Extrait du programme de la classe de 2nde (2019)

Utiliser les notions de multiple, diviseur et de nombre premier

Contenus:

- Notations N et Z.
- Définition des notions de multiple, de diviseur, de nombre pair, de nombre impair.

Capacités attendues

- Modéliser et résoudre des problèmes mobilisant les notions de multiple, de diviseur, de nombre pair, de nombre impair, de nombre premier.
- Présenter les résultats fractionnaires sous forme irréductible.

Exemples d'algorithme

- Déterminer si un entier naturel a est multiple d'un entier naturel b.
- Pour des entiers a et b donnés, déterminer le plus grand multiple de a inférieur ou égal à b.
- Déterminer si un entier naturel est premier.

Quelques programmes autour des nombres premiers

- 1. Proposer un programme Python qui permet de déterminer si un entier naturel est premier.
- 2. Voici 4 programmes qui répondent à la consigne précédente.

Proposer des critères pour comparer ces programmes. Lesquels proposeriez-vous à des élèves de seconde? Avec quelles éventuelles modifications? Dans quelles situations?

```
Programme 1<sup>1</sup>
                                                       Programme 3<sup>3</sup>
    def est_premier1(nombre):
                                                       def est_multiple(a,b):
                                                           return a % b == 0
       ntest = 2
2
       reponse = True
       while ntest < nombre and reponse :</pre>
                                                      def est_premier3(n):
          if nombre % ntest == 0 :
                                                           for d in range(2, n):
                                                   5
             reponse = False
                                                               if est_multiple(n, d):
                                                   6
          ntest = ntest + 1
                                                                    return False
       return reponse
                                                           return n>1
   Programme 2<sup>2</sup>
                                                       Programme 4
   def est_premier2(n):
                                                      from math import sqrt
       diviseurs=[]
                                                      def est_premier4(n):
2
                                                           if n % 2 == 0:
       for i in range(1, n+1):
           if n % i == 0:
                                                               return False
                                                   4
                diviseurs.append(i)
                                                   5
                                                           maxi = int(sqrt(n))
       if len(diviseurs) == 2 :
                                                           for d in range(3, \max i + 1, 2):
           return True
                                                               if n % d == 0:
       else:
                                                                    return False
           return False
                                                           return True
```

3. Le module *time* contient la fonction time() qui renvoie le temps écoulé en secondes depuis le 01/01/1970. Par différence entre deux appels, on peut déterminer approximativement le temps nécessaire pour réaliser une ou plusieurs instructions.

```
from time import time
def temps_ecoule(n):
    debut = time()
    resultat = est_premier...(n)
    fin = time()
    return fin-debut
```

Utiliser la fonction $temps_ecoule(n)$ pour comparer les temps d'exécution des quatre fonctions pour les valeurs de $n: 15\,485\,863$ et $179\,424\,673$.

^{1.} d'après Le livre scolaire

^{2.} d'après Benjamin Clerc sur Mathématice

^{3.} d'après Alain Busser sur Mathématice

Nombres premiers

- 4. Voici 4 questions qui utilisent la notion de nombre premier. Pour répondre à chacune de ces questions, quel(s) programme(s) Python est-il pertinent d'utiliser / d'adapter?
 - (a) 2021 est-il premier?
 - (b) 15 485 863 est-il premier?
 - (c) Donner tous les nombres premiers inférieurs à 1000.
 - (d) Deux nombres premiers jumeaux sont deux nombres premiers qui ne diffèrent que de 2. Quels sont les plus grands nombres premiers jumeaux inférieurs à 1000? à 1000000000?