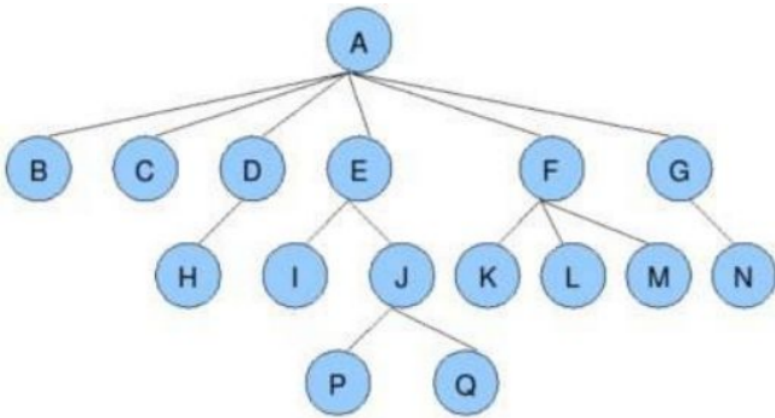


# 二叉树

## 一、二叉树的一些基本概念：

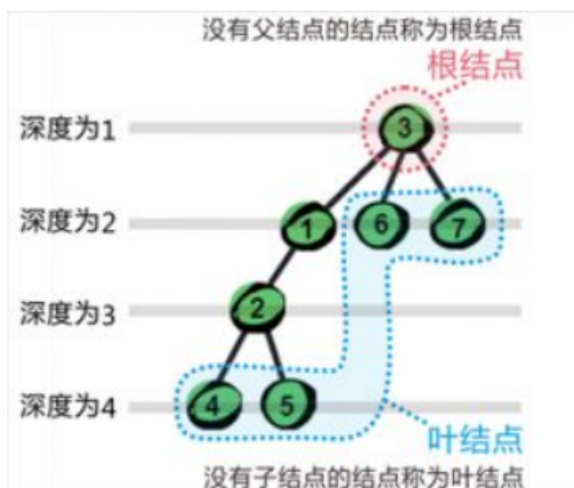


- 1、**节点的度**：一个节点含有的子树个数称为该节点的度；如：A的为 6
- 2、**树的度**：一棵树中，最大的节点的度称为树的度；如：树的度为6
- 3、**叶子节点( 终端节点)**：度为0的节点；如：B,C,H,I.....等节点为叶子节点
- 4、**双亲结点或父节点**：若一个节点含有子节点，则整个结点称为其子节点的父节点；如：A 是B的双亲结点
- 5、**孩子结点( 子节点 )**：一个节点含有的跟节点称为该节点的孩子节点；如：B 是 A的孩子节点、
- 6、**根节点**：一棵树中，没有双亲结点的结点；如：A
- 7、**节点的层数**：从根开始定义起，根为第1层，根的子节点为第二层，以此类推
- 8、**树的高度( 深度 )**：树中结点的最大层次；如：上树的高度为4；

课外延伸：

一个二叉树的度为 $N$ ，度为0的节点数为 $N_0$ ，度为1的节点数为 $N_1$ ，度为2的节点数为 $N_2$ ， $N=N_0+N_1+N_2$ ；

其中 $N_0 = N_2 + 1$ ；



## 9、树的形式：（了解，不常用）

```
1 class Node{
2     int val; //树中存储的数据
3     Node left; //第一个孩子引用
4     Node next; //下一个兄弟的引用
5 }
```

## 二、二叉树

### 1、概念：

### 2、特点：

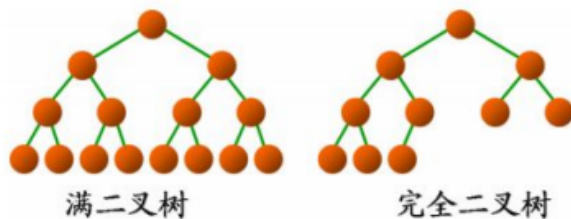
该树的每个节点最多有两棵子树(即每个节点的的不大于2);

二叉树的子树有左右之分，且不能乱

### 3、特殊的二叉树：

(1) 完全二叉树：完全二叉树是特殊的满二叉树

(2) 满二叉树：每一层的节点数都达到最大值，则这个二叉树为满二叉树。若一个二叉树的层数为k，且节点总数是 $(2^k)-1$ 。



## 4、二叉树的遍历——前中后序

三种遍历方法：把树分为三部分：根+左子树+右子树

### (1) 递归的思想：

```
1 private void preOrder(Node root){
2     if(root==null){
3         return;
4     }
5     System.out.println(root);
6     preOrder(root.left);
7     preOrder(root.right);
8 }
```

### (2) 遍历的思想：

1) 记录的位置独立于遍历过程之外；

2) 每次都需要充值记录遍历；

```
1 class Solution{
2     private List<Integer> list = new ArrayList<>();
```

```

3  private preOrder0(Node root){
4      //统计根的值
5      list.add(root);
6      preOrder0(root.left);
7      preOrder0(root.right);
8  }
9  public List<Integer> preOrder (Node root) {
10     list.clear();
11     preOrder0(root);
12     return list;
13 }
14 }

```

3) 汇总的思想:

三部分: 根 + 左子树 + 右子树

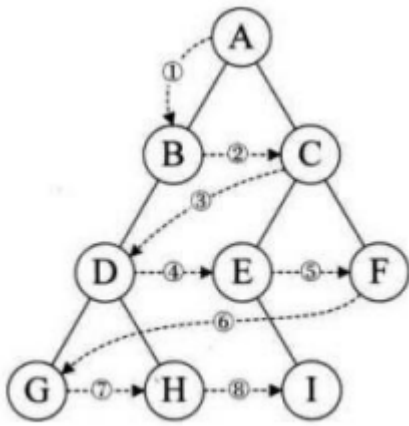
整棵树的结果 = 汇总 (左子树, 右子树)

```

1  class Solution{
2      public List<Integer> preOrder(Node root){
3          List<Integer> list = new ArrayList<>();
4          if(root==null){
5              return list
6          }
7          List<Integer> left = preOrder(root.left);
8          List<Integer> right = preOrder(root.right);
9
10         list.add(root);
11         list.addAll(left);
12         list.addAll(right);
13         return list;
14     }
15 }

```

5、二叉树的遍历——层序遍历:



设二叉树的根节点所在层数为1，层序遍历就是从所在二叉树的根节点出发，首先访问第一层的树根节点，然后从左到右访问第2层上的节点，接着是第三层的节点，以此类推，自上而下，自左至右逐层访问树的结点的过程就是层序遍历。

## 6、二叉树的表示：

```
1 class Node{
2     int val;
3     Node left;
4     Node right;
5     Node parent;
6 }
7 Node root = null;
```

练习：

- 1、二叉树的遍历（前中后、层序）各种方法；
- 2、检查两棵树是否相同；
- 3、检查A树是否为B树的子树
- 4、求二叉树的高度——只能用汇总思想
- 5、求二叉树的节点个数
- 6、求二叉树的叶子节点个数
- 7、求二叉树的第K层节点的个数
- 8、在一个二叉树中查找是否有某个节点
- 9、求二叉树的最大深度
- 10、对称二叉树
- 11、互为镜像二叉树
- 12、判断一个二叉树是否是平衡二叉树
- 13、二叉树的构建及遍历

- 14、二叉树的分层遍历
- 15、给定一个二叉树, 找到该树中两个指定节点的最近公共祖先
- 16、二叉树搜索树转换成排序双向链表
- 17、根据一棵树的前序遍历与中序遍历构造二叉树
- 18、根据一棵树的中序遍历与后序遍历构造二叉树
- 19、二叉树创建字符串