מטלת מנחה (ממ"ן) 15

שפת Java מבוא למדעי המחשב ושפת - 20441 הקורס:

חומר הלימוד למטלה: יחידה 11 נושא המטלה: רשימות מקושרות

מספר השאלות: 2 נקודות

שמסטר: **2020**א מועד אחרון להגשה: 8.2.2020

(ת)

 $a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \ldots + a_1 x + a_0$ נגדיר: פולינום הוא ביטוי מהצורה

.כאשר המקדמים a_i הם מספרים ממשיים

דוגמאות לפולינומים:

$$r = 2.8x^{10} - 4.9x^3 + 6.5x^2 - 12.0$$

$$p = 8.0x^3 - 3.0x^2 - x + 7.0$$

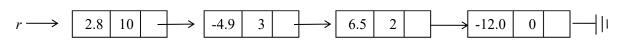
$$q = x^2 + 6.0x - 15.0$$

בממ"ן זה נייצג פולינום באמצעות רשימה מקושרת.

$$r = 2.8x^{10} - 4.9x^3 + 6.5x^2 - 12.0$$

למשל, הפולינום

: ייוצג כך



שימו לב שהרשימה ממוינת בסדר יורד לפי חזקות!

כדי לעשות זאת, עליכם להגדיר שתי מחלקות.

(20%) - שאלה 1

המחלקה PolyNode מייצגת איבר אחד של פולינום.

לכל אובייקט במחלקה שלושה שדות:

```
    int _power // החזקה
    double _coefficient // מצביע לאיבר הבא
    PolyNode next // מצביע לאיבר הבא
```

למחלקה זו עליכם להגדיר שלושה בנאים:

1. public PolyNode (int power, double coefficient)

.null- יאותחל ל-next שדה ה-next יאותחל ל-null

שימו לב שחזקה לא יכולה להיות שלילית בפולינום. במידה והשיטה מקבלת חזקה שלילית אזי תכונת החזקה תקבל ערך 0 והמקדם יקבל ערך 0.

2. public PolyNode (int power, double coefficient, PolyNode next) בנאי המקבל את שלושת התכונות של האוביקט ומאתחל אותן לפי ערכי הפרמטרים.

- שימו לב שחזקה לא יכולה להיות שלילית בפולינום. במידה והשיטה מקבלת חזקה שלילית אזי
 תכונת החזקה תקבל ערך 0 והמקדם יקבל ערך 0. שימו לב שפה aliasing הוא לא טעות. יש
 לעדכן את המידע (next) עצמו ולא עותק של המצביע.
- 3. public PolyNode(PolyNode p)
- שצמו ולא (next) אימו לב שפה aliasing הוא לא טעות. יש להעתיק את המידע שימו לב שפה עותק של המצביע.

השיטות במחלקה PolyNode הן:

- public int getPower() public int getPower
- שיטה המחזירה את המקדם public double getCoefficient ()
- שיטה המחזירה מצביע לאיבר הבא. שימו לב שפה public PolyNode getNext() aliasing הוא לא טעות. יש להחזיר את המצביע
- שיטה המקבלת חזקה ומעדכנת את תכונת public void setPower (int power)
 החזקה. שימו לב שחזקה לא יכולה להיות שלילית בפולינום. אם מתקבלת חזקה שלילית אין
 לבצע שינוי בחזקה.
- שיטה המקבלת public void setCoefficient (double coefficient) מקדם ומעדכנת את תכונת המקדם.

- ישיטה המקבלת מצביע ומעדכנת את public void setNext(PolyNode next) תכונת המצביע לאיבר הבא. שימו לב שפה aliasing הוא לא טעות. יש לעדכן את המידע (next)
 - שיטה המחזירה מחרוזת המייצגת את האיבר. public String toString() •

- toString דגשים לשיטה

- עם המקדם שווה 0 יש להחזיר מחרוזת ריקה. ✓
- עם החזקה שווה 0 יש להחזיר את המקדם בלבד. ✓
- ✓ אם המקדם שווה 1 או מינוס 1 אין להחזיר את המקדם אבל כמובן, אם המקדם שווה
 ✓ מינוס 1 יש להחזיר סימן מינוס. במידה שהמקדם שווה 1 או מינוס 1 וגם החזקה שווה
 ۵ יש להחזיר את המספר 1 או מינוס 1 בלבד בהתאמה.
- \mathbf{x} ו (במידה שהמקדם אינו 1 או מינוס 1) אם החזקה שווה 1 יש להחזיר את המקדם (במידה שהמקדם אינו 1 או מינוס 1 וואין להוסיף חזקה.
- יש להחזיר מקדם (במידה שהמקדם אינו 1 או מינוס 1), אחר כך x (במידה שהחזקה \checkmark אינה 0) ואחר כך את החזקה (במידה והחזקה אינה 1).

דוגמאות לפלט:

אם החזקה היא 2 והמקדם 6.5 אזי השיטה תחזיר את המחרוזת "6.5x^2" אם החזקה היא 2 והמקדם 6.5x^2. אזי השיטה תחזיר את המחרוזת "6.5x^2.

אם החזקה היא 0 והמקדם 6.5 אזי השיטה תחזיר את המחרוזת $^{\prime\prime\prime}$ אם החזקה היא $^{\prime\prime}$ והמקדם $^{\prime\prime}$ אזי השיטה תחזיר את המחרוזת $^{\prime\prime\prime}$ אם החזקה היא $^{\prime\prime}$ והמקדם $^{\prime\prime}$ אזי השיטה תחזיר את המחרוזת $^{\prime\prime\prime}$ אם החזקה היא $^{\prime\prime}$ והמקדם $^{\prime\prime}$ אזי השיטה תחזיר את המחרוזת $^{\prime\prime\prime}$ אם החזקה היא $^{\prime\prime}$ והמקדם $^{\prime\prime}$ אזי השיטה תחזיר את המחרוזת $^{\prime\prime\prime}$ אם החזקה היא $^{\prime\prime}$ והמקדם $^{\prime\prime}$ אזי השיטה תחזיר $^{\prime\prime\prime}$ אם החזקה היא $^{\prime\prime}$ והמקדם $^{\prime\prime}$ אזי השיטה תחזיר $^{\prime\prime\prime}$ אזי השיטה תחזיר $^{\prime\prime\prime}$

עליכם לדייק בתשובתכם.

שימו לב:

- השיטות שתכתבו צריכות להיות יעילות ככל הניתן. תשובה שאינה יעילה מספיק כלומר, שתהיה בסיבוכיות גדולה יותר מזו הנדרשת לפתרון הבעיה (במקום או בזמן) תקבל מעט נקודות בלבד.
 - אל תשכחו לתעד את השיטות שכתבתם בתיעוד פנימי וב-API.
 - כתבו מה סיבוכיות הזמן וסיבוכיות המקום של כל שיטה בתוך ה API של השיטה.

שאלה 2 - (80%)

המחלקה Polynom מייצגת פולינום באמצעות רשימה מקושרת.

במחלקה זו מותר להגדיר **אך ורק תכונה פרטית אחת** שתצביע להתחלת הרשימה. עליכם לכתוב בנאים ושיטות לפי המפורט להלן:

public Polynom ()	בנאי ריק - יוצר רשימה ריקה
public Polynom (PolyNode p)	בנאי המקבל כפרמטר אובייקט מהמחלקה PolyNode ושם אותו כאיבר הראשון ברשימה
public PolyNode getHead()	שיטה המחזירה את הצומת בראש הפולינום
public void setHead(PolyNode p)	PolyNode שיטה המקבלת איבר מטיפוס ומעדכנת את האיבר בראש הרשימה
public Polynom addNode (PolyNode p)	שיטה המקבלת כפרמטר אובייקט מהמחלקה PolyNode ומוסיפה אותו לפולינום (במקום המתאים יש לשמור על הפולינום ממויין). השיטה מחזירה את הפולינום החדש.
public Polynom multByScalar (int num)	שיטה המקבלת כפרמטר מספר שלם (סקלר), ומכפילה את הפולינום בסקלר זה ומחזירה את הפולינום החדש.
public Polynom addPol (Polynom other)	שיטה המקבלת כפרמטר פולינום other ומוסיפה אותו לפולינום שעליו מופעלת השיטה. השיטה מחזירה את פולינום הסכום.
public Polynom multPol (Polynom other)	שיטה המקבלת כפרמטר פולינום other ומכפילה אותו בפולינום שעליו מופעלת השיטה. השיטה מחזירה את פולינום המכפלה.
public Polynom differential ()	שיטה המחשבת את הנגזרת של הפולינום עליו היא מופעלת ומחזירה את פולינום הנגזרת.
public String toString()	שיטה המחזירה ייצוג מחרוזתי של הפולינום.

:toString דגשים לשיטה

שימו לב שאיברים (מונומים) שהמקדם שלהם הוא 0 לא יודפסו.

: לדוגמא, הפולינום שלהלן

$$r = 2.8x^{10} - 4.9x^3 + 6.5x^2 - 12.0$$

ייוצג במחרוזת כך:

 $2.8x^{10}-4.9x^{3}+6.5x^{2}-12.0$

קודם יופיע מקדם (במידה שהמקדם אינו 1 או מינוס 1 (אלא אם החזקה שווה 0 ואז יופיע המספר x (במידה שהחזקה אינה 0) ואחר כך החזקה (במידה שהחזקה אינה 1). בין כל שני איברים מופיע סימן (+ או -) ושוב המקדם של האיבר הבא. באיבר הראשון אינה 1). בין כל שני המקדם ואין רווח אחרי האיבר האחרון. אם האיבר הראשון הוא חיובי לא יופיע סימן + אבל אם האיבר הראשון הוא שלילי יופיע סימן. אם הרשימה ריקה או שכל המקדמים ברשימה שווים לאפס אזי תוחזר מחרוזת ריקה.

עליכם לדייק בתשובתכם.

תזכורת מתמטית:

מכפלה בסקלר של פולינום p בסקלר s היא הפולינום המתקבל על-ידי הכפלת כל איבר של הפולינום p בסקלר s.

דוגמא:

$$(8.0x^3 - 3.0x^2 - x + 7.0) \times (-2.0) =$$

= -16.0x³ + 6.0x² + 2.0x - 14.0

שכום של 2 פולינומים p,q הוא הפולינום המתקבל על-ידי כינוס מקדמים של איברים בעלי פולינומים. חזקה זהה.

דוגמא:

$$p+q = (8.0x^3 - 3.0x^2 - x + 7.0) + (x^2 + 6.0x - 15.0) =$$

= 8.0x³ - 2.0x² + 5.0x - 8.0

p היא הפולינום המתקבל על-ידי מכפלת כל איבר של הפולינום המתקבל על-ידי מכפלת כל איבר של הפולינום p,q היא הפולינום בכל איבר של הפולינום q, וכינוס מקדמים של איברים בעלי חזקה זהה.

דוגמא:

$$p * q = (8.0x^{3} - 3.0x^{2} - x + 7.0) * (x^{2} + 6.0x - 15.0)$$

$$= 8.0x^{3}(x^{2} + 6.0x - 15.0) - 3.0x^{2}(x^{2} + 6.0x - 15.0) -$$

$$- x(x^{2} + 6.0x - 15.0) + 7.0(x^{2} + 6.0x - 15.0)$$

$$= 8.0x^{5} + 48.0x^{4} - 120.0x^{3} - 3.0x^{4} - 18.0x^{3} + 45.0x^{2} -$$

$$- x^{3} - 6.0x^{2} + 15.0x + 7.0x^{2} + 42.0x - 105.0$$

$$= 8.0x^{5} + 45.0x^{4} - 139.0x^{3} + 46.0x^{2} + 57.0x - 105.0$$

נגזרת של פולינום p היא הפולינום המתקבל על-ידי חישוב של כל אחד המונומים כך: אם $(a \times b) \cdot x^{b-1}$ אזי מונום הנגזרת הוא $a \cdot x^b$ אזי מונום הנגזרת הוא

:דוגמא

$$p = 8.0x^{3} - 3.0x^{2} - x + 7.0$$
$$p' = 24.0x^{2} - 6.0x - 1$$

כמה הבהרות לממ"ן:

- ביטה שימו לב שעד כה התייחסנו אל aliasing כטעות, בדרך כלל מפני שרצינו שליטה aliasing מלאה על הנתונים במטרה להגן על המחלקה שלנו מפני שינויים "מבחוץ". כאשר מדובר במבני נתונים דינמיים ורשימות בפרט העקרון אינו תקף יותר, להפך, הרשימה היא מקום לאחסון נתונים ולכן אנחנו נשמור את המידע המקורי ולא העתק שלו.
- 2. כל הפעולות על הפולינום, הוספת איבר (addNode) כפל בסקלר (multByScalar), חיבור (differential), כפל פולינומים (multPol) ונגזרת (multPol) צריכות להתבצע על הפולינום עצמו.
 לדוגמא, לאחר קריאה לשיטה multByScalar הפולינום שעליו הופעלה השיטה ישתנה בהתאם. הסיבה שהשיטה מחזירה גם את הפולינום החדש ולא העתק שלו ולא void למשל היא שנוכל לשרשר פעולות. לדוגמא, נניח ש- p1,p2 הם פולינומים. נוכל לבצע את הפקודה:

p1.addPol(p2.multByScalar(5.0));

לאחר ביצוע פקודה זו, הפולינום p2 ישתנה ויוכפל ב-5, והפולינום p1 ישתנה ויכיל את החיבור של עצמו עם p2*5.0

רמז: כדי להחזיר את הפולינום עצמו ולא העתק שלו מחזירים this.

בכל הפעולות על הפולינום, הוספת איבר (addNode) כפל בסקלר (multByScalar), חיבור (differential), כפל פולינומים (multPol) ונגזרת (differential) אין להשאיר רשימה המכילה יותר מחוליה אחת בעלת אותה חזקה.

 $3x^4 + 5x^3 + 8$ לדוגמה : אם הפולינום היה

 $2x^3$ במכיל addNode(p) ומפעילים עליו

אזי המחרוזת שתתקבל מ-toString עבור הרשימה מקושרת שמייצגת את נוס לנום תהיה אזי המחרוזת את ל $3x^4 + 7x^3 + 8$

בנוסף, במידה שייוצר צומת עם מקדם של 0, אתם יכולים להחליט אם ברצונכם למחוק את האיבר מהרשימה או להשאיר אותו ופשוט לא להוסיף את האיבר למחרוזת המוחזרת מ-toString.

 $3x^4 - 2x^3 + 7$ לדוגמה אם הפולינום היה

 $2x^3$ מכיל addNode(p) ומפעילים עליו

אזי המחרוזת את שמייצגת עבור הרשימה לטString אזי נסString אזי המחרוזת אזי אזי אזי לסString אזי אזי אזי אזי אזי ל $3x^4+7$

- בכל הפעולות על הפולינום המקבלות עוד Polynom כפרמטר, חיבור (addPol) וכפל פולינומים (multPol)
 השיטה תשנה רק את הפולינום שעליו הופעלה השיטה, ולא תשנה את הפולינום שעליו הופעלה שמתקבל כפרמטר. במידה שהועבר פרמטר שהוא null אין לשנות את הפולינום שעליו הופעלה השיטה.
- 5. יש לשמור על פולינום ממוין בכל השיטות כמו-כן ניתן להניח כי כל הפולינומים שמתקבלים כפרמטרים לשיטות הם ממוינים.

שימו לב,

- השיטות שתכתבו צריכות להיות יעילות ככל הניתן. תשובה שאינה יעילה מספיק כלומר,
 שתהיה בסיבוכיות גדולה יותר מזו הנדרשת לפתרון הבעיה (במקום או בזמן) תקבל מעט
 נקודות בלבד. אין צורך להקפיד על כתיבת השיטה multPol בסיבוכיות הנמוכה ביותר.
 - אל תשכחו לתעד את השיטות שכתבתם בתיעוד פנימי וב-API.
 - לא שמנו API מפורט באתר הקורס. עליכם לכתוב אותו בעצמכם.
- כתבו מה סיבוכיות הזמן וסיבוכיות המקום של כל שיטה בתוך ה API של השיטה. אין צורך לציין את סיבוכיות השיטה multPol .
- באתר הקורס בספריית הקבצים להורדה תוכלו למצוא את הקבצים PolyNodeTester.java ו-PolynomTester.java ובהם מחלקות PolynomTester.java והם למחלקות PolyNode ו-Polynom. חובה להיעזר בקבצים אלו כדי לבדוק את המחלקות פכתבתם. הטסטר והמחלקות צריכות לרוץ ללא שגיאות קומפילציה. שמנו באתר גם את הקבצים PolyNodeTester output ו-PolynomTester output ובהם הפלטים הדרושים. יש להשוות אותם עם הפלטים שלכם. הם צריכים להיות זהים.

הגשה

- 1. הגשת הממיין נעשית בצורה אלקטרונית בלבד, דרך מערכת שליחת המטלות.
- 2. הקפידו ששמות השיטות והמחלקות יהיו בדיוק לפי הוראות הממ"ן, וכן שההדפסות יהיו בדיוק כפי שמופיע במטלה.
- .PolyNode, Polynom את כל השיטות שיש במחלקות API את כל הנימי וב- API.
- .4 עליכם להגיש את הקבצים Polynom.java ,PolyNode.java עטפו אותם בקובץ. אין לשלוח קבצים נוספים.

בהצלחה