

Авторские права

© Postgres Professional, 2019–2022

Авторы: Егор Рогов, Павел Лузанов, Павел Толмачев, Илья Баштанов

Использование материалов курса

Некоммерческое использование материалов курса (презентации, демонстрации) разрешается без ограничений. Коммерческое использование возможно только с письменного разрешения компании Postgres Professional. Запрещается внесение изменений в материалы курса.

Обратная связь

Отзывы, замечания и предложения направляйте по адресу: edu@postgrespro.ru

Отказ от ответственности

Компания Postgres Professional не несет никакой ответственности за любые повреждения и убытки, включая потерю дохода, нанесенные прямым или непрямым, специальным или случайным использованием материалов курса. Компания Postgres Professional не предоставляет каких-либо гарантий на материалы курса. Материалы курса предоставляются на основе принципа «как есть» и компания Postgres Professional не обязана предоставлять сопровождение, поддержку, обновления, расширения и изменения.

Темы



Соединение слиянием Сортировка

2

Соединение слиянием



Алгоритм соединения слиянием

Вычислительная сложность

Соединение слиянием в параллельных планах

3

Сортировка



SELECT a.title, s.name
FROM albums a JOIN songs s ON a.id = s.a_id;

id		title	year
1		Yellow Submarine	1969
3	3	Let It Be	1970
	ļ	The Beatles	1968
6	6	Abbey Road	1969

bum_	id name	
1	All Together Now	
1	All You Need Is Love	
2	Another Girl	
2	Act Naturally	
3	Across the Universe	
5	A Day in the Life	
	1 1 2 2 3	

либо сортировка, либо получение отсортированных данных от нижестоящего узла плана

4

Третий, и последний, способ соединения — соединение слиянием.

Подготовительным этапом для него служит сортировка обоих наборов строк. Сортировка — дорогая операция, она имеет сложность O(N log N).

Но иногда этого этапа удается избежать, если можно сразу получить отсортированные наборы строк, например, за счет индексного доступа к таблице.



Само слияние устроено просто. Сначала берем первые строки обоих наборов и сравниваем их между собой. В данном случае мы сразу нашли соответствие и можем вернуть первую строку результата: («Yellow Submarine», «All Together Now»).

Общий алгоритм таков: читаем следующую строку того набора, для которого значение поля, по которому происходит соединение, меньше (один набор «догоняет» другой). Если же значения одинаковы, как в нашем примере, то читаем следующую строку второго набора.

(На самом деле алгоритм сложнее — что, если и в первом наборе строк может быть несколько одинаковых значений? Но мы не будем загромождать общую картину деталями. Псевдокод алгоритма можно посмотреть в файле src/backend/executor/nodeMergejoin.c.)

Важно, что алгоритм слияния возвращает результат соединения в отсортированном виде. В частности, полученный набор строк можно использовать для следующего соединения слиянием без дополнительной сортировки.



Вновь соответствие: («Yellow Submarine», «All You Need Is Love»). Снова читаем следующую строку второго набора.



В данном случае соответствия нет.

Поскольку 1 < 2, читаем следующую строку первого набора.



Соответствия нет.

3 > 2, поэтому читаем следующую строку второго набора.



Снова нет соответствия, снова 3 > 2, снова читаем строку второго набора.



Есть соответствие: («Let It Be», «Across the Universe»). 3 = 3, читаем следующую строку второго набора.

Слияние SELECT a.title, s.name FROM albums a JOIN songs s ON a.id = s.a_id; id title year album id name Yellow Submarine All Together Now 1969 1 3 Let It Be 1970 1 All You Need Is Love 4 The Beatles 1968 Another Girl Abbey Road 1969 2 Act Naturally 3 Across the Universe A Day in the Life 11

Соответствия нет.

3 < 5, читаем строку первого набора.

Слияние SELECT a.title, s.name FROM albums a JOIN songs s ON a.id = s.a_id; id title year album id name Yellow Submarine All Together Now 1969 1 3 Let It Be 1970 1 All You Need Is Love The Beatles 1968 Another Girl 4 Abbey Road 1969 2 Act Naturally 3 Across the Universe A Day in the Life 12

Соответствия нет.

4 < 5, читаем строку первого набора.



И последний шаг: снова нет соответствия. На этом соединение слиянием окончено.

Соединение слиянием

Если результат необходим в отсортированном виде, оптимизатор может предпочесть соединение слиянием. Особенно, если данные от дочерних узлов можно получить уже отсортированными — как в этом примере:

```
=> EXPLAIN (costs off) SELECT *
FROM tickets t
 JOIN ticket_flights tf ON tf.ticket_no = t.ticket_no
ORDER BY t.ticket_no;
                          OUERY PLAN
Merae Join
  Merge Cond: (t.ticket no = tf.ticket no)
  -> Index Scan using Tickets_pkey on Tickets t
  -> Index Scan using ticket_flights_pkey on ticket_flights tf
(4 rows)
Вот еще один пример с двумя соединениями слиянием, в котором один узел Merge Join получает отсортированный
набор от другого узла Merge Join:
=> EXPLAIN (costs off) SELECT t.ticket_no, bp.flight_id, bp.seat_no
FROM tickets t
 JOIN ticket_flights tf ON t.ticket_no = tf.ticket_no
 JOIN boarding passes bp ON bp.ticket_no = tf.ticket_no
  AND bp.flight_id = tf.flight_id
ORDER BY t.ticket_no;
                                     QUERY PLAN
-----
                                        -----
Merge Join
  Merge Cond: (tf.ticket_no = t.ticket_no)
  -> Merge Join
        Merge Cond: ((tf.ticket no = bp.ticket no) AND (tf.flight id = bp.flight id))
        Index Only Scan using ticket_flights_pkey on ticket_flights tfIndex Scan using boarding_passes_pkey on boarding_passes bp
  -> Index Only Scan using tickets pkey on tickets t
(7 rows)
```

Здесь соединяются перелеты (ticket_flights) и посадочные талоны (boarding_passes), и с этим, уже отсортированным по номерам билетов, набором строк соединяются билеты (tickets).

Вычислительная сложность Posegres



 $\sim N + M$, где

N и M — число строк в первом и втором наборах данных, если не требуется сортировка

 $\sim N \log N + M \log M$, если сортировка нужна

Возможные начальные затраты на сортировку Эффективно для большого числа строк

15

В случае, когда не требуется сортировать данные, общая сложность соединения слиянием пропорциональна сумме числа строк в обоих наборах данных. Но, в отличие от соединения хешированием, здесь не требуются накладные расходы на построение хеш-таблицы.

Поэтому соединение слиянием может успешно применяться как в OLTP-, так и в OLAP-запросах.

Однако если сортировка требуется, то стоимость становится пропорциональной произведению количества строк на логарифм этого количества, и на больших объемах такой способ скорее всего проиграет соединению хешированием.

Вычислительная сложность

Посмотрим на стоимость соединения слиянием:

```
=> EXPLAIN SELECT *
FROM tickets t
  JOIN ticket_flights tf ON tf.ticket_no = t.ticket_no
ORDER BY t.ticket_no;
```

QUERY PLAN

..... Merge Join (cost=1.04..822385.86 rows=8391852 width=136) Merge Cond: (t.ticket no = tf.ticket no)

- -> Index Scan using tickets_pkey on tickets t (cost=0.43..139108.66 rows=2949749 width=104)
- -> Index Scan using ticket_flights_pkey on ticket_flights tf (cost=0.56..571004.68 rows=8391852 width=32) (4 rows)

Начальная стоимость включает:

- сумму начальных стоимостей дочерних узлов (включает стоимость сортировки, если она необходима);
- стоимость получения первой пары строк, соответствующих друг другу.

Полная стоимость складывается из:

- суммы стоимостей получения обоих наборов данных;
- стоимости сравнения строк.

Общий вывод: стоимость соединения слиянием пропорциональна N + M (где N и М — число соединяемых строк), если не требуется отдельная сортировка. Сортировка набора из K строк добавляет к оценке как минимум K * log(K).

В отличие от соединения хешированием, слияние без сортировки хорошо подходит для случая, когда надо быстро получить первые строки.

```
=> EXPLAIN SELECT *
FROM tickets t
 JOIN ticket_flights tf ON tf.ticket_no = t.ticket_no
ORDER BY t.ticket_no
LIMIT 1000;
```

OUFRY PLAN

```
Limit (cost=1.04..99.04 rows=1000 width=136)
  -> Merge Join (cost=1.04..822385.86 rows=8391852 width=136)
        Merge Cond: (t.ticket no = tf.ticket no)
        -> Index Scan using tickets pkey on tickets t (cost=0.43..139108.66 rows=2949749 width=104)
```

-> Index Scan using ticket_flights_pkey on ticket_flights tf (cost=0.56..571004.68 rows=8391852 width=32)

(5 rows)

Обратите внимание и на то, как уменьшилась общая стоимость.



Соединение слиянием может использоваться в параллельных планах.

Так же, как и при соединении вложенным циклом, сканирование одного набора строк выполняется рабочими процессами параллельно, но другой набор строк каждый рабочий процесс читает полностью самостоятельно. Поэтому при соединении больших объемов строк в параллельных планах гораздо чаще используется соединение хешированием, имеющее эффективный параллельный алгоритм.

Сортировка



Сортировка в памяти

Внешняя сортировка

Группировка с помощью сортировки

Сортировка в параллельных планах

18

Сортировка в памяти



Быстрая сортировка (quick sort)

Частичная пирамидальная сортировка (top-N heapsort)

когда нужна только часть значений

Инкрементальная сортировка

когда данные уже отсортированы, но не по всем ключам

19

В идеальном случае набор строк, подлежащий сортировке, целиком помещается в память, ограниченную параметром work_mem. В этом случае все строки просто сортируются алгоритмом быстрой сортировки (quick sort) и результат возвращается вышестоящему узлу.

Если нужно отсортировать не весь набор данных, а только его часть (при использовании предложения LIMIT), может применяться частичная пирамидальная сортировка (top-N heapsort).

Если набор данных требуется отсортировать по ключам К1 ... Кт ... Кп и при этом известно, что набор уже отсортирован по первым т ключам, можно не пересортировывать все данные заново. Достаточно разбить набор данных на группы, имеющие одинаковые значения начальных ключей К1 ... Кт (значения таких групп следуют друг за другом), и затем отсортировать отдельно каждую из групп по оставшимся ключам Кт+1 ... Кп. Такой способ называется инкрементальной сортировкой. Поскольку сортируемые наборы данных уменьшаются, уменьшается и требование к доступному объему памяти.

Сортировка в памяти

ORDER BY ticket_no, passenger_id;

Сортировка выполняется в узле Sort. Чтобы начать выдавать данные вышестоящему узлу, сортировка должна быть полностью завершена.

Вот пример плана с соединением слиянием, использующим сортировку (здесь явная сортировка выбрана из-за небольшого размера таблицы):

```
=> EXPLAIN (costs off) SELECT *
FROM aircrafts a
 JOIN seats s ON a.aircraft_code = s.aircraft_code
ORDER BY a.aircraft_code;
                    QUERY PLAN
.....
  Merge Cond: (s.aircraft code = ml.aircraft code)
  -> Index Scan using seats pkey on seats s
  -> Sort
        Sort Key: ml.aircraft code
        -> Seq Scan on aircrafts_data ml
(6 rows)
В следующем примере для сортировки используется быстрая сортировка (Sort Method). В той же строке указан
использованный объем памяти:
=> EXPLAIN (analyze, timing off, summary off)
SELECT *
FROM seats
ORDER BY seat_no;
                                       QUERY PLAN
Sort (cost=90.93..94.28 rows=1339 width=15) (actual rows=1339 loops=1)
  Sort Key: seat no
  Sort Method: quicksort Memory: 111kB
   -> Seq Scan on seats (cost=0.00..21.39 rows=1339 width=15) (actual rows=1339 loops=1)
(4 rows)
Если набор строк ограничен, планировщик может переключиться на частичную сортировку (грубо говоря, вместо
полной сортировки здесь 100 раз находится максимальное значение):
=> EXPLAIN (analyze, timing off, summary off)
SELECT *
FROM seats
ORDER BY seat no
LIMIT 100;
                                          QUERY PLAN
Limit (cost=72.57..72.82 rows=100 width=15) (actual rows=100 loops=1)
  -> Sort (cost=72.57..75.91 rows=1339 width=15) (actual rows=100 loops=1)
        Sort Key: seat no
        Sort Method: top-N heapsort Memory: 33kB
         -> Seq Scan on seats (cost=0.00..21.39 rows=1339 width=15) (actual rows=1339 loops=1)
(5 rows)
Обратите внимание, что стоимость запроса снизилась, и для сортировки потребовалось меньше памяти.
Пример инкрементальной сортировки, доступной с 13-й версии PostgreSQL:
=> EXPLAIN (analyze, costs off, timing off, summary off)
SFIFCT *
FROM tickets
```

QUERY PLAN

```
Incremental Sort (actual rows=2949857 loops=1)
   Sort Key: ticket_no, passenger_id
   Presorted Key: ticket_no
   Full-sort Groups: 92184 Sort Method: quicksort Average Memory: 31kB Peak Memory: 31kB
   -> Index Scan using tickets_pkey on tickets (actual rows=2949857 loops=1)
(5 rows)
```

Здесь данные, полученные из таблицы tickets по индексу tickets_pkey, уже отсортированы по столбцу ticket_no (Presorted Key), поэтому остается доупорядочить строки по столбцу passenger_id. Для сортировки отдельных групп использовалась быстрая сортировка.

. . .

Группировка и уникальные значения

Как мы видели в предыдущей теме, для устранения дубликатов может использоваться хеширование. Другой способ — сортировка значений:

```
=> EXPLAIN (costs off)

SELECT DISTINCT ticket_no

FROM ticket_flights

ORDER BY ticket_no;

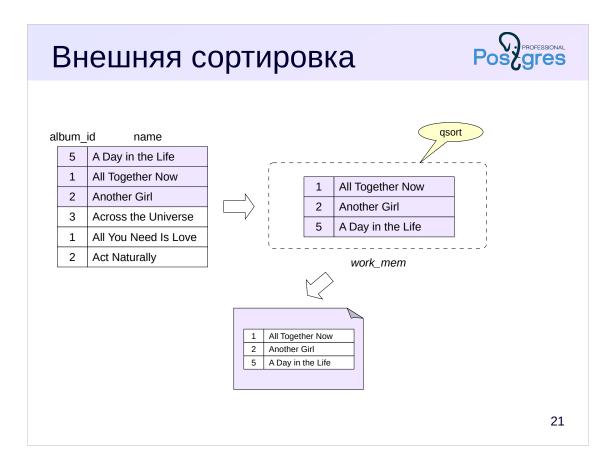
QUERY PLAN

Result
-> Unique
-> Index Only Scan using ticket_flights_pkey on ticket_flights
(3 rows)
```

Такой способ особенно выгоден, если требуется получить отсортированный результат (как в данном случае).

Устранение дубликатов происходит в узле Unique. Он получает отсортированный набор строк (от узла Sort или, как в этом примере, от индексного сканирования) и убирает повторяющиеся значения.

Для группировки будет использоваться похожий по смыслу узел GroupAggregate.



В идеальном случае набор строк, подлежащий сортировке, целиком помещается в память, ограниченную параметром work_mem. В этом случае все строки просто сортируются (используется алгоритм быстрой сортировки qsort) и возвращается результат.

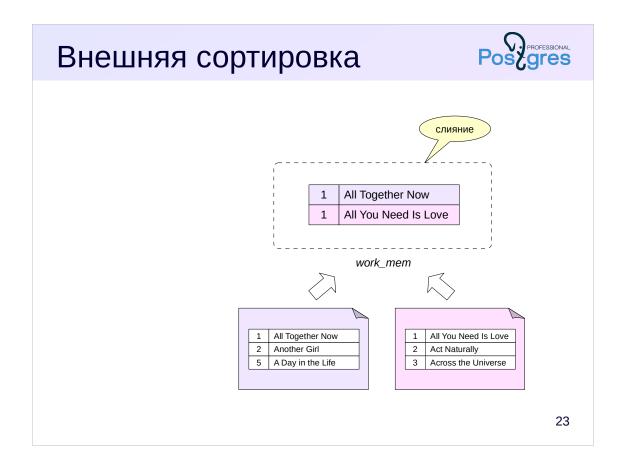
Если набор строк велик, он не поместится в память целиком. В таком случае используется алгоритм внешней сортировки.

Набор строк читается в память, пока есть возможность, затем сортируется и записывается во временный файл.



Эта процедура повторяется столько раз, сколько необходимо, чтобы записать все данные в файлы, каждый из которых по отдельности отсортирован.

Напомним, что общий размер временных файлов сеанса (не включая временные таблицы) ограничен значением параметра *temp_file_limit*.



Далее несколько файлов сливаются аналогично тому, как работает соединение слиянием. Основное отличие состоит в том, что сливаться могут более двух файлов одновременно.

Для слияния не требуется много места в памяти. Достаточно разместить по одной строке из каждого файла (как в примере на слайде). Среди этих строк выбирается минимальная (максимальная) и возвращается как часть результата, а на ее место читается новая строка из того же файла.

На практике строки читаются не по одной, а порциями, чтобы оптимизировать ввод-вывод.

Если оперативной памяти недостаточно, чтобы слить сразу все файлы, процесс повторяется многократно: сливаются по несколько файлов за раз и результаты записываются в новые временные файлы, затем происходит слияние этих новых файлов и так далее.

На самом деле, конечно, сортировка устроена сложней. С деталями реализации можно познакомиться в файле src/backend/utils/sort/tuplesort.c.

История развития способов сортировки в PostgreSQL хорошо описана в презентации Грегори Старка «Sorting Through The Ages»: https://wiki.postgresgl.org/images/5/59/Sorting through the ages.pdf.

Внешняя сортировка

Если набор строк для сортировки не помещается целиком в оперативную память размером work_mem, применяется внешняя сортировка с использованием временных файлов. Вот пример такого плана (Sort Method: external merge):

```
=> EXPLAIN (analyze, buffers, timing off, summary off)
SELECT *
FROM flights
ORDER BY scheduled departure;
                                            QUERY PLAN
Sort (cost=31883.96..32421.12 rows=214867 width=63) (actual rows=214867 loops=1)
  Sort Key: scheduled departure
  Sort Method: external merge Disk: 17136kB
  Buffers: shared hit=3 read=2624, temp read=2142 written=2150
   -> Seq Scan on flights (cost=0.00..4772.67 rows=214867 width=63) (actual rows=214867 loops=1)
        Buffers: shared read=2624
Planning:
  Buffers: shared hit=61 read=14
(8 rows)
Обратите внимание на то, что узел Sort записывает и читает временные данные (temp read и written).
Увеличим значение work mem:
=> SET work mem = '48MB';
SET
=> EXPLAIN (analyze, buffers, timing off, summary off)
SELECT *
FROM flights
ORDER BY scheduled_departure;
                                            QUERY PLAN
Sort (cost=23802.46..24339.62 rows=214867 width=63) (actual rows=214867 loops=1)
  Sort Key: scheduled_departure
  Sort Method: quicksort Memory: 36360kB
  Buffers: shared hit=2624
   -> Seq Scan on flights (cost=0.00..4772.67 rows=214867 width=63) (actual rows=214867 loops=1)
        Buffers: shared hit=2624
(6 rows)
Теперь все строки поместились в память, и планировщик выбрал более дешевую быструю сортировку.
=> RESET work_mem;
RESET
```

Параллельная сортировка Узел Gather Merge сохраняет порядок сортировки выполняет слияние данных, поступающих от нижестоящих узлов Тот узел Gather Merge сохраняет порядок сортировки выполняет слияние данных, поступающих от нижестоящих узлов

Сортировка может участвовать в параллельных планах. Каждый рабочий процесс сортирует свою часть данных и передает результат вышестоящему узлу, который собирает данные в единый набор.

Но узел Gather для этого не годится, поскольку он выдает результат в том порядке, в котором строки поступают от рабочих процессов.

Поэтому в таких планах используется узел Gather Merge, сохраняющий порядок сортировки поступающих строк. Для этого он реализует алгоритм слияния, объединяя несколько отсортированных наборов в один.

Параллельная сортировка

```
=> EXPLAIN (costs off) SELECT amount, count(*)
FROM ticket_flights
GROUP BY amount;

QUERY PLAN

Finalize GroupAggregate
Group Key: amount
-> Gather Merge
Workers Planned: 2
-> Sort
Sort Key: amount
-> Partial HashAggregate
Group Key: amount
-> Parallel Seq Scan on ticket_flights
(9 rows)
```

В этом плане выполнения рабочие процессы параллельно читают таблицу перелетов, выполняют группировку с помощью хеширования (Partial HashAggregate) и сортируют полученный результат (Sort).

Узел Gather Merge собирает данные в один отсортированный набор, который затем окончательно группируется узлом Finalize GroupAggregate.

Создание индекса



Используется сортировка

сначала все строки сортируются затем строки собираются в листовые индексные страницы ссылки на них собираются в страницы следующего уровня и так далее, пока не дойдем до корня

Может выполняться параллельно

max_parallel_maintenance_workers

Ограничение

maintenance_work_mem, так как операция не частая

27

Индекс (речь идет про В-дерево) можно строить, добавляя последовательно в пустой индекс по одной строке из таблицы. Но такой способ крайне неэффективен.

Поэтому при создании индекса используется сортировка: все строки таблицы сортируются и раскладываются по листовым индексным страницам. Затем достраиваются верхние уровни дерева, состоящие из ссылок на элементы страниц нижележащего уровня, до тех пор, пока на очередном уровне не получится одна страница — она и будет корнем дерева.

Сортировка устроена точно так же, как рассматривалось выше. Однако размер памяти ограничен не work_mem, а maintenance_work_mem, поскольку операция создания индекса не слишком частая и имеет смысл выделить для нее больше памяти.

Построение индекса может выполняться параллельно. Ограничение на количество процессов накладывается значением параметра *max_parallel_maintenance_workers*, хотя реальное количество может выбрано и меньше. Ограничение на память действует для всех запущенных процессов, а не для каждого из них по отдельности.

Итоги



Соединение слиянием может потребовать подготовки

надо отсортировать наборы строк или получить их заранее отсортированными

Эффективно для больших выборок

хорошо, если наборы уже отсортированы хорошо, если нужен отсортированный результат

Не зависит от порядка соединения

Поддерживает только эквисоединения

другие не реализованы, но принципиальных ограничений нет

28

Чтобы начать соединение слиянием, оба набора строк должны быть отсортированы. Хорошо, если удается получить данные уже в нужном порядке; если нет — требуется выполнить сортировку.

Само слияние выполняется очень эффективно даже для больших наборов строк. В качестве приятного бонуса результирующая выборка тоже упорядочена, поэтому такой способ соединения привлекателен, если вышестоящим узлам плана также требуется сортировка (например, запрос с фразой ORDER BY или еще одна сортировка слиянием).

В настоящее время соединение слиянием поддерживает только эквисоединения, соединения по операциям «больше» или «меньше» не реализованы.

Итак, в распоряжении планировщика есть три способа соединения: вложенный цикл, хеширование и слияние (не считая различных модификаций). Есть ситуации, в которых каждый из способов оказывается более эффективным, чем остальные. Это позволяет планировщику выбрать именно тот способ, который — как предполагается — лучше подойдет в каждом конкретном случае. А точность предположений напрямую зависит от имеющейся статистики.

Практика



- 1. Создайте индекс по столбцам passenger_name и passenger_id таблицы билетов (tickets). Потребовался ли временный файл для выполнения этой операции?
- 2. Проверьте план выполнения запроса из демонстрации, показывающего все места в салонах в порядке кодов самолетов, но оформленного в виде курсора. Уменьшите значение параметра cursor_tuple_fraction в десять раз. Как при этом изменился план выполнения?

29

- 1. Включите журналирование использования временных файлов, установив значение параметра *log_temp_files* в ноль.
- 2. Речь идет о запросе

SELECT *

FROM aircrafts a

JOIN seats s ON a.aircraft_code = s.aircraft_code ORDER BY a.aircraft_code;

1. Индекс

```
Включим журналирование временных файлов.
=> SET log_temp_files = θ;
SET
=> \timing on
Timing is on.
Текущее значение maintenance work mem:
=> SHOW maintenance_work_mem;
maintenance work mem
 64MB
(1 row)
Time: 0,739 ms
Создаем индекс:
=> CREATE INDEX ON tickets(passenger_name, passenger_id);
CREATE INDEX
Time: 14421,124 ms (00:14,421)
Временный файл понадобился:
postgres$ tail -n 2 /var/log/postgresql/postgresql-13-main.log
2022-07-25 22:59:00.937 MSK [67955] postgres@demo LOG: temporary file: path "base/pgsql_tmp67955.0.sharedfileset/0.0", size 64634880 2022-07-25 22:59:00.937 MSK [67955] postgres@demo STATEMENT: CREATE INDEX ON tickets(passenger_name, passenger_id);
2. Параметр cursor_tuple_fraction
План выполнения курсора:
=> EXPLAIN DECLARE c CURSOR FOR SELECT *
FROM aircrafts a
  JOIN seats s ON a.aircraft_code = s.aircraft_code
ORDER BY a.aircraft_code;
                                        OUFRY PLAN
                                                        ______
 Merge Join (cost=1.51..420.71 rows=1339 width=55)
   Merge Cond: (s.aircraft_code = ml.aircraft_code)
   -> Index Scan using seats_pkey on seats s (cost=0.28..64.60 rows=1339 width=15)
-> Sort (cost=1.23..1.26 rows=9 width=72)
          Sort Key: ml.aircraft_code
           -> Seq Scan on aircrafts_data ml (cost=0.00..1.09 rows=9 width=72)
(6 rows)
Time: 38,077 ms
Текущее значение cursor_tuple_fraction:
=> SHOW cursor_tuple_fraction;
 cursor_tuple_fraction
 0.1
(1 row)
Time: 0,108 ms
Уменьшим его:
=> SET cursor_tuple_fraction = 0.01;
SET
Time: 0,104 ms
=> EXPLAIN DECLARE c CURSOR FOR SELECT *
FROM aircrafts a
  JOIN seats s ON a.aircraft_code = s.aircraft_code
ORDER BY a.aircraft_code;
                                                QUERY PLAN
 Merge Join (cost=0.41..431.73 rows=1339 width=55)
   Merge Cond: (ml.aircraft_code = s.aircraft_code)
   -> Index Scan using aircrafts_pkey on aircrafts_data ml (cost=0.14..12.27 rows=9 width=72)
-> Index Scan using seats_pkey on seats s (cost=0.28..64.60 rows=1339 width=15)
(4 rows)
Time: 0.388 ms
```

Теперь планировщик выбирает другой план: его начальная стоимость ниже (хотя общая стоимость, наоборот, выше).