

---

# Práctica 6: Support Vector Machines

---

## Material proporcionado:

Fichero	Explicación
ex6data1.mat	Conjunto de datos 1.
ex6data2.mat	Conjunto de datos 2.
ex6data3.mat	Conjunto de datos 3.
spam.zip	Conjunto de datos con correo spam.
easy_ham.zip	Conjunto de datos con correo que no es spam.
hard_ham.zip	Conjunto de datos con correo que no es spam.
vocab.txt	Lista de vocabulario.
get_vocab_dict.py	Contiene la función <code>getVocabDict</code> que carga el vocabulario y lo devuelve como un diccionario.
process_email.py	Contiene la función <code>email2TokenList</code> que hace el procesamiento previo de un correo electrónico.

## 1. Support Vector Machines

El objetivo de la primera parte de la práctica es familiarizarse con el uso del clasificador SVM que incorpora `scikit-learn`, para luego aplicarlo en la segunda parte de la práctica.

### 1.1. Kernel lineal

La clase `sklearn.svm.SVC`<sup>1</sup> instancia un clasificador SVM utilizando el parámetro `C` de regularización, aplicando una función de kernel `kernel`, considerando que dos números en coma flotante son iguales si su diferencia es menor de `tol` y ejecutando como máximo `max_iter` pasadas del algoritmo de entrenamiento:

```
1 class sklearn.svm.SVC(C=1.0, kernel='rbf', tol=0.001, max_iter=-1)
```

El clasificador se puede ejecutar luego sobre un conjunto de datos de entrenamiento `X`, etiquetados con un vector `y` de 0s y 1s como en este ejemplo:

```
1 svm = SVC(kernel='linear', C=1.0)
  svm.fit(X, y)
```

---

<sup>1</sup><https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.svm.SVC.html>

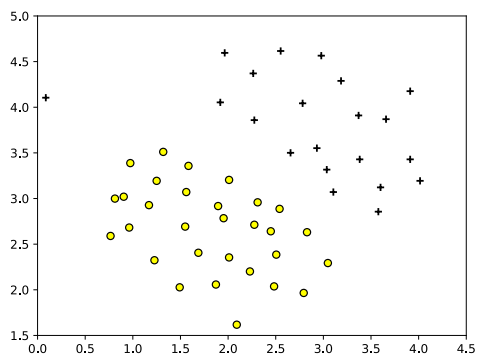


Figura 1: Conjunto de datos 1

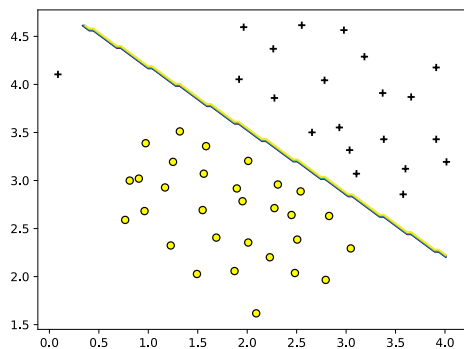
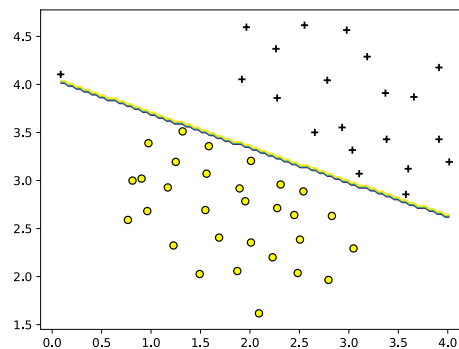
(a) SVM con  $C = 1$ (b) SVM con  $C = 100$ 

Figura 2: Conjunto de datos 1

En la Figura 1 se muestran los datos del primer conjunto de datos (`ex6data1.mat`), donde se aprecia que estos datos son linealmente separables. Lo primero que has de hacer es comprobar el efecto del parámetro  $C$  en el ajuste a los datos de entrenamiento utilizando el kernel lineal.

En la Figura 2a se muestra el resultado del entrenamiento con  $C = 1$  y en la Figura 2b con  $C = 100$ . En ambos casos has de utilizar la función `matplotlib.pyplot.contour` para visualizar la frontera de separación de las predicciones del modelo svm ajustado a los datos de entrenamiento  $X$  e  $y$ .

## 1.2. Kernel gaussiano

A continuación has de utilizar el kernel gaussiano para así poder entrenar una SVM que clasifique correctamente el segundo conjunto de datos (`ex6data2.mat`) que, como se puede observar en la Figura 3a, no es linealmente separable.

La función de kernel gaussiano calcula la distancia entre dos ejemplos de entrenamiento  $(x^{(i)}, x^{(j)})$  de la siguiente forma:

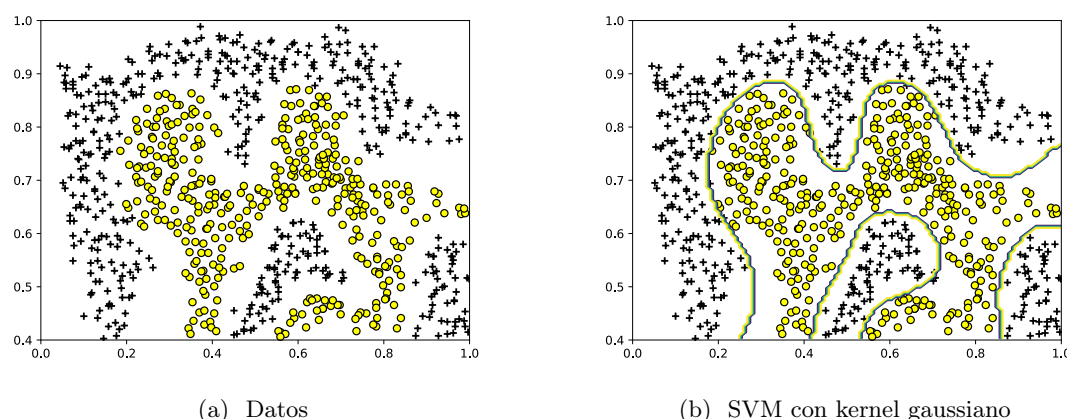


Figura 3: Conjunto de datos 2

$$K_{gauss}(x^{(i)}, x^{(j)}) = \exp\left(-\frac{\|x^{(i)} - x^{(j)}\|^2}{2\sigma^2}\right) = \exp\left(-\frac{\sum_{k=1}^n (x_k^{(i)} - x_k^{(j)})^2}{2\sigma^2}\right) = \exp\left(-\gamma\|x^{(i)} - x^{(j)}\|^2\right)$$

En la figura 3b se muestra la frontera no lineal definida por el modelo de SVM calculado con el kernel RBF (que es equivalente al gaussiano, sustituyendo la constante  $1/2\sigma^2$  por  $\gamma$ ) para  $C = 1$  y  $\text{sigma} = 0.1$ :

```
svm = SVC(kernel='rbf', C=C, gamma=1 / (2 * sigma**2))
```

### 1.3. Elección de los parámetros $C$ y $\sigma$

A continuación, seleccionarás los valores de  $C$  y  $\sigma$  para un modelo de SVM con kernel gaussiano que clasifique el tercer conjunto de datos `ex6data3.mat`. En este conjunto de datos, además de los datos de entrenamiento `X` e `y`, se incluyen datos de validación `Xval` e `yval` que servirán para evaluar el modelo aprendido. Usando la función `scipy.io.loadmat` para leer el archivo `ex6data3.mat` obtendrás un diccionario que contiene las claves `X`, `y`, `Xval` e `yval`.

Has de generar modelos para  $C$  y  $\sigma$  tomando valores del conjunto 0.01, 0.03, 0.1, 0.3, 1, 3, 10, 30<sup>2</sup> generando un total de  $8^2 = 64$  modelos diferentes. Cada modelo lo debes evaluar sobre el conjunto de datos de validación `Xval` e `yval`, calculando el porcentaje de estos ejemplos que clasifica correctamente. En la figura 4b se muestra la frontera de decisión para los valores de  $C$  y  $\text{sigma}$  que generan el modelo con menor porcentaje de error sobre los datos de validación.

## 2. Detección de spam

En esta segunda parte de la práctica utilizarás las funciones para el cálculo de modelos SVM que has probado en la primera parte para llevar a cabo experimentos en la detección de correo spam.

<sup>2</sup>Puedes simplificar el cálculo de los valores si los aproximas empezando por 0.01 y multiplicando por 3 en cada iteración.

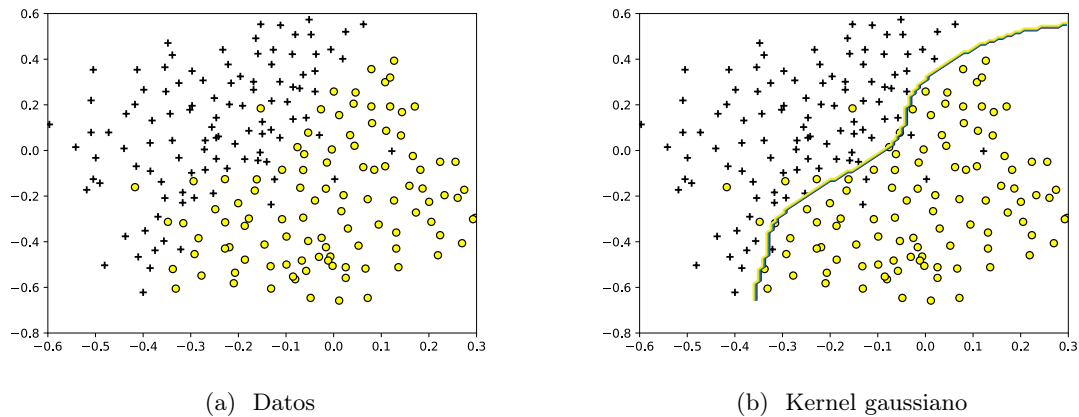


Figura 4: Conjunto de datos 3

Con la práctica se proporcionan conjuntos de datos de correo spam (`spam.zip`) y no spam (`easy_ham.zip`, más fáciles de identificar como correo no spam, y `hard_ham.zip` más fáciles de confundir con spam) extraídos del SpamAssassin Public Corpus<sup>3</sup>, y tu objetivo será utilizarlos de la manera que creas más conveniente para generar y evaluar modelos SVM que detecten el spam.

En primer lugar, deberás procesar los correos electrónicos para generar los datos de entrenamiento y validación. En los sistemas de detección de correo spam se suele hacer un procesamiento previo que transforma el texto de los mensajes para facilitar el proceso de aprendizaje. Con la práctica se proporciona la función `email2TokenList` en el archivo `process_email.py` que se encarga de:

- eliminar la cabecera del mensaje,
- pasar todo el texto a minúsculas,
- eliminar las etiquetas HTML,
- normalizar las URLs, sustituyéndolas todas por el texto “`httpaddr`”,
- normalizar las direcciones de correo, sustituyéndolas todas por el texto “`emailaddr`”,
- sustituir todos los números por el texto “`number`”,
- sustituir todas las apariciones del signo \$ por el texto “`dollar`”,
- sustituir cada palabra por su raíz, utilizando para ello el algoritmo de Porter que se importa del toolkit NLTK para procesamiento de lenguaje natural,
- eliminar todos los signos de puntuación.

De esta forma, leyendo un fichero del corpus y procesándolo con la función `email2TokenList`:

```
1 email_contents = open( 'spam/0001.txt', 'r' ).read()
   email = email2TokenList(email_contents)
```

<sup>3</sup><http://spamassassin.apache.org/publiccorpus>

pasamos de un texto como este:

```
...
Más líneas de cabecera
...
<CENTER>Save up to 70% on Life Insurance.</CENTER></FONT><FONT color=3D#ff=
0000
face=3D"Copperplate Gothic Bold" size=3D5 PTsize=3D"10">
<CENTER>Why Spend More Than You Have To?
<CENTER><FONT color=3D#ff0000 face=3D"Copperplate Gothic Bold" size=3D5 PT=
SIZE=3D"10">
<CENTER>Life Quote Savings
...
If you reside in any state which prohibits e-mail solicitations for insuran=
ce, please disregard this email.<BR>
</FONT><BR><BR><BR><BR><BR><BR><BR><BR><BR><BR><BR><BR>
><BR><BR><BR></FONT></P></CENTER></CENTER></TR></TBODY></TABLE></CENTER></=
CENTER></CENTER></CENTER></CENTER></BODY></HTML>
```

a una lista con estos elementos:

```
['save', 'up', 'to', 'number', 'on', 'life', 'insur', 'whi', 'spend',
'more', 'than', 'you', 'have', 'to', 'life', 'quot', 'save',
...
'pleas', 'disregard', 'thi', 'email']
```

Dado que los ficheros pueden contener caracteres que no estén codificados en UTF-8 podemos utilizar el módulo `codecs` para leer el fichero e ignorar los caracteres que no estén en UTF-8:

```
2 email_contents = codecs.open( 'spam/0001.txt', 'r',
                                encoding='utf-8', errors='ignore').read()
```

El siguiente paso es convertir el texto del mensaje en un vector de atributos. Para ello, primero es necesario seleccionar el conjunto de palabras que se usarán para describir los mensajes. Este conjunto viene dado en el archivo `vocab.txt` que contiene ordenadas alfabéticamente las 1899 palabras que aparecen al menos 100 veces en el corpus de mensajes. La función `getVocabDict` que se proporciona con la práctica se encarga de leer el fichero `vocab.txt` y devolver su contenido como un diccionario de python, donde las palabras del diccionario se usan como claves y se les asocia como valor el número de orden que ocupan en el diccionario, de 1 a 1899.

Cada correo electrónico se representa por un vector de 0s y 1s con  $n = 1899$  componentes, una por cada palabra del vocabulario, de forma que la componente  $i$ -ésima del vector es 1 si la  $i$ -ésima palabra del vocabulario está en el mensaje y 0 si no está.

### 3. Entrega de la práctica

La práctica debe entregarse utilizando el mecanismo de entregas del campus virtual. Se entregará un único fichero en formato pdf que contenga la memoria de la práctica, incluyendo el código desarrollado y los comentarios y gráficas que se estimen más adecuados para explicar los resultados obtenidos.