



Experimental 5: Implementation of Cyclic Redundancy Check

Xie Sangma
School of Automation

The three basic problems of the Data Link Layer.

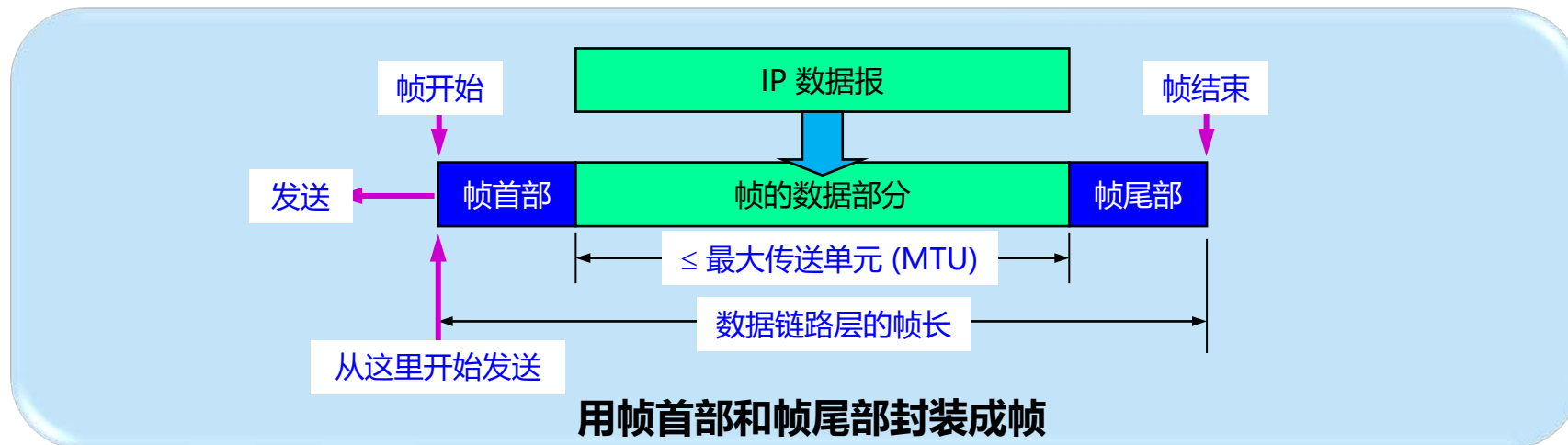


- There are many types of data link layer protocols, but there are three basic problems that are common. These three basic problems are::
 1. Framing encapsulation
 2. Transparent transmission
 3. Error detection



1. 封装成帧

- **封装成帧 (framing)** 就是在一段数据的前后分别添加首部和尾部，然后就构成了一个帧。
- 首部和尾部的一个重要作用就是进行**帧定界**，还包括许多必要的控制信息。



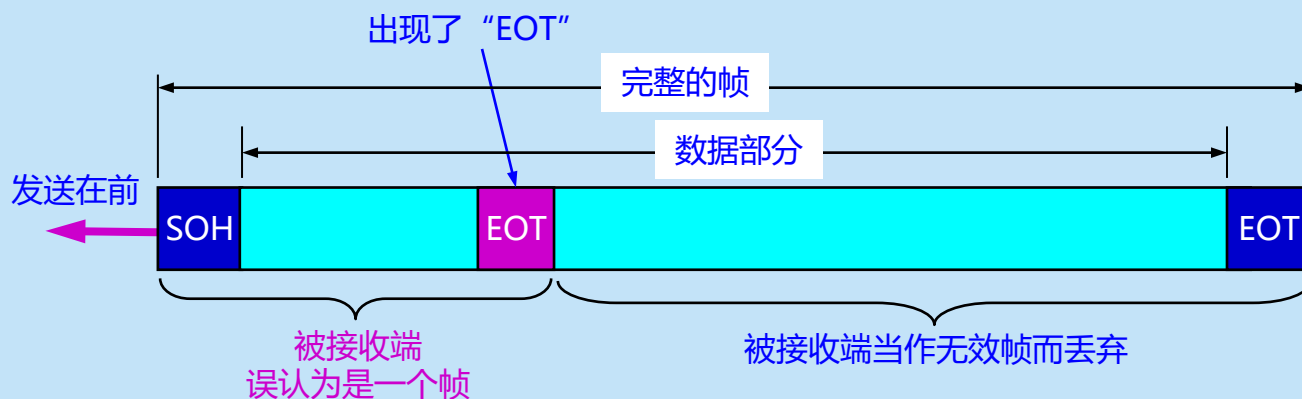
- 每一种链路层协议都规定了所能传送的帧的**数据部分长度上限——最大传送单元MTU (Maximum Transfer Unit)**。



2. 透明传输

透明

- 指某一个实际存在的事物看起来却好像不存在一样。
- **“在数据链路层透明传送数据”** 表示无论发送什么样的比特组合的数据，这些数据都能够按照原样没有差错地通过这个数据链路层。
- 如果数据中的某个字节的二进制代码恰好和 SOH 或 EOT 一样，数据链路层就会错误地“找到帧的边界”。



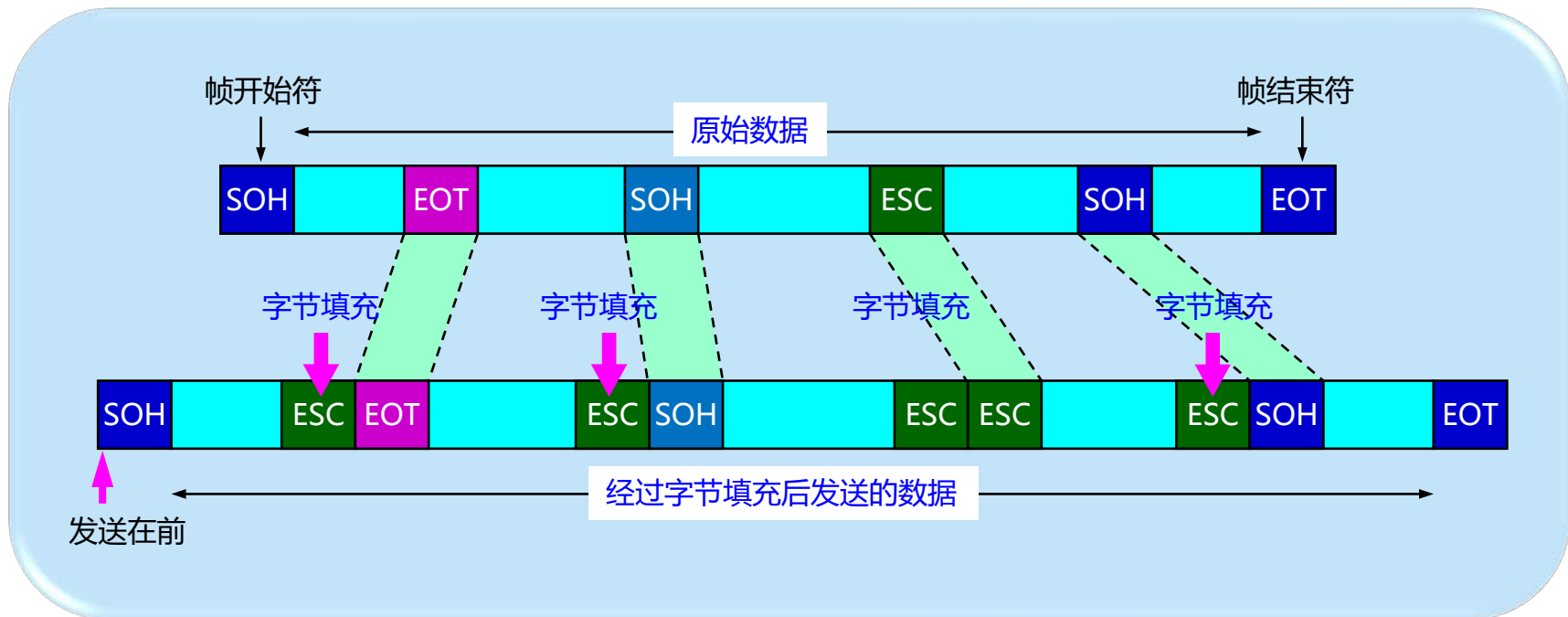
数据部分恰好出现与 EOT 一样的代码

三个基本问题 – 透明传输



解决透明传输问题：**字节填充** (byte stuffing) 或**字符填充** (character stuffing)

- 发送端的数据链路层在数据中出现控制字符“SOH”或“EOT”的前面**插入一个转义字符“ESC”** (其十六进制编码是1B)。接收端的数据链路层在将数据送往网络层之前删除插入的转义字符。



Three basic problems - Error detection



3. Error detection

During the transmission process, bit errors may occur: 1s may become 0s and 0s may become 1s.

Sender

0	0	0	1	1	0	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---



Receiver

0	0	0	0	1	0	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---

One bit error

0	0	0	1	0	0	1	1	0	0	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---



0	0	0	0	1	0	1	1	1	0	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Multiple bit errors

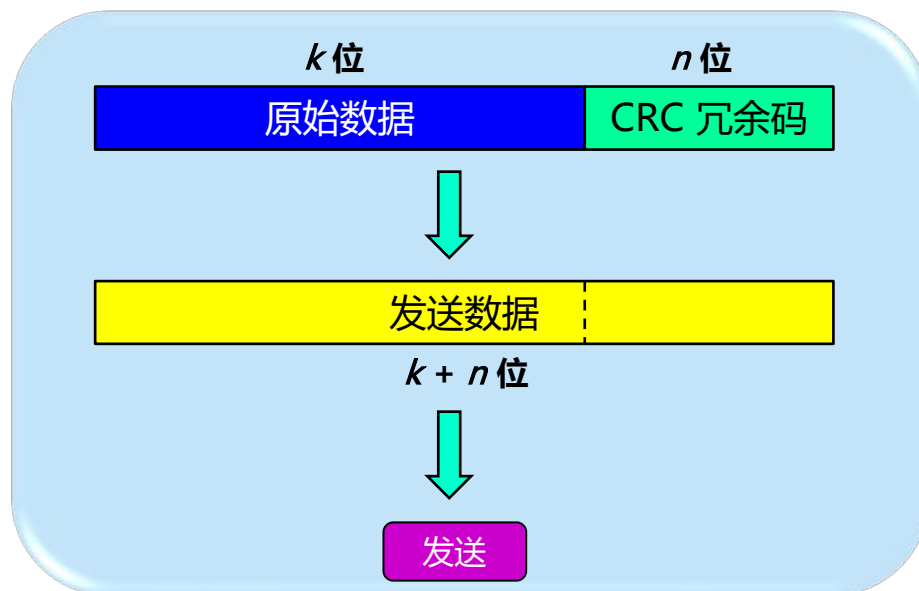


3. Error detection

- To ensure the reliability of data transmission, various error detection measures must be used when transmitting data in computer networks.
- The error detection technique widely used in the frames transmitted in the data link layer is the Cyclic Redundancy Check (CRC) method.



循环冗余检验的原理



- 在发送端，先把数据划分为组。假定每组 k 个比特。
- 在每组 M 后面再添加供差错检测用的 n 位冗余码，然后一起发送出去。

● 模2加法：不考虑进位的加法

- $0+0=0$
- $1+0=1$
- $0+1=1$
- $1+1=0$

异或操作

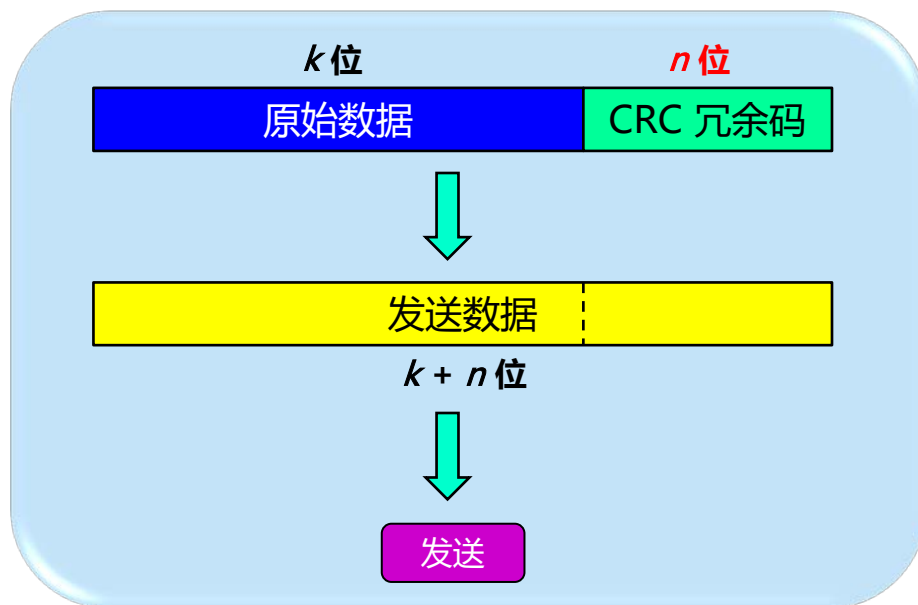
● 模2减法：不考虑借位的加法

- $0-0=0$
- $1-0=1$
- $0-1=1$
- $1-1=0$



冗余码的计算

- 假设选定的除数 P 长度为 $(n+1)$ 位，则在原始数据 M 后面**添加 n 个 0**（假设原始数据为 k 位）。
- 得到的 $(k + n)$ 位的数**除以**事先选定好的**除数 P** ，得出**商是 Q 而余数是 R** ，**余数 R 比除数 P 少 1 位，即 R 是 n 位。**
- 将余数 R 作为**冗余码**拼接在数据 M 后面，一起发送出去。





接收端对收到的每一帧进行 CRC 检验：把收到的每一个帧都除以同样的除数 P （模2运算），然后检查得到的余数 R 。

- (1) 若得出的余数 $R = 0$ ，则判定这个帧没有差错，就**接受** (accept)。
- (2) 若余数 $R \neq 0$ ，则判定这个帧有差错，就**丢弃**。
- 但这种检测方法并不能确定究竟是哪一个或哪几个比特出现了差错。
- 只要经过严格的挑选，并使用位数足够多的除数 P ，那么出现检测不到的差错的概率就很小很小。



冗余码的计算举例

- 现在 $k = 6$, $M = 101001$ 。
- 设 除数 $P = 1101$, 则 $n = 3$
- 被除数是 101001000 。
- 模 2 运算的结果是: 商 $Q = 110101$, 余数 $R = 001$ 。
- 把余数 R 作为冗余码添加在数据 M 的后面发送出去。发送的数据是:
 101001001 , 共 $(k + n)$ 位。
- 余数必须比除数少且只少一位, 不够就补0



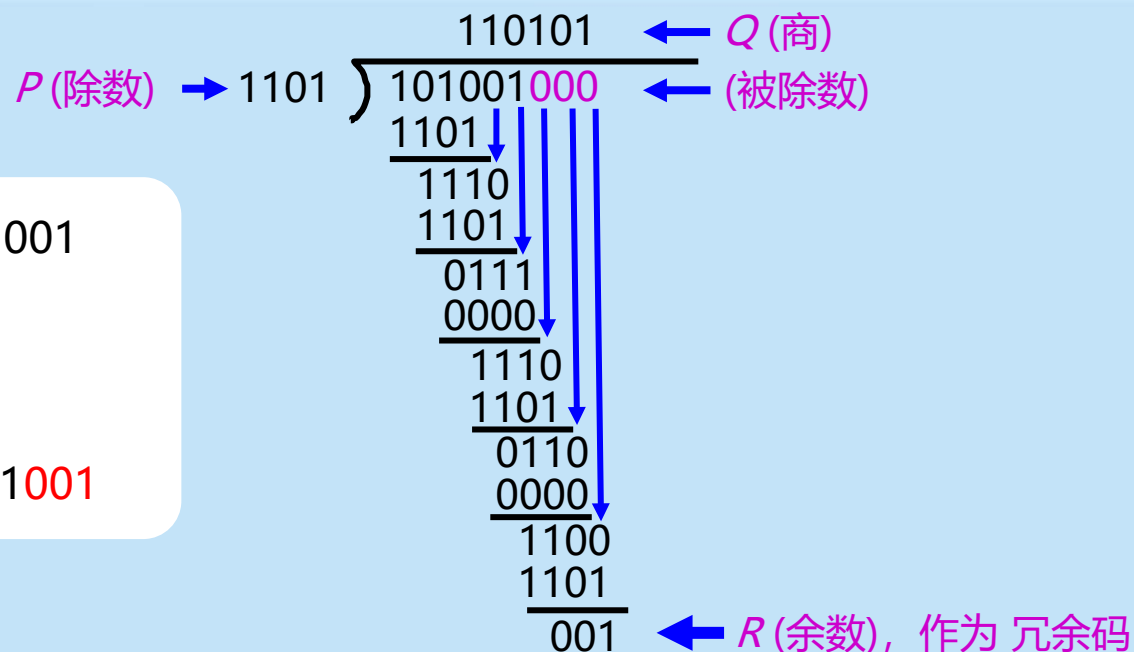
循环冗余检验的原理说明

原始数据 $M = 101001$

除数 $P = 1101$

得到:

发送数据 = 101001001



- 模2除法具有下列三个性质
- 当最后余数的位数小于除数位数时，除法停止。
- 当被除数的位数小于除数位数时，则商数为0，被除数就是余数。
- 只要被除数或部分余数的位数与除数一样多，且最高位为1，不管其他位是什么数，皆可商1。

三个基本问题 – 差错检测



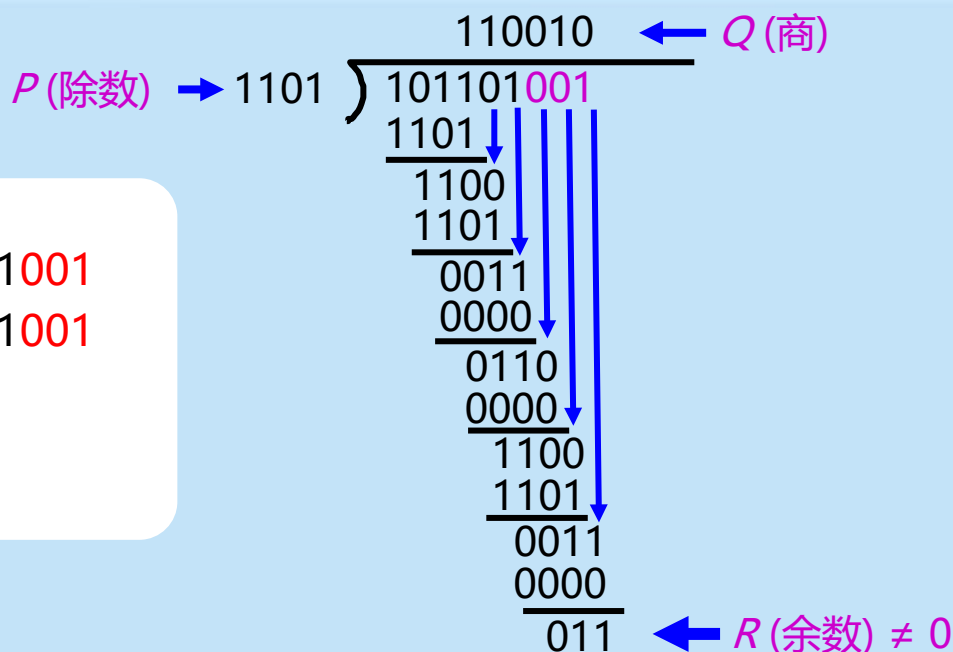
循环冗余检验的原理说明

- 若发送的数据101001001中途出现比特差错, 变成了101101001, 则循环冗余检验如何检测出数据出现比特差错?

发送数据 = 101001001

得到数据 = 101101001

除数 $P = 1101$





循环冗余检验的原理说明

- 另一种较方便的方法是用**多项式**来表示循环冗余检验过程。
- 在上面的例子中，可以用多项式 $P(X) = X^3 + X^2 + 1 = 1 \times X^3 + 1 \times X^2 + 0 \times X^1 + 1 \times X^0$ ，表示上面的除数**1101**。
- 比如多项式 $P(X) = X^8 + X^2 + X + 1$ ，则表示除数为100000111。
- 生成多项式的选取是个很有难度的问题，如果选的不好，那么检出错误的概率就会低很多



● 国际常用的模型表

CRC算法名称	多项式公式	宽度	多项式	初始值	结果异或值	输入值反转	输出值反转
CRC-4/ITU	$x^4 + x + 1$	4	03	00	00	true	true
CRC-5/EPC	$x^4 + x^3 + 1$	5	09	09	00	false	false
CRC-5/ITU	$x^5 + x^4 + x^2 + 1$	5	15	00	00	true	true
CRC-5/USB	$x^5 + x^2 + 1$	5	05	1F	1F	true	true
CRC-6/ITU	$x^6 + x + 1$	6	03	00	00	true	true
CRC-7/MMC	$x^7 + x^3 + 1$	7	09	00	00	false	false
CRC-8	$x^8 + x^2 + x + 1$	8	07	00	00	false	false
CRC-8/ITU	$x^8 + x^2 + x + 1$	8	07	00	55	false	false
CRC-8/ROHC	$x^8 + x^2 + x + 1$	8	07	FF	00	true	true
CRC-8/MAXIM	$x^8 + x^5 + x^4 + 1$	8	31	00	00	true	true



● 国际常用的模型表

CRC算法名称	多项式公式	宽度	多项式	初始值	结果异或值	输入值反转	输出值反转
CRC-16/IBM	$x^{16} + x^{15} + x^2 + 1$	16	8005	0000	0000	true	true
CRC-16/MAXIM	$x^{16} + x^{15} + x^2 + 1$	16	8005	0000	FFFF	true	true
CRC-16/USB	$x^{16} + x^{15} + x^2 + 1$	16	8005	FFFF	FFFF	true	true
CRC-16/MODBUS	$x^{16} + x^{15} + x^2 + 1$	16	8005	FFFF	0000	true	true
CRC-16/CCITT	$x^{16} + x^{12} + x^5 + 1$	16	1021	0000	0000	true	true
CRC-16/CCITT-FALSE	$x^{16} + x^{12} + x^5 + 1$	16	1021	FFFF	0000	false	false
CRC-16/x ⁵	$x^{16} + x^{12} + x^5 + 1$	16	1021	FFFF	FFFF	true	true
CRC-16/XMODEM	$x^{16} + x^{12} + x^5 + 1$	16	1021	0000	0000	false	false
CRC-16/DNP	$x^{16} + x^{13} + x^{12} + x^{11} + x^{10} + x^8 + x^6 + x^5 + x^2 + 1$	16	3D65	0000	FFFF	true	true



● 国际常用的模型表

CRC算法名称	多项式公式	宽度	多项式	初始值	结果异或值	输入值反转	输出值反转
CRC-32	$ \begin{aligned} &X^{32} + X^{26} + X^{23} + \\ &X^{22} + X^{16} + X^{12} + \\ &X^{11} + X^{10} + X^8 + \\ &X^7 + X^5 + X^4 + X^2 + X \\ &+ 1 \end{aligned} $	32	04C11DB7	FFFFFFFF	FFFFFFFF	true	true
CRC-32/BZIP2	$ \begin{aligned} &X^{32} + X^{26} + X^{23} + \\ &X^{22} + X^{16} + X^{12} + \\ &X^{11} + X^{10} + X^8 + \\ &X^7 + X^5 + X^4 + X^2 + X \\ &+ 1 \end{aligned} $	32	04C11DB7	FFFFFFFF	FFFFFFFF	false	false
CRC-32/MPEG-2	$ \begin{aligned} &X^{32} + X^{26} + X^{23} + \\ &X^{22} + X^{16} + X^{12} + \\ &X^{11} + X^{10} + X^8 + \\ &X^7 + X^5 + X^4 + X^2 + X \\ &+ 1 \end{aligned} $	32	04C11DB7	FFFFFFFF	00000000	false	false



● 国际常用的模型表

- 一个完整的CRC参数模型应该包含以下信息：WIDTH, POLY, INIT, REFIN, REFOUT, XOROUT.
- **NAME**: 参数模型名称。
- **WIDTH**: 宽度，即生成的CRC数据位宽，如CRC-8，生成的CRC为8位
- **POLY**: 十六进制多项式，省略最高位1，如 $x^8 + x^2 + x + 1$ ，二进制为1 0000 0111，省略最高位1，转换为十六进制为0x07。
- **INIT**: CRC初始值，和WIDTH位宽一致。
- **REFIN**: true或false，在进行计算之前，原始数据是否翻转，如原始数据：0x34 = 0011 0100，如果REFIN为true，进行翻转之后为0010 1100 = 0x2c
- **REFOUT**: true或false，运算完成之后，得到的CRC值是否进行翻转，如计算得到的CRC值：0x97 = 1001 0111，如果REFOUT为true，进行翻转之后为11101001 = 0xE9。
- **XOROUT**: 计算结果与此参数进行异或运算后得到最终的CRC值，和WIDTH位宽一致。

CRC算法名称	多项式公式	宽度	多项式	初始值	结果异或值	输入值反转	输出值反转
CRC-8	$x^8 + x^2 + x + 1$	8	07	00	00	false	false

- 通常如果只给了一个多项式，其他的没有说明则：INIT=0x00，REFIN=false，REFOUT=false，XOROUT=0x00。



- 以CRC-8为例：

- 根据CRC参数模型表，得到CRC-8的参数如下：

CRC算法名称	多项式公式	宽度	多项式	初始值	结果异或值	输入值反转	输出值反转
CRC-8	$x^8 + x^2 + x + 1$	8	07	00	00	false	false

- 以 $x^8 + x^2 + x + 1$ (0x07) 多项式，则除数为100000111 (二进制)
- 假设要传送的原始数据为0xA5 (二进制为：1010 0101)
- 将原始数据左移8位 (即后面添加8个0)：1010 0101 0000 0000
- 先进行高9位与除数异或，1010 0101 0000 0000。
- 当多项式最高位为1，才进行异或计算，异或后最高位为0，下次也不需要异或，这样需要采用代码计算的方式，就可以把最高位去掉不需要异或，最后结果是一样的。

CRC参数模型



- 以CRC-8为例:

CRC算法名称	多项式公式	宽度	多项式	初始值	结果异或值	输入值反转	输出值反转
CRC-8	$x^8 + x^2 + x + 1$	8	07	00	00	false	false

100000111

1010010100000000

100000111

00100110100

100000111

000110011000

100000111

0100111110

100000111

0001110010

→ 0x72

CRC参数模型



- 以CRC-8为例:

CRC算法名称	多项式公式	宽度	多项式	初始值	结果异或值	输入值反转	输出值反转
CRC-8	$x^8 + x^2 + x + 1$	8	07	00	00	false	false

00000111

1010010100000000

00000111

0100110100

00000111

00110011000

00000111

100111110

00000111

001110010

编程时的简化方法



0x72



- CRC算法实践思路:

- 假设生成多项式为: **100000111** (简记为0x07) , 也就是CRC-8, 先考虑输入数据为一个字节的简单情况, 则计算步骤如下:

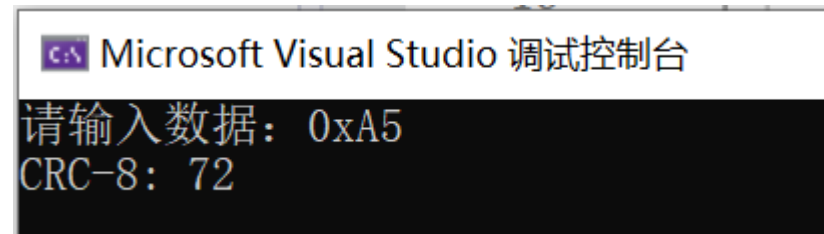
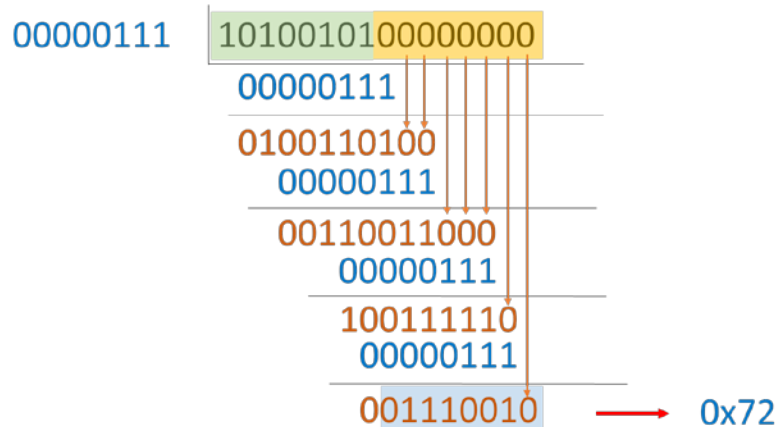
- ① 将CRC寄存器 (8-bits, 比生成多项式少1bit) 赋初值0
- ② 将原始数据与CRC寄存器异或, 结果保存在CRC寄存器中
- ③ for循环 (8-bits)
 - ④ If (CRC寄存器首位是1)
 - ⑤ 左移1位再异或
 - ⑥ else(CRC寄存器首位是0)
 - ⑦ 左移1位
- ⑧ end
- ⑨ CRC寄存器就是我们所要求的余数。



- CRC-8算法C语言实践（单字节输入）：**简单**

- 代码：略

- 示例





- CRC-8算法C语言实践（多字节输入）：中等

- 代码：略

- 示例

Microsoft Visual Studio 调试控制台

```
请输入数据: 0xA5E764  
CRC-8: 9b
```

格西CRC计算器 1.1

算法:	CRC8		
多项式(HEX):	07	初始值(HEX):	00
数据反转:	MSB First	异或值(HEX):	00
数据:	HEX		

A5E764

结果:

9B

大大不同——格西测控大师**免费版**正式发布!

计算



- CRC-16/XMODEM算法C语言实践（多字节输入）：**进阶**

- 代码：略

- 示例

```
Microsoft Visual Studio 调试控制台  
请输入数据: 0xA5E764  
CRC-16/XMODEM: f36b
```

格西CRC计算器 1.1

算法: CRC16

多项式(HEX): 1021

数据反转: MSB First

数据: HEX

初始值(HEX): 0000

异或值(HEX): 0000

A5E764

结果: F36B

大大不同——格西测控大师**免费版**正式发布!

计算



- CRC-16/CCITT算法C语言实践（多字节输入）：**进阶**

- 代码：略

- 示例

```
Microsoft Visual Studio 调试控制台  
请输入数据: 0xA5E764  
CRC-16/CCITT: b7d9
```

格西CRC计算器 1.1

算法:	CRC16	初始值(HEX):	0000
多项式(HEX):	1021	异或值(HEX):	0000
数据反转:	LSB First		
数据:	HEX		

A5E764

结果:

B7D9

大大不同——格西测控大师**免费版**正式发布!

计算