

統計學 Statistics for Business & Economics

參考書籍：《統計學》David R. Anderson等原作；陳可杰，黃聯海譯。

本筆記由 國立台北科技大學 109資工 [黃漢軒](#)所撰寫，只用於教育用途，不做任何商業行為。

若侵權請聯繫t109590031@ntut.org.tw 或 sigtunatw@gmail.com，非常感謝。

目錄

統計學 Statistics for Business & Economics

目錄

Chapter 1 資料與統計

Section 1.1 商業與經濟上的應用

Section 1.2 資料

- Introduce - 元素、變數及觀察值

- Introduce - 衡量尺度

 - 名目尺度(nominal scale)

 - 順序尺度(ordinal scale)

 - 區間尺度(interval scale)

 - 比例尺度(ratio scale)

- Introduce - 類別資料及定量資料

- Introduce - 橫斷面資料及時間序列資料

Section 1.3 資料來源

- Introduce - 資料來源

 - 既有資料

 - 觀察研究

 - 實驗

- Introduce - 時間與成本的議題

- Introduce - 資料取得的錯誤

Section 1.4 敘述統計

- Introduce - 利用表格與圖表來做敘述統計

- Introduce - 利用數值來做敘述統計

Section 1.5 統計推論

- Introduce - 母體與樣本

- Introduce - 普查與抽樣調查

- Introduce - 統計推論

- Example - 北科學生的生活費

- Example - Uriah的飲料店

Section 1.6 分析

- Introduce - 分析

- Introduce - 敘述分析

 - Example

- Introduce - 預測分析

 - Example

- Introduce - 規範分析

 - Example

Section 1.7 大數據與資料探勘

- Introduce - 大數據

- Introduce - 資料探勘

Section 1.8 電腦與統計方法

Section 1.9 統計實務的倫理守則	
Example (誤導的圖形)	
Chapter 2 敘述統計：表格與圖形法	
Section 2.1 類別資料的彙總	
Introduce - 類別資料的次數分配	
Example	
Introduce - 相對次數分配與百分比次數分配	
相對次數與百分比次數	
相對次數分配與百分比次數分配	
Introduce - 長條圖與圓形圖	
長條圖	
圓形圖	
Section 2.2 定量資料的彙總	
Introduce - 定量資料的次數分配	
組數	
組距	
組限	
組中點	
Introduce - 相對次數分配與百分比次數分配	
Example - Uriah的作業排程	
Introduce - 以點圖來做資料圖形彙總	
Introduce - 以直方圖來做資料圖形彙總	
Introduce - 莖葉圖	
Example - 微積分小考的測驗成績	
Example - 大學生一個月的花費	

Chapter 1 資料與統計

Section 1.1 商業與經濟上的應用

應用	遇到的問題/想要達成的事情	利用統計來解決遇到問題的方式
會計上	為客戶稽核帳目時，因為應收帳款資料數量龐大，逐筆驗證勢必耗時費力且昂貴。	審計員選擇一部份的帳目，稱之為樣本，檢閱樣本帳目的正確性後，便可決定是否接受資產負債表的應收帳款總數。
財務上	給出投資上面的建議	檢閱包括本益比及現金殖利率在內的各式財務資料，藉由比較個別股票和整體股票市場平均值的資訊，就能決定此股票是否為好的投資標的，來幫助財務分析師針對股票做出買進買出或繼續持有的建議。
行銷上	對於行銷做研究	電子掃描器可以蒐集資料，透過購買雜貨店的銷售點掃描資料，處理資料後再將匯整的統計資料出售給製造商，品牌經理檢視銷貨及促銷活動的統計資料後，就能夠分析在眾多商品建立未來的行銷策略。
生產上	監控製成的產出	透過 \bar{x} 圖可用來監控平均產出，只要樣本平均值在管制圖的管制上限與管制下限之間，表示生產製程在管制內，可以繼續生產。
經濟上	預測未來的經濟狀況或發展相關趨勢	運用許多統計資訊進行預測，例如物價指數或失業率和產能利用率來預估通貨膨脹率，將這些指標輸入可以預測通貨膨脹率的電腦預測模型，就能夠得到預測值。
資訊系統上	管理組織內電腦網路的日常運作	利用統計資訊可以協助評估電腦網路的效能，有助於系統管理者更瞭解電腦網路。

Section 1.2 資料

TABLE 1.1 Data Set for 60 Nations in the World Trade Organization				
Nation	WTO Status	Per Capita GDP (\$)	Fitch Rating	Fitch Outlook
Armenia	Member	3,615	BB-	Stable
Australia	Member	49,755	AAA	Stable
Austria	Member	44,758	AAA	Stable
Azerbaijan	Observer	3,879	BBB-	Stable
Bahrain	Member	22,579	BBB	Stable
Belgium	Member	41,271	AA	Stable
Brazil	Member	8,650	BBB	Stable
Bulgaria	Member	7,469	BBB-	Stable
Canada	Member	42,349	AAA	Stable
Cape Verde	Member	2,998	B+	Stable
Chile	Member	13,793	A+	Stable
China	Member	8,123	A+	Stable
Colombia	Member	5,806	BBB-	Stable
Costa Rica	Member	11,825	BB+	Stable
Croatia	Member	12,149	BBB-	Negative
Cyprus	Member	23,541	B	Negative
Czech Republic	Member	18,484	A+	Stable
Denmark	Member	53,579	AAA	Stable
Ecuador	Member	6,019	B-	Positive
Egypt	Member	3,478	B	Negative
El Salvador	Member	4,224	BB	Negative
Estonia	Member	17,737	A+	Stable
France	Member	36,857	AAA	Negative
Georgia	Member	3,866	BB-	Stable
Germany	Member	42,161	AAA	Stable
Hungary	Member	12,820	BB+	Stable
Iceland	Member	60,530	BBB	Stable
Ireland	Member	64,175	BBB+	Stable
Israel	Member	37,181	A	Stable
Italy	Member	30,669	A-	Negative
Japan	Member	38,972	A+	Negative
Kazakhstan	Observer	7,715	BBB+	Stable
Kenya	Member	1,455	B+	Stable
Latvia	Member	14,071	BBB	Positive
Lebanon	Observer	8,257	B	Stable
Lithuania	Member	14,913	BBB	Stable
Malaysia	Member	9,508	A-	Stable
Mexico	Member	8,209	BBB	Stable
Peru	Member	6,049	BBB	Stable
Philippines	Member	2,951	BB+	Stable
Poland	Member	12,414	A-	Positive
Portugal	Member	19,872	BB+	Negative
South Korea	Member	27,539	AA-	Stable
Romania	Member	9,523	BBB-	Stable
Russia	Member	8,748	BBB	Stable
Rwanda	Member	703	B	Stable
Serbia	Observer	5,426	BB-	Negative
Singapore	Member	52,962	AAA	Stable
Slovakia	Member	16,530	A+	Stable

Introduce - 元素、變數及觀察值

觀察上方表格。

名詞	意義
資料	經由蒐集、分析及彙總所得，作為說明與解釋之用的事實與數值。
資料集	為特定研究目的蒐集的所有資料，由許多元素所組成。
元素	資料蒐集的實體，包含很多變數，例如上方表格的每個國家即為一個元素
變數	元素的某一特性，例如上列表格的每個元素有以下四個變數：WTO狀態、GDP、Fitch Rating、Fitch Outlook
觀察值	對特定元素蒐集的一組衡量值就是觀察值，例如上表的第1個觀察值(Armenia)包含了一組衡量值：Member、3615、BB-及Stable

Introduce - 衡量尺度

資料蒐集需要以下衡量尺度之一：名目尺度、順序尺度、區間尺度及比例尺度。

衡量尺度決定資料包含的資訊量，也指出資料彙整的或統計分析時的最適方法。

名目尺度(nominal scale)

用來表示元素屬性的標記或名稱，比較等於或不等於。

例如上表的國家WTO狀態可以分成「是WTO會員國」與「是WTO觀察員」，因此我們可以以數字1表示這個國家是WTO會員國，2表示這個國家是WTO觀察員，就能夠方便把資料輸入電腦，兩個國家的WTO狀態只能用相同與否來區分。

也因為名目尺度的意義是比較等於或不等於，因此詢問「WTO會員國與WTO觀察員哪個比較大」或者「兩個國家的WTO狀態相加等於多少」是完全毫無意義的行為。

順序尺度(ordinal scale)

與名目尺度不同，順序尺度的類別有一定的大小或順序，比起名目尺度只能比較相等，順序尺度能夠比較大小。

例如上表的Fitch Rating，其中AAA代表最好，F代表最差，因此可以根據評等排出高低，所以是順序尺度。

區間尺度(interval scale)

若變數具有順序資料的特性，且觀察值可以相加或相減，其結果仍有意義，這個變數的衡量尺度就是區間尺度，且一定以數值表示。

例如統測成績就是一個區間尺度，假設有三位學生的統測成績為699、560、350，則我們可以由高到低依序排序來衡量出成績表現的優劣，而他們的差距也存在意義，例如699的學生比560的學生高出139分。

比例尺度(ratio scale)

若變數具有順序資料的特性，且觀察值可以加減乘除，其結果仍有意義，這個變數的衡量尺度就是比例尺度，且一定以數值表示。

與區間尺度的差別在於，比例尺度要求絕對零點，也就是值必須要大於等於0且在0上必須要是自然的不存在。

例如年齡不存在0歲，而高度不存在0公分，而可以描述20歲比5歲大4倍。

Introduce - 類別資料及定量資料

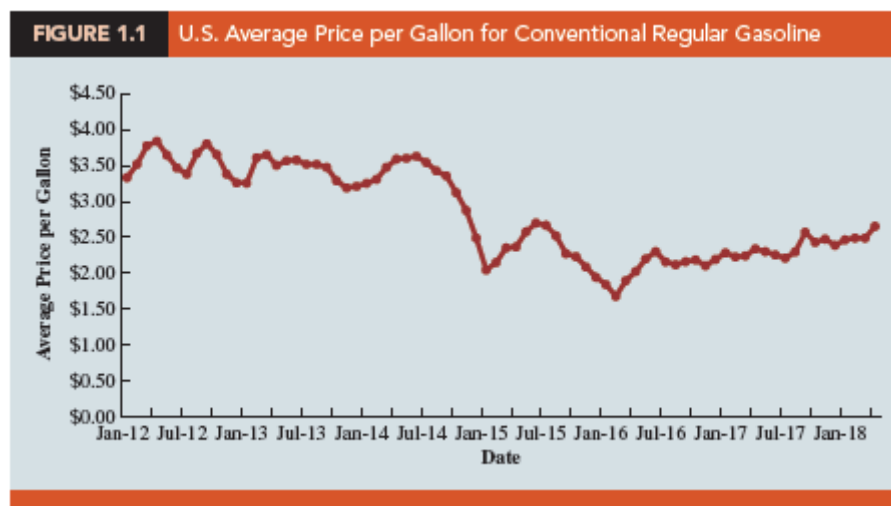
可以把資料分成類別資料與定量資料，類別資料使用名目尺度或順序尺度，而定量資料使用區間尺度與比例尺度。

其中類別變數是類別資料的變數，定量變數是定量資料的變數，算術運算對於定量變數是具有意義的(見以上範例)。

Introduce - 橫斷面資料及時間序列資料

橫斷面資料是在相同或幾乎相同時點所蒐集的資料，例如上表是相同時間點的60個世界貿易組織會員國的5個變數的資料。

而時間序列資料則是數個不同時期的資料，例如以下的折線圖。



這張圖顯示了2012年到2018年傳統普通汽油的每公升平均價格。

Section 1.3 資料來源

Introduce - 資料來源

資料可來自既有資料，或透過觀察研究、實驗設計的方式取得。

既有資料

在有些情況下，可能已有特定應用所需的資料，也可以從專門蒐機與維護資料的組織獲得大量有關商業與經濟的資料。

而網際網路也是資料與統計資訊的重要來源，例如許多公司均已設立網站，並在網站上公布銷售額、員工人數、產品數量等等的資訊。

政府機關也是另一個既有資料的重要來源，例如台灣有公共運輸整合系統流通服務平台，讓大眾可以更容易利用台灣的運輸工具資料。

觀察研究

觀察研究只觀察特定環境發生的事情，對一個或多個感興趣的變數紀錄資料，再對資料進行統計分析。

例如，化妝品銷售業者在街上訪問隨機選擇的顧客，蒐集化妝品的變數資料例如使用頻率，價格，品牌等等。

民調也是一種觀察研究，民調公司透過隨機選擇民眾進行電訪，來預測台灣大選的結果。

實驗

觀察研究與實驗的關鍵差異在於實驗必須在**控制**的條件下進行。

例如：臺灣民調想要根據年齡層與支持政黨的關係進行研究，為了取得這樣的資料，將這群人(樣本)以年齡分成不同的群體並根據提出的答案進行研究。

統計學處理的實驗類型，通常要先找出感興趣的變數，接著找出一個或更多的變數並加以控制，因此可以得到其他變數如何影響研究人員感興趣的主要變數的資料。

Introduce - 時間與成本的議題

想利用資料與統計分析來幫助制定政策，必須清楚取得資料所需花費的時間與成本。

若時間緊迫，則利用既有資料較可行，若重要資料無法得自既有來源，就必須考慮或取資料額外所需花費的時間與成本，取得資料與隨之而來的統計分析所花費的成本，不應超過協助決策時所創造的效益。

Introduce - 資料取得的錯誤

管理者應該隨時注意統計研究中資料錯誤的可能性，使用錯誤資料比完全不使用這些資料來得更糟。

只要取得的資料值與經過正確程序取得的真實資料值不符合，就會發生資料取得的錯誤，例如年紀將27歲記成21歲，或者受訪者沒有理解題意就做出毫無相關的回答。

這些資料可藉由特別程序來檢查資料的內部一致性，例如檢查異常大或異常小資料數值(離群值)，或者在檢查程序中找出7歲但職業是大學的資料。

Section 1.4 敘述統計

Introduce - 利用表格與圖表來做敘述統計

考慮表格上刊登所有資料很難讓人看懂某個方向的趨勢。

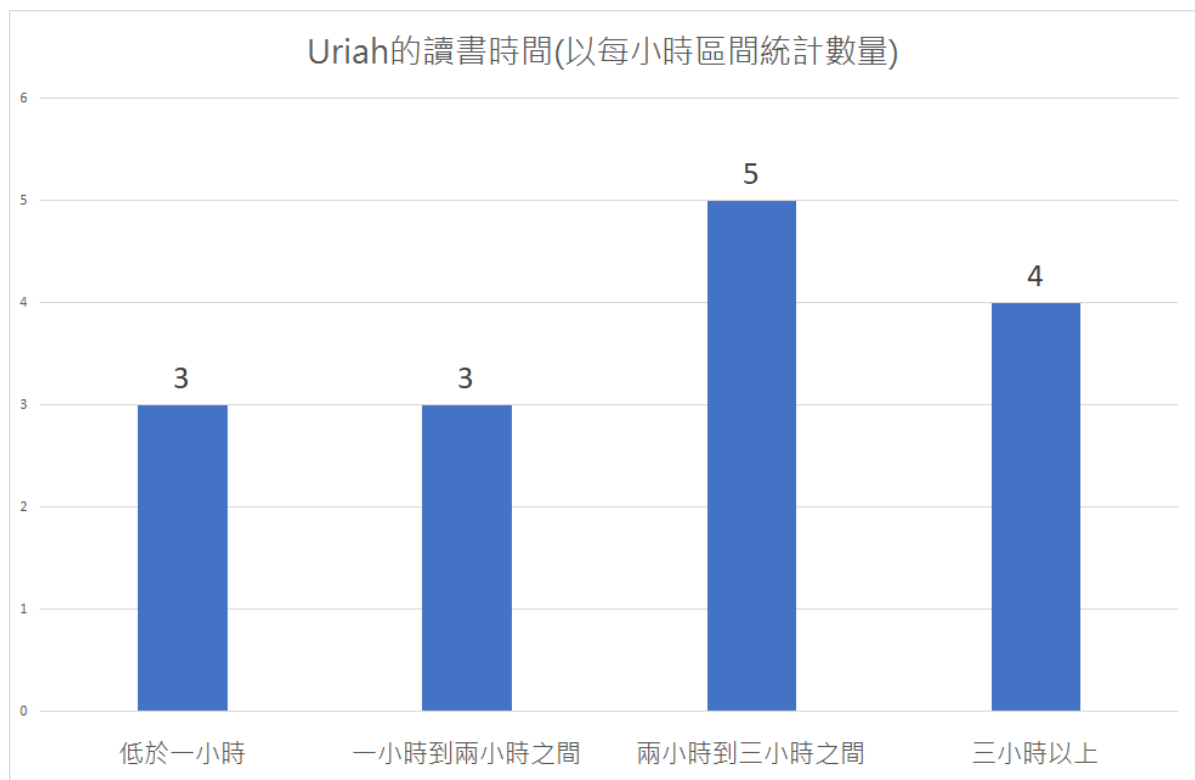
大部分刊登在媒體上，公司年報或其他出版品的統計資訊，是以讓人容易瞭解的資料形式來彙整公布，稱為敘述統計。

例如以下表格呈現了Uriah在15天的讀書時間。

日期	讀書時間(分鐘)
9月1日	249
9月2日	266
9月3日	212
9月4日	289
9月5日	255
9月6日	185
9月7日	191
9月8日	238
9月9日	221
9月10日	263
9月11日	219
9月12日	292
9月13日	261
9月14日	227
9月15日	218

則透過以表格的統計，我們想要根據每小時的單位來統計Uriah的讀書時間，則可以得到以下長條圖與圖表。

Uriah的讀書時間區間	次數
低於一小時	3
一小時到兩小時之間	3
兩小時到三小時之間	5
三小時以上	4



由此可知Uriah的讀書時間大部分以兩小時到三小時之間為多數。

Introduce - 利用數值來做敘述統計

我們通常也可以利用數值來做敘述統計，最常用的衡量值是平均數。

我們可以將Uriah的讀書時間做加總除以15天，來得到Uriah每天讀書的平均時間。

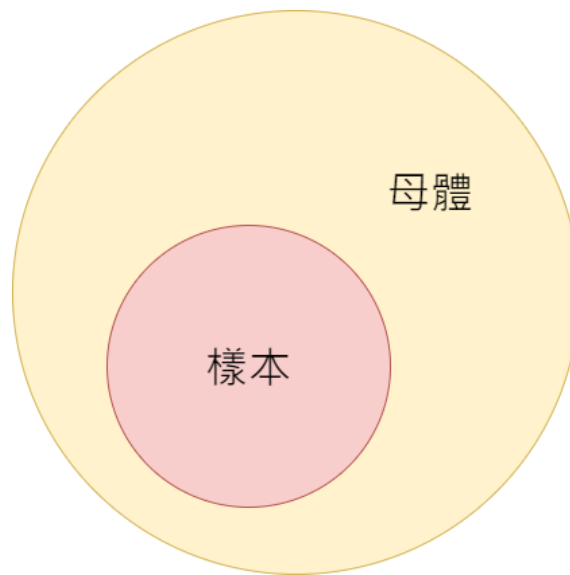
透過計算，可以得出Uriah每天讀書約2個小時24分鐘，平均數可以顯示資料集的中央趨勢或資料集的中央位置。

Section 1.5 統計推論

Introduce - 母體與樣本

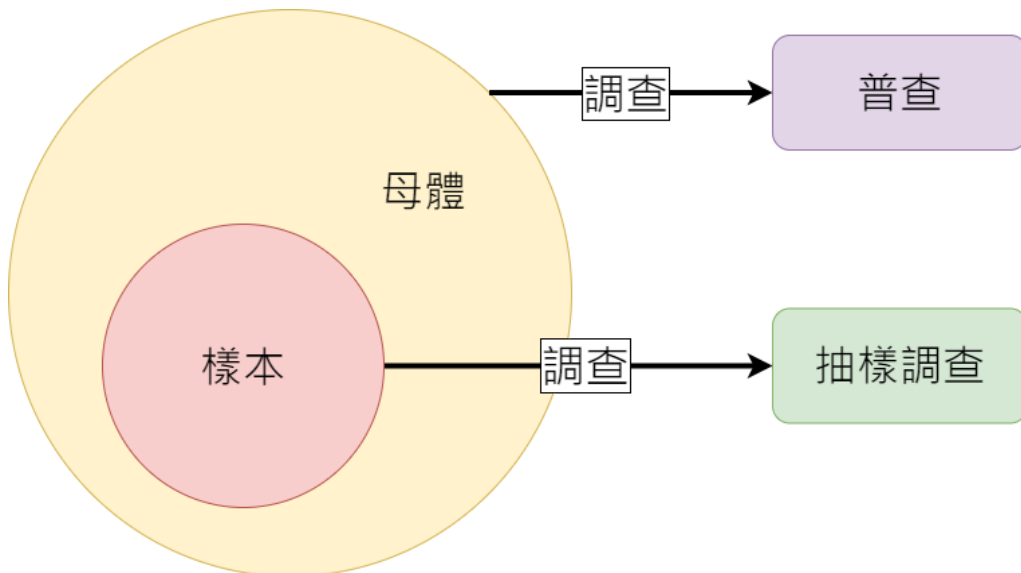
許多情況必須針對大量的元素來蒐集資料，但因為時間與成本的關係，僅僅只能蒐集到資料的一小部分。

在一個研究中，所有元素之集合稱為母體，而母體的部分集合又稱為樣本，如下圖。



Introduce - 普查與抽樣調查

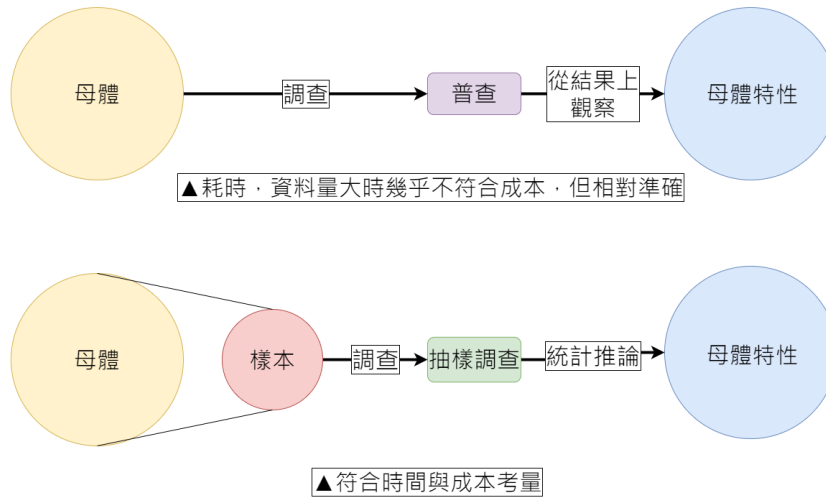
蒐集整個母體的資料進行調查稱為普查，而從樣本中進行調查稱為抽樣調查。



Introduce - 統計推論

在最省時間與最省成本的情況下，即為希望能夠從樣本中進行調查，進而推估出母體的特性做估計與假設檢定，則稱為統計推論。

目標：從母體透過調查得到母體特性



Example - 北科學生的生活費

由於北科學生近萬人，如果要逐一調查北科學生的生活費，是一件非常困難的事情。

因此我們可以透過從萬人抽出約100人的樣本調查北科學生的生活費。

18000	7000	6000	7000	7000	16000	9000	8000	14000	18000
13000	10000	16000	18000	17000	11000	11000	8000	17000	7000
8000	16000	17000	15000	17000	18000	8000	14000	12000	6000
18000	6000	14000	12000	18000	17000	9000	11000	17000	13000
14000	15000	17000	18000	13000	16000	8000	6000	9000	7000
10000	15000	12000	12000	13000	10000	13000	9000	13000	14000
18000	13000	12000	9000	8000	7000	18000	17000	10000	8000
17000	17000	14000	12000	14000	15000	17000	8000	7000	11000
16000	18000	16000	8000	11000	14000	10000	16000	18000	12000
12000	12000	8000	13000	11000	11000	14000	9000	17000	13000

因此我們可以知道從這100個學生的平均生活費可得知，北科學生的生活費大概平均都在12590元左右。

而當抽樣數越多則越接近北科學生的真實平均生活費狀況。

Example - Uriah的飲料店

Uriah在北科綠光開了一間專賣鮮奶茶的飲料店，並且因為好喝到爆炸(?)所以每天都湧進上萬人進來購買。

手做飲料幾乎是不可能的事情，所以Uriah把飲料透過機器封裝，每天裝了上萬瓶500ml飲料。

但因為機器封裝飲料的會因為一些神奇的因素，所以讓每瓶飲料都有可能會有一定的誤差，不一定會剛好500ml。

Uriah把其中一箱飲料拿起來當作抽樣，並且統計這箱飲料的容量，得到了以下的數據(精確到小數點第二位)

500.48	504.75	501.89	502.51	496.52	495.61	504.84	502.71	495.88	497.75
499.02	503.88	497.43	499.30	496.47	497.89	498.58	502.63	502.39	499.62
497.82	499.92	497.42	495.77	495.28	503.94	498.34	498.37	498.58	495.33
501.10	500.46	502.89	497.31	503.17	503.05	500.94	502.53	496.80	500.98
504.41	497.94	497.89	502.63	504.42	495.37	498.81	499.27	500.50	503.70
496.30	504.74	498.02	500.96	496.48	498.34	498.01	503.21	501.00	504.75
496.28	498.49	499.95	498.31	500.42	497.87	504.14	497.26	498.54	502.98
503.70	503.40	502.88	504.87	502.22	497.78	502.21	496.04	499.54	504.50
500.70	495.77	504.18	497.81	497.19	496.84	495.15	498.87	504.89	501.42
495.10	498.38	500.18	498.76	495.95	496.22	500.90	499.47	499.19	500.81

得到了這箱飲料的容量平均是499.86ml。

Section 1.6 分析

Introduce - 分析

分析是將資料轉換成洞見以制定更加的決策的科學程序。

透過分析可藉由資料創造獨特觀點、提升預測能力、將風險量化、找出更好的決策方案。

一般來說，分析可以分成三大類別：敘述分析、預測分析、規範分析。

Introduce - 敘述分析

敘述分析用於描述過去發生的事實，例如資料查詢、報告、敘述統計、資料可視化、資料儀表板等等。

Example

你手上有一份針對於北科大學生喜歡聽音樂的資料。

資料中每個元素的變數含有學生姓名、學號、性別、喜歡聽的音樂種類(K-POP、J-POP、中文流行...)。

你想要探討性別與喜歡的音樂種類之間的關係，因此你將男生、女生分開討論喜歡聽的音樂種類並做成了長條圖(資料可視化)

做成長條圖的這一個步驟，就是一種敘述分析。

Introduce - 預測分析

預測分析的技術是以模型建構過去資料來預測未來，或評估一個變數對其他變數的影響。

Example

產品過去的銷售資料可以建立成一個數學模型，用來預測未來的銷售，這就是一種預測分析。

Introduce - 規範分析

與敘述分析、預測分析有很大的不同，規範分析是產生最佳行動方案的分析技術。

規範模型(最適化模型)是在已知限制條件下找出可使目標值極大或極小的解答，可用來產生使收益最大化的行動方案。

Example

Uriah的鮮奶茶店賣得很讚，於是Uriah想要知道制定價格與銷售數量之間的影響，用來決定是否漲價。

因此Uriah把銷售資料輸入進規範模型，規範模型會給出一個建議鮮奶茶的售價價格，來使Uriah的收益最大化。

Section 1.7 大數據與資料探勘

Introduce - 大數據

大數據一般指難以用現成軟體來管理、處理與分析的資料集。

可以將其定義成具有3V性質的資料：數量(volume)、速度(velocity)與多樣性(variety)。

其中數量是資料的總立、速度是指蒐集與處理資料的速率，而多樣性則是不同的資料類型。

Introduce - 資料探勘

資料探勘是從大型資料庫中開發出有利決策的資訊的方法，

運用來自統計、數學及電腦科學的綜合程序，分析人員探勘資料轉換成有用的資訊，稱為資料探勘。

資料探勘的技術相當依賴統計方法的技術，例如多元迴歸、相關及羅吉斯迴歸等等，

同時也需要將這些方法與涉及人工知會和機器學習的資訊科學做創造性的整合，使資料探勘變得更有效。

資料探勘也有一定的風險，例如過度配適模型會出現誤導性的關聯或因果關係結論。

因此需要謹慎地解釋資料探勘的結果，並且進行附加檢驗，對此避免這樣的風險會有所幫助。

Section 1.8 電腦與統計方法

統計學家會使用電腦軟體進行統計運算與分析，如果沒有電腦的幫忙，運算會相當複雜。

可以利用相關的軟體(Hadoop、SAS、SPSS)、程式(R、Python)來處理大數據。

Section 1.9 統計實務的倫理守則

統計學在蒐集、分析、呈現與解釋資料時扮演著重要的角色，因此統計學具有一定的倫理議題。

在統計學不適當的抽樣、不適當的資料分析、誤導的圖形、不適當的彙整統計資料及統計結果的偏差解釋，都是一種不道德行為。

因此當你開始自己的統計工作時，請使用公平、詳盡、客觀和中立的態度。

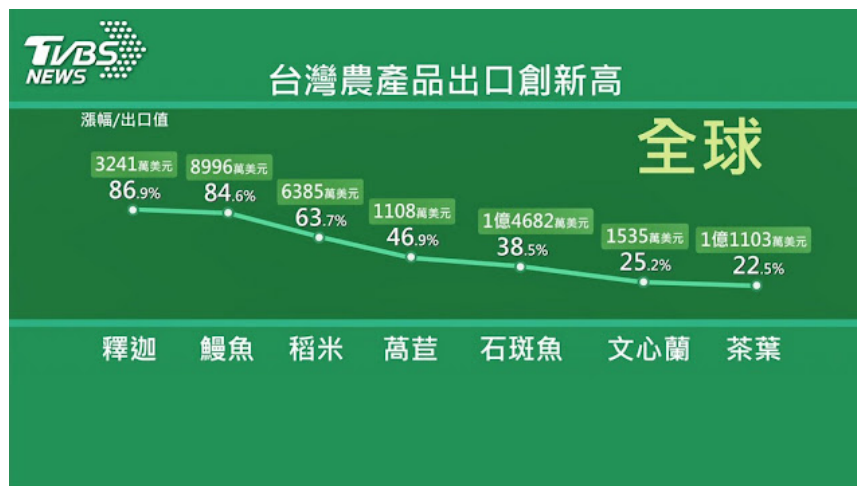
而作為統計資料的消費者，請抱持著懷疑論來檢視資料是好的，並且持續留意並瞭解資料來源，以及所提供的統計資料的目的與客觀性。

Example (誤導的圖形)

(268億 < 3500萬 ???)



(釋迦跟稻米根本毫無關聯，折線圖根本不是這樣用的)



Chapter 2 敘述統計：表格與圖形法

Section 2.1 類別資料的彙總

Introduce - 類別資料的次數分配

次數分配是資料的表格化彙總，用以顯示每一個不重疊類別或分組內的觀察值次數。

Example

Uriah的鮮奶茶茶鋪有5種不同的鮮奶茶，分別是莓果、可可、珍珠、布丁、義式。

Uriah彙整了100筆客人的購買紀錄，如下。

鮮奶茶種類	相對次數	百分比次數
布丁	0.12	12%
莓果	0.15	15%
珍珠	0.18	18%
義式	0.25	25%
可可	0.3	30%
總和	1	100%

從上表也能看出來，前三名相對次數的鮮奶茶種類總和佔這100筆購買次數的73%。

Introduce - 長條圖與圓形圖

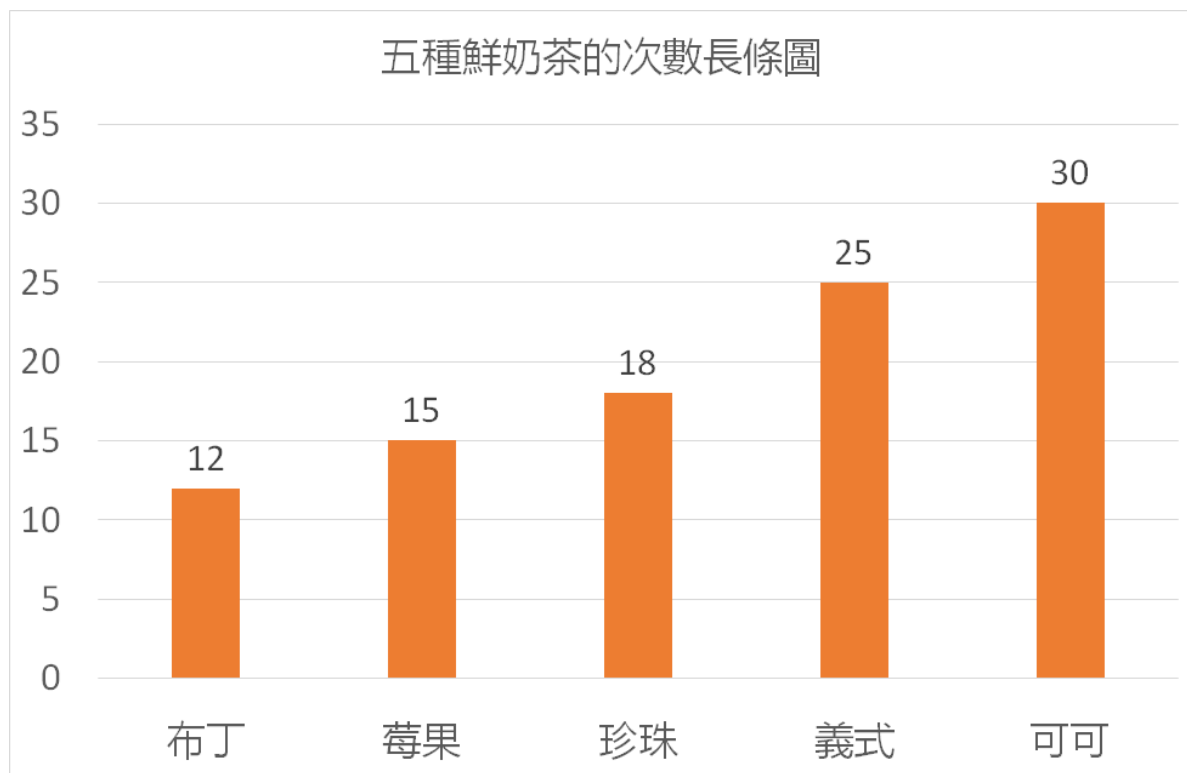
長條圖

長條圖是一種圖形，描述次數分配，相對次數分配或百分比次數分配進行彙總的資料。

圖形的一軸(通常來說，是橫軸)用來標記組別，另一軸則表示次數。

組別名稱上方有固定寬度的長條，高度表示次數。

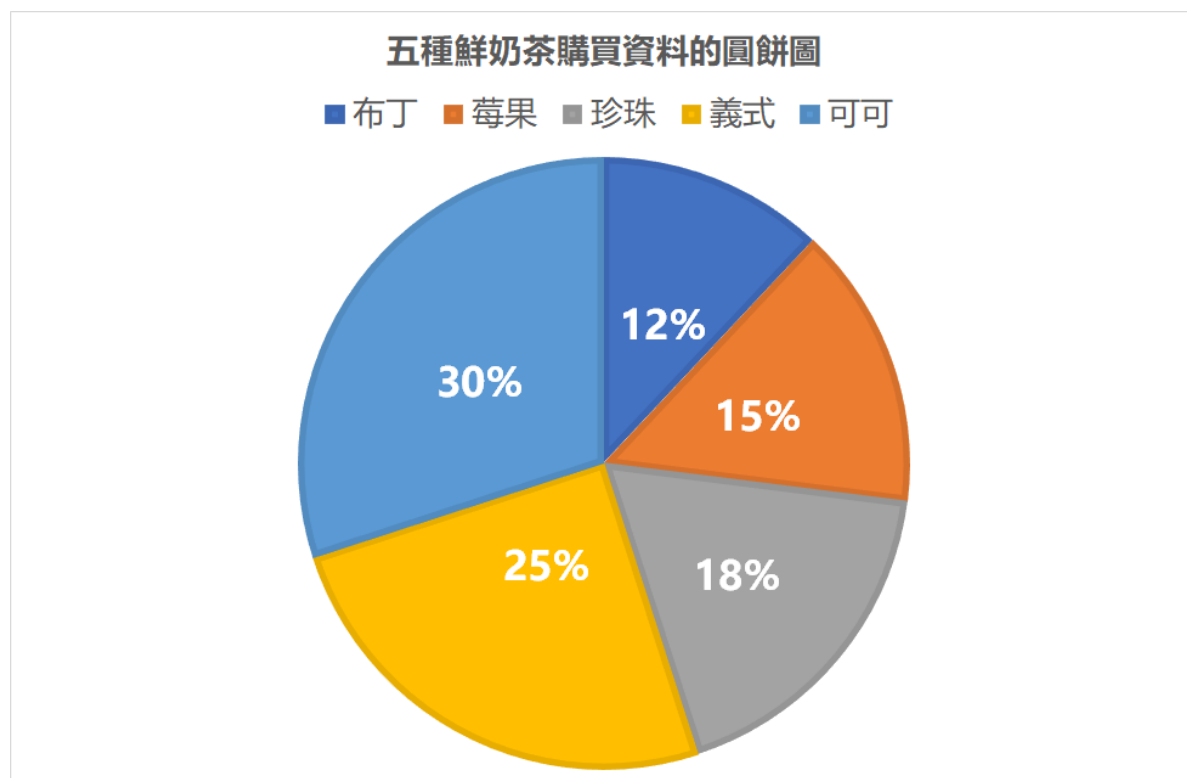
對類別資料而言，每個組別應分隔不相連，用來強調每個組別有所區隔，如下。



圓形圖

圓形圖是另一種表示類別資料的相對次數及百分比次數分配的圖形。

畫一個圓表示所有資料，再依各資料組的相對次數將圓形分為對應類別的扇形部分。



Section 2.2 定量資料的彙總

Introduce - 定量資料的次數分配

為定量資料建立次數分配有三個步驟：決定不相重疊的組數、決定每組的組距、決定每組的組限。

組數

由資料值的範圍決定組數。

較多的資料需要較多的組數，分組時希望能夠以夠多的組數來顯示資料的變化。

但同時也不希望組數太多，以致於每個組別含有過少的資料數。

組距

組距通常會希望以相同的寬度，因此組距與組數相關，可以先根據資料的最大值與最小值，然後再決定組數。

我們可以使用以下的公式來計算組距：

$$\text{近似組距} = \frac{\text{最大資料值} - \text{最小資料值}}{\text{組數}}$$

求得的近似組距可以做微調，讓資料的歸納變得更加方便。

組限

選定組限之後，必須使每個資料只屬於唯一一組。

下組限是該組的最小可能值，而上組限則是最大可能值。

在類別資料的情況下，我們不用特別去規範上組限與下組限，因為類別資料必定能找到屬於自己的唯一一組。

但是在定量資料的情況下，我們必須規範上組限與下組限，以確定每個資料的歸屬。

組中點

組中點的定義即為上組限與下組限的中間值，如下。

$$\text{某組別的組中點} = \frac{\text{某組別的上組限} - \text{某組別的下組限}}{2}$$

Introduce - 相對次數分配與百分比次數分配

與類別資料相同，若資料有 n 個觀察值，則相對次數的定義如下。

$$\text{某組別的相對次數} = \frac{\text{該組別的次數}}{n}$$

而百分比次數則為相對次數乘上100。

Example - Uriah的作業排程

Uriah是一個就讀北科資工大二的學生，由於北科高中就是功課多到很著名，而Uriah又是超修怪，因此Uriah手邊堆滿許多作業

Uriah將每個功課仔細的規劃，並且列出了一個表，用來顯示每個作業所需要的時長。

(先不管這邊功課有40個，因為Uriah的肝近乎無敵，所以可以像[中川龍一郎一樣工作72小時不睡覺](#))

19	15	20	03	18	18	01	04	09	12
27	06	06	24	11	26	25	26	27	24
07	12	11	01	09	20	18	01	26	29
26	19	13	03	02	21	10	13	07	21

由於有40筆資料，觀察到資料的最大觀測值是29，最小觀測值是1，因此Uriah打算把資料分成5組左右。

可以得到組數為5，組距為 $\frac{29 - 1}{5} = 5.6$ ，因此Uriah打算以6當成組距。

接著Uriah想要先決定第一組的下組限，因此Uriah選定了1當成下組限，可以得到以下的列表

處理時間(日)	次數
01-07	11
08-14	9
15-21	6
22-28	7
29-35	7

由次數分配表可知：

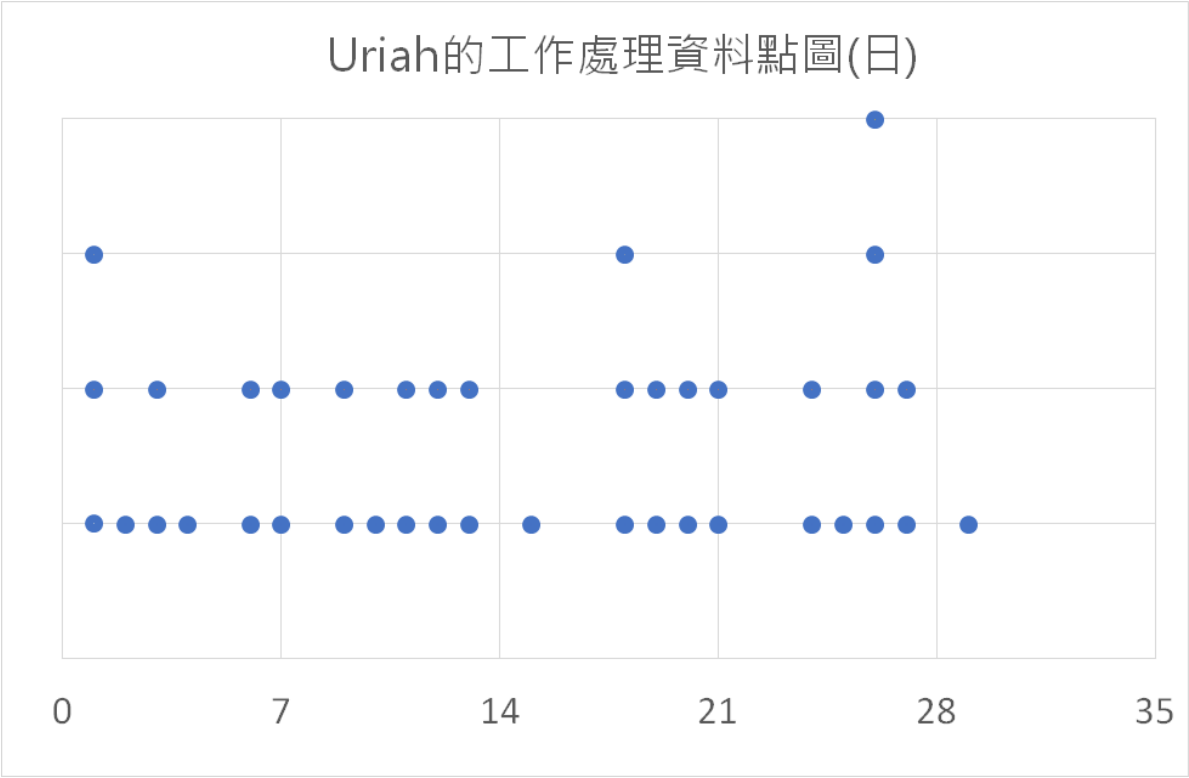
1. Uriah最常在7天內把功課解決，其次是13天內。
2. 五個分組的組中點分別是: 4、10.5、16.5、22.5、32

我們可以把表透過上述的公式轉成相對次數分配與百分比次數分配表，如下。

處理時間(日)	次數	相對次數分配	百分比次數分配
01-07	11	0.275	27.5%
08-13	9	0.225	22.5%
14-19	6	0.15	25%
20-25	7	0.175	22.5%
26-31	7	0.175	2.5%

Introduce - 以點圖來做資料圖形彙總

我們可以利用點圖來進行資料上的匯總，以上述Example，可以把Uriah的工作處理時間表轉成以下的點圖。



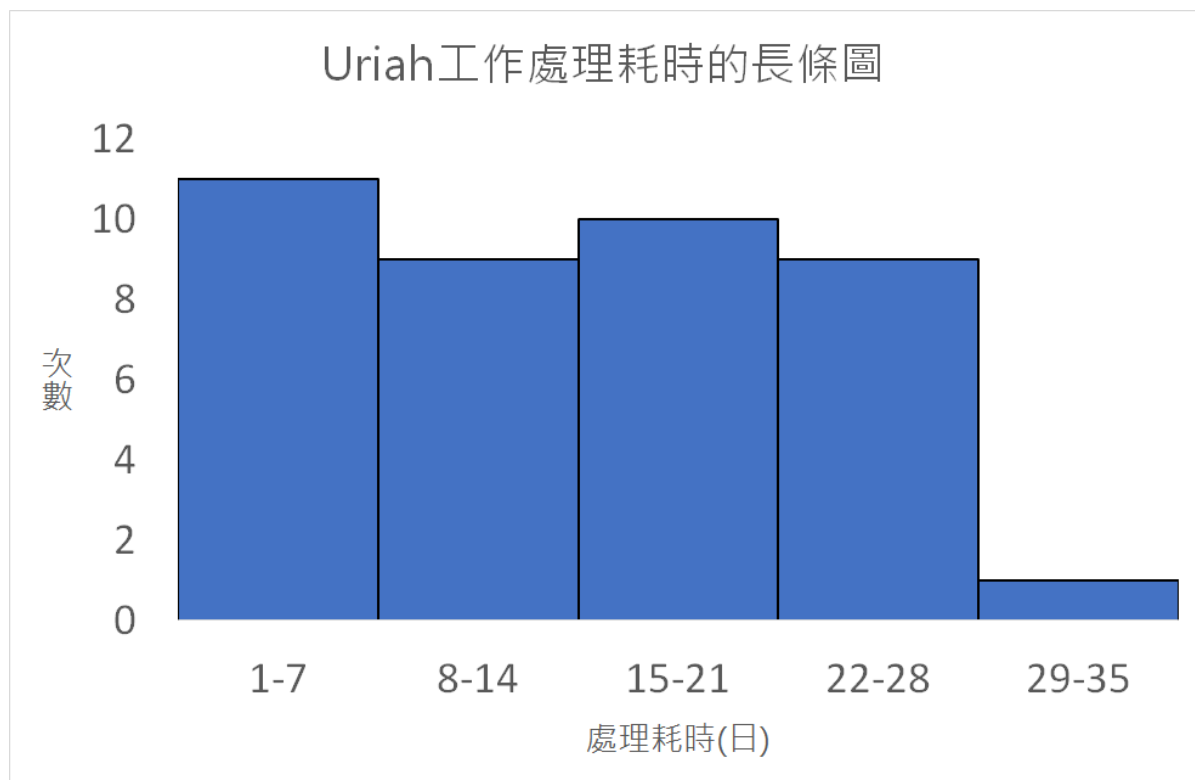
Introduce - 以直方圖來做資料圖形彙總

直方圖可以幫助我們更加瞭解資料，用來呈現以次數分配、相對次數分配或百分比次數分配彙整的資料。

直方圖最重要的用途之一，是讓人瞭解資料分布的形狀或形式。

如何偏態	定義與舉例
適度左偏	左端延伸的比較遠，例如統計比較簡單的考試的成績，大部分的成績都會高於70%，少數成績會極低。
適度右偏	右端延伸的比較遠，例如統計台北市的房價，少部分的豪宅會讓右端延伸。
對稱	左端是右端的鏡射，實務上不會完全對稱，例如統測成績，考極高與考極低都較少，較多人會在中間值之上或之下
高度右偏	右端與左端的落差極大，例如統計北科大學生的年齡，大多都會集中在18-24之間，少部分會集中在24之後。

例如下圖較接近高度右偏。



Introduce - 莖葉圖

莖葉圖可以用來同時呈現資料的順序與分配形狀，見以下範例。

Example - 微積分小考的測驗成績

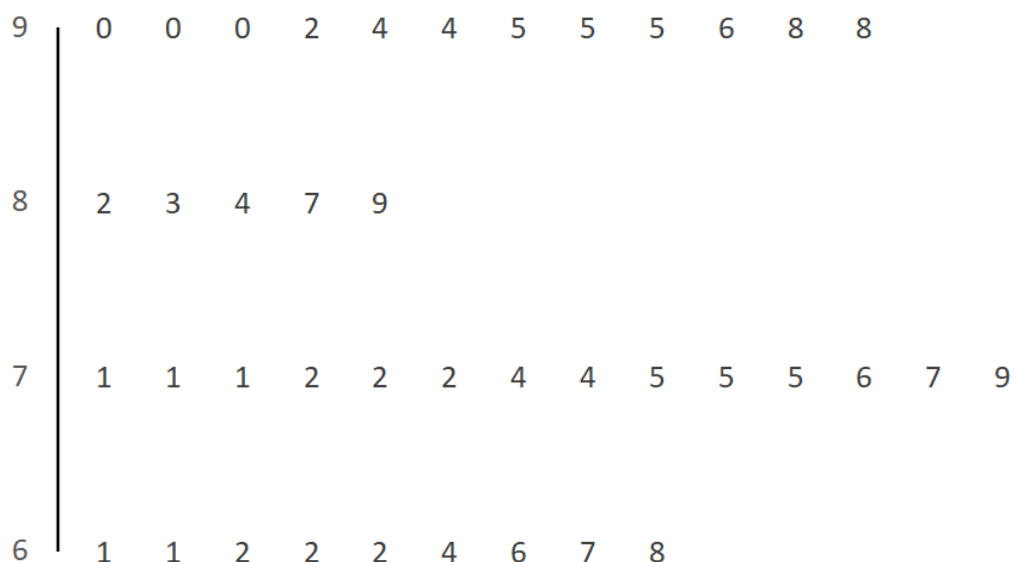
Uriah喜歡微積分，而他在某一年的時候擔任了微積分助教，並且負責幫微積分老師出小考與批改、計算成績。

而這一班共有50人的微積分，Uriah經過許多時間的批改之後，得到以下的成績表。

75	74	98	90	77	61	72	96	62	90
83	68	62	94	82	89	92	71	74	61
62	95	94	75	66	72	87	75	84	67
71	71	64	76	98	95	90	72	79	95

我們可以把它轉成莖葉圖，得到以下的圖形，並且可以觀察到70~79的次數較多，其次是90~100。

其中在8那一行的分數代表82, 83, 84, 87, 89。



Example - 大學生一個月的花費

Uriah統計了30個大學生一個月的花費，得到的結果如下。

```
11533 13553 13906 18376 18449 17422 10318 12395 18077 6674
15358 14361 11276 15471 14386 16261 12279 17706 6897 14945
11592 18377 15399 8992 8186 12753 14336 10553 11919 9015
```

如果這時候用前面百千萬來分組，就會顯得組別非常的雜亂，例如089只有一筆，而135也只有一筆。

所以我們考慮用千與萬來分組，但這時的莖葉圖也會顯得資料非常的雜亂。

我們其實可以用估算的方式，例如11533我們就把他歸類在11000裡面，而11276我們就把他歸類在11000裡面。

因此我們的葉單位就存在了，也就是每個葉都必須要乘上100，得到以下的莖葉圖

葉單位=100

18	0	3	3	4
17	4	7		
16	2			
15	3	3	4	
14	3	3	3	9
13	5	9		
12	2	3	7	
11	2	5	5	9
10	3	5		
9	0			
8	1	9		
7				
6	6	8		

可以知道大學生大部分一個月的花費都集中在11000以上。