## Algorytmy i struktury danych - laboratorium

## Lista nr 5

## Janusz Szwabiński

**Zad.** 1 Jednym z ważniejszych zagadnień metod numerycznych jest rozwiązanie układu równań liniowych,

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \ldots + a_{1n}x_n = b_1$$

$$a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \ldots + a_{2n}x_n = b_2$$

$$\vdots$$

$$a_{n1}x_1 + a_{n2}x_2 + \ldots + a_{nn}x_n = b_n$$

ze względu na niewiadome  $x_1, x_2, \ldots, x_n$ .

Tego typu równania można rozwiązać przy pomocy funkcji solve z modułu scipy.linalg, np.

```
>>> import numpy as np
>>> a = np.array([[3, 2, 0], [1, -1, 0], [0, 5, 1]])
>>> b = np.array([2, 4, -1])
>>> from scipy import linalg
>>> x = linalg.solve(a, b)
>>> x
array([2., -2., 9.])
>>> np.dot(a, x) == b #sprawdzenie!!!
array([True, True, True], dtype=bool)
```

Przeprowadź analizę eksperymentalną złożoności obliczeniowej funkcji solve. Rozmiarem danych wejściowych jest liczba niewiadomych w równaniu.

- **Zad. 2** Napisz program rozwiązujący zagadnienie wieży z Hanoi. Użyj trzech stosów do przechowywania krążków.
- Zad. 3 Korzystając z modułu turtle, napisz program, który narysuje krzywą Hilberta (https://pl.wikipedia.org/wiki/Krzywa\_Hilberta).
- Zad. 4 Podobnie, napisz program, który narysuje krzywą Kocha (https://pl.wikipedia.org/wiki/Krzywa\_Kocha).