Funktionale und objektorientierte Programmierkonzepte



Präsenz-Sprechstunde B

Simon Hock, Nhan Huynh, Daniel Mangold

Hinweis



12.01.2022 Präsenzsprechstunde B im Raum S103/123!

Überblick



Rekursion [25min]

Vorgehensweise bei rekursiven Aufgaben Rekursive Auswertung von Arithmetischen Ausdrücken in Präfix-Notation

Rekulsive Auswertung von Antilinetischen Ausurucken in Frank-Wotation

Arbeitsphase [75min]

Rekursion



"Eine Rekursion ist eine Funktion, die sich selbst aufruft. Dabei wird versucht das Problem auf eine einfachere Variante des **gleichen** Problems rekursiv zu reduzieren, welches dann gelöst wird."

Vorgehensweise bei rekursiven Aufgaben



- 1. Identifiziere, wie das Problem auf eine einfachere Variante des Problems zerlegt werden kann und direkt gelöst werden kann
 - Teillösungen der Gesamtlösung
- 2. Das kleinste Problem ist ein Rekursionsanker
- Überlege, wie die kleinen Probleme kombiniert werden k\u00f6nnen, um die urspr\u00fcngliche Problemstellung zu l\u00f6sen
- Kombiniere die Teillösungen zu einer Gesamtlösung

Rekursive Auswertung von Arithmetischen Ausdrücken in Präfix-Notation



- Blatt 06 H4
- Präfix-Notation Beispiele:

Notation	Addition zweier Zahlen
Präfix	+ x y
Infix	x + y
Postfix	xy +

Tabelle: Überblick von Notationen

H4.1: Vorbereitung: Klasse ReturnData



Schreiben Sie zunächst eine eine public-Klasse ReturnData , welche zwei public-Objektattribute vom Typ int hat: result und nextIndex . Diese Klasse muss einen parameterlosen public-Konstruktor besitzen. Sie dürfen aber gerne auch andere Konstruktoren implementieren, solange weiterhin ein parameterloser public-Konstruktor zur Verfügung steht.

```
1 public class ReturnData {
3
      public int result;
      public int nextIndex;
6
      public ReturnData() {}
8
      // Optional
      public ReturnData(int result, int nextIndex) {
10
           this.result = result:
11
           this.nextIndex = nextIndex:
12
13 }
```

H4.2: Methoden evaluate **und** evaluateRecursively



Erweitern Sie Klasse StrangeThings aus 2 um eine public- Klassenmethode evaluate , die den Wert eines arithmetischen Ausdrucks in Präfix-Notation (das heißt: zuerst Operator, dann Operanden) berechnet. Es geht also um eine Notation wie in Racket – aber im Gegensatz zu Racket haben wir keine Klammern . Außerdem beschränken wir uns bei den Operanden auf einstellige Zahlen (also 0 . . . 9)) und bei dem Operator auf die Subtraktion .

Information: "Ein arithmetischer Ausdruck besteht aus einer Folge von arithmetischen Operanden, die durch (arithmetische) Operatoren und Klammern voneinander getrennt (oder miteinander verknüpft) sind."

Beispiel für arithmetische Ausdrücke



-12	(2)
123	(3)
--12-34	(4)

1 (1)
$$\underbrace{-12}_{1-2=-1}$$

$$- \underbrace{-12}_{1-2=-1}$$

$$- \underbrace{-12}_{-1-3=-4}$$

$$- \underbrace{-12}_{-1-3=-4}$$

$$- \underbrace{-12}_{-1-(-1)=0}$$
(4)

Konkret hat Methode evaluate einen Parameter vom formalen Typ "Array vom primitiven Typ char "und Rückgabetyp int . Die Methode evaluate darf ohne Überprüfung davon ausgehen, dass das Array mindestens die Länge 1 hat, jede Komponente des Arrays entweder eine Ziffer '0', ..., '9' oder das Zeichen '-' enthält und der mit der char-Kette repräsentierte Präfix-Ausdruck ein korrekt gebildeteter Präfix-Ausdruck ist, in dem jede Subtraktion genau zwei Operanden hat.

Konkret hat Methode evaluate einen Parameter vom formalen Typ "Array vom primitiven Typ char "und Rückgabetyp int . Die Methode evaluate darf ohne Überprüfung davon ausgehen, dass das Array mindestens die Länge 1 hat, jede Komponente des Arrays entweder eine Ziffer '0', ..., '9' oder das Zeichen '-' enthält und der mit der char-Kette repräsentierte Präfix-Ausdruck ein korrekt gebildeteter Präfix-Ausdruck ist, in dem jede Subtraktion genau zwei Operanden hat.

Information: Beim Parameterwert wird zwischen dem aktualen Wert (der Parameterwert, der eingesetzt wird) und dem formalen Wert (der in der Definition des Parameters in der Methode steht) unterschieden.

Neben der Methode evaluate soll in Klasse StrangeThings eine privateevaluateRecursively mit einem ersten Parameter namens array vom Typ "Array vom
primitiven Typ char ", einem zweiten Parameter namens startIndex vom Typ int und
Rückgabetyp ReturnData existierten.

Die Methode evaluateRecursively soll aus dem Array array den numerischen (Teil-)Ausdruck ab Index startIndex auswerten und ein ReturnData -Objekt zurückliefern, dessen Objektattribut result den Zahlenwert des ausgewerteten numerischen (Teil-) Ausdrucks ab Index startIndex und Objektattribut nextIndex den ersten Index des nächsten numerischen Teilausdrucks enthält.

Die Methode evaluate ruft die Methode evaluateRecursively auf, wobei evaluateRecursively als ersten aktualen Parameter den ersten aktualen Parameter von evaluate erhält (beides jeweils "Array von char "). Als zweiten aktualen Parameter erhält evaluateRecursively den Wert 0. Nach dem Aufruf von evaluateRecursively liefert die Methode evaluate den Wert des Objektattributs result des von evaluateRecursively gelieferten Objekts vom Typ ReturnData .

Das Verhalten der Methode evaluateRecursively ist vom Zeichen am Index startIndex in Array array abhängig:

Im Fall, dass der char-Wert array[startIndex] eine Ziffer darstellt, wurde ein atomarer arithmetischer Ausdruck gefunden und die Methode liefert ein ReturnData -Objekt zurück, dessen Objektattribut result den durch das Zeichen dargestellten Wert (für '4' zum Beispiel 4) und nextIndex den Wert startIndex+1 enthält.

Im anderen Fall, also wenn der char-Wert gleich '-' ist, müssen die nächsten beiden arithmetischen Teil-Ausdrücke e1 und e2 ausgewertet und ein geeignetes

ReturnData -Objekt zurückgegeben werden.

Implementieren Sie die Methoden evaluate und evaluateRecursively wie beschrieben.

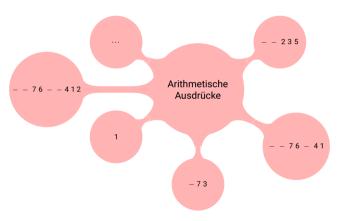
- array: Enthält den arithmetischen Ausdruck, bspw. ['-', '1', '2']
- startIndex: Aktueller Index beim Durchlauf durch das Array array
- ReturnData
 - result: Enthält das Ergebnis des bisher berechneten Teilausdrucks
 - nextIndex: Gibt den ersten Index des nächsten Teilausdrucks an

```
1 private static ReturnData evaluateRecursively(char[] array, int startIndex) {
2     // TODO
3 }
```

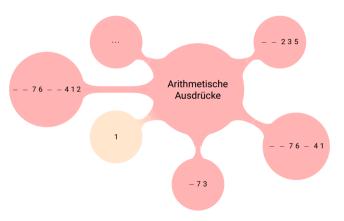
- Hauptrekursion wird in der Hilfsmethode evaluateRecursively durchgeführt
- ReturnData enthält das Ergebnis der Auswertung

```
public static int evaluate(char[] array) {
   ReturnData data = evaluateRecursively(array, 0);
   // Alternatively: return evaluateRecursively(array, 0).result;
   return data.result;
}
```

1. Identifiziere, wie das Problem auf eine einfachere Variante des Problems zerlegt werden kann und direkt gelöst werden kann



1. Identifiziere, wie das Problem auf eine einfachere Variante des Problems zerlegt werden kann und direkt gelöst werden kann



2. Das kleinste Problem ist ein Rekursionsanker

- 1: if array[startIndex] is a digit then
- 2: return array[startIndex], startIndex + 1
- 3: end if

3. Überlege, wie die kleinen Probleme kombiniert werden können, um die ursprüngliche Problemstellung zu lösen

1. kleines Problem und 2. kleines Problem

Kombinieren

Wann werden die beiden Probleme zusammengefügt?

3. Überlege, wie die kleinen Probleme kombiniert werden können, um die ursprüngliche Problemstellung zu lösen

1. kleines Problem und 2. kleines Problem

Kombinieren

lacksquare Wann werden die beiden Probleme zusammengefügt? \Rightarrow Wenn ein Operator gelesen wird

- 1: if array[startIndex] is a digit then
- 2: return array[startIndex], startIndex + 1
- 3: **else**
- 4: leftOperand ← evaluateRecursively(array, . . .)
- 5: rightOperand \leftarrow evaluateRecursively(array, ...)
- 6: **return** leftOperand.result rightOperand.result, ...
- 7: **end if**

Von welchen Indizes starten die Operanden bzw. was ist der n\u00e4chste Index nach der Kombination?

- 1: if array[startIndex] is a digit then
- 2: return array[startIndex], startIndex + 1
- 3: **else**
- 4: leftOperand \leftarrow evaluateRecursively(array, ...)
- rightOperand \leftarrow evaluateRecursively(array, ...)
- 6: **return** leftOperand.result rightOperand.result, ...
- 7: **end if**

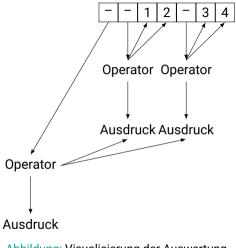


Abbildung: Visualisierung der Auswertung

Linker Operand



Wir müssen rekursiv den nächsten Index abprüfen

- 1: if array[startIndex] is a digit then
- 2: return array[startIndex], startIndex + 1
- 3: **else**
- 4: leftOperand \leftarrow evaluateRecursively(array, startIndex + 1)
- 5: rightOperand ← evaluateRecursively(array, ...)
- 6: **return** leftOperand.result rightOperand.result, ...
- 7: end if

Rechter Operand



Wir müssen rekursiv nach dem letzten besuchten Index vom linken Operanden abprüfen

- 1: if array[startIndex] is a digit then
- 2: return array[startIndex], startIndex + 1
- 3: **else**
- 4: leftOperand \leftarrow evaluateRecursively(array, startIndex + 1)
- 5: rightOperand \leftarrow evaluateRecursively(array, leftOperand .nextIndex)
- 6: **return** leftOperand.result rightOperand.result, ...
- 7: end if

Kombination



 Der nächste Index nach der Kombination ist der Index nach der Auswertung vom rechten Teilausdruck

- 1: if array[startIndex] is a digit then
- 2: return array[startIndex], startIndex + 1
- 3: **else**
- 4: leftOperand ← evaluateRecursively(array, startIndex + 1)
- 5: rightOperand ← evaluateRecursively(array, leftOperand .nextIndex)
- 6: **return** leftOperand.result rightOperand.result, rightOperand.nextIndex
- 7: end if

```
private static ReturnData evaluateRecursively(char[] array, int startIndex) {
      char token = arrav[i]:
3
      if (Character.isDigit(token)) {
          return new ReturnData(
 5
               Character.getNumericValue(token), startIndex + 1);
6
      ReturnData leftOperand = evaluateRecursively(array, startIndex + 1);
8
      ReturnData rightOperand = evaluateRecursively(array.
9
          leftOperand.nextIndex):
10
      return new ReturnData(
11
          leftOperand.result - rightOperand.result,
12
          rightOperand.nextIndex);
13 }
```

^{15.} Dezember 2021 | Informatik | Algorithmik | Simon Hock, Nhan Huynh, Daniel Mangold | 28

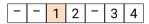
Beispielauswertung von evaluateRecursively



- array = '-', '-', '1', '2', '-', '3', '4'
- Auswertung von evaluateRecursively(array, 0)

- 1. startIndex = 0
- 2. Ist das aktuelle Zeichen eine Zahl? Nein
- 3. Bestimme rekursiv zuerst den linken und dann den rechten Operanden

- 4. startIndex = 1
- 5. Ist das aktuelle Zeichen eine Zahl? Nein
- 6. Bestimme rekursiv zuerst den linken und dann den rechten Operanden



- 7. startIndex = 2
- 8. Ist das aktuelle Zeichen eine Zahl? Ja
- 9. Gebe die Zahl und den nächsten Index zurück
 - ReturnData(1, 3)
- 10. Rückkehr zu 6.
- 11. Bestimme den rechten Operanden



- 12. startIndex = 3
- 13. Ist das aktuelle Zeichen eine Zahl? Ja
- 14. Gebe die Zahl und den nächsten Index zurück
 - ReturnData(2, 4)
- 15. Rückkehr zu 6.
- 16. Kombiniere beide Operanden und gebe das Ergebnis der Kombination zurück
 - ReturnData(-1, 4)
- 17. Rückkehr zu 3.
- 18. Bestimme den rechten Operanden

- 19. startIndex = 4
- 20. Ist das aktuelle Zeichen eine Zahl? Nein
- 21. Bestimme rekursiv zuerst den linken und dann den rechten Operanden

- 22. startIndex = 5
- 23. Ist das aktuelle Zeichen eine Zahl? Ja
- 24. Gebe die Zahl und den nächsten Index zurück
 - ReturnData(3, 6)
- 25. Rückkehr zu 21.
- 26. Bestimme den rechten Operanden

- 27. startIndex = 6
- 28. Ist das aktuelle Zeichen eine Zahl? Ja
- 29. Gebe die Zahl und den nächsten Index zurück
 - ReturnData(4, 7)
- 30. Rückkehr zu 21.
- 31. Kombiniere beide Operanden und gebe das Ergebnis der Kombination zurückReturnData(-1, 7)
- 32. Rückkehr zu 3.
- 33. Kombiniere beide Operanden und gebe das Ergebnis der Kombination zurück

 ReturnData(0, 7)
- 34. Abbruch: Ergebnis ist 0

Arbeitsphase



Selbstständiges Arbeiten