# Mecânica e Campo Eletromagnético 2018/2019 – parte 9

Luiz Pereira

luiz@ua.pt



# Tópicos

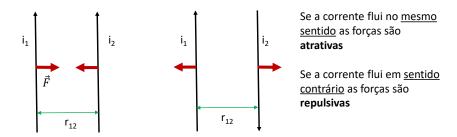
- Campo Magnético
  - Força magnética
  - Lei de Biot-Savart
  - Lei de Ampère
- Indução Eletromagnética

# Conceito de magnetismo

- MAGNETISMO ↔ cargas elétricas em movimento
- O estudo do magnetismo iniciou-se com as observações entre materiais ferromagnéticos
- Mais tarde, Oersted mostrou a ligação entre a eletricidade e o magnetismo, através do binário de uma força numa agulha de uma bússola causada pela presença próxima de uma corrente elétrica
- O estudo iniciou-se assim considerando a presença de forças entre cargas elétricas em movimento de elementos (fios) com corrente elétrica

## Campo magnético e força magnética

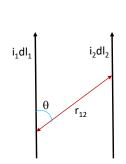
Força entre dois fios condutores com correntes i<sub>1</sub> e i<sub>2</sub>



- → Estas forças não são correlacionáveis com as forças elétricas uma vez que:
  - a) Não existe carga total nos fios (o balanço é zero!)
  - b) O sentido da força depende da direção da corrente elétrica

### Campo magnético e força magnética

Experimentalmente, para um elemento de corrente dado por  $i_1dl_1$  (uma corrente  $i_1$  a fluir através de um comprimento  $dl_1$ ) paralelo a outro elemento de corrente  $i_2dl_2$  e separados de uma distância  $r_{12}$ , a força resultante é dada por:



$$dF = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{1}{r_{12}^2} i_1 dl_1 i_2 dl_2 sen\theta$$

 $\mu_0$  =  $4\pi\times 10^{\text{--}7}$  Weber A $^{\text{--}1}$  m $^{\text{--}1}$ 

permeabilidade magnética (no vazio)

# Campo magnético e força magnética

- · Carga em movimento cria campo magnético
- Carga em movimento numa região onde existe um campo magnético irá sofrer uma força magnética, tal que:

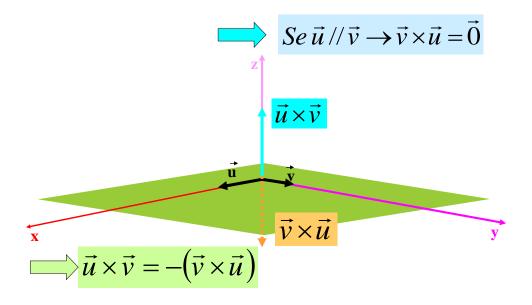


$$F = q v B sen(\theta)$$

$$\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$$

6

#### Produto Externo (ou Vetorial) de vetores



#### Força magnética

$$\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$$
 
$$F = q \vee B \operatorname{sen}(\theta)$$

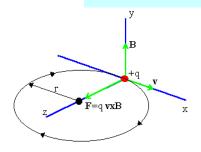
1° caso particular ( $\theta = 0$ )

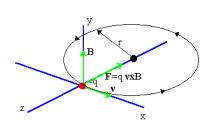
$$\vec{v} / / \vec{B} \Longrightarrow \vec{F}_m = \vec{0}$$
 Movimento retilíneo uniforme

# Força Magnética

#### $2^{\circ}$ caso particular ( $\theta = 90^{\circ}$ )

carga entra na região com  $\vec{v} \perp \vec{B}$   $\Rightarrow \vec{F}_m \perp \vec{v} \ (sempre!)$ Movimento circular uniforme  $(a_t = 0)$ 





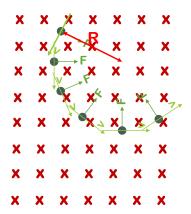
10

# Força Magnética

# Calcular R

$$F_{mag} = F_n = m \frac{v^2}{R}$$

$$qvB \operatorname{sen}(\theta) = m \frac{v^2}{R} \Longrightarrow R = \frac{mv}{qB}$$



B constante para dentro do slide

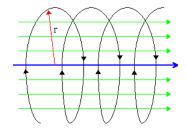
## Força Magnética

#### 3º caso (contém os dois casos anteriores)

carga entra na região com  $\theta \equiv \vec{v} \wedge \vec{B}$ podemos decompôr a velocidade  $\vec{v} = \vec{v}_{\perp} + \vec{v}_{\parallel}$ 

O Movimento resultante será a composição de movimento circular (plano perpendicular a B) e movimento uniforme (direção de B)

#### Movimento helicoidal

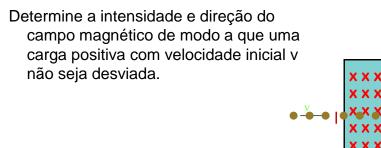


12

## Campo elétrico vs Campo magnético

	Elétrico	Magnético
Fontes:	Cargas	Cargas em movimento
Atua :	Cargas	Cargas em movimento
Intensidade:	F = qE	$F = q v B sen(\theta)$
Direção:	Paralelo E	Perpendicular a v, B

#### Exemplo: Seletor de Velocidades (B e E cruzados)

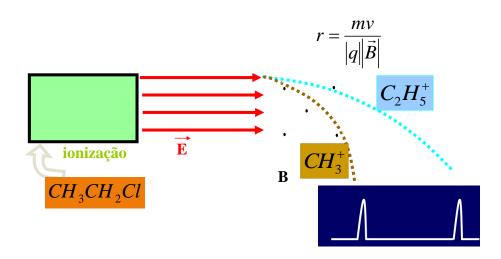


q E = q v B

B = E / v

14

#### Exemplo: espectrómetro de massa



# Força magnética atuando sobre um condutor

- Uma força magnética é exercida sobre uma carga em movimento num campo magnético.
- Uma corrente também fica sujeita uma força magnética quando sob influência de um campo magnético (correntes são cargas em movimento).

Consideremos um fio condutor retilíneo de comprimento L e secção A por onde passa uma corrente I, sob influência de um campo magnético uniforme, B.

A força magnética exercida sobre as n cargas q que percorrem o condutor com velocidade  $v_d$  é:

 $\vec{F}_B = (qv_d \times \vec{B})nAL$ 

#### Força magnética atuando sobre um condutor

Ou, utilizando a definição de I  $I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = \frac{nqA\Delta x}{\Delta t} = nqAv_d$ 

$$I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = \frac{nqA\Delta x}{\Delta t} = nqAv_d$$

$$\vec{F}_{R} = I\vec{L} \times \vec{B}$$

Para um fio condutor não retilíneo, a força exercida

$$\vec{F}_B = I \int_a^b d\vec{s} \times \vec{B}$$
 a e b são as extremidades do fio.

Se o fio formar um circuito fechado:

$$\vec{F}_B = I \oint d\vec{s} \times \vec{B} = 0$$

A força magnética resultante que atua sobre uma corrente num circuito fechado na presença de um campo magnético é nula.

#### Definição de campo magnético

- Podemos reformular toda a questão da força magnética em termos de noção de campo, ou seja, podemos descrever o campo magnético  $\vec{B}$  devido a um elemento de corrente, que deverá estar na origem de força magnética num outro elemento de corrente
- Verifica-se que um elemento de corrente  $id\vec{l}$  contribui para o campo  $\vec{B}$  segundo a seguinte relação

$$d\vec{B}=rac{\mu_0}{4\pi}rac{id\vec{l} imes\hat{r}}{r^2}$$
 Weber / m²  $ightarrow$  Tesla (T) S.I.

- Esta é a denominada Lei de Biot-Savart (na forma diferencial)
- O versor  $\hat{r}$  (que indica a direção de  $\vec{r}$ ) tem a direção do elemento de corrente para o ponto onde  $\vec{B}$  é calculado

18

## Fontes de Campo Magnético - Lei de Biot-Savart

Corrente elétrica num fio condutor produz um campo magnético.

O campo magnético à distância r do condutor é:

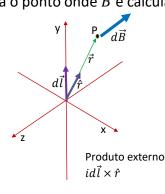
$$\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \int \frac{d\vec{s} \times \hat{r}}{r^2}$$
 Lei de Biot-Savart

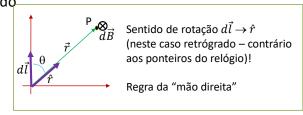
 $d\vec{S}=id\vec{l}$  —> vetor que aponta no sentido da corrente. Norma do integral de ds = comprimento do fio.

# Orientação do campo magnético

A orientação de  $\vec{B}$  é determinada pelo produto  $id\vec{l} \times \hat{r}$ 

- $ightarrow d\vec{l}$  é o vetor que representa a direção do fluxo da corrente elétrica (sentido desta)
- $\rightarrow$   $\hat{r}$  é o vetor unitário que tem o sentido determinado a partir do elemento de corrente para o ponto onde  $\vec{B}$  é calculado



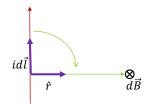


A grandeza (modulo) de  $d\vec{B}$  será:

$$\left| d\vec{B} \right| = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{idl}{r^2} \operatorname{sen}\theta$$
 (T)

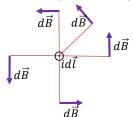
20

# Linhas de campo magnético



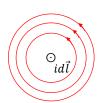
Consideremos um fio com um elemento de corrente  $id\vec{l}$ . O sentido de  $d\vec{B}$  é determinado pela Lei de Biot-Savart!

Num caso geral, podemos determinar os vetores  $d\vec{B}$  nos vários pontos à volta do fio, ou seja, rodando o ponto onde calculamos o campo



A generalização indica que as linhas de campo magnético são linhas circulares, concêntricas à volta do elemento de corrente!

## Linhas de campo magnético

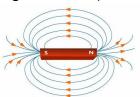


AS LINHAS SÃO FECHADAS → As linhas de campo magnético são fechadas, ou seja, não divergem ou converge a partir de um ponto

Isto implica que não há na natureza MONOPOLOS MAGNÉTICOS

Todo o campo magnético é criado a partir de um dipolo magnético, ou seja, há sempre um **polo Norte** e um **polo Sul** (magnetostática!)

Exemplo de um íman:

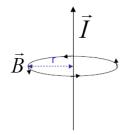


Se partirmos o íman voltamos a ter um dipolo magnético!

22

#### Lei de Ampère

$$\oint \vec{B} \bullet d\vec{\imath} = B \oint d\imath = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} (2\pi r) = \mu_0 I$$



O integral de linha de B em torno de uma trajetória fechada é igual a  $\mu_0$ l onde I é a corrente total que passa através da superfície delimitada pela trajetória fechada

Utilidade: conhecendo a corrente posso conhecer o campo magnético. (o mesmo que a Lei de Gauss para o campo elétrico: conhecendo a carga posso conhecer o campo elétrico)

#### Indução eletromagnética e Lei de Farady

A força eletromotriz induzida num circuito é proporcional a taxa de variação do fluxo magnético através do circuito.

$$\varepsilon = -\frac{d\Phi_{B}}{dt}$$

Onde o fluxo de B é:

$$\Phi_B = \int \vec{B} \bullet d\vec{A}$$

Se tiver uma bobine com N espiras, a força eletromotriz total induzida na bobine é:

$$\varepsilon = -N \frac{d\Phi_B}{dt}$$



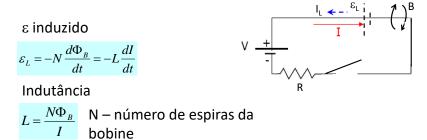
24

Lei de Lenz - sinal negativo na equação da Lei de Faraday



A polaridade da força eletromotriz é tal que tende a produzir uma corrente que cria um fluxo do campo magnético que se opõe ao aumento do fluxo do campo magnético através da superfície delimitada pelo circuito.

#### Auto-Indutância



- Depois de fechar o circuito, I produz um fluxo de B através da área delimitada pelo circuito.
- À medida que I aumenta até o equilíbrio, este fluxo magnético varia no tempo e induz uma ε<sub>I</sub> no circuito contrária à ε da bateria.
- Por isso quando se fecha o circuito I não aumenta logo para o seu valor máximo
- Por isso quando se abre o circuito I não cai logo para zero.

26

#### Indutância Mútua

- O fluxo de B numa bobine colocada próximo de outra cuja I varia no tempo, varia.
- A corrente na bobine 1, que tem N<sub>1</sub> espiras, é I<sub>1</sub> e cria um campo magnético com algumas linhas de campo a atravessar a bobine 2, que tem N<sub>2</sub> espiras.
- O fluxo magnético causado por  $I_1$  na bobine 2 é  $\Phi_{12}$ .
- A indutância produzida pela bobine 1 na bobine 2 é:

$$M_{12} = \frac{N_2 \Phi_{12}}{I_1}$$

Existe reciprocidade do coeficiente de indução mútua i.e. M<sub>12</sub> = M<sub>21</sub>