot$ 則 $\sin 80^\circ = ?$ 

$$(A) \; \frac{-k}{\sqrt{1+k^2}}$$

$$(B) \; \frac{\sqrt{k}}{\sqrt{1+k^2}}$$

$$(C) \; \frac{-1}{\sqrt{1+k^2}}$$

$$\mathrm{(D)}\;\frac{k}{\sqrt{1+k^2}}$$

$$(E) \; \frac{1}{\sqrt{1+k^2}}$$

## **Solution**

畫個圖

$$-k$$

$$|000^{\circ}$$

$$-|$$

看圖可以觀察到 
$$\cdot \sin 100^\circ = \sin 80^\circ = \frac{-k}{\sqrt{1+k^2}}$$

#### **Statement**

ਕੁੱ $a=\sec 434^\circ\cdot b=\sin 100^\circ\cdot c=\cos 260^\circ\cdot d=\cot 28^\circ\cdot e=\csc 155^\circ$ 

則下列何者正確?

- (A) b < c < d < e < a
- (B) c < b < d < e < a
- (C) c < b < e < d < a
- (D) c < b < d < a < e
- (E) b < c < a < d < e

## **Solution**

 $a=\sec 434^\circ=\sec 74^\circ=\csc 16^\circ$ 

 $b=\sin 100^\circ=\sin 80^\circ$ 

 $c = \cos 260^\circ = -\cos 80^\circ$ 

 $d=\cot 28^\circ$ 

 $e=\csc 155^\circ=\csc 25^\circ$ 

因此 $a > e \cdot c < b \cdot$  故選B。

### 100-02-18

### **Statement**

平面上有兩點 $A(1,2) \cdot B(a,b) \cdot$  若直線 $\overline{AB}$ 之垂直平分線為x+2y-10=0 · 則a-b=?

- (A) 1
- (B) -2
- (C) 3
- (D) -4
- (E) 5

## Solution

垂直平分線·因此垂直平分線通過 $\overline{AB}$ 的中點 $(\frac{1+a}{2},\frac{2+b}{2})$ 。

帶入垂直平分線得到 $\frac{1+a}{2}+2+b-10=0 \Rightarrow 1+a+4+2b-20=0$ 

而我們可以求得垂直平分線的斜率·得到 $m=rac{-1}{2}$ ,因此與其垂直的斜率一定是 $m=rac{-1}{rac{-1}{2}}=2$ 

因此按照斜率定義,可以得到 $\dfrac{2-b}{1-a}=2$  · 整理得到 $2-b=2-2a\Rightarrow 2a=b$  。

帶回第一式可以得到5a = 15, a = 3, b = 6。

$$a - b = 3 - 6 = -3$$

## 100-02-19

#### **Statement**

設直線 $bx + ay - ab = 0 \cdot a > 0$ , b < 0過點(1,2) · 若此直線與二坐標軸相交 · 圍成一個面積為2的三角形 · 則a + 2b = ?

(A) 
$$-7 - 3\sqrt{3}$$

(B) 
$$-6 - 3\sqrt{3}$$

(C) 
$$-5-3\sqrt{3}$$

(D) 
$$-4-3\sqrt{3}$$

(E) 
$$-3-3\sqrt{3}$$

### **Solution**

可以推出x, y的通式。

bx + ay = ab·求出x, y的截距。

已知a>0,b<0過點(1,2),此直線與二坐標軸相交,圍成一個面積為2的三角形。

因此可以知道 $rac{1}{2}|a||b|=2$ .可知ab=-4或者ab=4.但是a>0,b<0.因此ab=4不合。

已知過點(1,2)且ab=-4,因此可以把點帶入得到b+2a=-4,

又
$$ab=-4$$
所以 $a=rac{-4}{b}$  · 所以得到 $b+rac{-8}{b}=-4$ 

同乘以b可以得到 $b^2 + 4b - 8$ 。'

利用公式解可以解出
$$\frac{-4\pm\sqrt{16-4\times1\times-8}}{2}=\frac{-4\pm\sqrt{48}}{2}=\frac{-4\pm4\sqrt{3}}{2}$$

那麼可以解出兩根 $-2+2\sqrt{3}$ 或者 $-2-2\sqrt{3}$ ,其中由於b<0,因此 $-2+2\sqrt{3}$ 不合。

帶回求出
$$a$$
得到 $a=rac{-4}{-2-2\sqrt{3}}=rac{-4}{-2(1+\sqrt{3})}$ 

化簡得到
$$a = \frac{2}{1+\sqrt{3}} = \frac{2(1-\sqrt{3})}{-2} = -1(1-\sqrt{3}) = \sqrt{3}-1$$

因此
$$a+2b=\sqrt{3}-1+-4-4\sqrt{3}=-5-3\sqrt{3}$$

### 100-02-20

#### **Statement**

設直線3x + y = 1與x + 3y = 2之夾角為 $\theta$  · 則 $\cos 2\theta = ?$ 

(A) 
$$\frac{-7}{25}$$

(B) 
$$\frac{-6}{25}$$

(C) 
$$\frac{-1}{5}$$

(D) 
$$\frac{-4}{25}$$

(E) 
$$\frac{-3}{25}$$

#### Solution

考慮兩條線的斜率。

$$3x + y = 1, \ m_1 = \frac{-3}{1} = -3$$

$$x+3y=2, \ m_2=rac{-1}{3}$$

兩條線的斜率相減可形成一個夾角,可以視為tan來考慮。

$$\tan(m_1 - m_2) = \frac{m_1 - m_2}{1 + m_1 m_2} = \frac{-3 - \frac{-1}{3}}{1 + 1} = \frac{\frac{-8}{3}}{2} = \frac{-4}{3}$$

觀察到求出的這個an夾角是負的,因此這個夾角是大於an0 $^\circ$ 的鈍角。

可以依照 $tan(180^\circ) = 0$ 來求得另一個銳角的夾角。

$$rac{-rac{-4}{3}+ an heta}{1-rac{-4}{3} an heta}$$
・求得銳角 $an heta=rac{4}{3}$ 

由於 $an heta=rac{4}{3}$   $\cdot$  那麼這個角度會介於 $45^{\circ}\sim90^{\circ}$ 

因此乘以兩倍後就會大於90°

用兩倍角公式求出
$$an 2 heta = rac{rac{4}{3} + rac{4}{3}}{1 - rac{4}{3} imes rac{4}{3}} = rac{rac{8}{3}}{rac{-7}{9}} = rac{24}{-7}$$

由於這個角度介於 $90^\circ \sim 180^\circ \cdot y > 0 \cdot 而 x < 0 \cdot$  也因此 $y = 24, \; x = -7, \; r = \sqrt{24^2 + (-7)^2} = 25$ 

因此
$$\cos 2\theta = rac{-7}{25}$$