1 Modern Fizik Notları

1.1 Temel Veriler

- Elektron kütlesi: $m_e = 9.109 \times 10^{-31} \text{ kg}$
- Proton kütlesi: $m_p = 1.672 \times 10^{-27} \ \mathrm{kg}$

1.2 Kütle Oranı ve Relativistik Hız

Elektronun ve protonun durgun kütleleri m_{e0} ve m_{p0} olsun.

$$m_{e0} = m_e$$

$$m_{p0} = m_p$$

Kütlelerin oranı:

$$\frac{m_{e0}}{m_{p0}} = \frac{1}{\lambda}$$

Buradan, relativistik kütle formülünü kullanarak:

$$\frac{m_e}{m_p} = \frac{m_{e0}}{m_{p0}} \sqrt{\frac{1 - v^2/c^2}{1 - v^2/c^2}}$$

$$\frac{m_{e0}}{m_{p0}} = \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

Denklemi genişletip v için çözersek:

$$\left(\frac{m_{e0}}{m_{p0}}\right)^2 = 1 - \frac{v^2}{c^2}$$

$$\frac{v^2}{c^2} = 1 - \left(\frac{m_{e0}}{m_{p0}}\right)^2$$

$$v = c\sqrt{1 - \left(\frac{m_{e0}}{m_{p0}}\right)^2}$$

Değerleri yerine yazalım: $c = 2.998 \times 10^8 \text{ m/s}$ (ışık hızı)

$$\frac{m_{e0}}{m_{p0}} = \frac{9.109 \times 10^{-31}}{1.672 \times 10^{-27}} \approx 0.0005448$$

$$v = (2.998 \times 10^8) \sqrt{1 - (0.0005448)^2}$$

 $v \approx 2.9979995 \times 10^8 \,\mathrm{m/s}$

1.3 Sonuç

İşlemi yaptığımızda sonuç $v \approx 2.9979995 \times 10^8$ m/s çıkıyor.