

哥德巴赫猜想说，“一个大于 6 的偶数，一定可以表示成 2 个奇素数之和”。

比如， $20=3+17$ ， $20=7+13$ ，共 2 种表示方式。如果再考虑加法交换律，则是 4 种方式。

考虑一个跟它相关的问题，

定义 $f(n)$ ，表示所有小于等于 n 的素数的乘积，即 $f(n) = \prod_{p \leq n} p$ 。

对于一个偶数 $s \geq 8$ ，考虑一个与之相关的数， $h = g(s) = f(\lfloor \sqrt{s} \rfloor) + s$ ，很显然 h 是偶数，且 h 大于 s 。

那么按照哥德巴赫猜想， h 极可能可以表示成 $p_1 + p_2$ 的形式。

如果 h 确实可以表示成 $p_1 + p_2$ 的形式，且 $p_1 \leq s - 3$ ，则可以很容易证明， s 可以表示成 $p_1 + p_3$ 的形式。

(以上所说的 p 、 p_1 、 p_2 、 p_3 等表示素数)

举例来说，

比如 $s = 60$ ，则对应的 $h = 2 \times 3 \times 5 \times 7 + 60 = 270$ 。

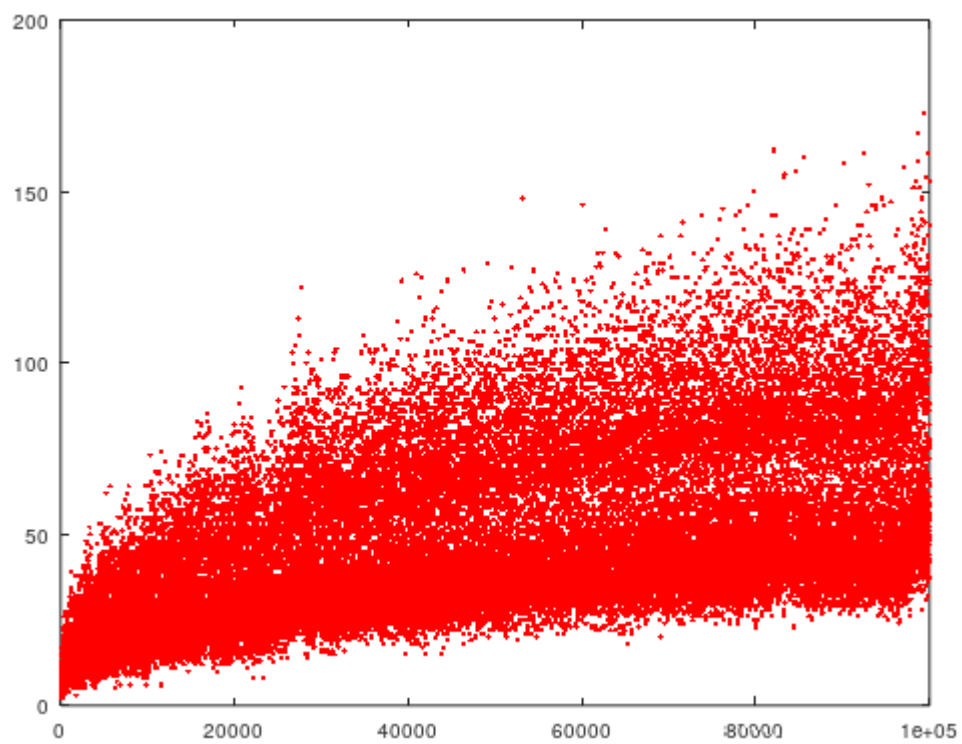
把 270 拆成素数之和，可以表示成 $7 + 263$ 、 $13 + 257$ 、 $19 + 251$ 、 $29 + 241$ 等形式。

由 $60 - 7 = 53$ 、 $60 - 13 = 47$ 、 $60 - 19 = 41$ 、 $60 - 29 = 31$ 可知，53、47、41、31 也一定是素数。

或者，可以说， s 和 h 在拆分成素数时，存在着某些共同的“解”。

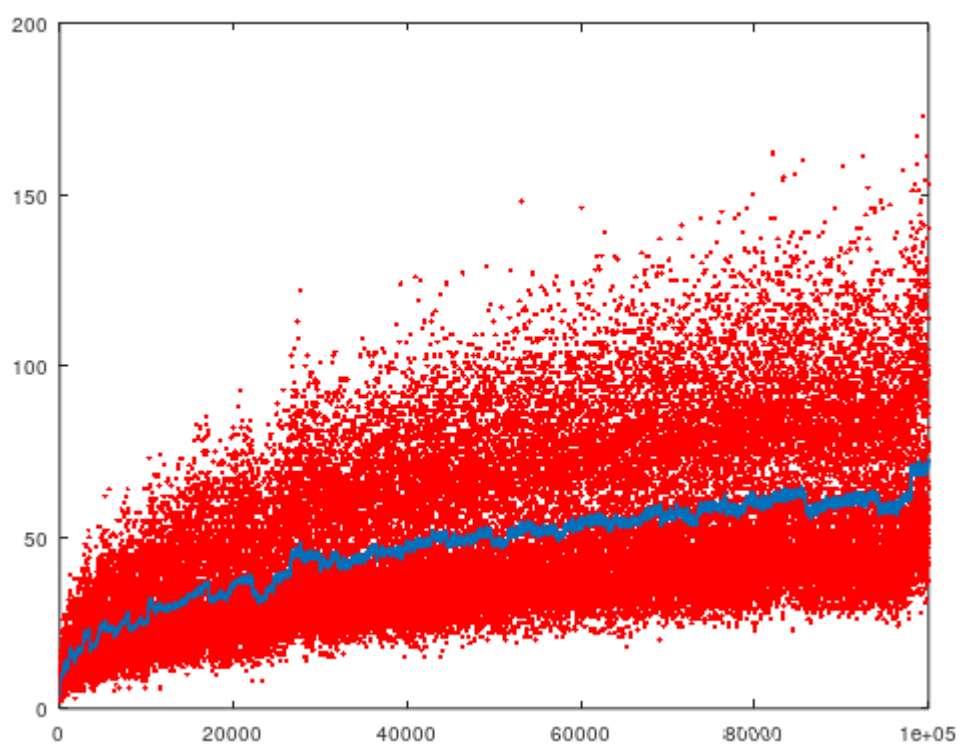
附带的 Groovy 脚本，计算这些共同的“解”的数量。

把这些数据画在图里

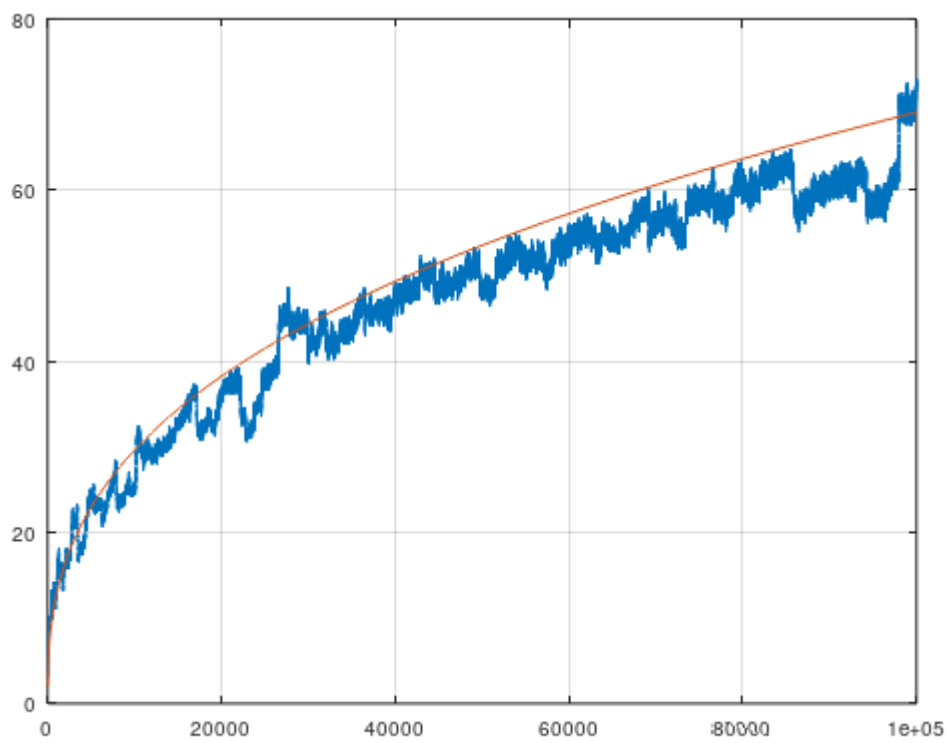


看起来杂乱无章，但是能看出上升的趋势

画出“移动平均值”，每 50 个点计算移动平均



这条“平均线”可以用一个函数很好的拟合



上图中的红色线条是函数 $y = x^{\frac{1}{e}}$ 的图像。