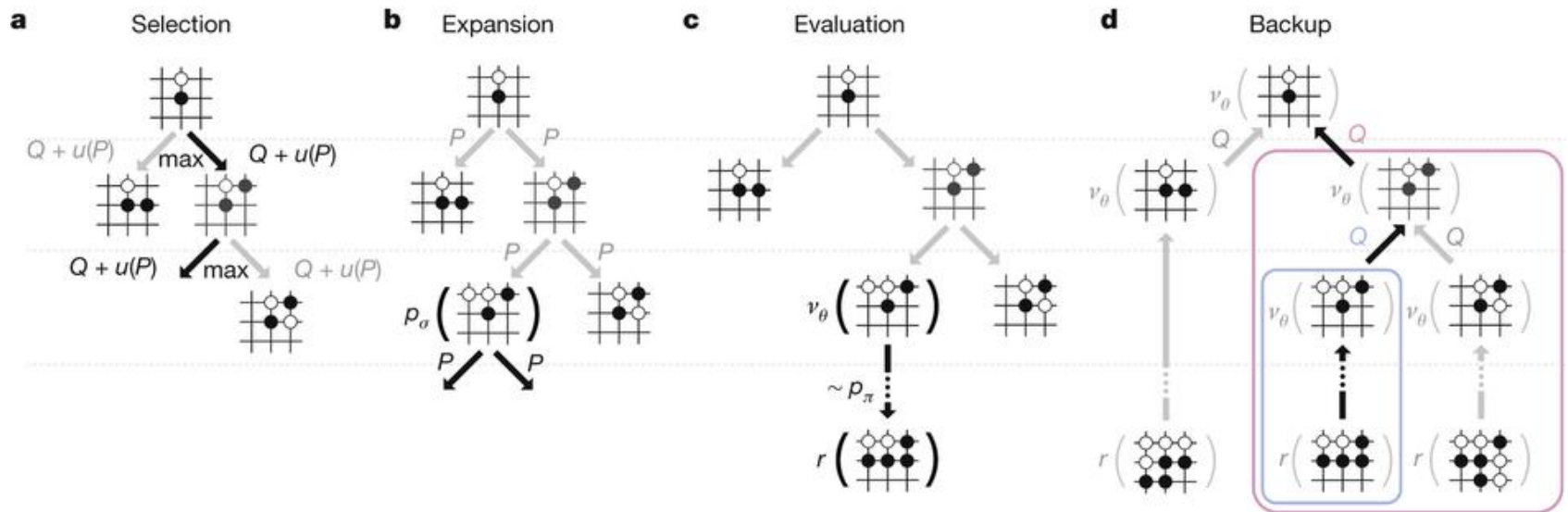
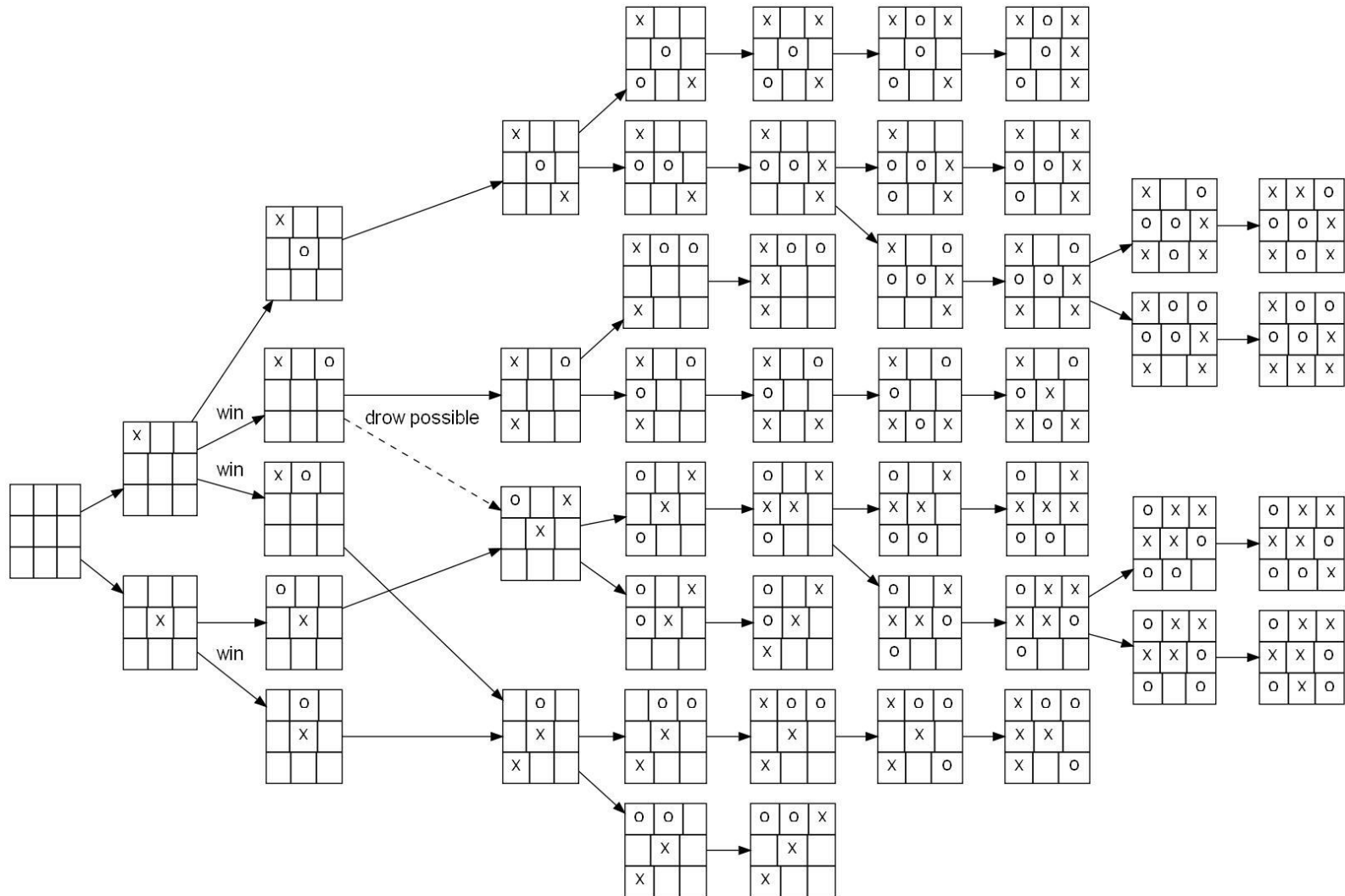


# 4장 게임 전략 : 상대가 있을 경우의 대처 방법



출처: <https://www.nature.com/article-assets/npg/nature/journal/v529/n7587/images/nature16961-f3.jpg>

# 4장 게임 전략 : 적용 사례



출처: <https://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/1/1f/Tic-tac-toe-full-game-tree-x-rational.jpg>

## 4장 게임 전략 : 적용 사례



출처: <https://disruptionhub.com/wp-content/uploads/2015/09/image.jpg>

## 4장 게임 전략 : 적용 사례

The 1996 match

Game #	White	Black	Result	Comment
1	<b>Deep Blue</b>	Kasparov	1-0	
2	<b>Kasparov</b>	Deep Blue	1-0	
3	Deep Blue	Kasparov	½-½	Draw by mutual agreement
4	Kasparov	Deep Blue	½-½	Draw by mutual agreement
5	Deep Blue	<b>Kasparov</b>	0-1	Kasparov offered a draw after the 23rd move.
6	<b>Kasparov</b>	Deep Blue	1-0	
<b>Result: Kasparov – Deep Blue: 4-2</b>				

The 1997 rematch

Game #	White	Black	Result	Comment
1	<b>Kasparov</b>	Deep Blue	1-0	
2	<b>Deep Blue</b>	Kasparov	1-0	
3	Kasparov	Deep Blue	½-½	Draw by mutual agreement
4	Deep Blue	Kasparov	½-½	Draw by mutual agreement
5	Kasparov	Deep Blue	½-½	Draw by mutual agreement
6	<b>Deep Blue</b>	Kasparov	1-0	
<b>Result: Deep Blue-Kasparov: 3½-2½</b>				



출처: [https://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/b/be/Deep\\_Blue.jpg](https://upload.wikimedia.org/wikipedia/commons/b/be/Deep_Blue.jpg)



## 4장 게임 전략 : 적용 사례

The poster features a dark blue background with a repeating pattern of light blue circles. Some circles contain a white dot, and some have a white line passing through them, resembling a Go board. The text is white and centered. The Google DeepMind logo is on the left, followed by the event title and dates. Below that is the opponent information, then the match details including a livestream schedule, and finally the location.

 **Google DeepMind**  
Challenge Match  
8 - 15 March 2016

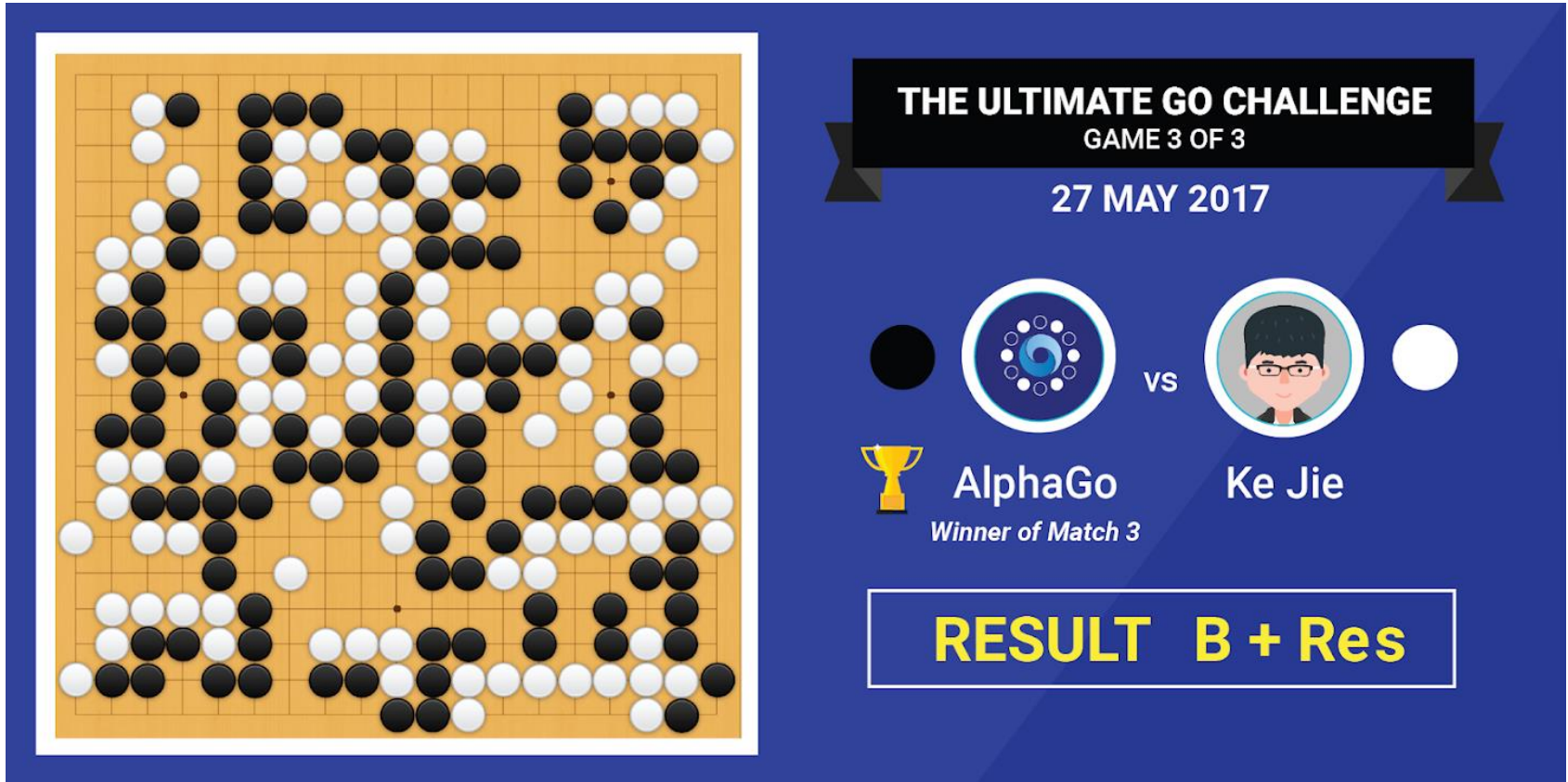
 **AlphaGo** vs **Lee Sedol**

Match 1 - Livestream  
9th March 13:00 KST, 04:00 GMT  
-1 day (8th March) 20:00 PT, 23:00 ET

Live from the Four Seasons Hotel Seoul!

**AlphaGo** is a computer program developed by [Google DeepMind](#) in London to play the board game [Go](#).

## 4장 게임 전략 : 적용 사례



출처: <https://deepmind.com/alphago-china>

## 4장 게임 전략 : 적용 사례



출처: <http://weekly.ascii.jp/elem/000/000/317/317173/>

## 4장 게임 전략 : 상대가 있을 경우의 대처 방법

---

- 학습 목표

- 체험해 봅시다: Ex8\_게임 전략.xlsm  
간단한 카드 게임으로 컴퓨터에 도전!
- Min-Max 전략
- $\alpha\beta$  전략



## ◎ 체험해 봅시다: 간단한 카드 게임으로 컴퓨터에 도전

---

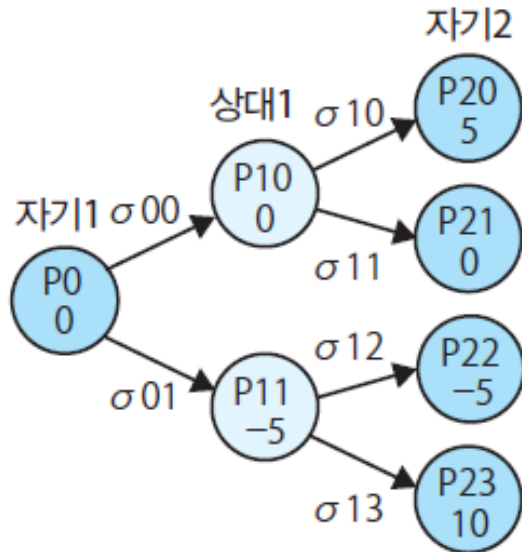
- 간단한 카드 게임으로  $\alpha\beta$  전략 시뮬레이션을 실행.
- 장기와 바둑처럼 상호 간의 수와 상태를 아는 것을 전제로 한 대전 게임으로, 다음과 같은 단순한 게임을 가정.
  - ✓ 게임 상대는 독자와 컴퓨터로, 각각 트럼프 1~13까지 13장의 카드를 가짐.
  - ✓ 서로 한 장씩 임의의 카드를 제시하고 직전에 상대가 제시한 카드와의 숫자 차이(절댓값)를 점수로 하여 합산.
  - ✓ 모든 카드를 제시해 게임이 끝났을 때 점수를 많이 얻은 쪽이 이김.
  - ✓ 먼저 하는 쪽이 최초에 카드를 제시했을 때에는 출발점이 되는 숫자를 미리 설정해 두고 그 숫자와의 차이를 점수로 함.

## 4.1 Min-Max 전략

---

- 게임 트리에서는 다음과 같은 상태 전이를 수행.
  - 자기 순서에서는 생각할 수 있는 선택 가지 중에서 **최선**(평가값 최대)인 상태를 취함.
  - 상대 순서에서는 생각할 수 있는 선택 가지 중에서 **상대 입장에서**의 **최선**(자기 입장에서는 **최악**)인 상태를 취함.
- 자기 순서에서는 최대 (Maximum), 상대 순서에서는 최소 (Minimum)의 평가값 상태를 교대로 취하기 때문에 이것을 Min-Max 전략이라고 함.

## 4.1 Min-Max 전략



자기는 자기 순서에서 최선의 수를 둔다(Max)  
상대는 상대 순서에서(자기에게) 최악의 수를 둔다(Min)

2수 앞의 가치가 '자기2'의 순서처럼 되어 있을 때,  
자기가 '자기1' 순서에서 두어야 할 수는  $\text{Max}(\text{상대1})$   
상대가 '상대1' 순서에서 두어야 할 수는  $\text{Min}(\text{자기2})$   
 $\text{Max}(\text{상대1}) = \text{Max}(\text{Min}(\text{자기2})) = \text{Max}(0, -5) = 0 \rightarrow \sigma 00$   
'자기2' 순서에서 10이라는 가치가 있어도  $\sigma 01$ 은 두지 않는다.

그림 7-1 Min-Max 전략

## 4.1 Min-Max 전략

---

- 자기 순서에서 2수 앞을 내다본다는 것은, 즉 게임 트리를 2수 앞까지 전개했을 때 2수 앞의 자기 순서에서 Max인 평가값을 취하려 하지만(그림 7-1의  $\sigma_{01} \rightarrow \sigma_{13}$ ), 그 전(1수 앞)의 상대 순서에서는 Min인 평가값을 취하기(그림 7-1의  $\sigma_{01} \rightarrow \sigma_{12}$ ) 때문에 단순히 2수 앞의 Max를 취하는 것이 좋다고는 할 수 없음.
- 2수 앞의 Max라는 것은 1수 앞의 Min을 전제로 한다는 것을 생각하지 않으면 안 됨.
- 즉, 우선 1수 앞의 상대 순서에서 Min으로 취할 수 있는 후보(그림 7-1의  $\sigma_{11}$ 과  $\sigma_{12}$ ) 중에서 Max를 생각하게 됨(그림 7-1의  $\sigma_{00} \rightarrow \sigma_{11}$ ).



## 4.1 Min-Max 전략

---

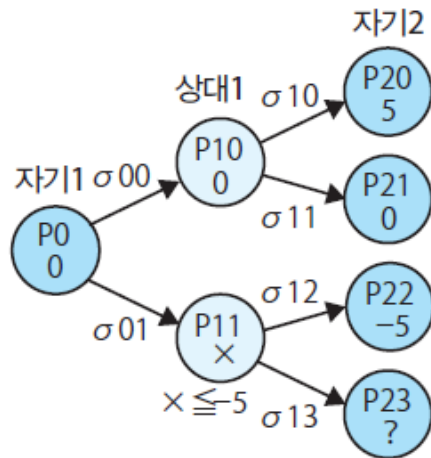
- 이 방식이 1수 앞만 내다보는 것이라면 상대 순서에서의 평가값만 보고 Max를 취하면 문제가 없겠지만, **여러 수 앞까지의 게임 트리를 생각**하기만 해도 선택 가지 수의 곱셈 차수로 가지가 확장되므로 **탐색 공간이 방대**해짐.
- 몇 수 앞까지의 **모든 가지를 조사**하여 그 중에서 가장 좋은 수를 취한다는 것은 **상당히 어려운 일**임.

## 4.1 $\alpha$ $\beta$ 전략

---

- Min-Max 전략에서는 게임 트리의 탐색 공간이 방대할 때 모든 가지를 조사하는 것이 어려우므로 조사하는 가지의 개수를 줄이는 것을 생각해 볼 수 있음.
- 각 상태에 있어서 관심이 있는 것은 Min 또는 Max 값뿐이므로 그 이외의 평가값을 갖는 상태는 버려도 상관없음.
- 이 점에 착안하여 어떤 상태에서 다음 상태를 평가하지 않고 버리는 방법을 가지치기(pruning)라 하며, 가지치기에는 다음과 같은 두 종류가 있음.
  - ✓  $\alpha$  가지치기: 자기 순서에서 하한 보장 값  $\alpha$ 보다 작은 바로 다음의 상대 순서 노드를 버린다.
  - ✓  $\beta$  가지치기: 상대 순서에서 상한 보장 값  $\beta$ 보다 큰 바로 다음의 자기 순서 노드를 버린다.

## 4.1 $\alpha$ $\beta$ 전략



자기1 순서에서 P10은 최저 0으로 알고 있고(하한 보장 값),  $\sigma_{12}$ 가 -5로 알게 된 시점에서 P11의 평가값은  $x \leq -5$ 로,  $\text{Max}(\text{상대1}) = \text{Max}(\text{Min}(\text{자기2})) = \text{Max}(0, x) = 0$ 이 된다. 따라서 P11 이하는 더 이상 평가할 필요가 없다(가지치기).

자기 순서에서 평가값의 하한 보장 값  $\alpha$

→  $\alpha$ 보다 작은 바로 다음의 상대 순서는 평가할 필요 없음( $\alpha$  가지치기)

상대 순서에서 평가값의 상한 보장 값  $\beta$

→  $\beta$ 보다 큰 바로 다음의 자기 순서는 평가할 필요 없음( $\beta$  가지치기)

그림 7-2  $\alpha\beta$  전략

- 예를 들어, 위 그림의 2수 앞까지의 게임 트리에서 1수 앞(상대 순서)을 차례로 조사하면 **상태 P10에서  $\sigma_{11}$ 을 취하는 것을 알 수 있음.**
- 다음으로 **상태 P11을 조사하기 시작하면  $\sigma_{12}$ 가 P10의  $\sigma_{11}$ 보다 나쁜 평가값임을 알면 P11은 이미  $\sigma_{12}$ 보다는 좋아질 수가 없기 때문에 P10보다 반드시 나빠짐.**

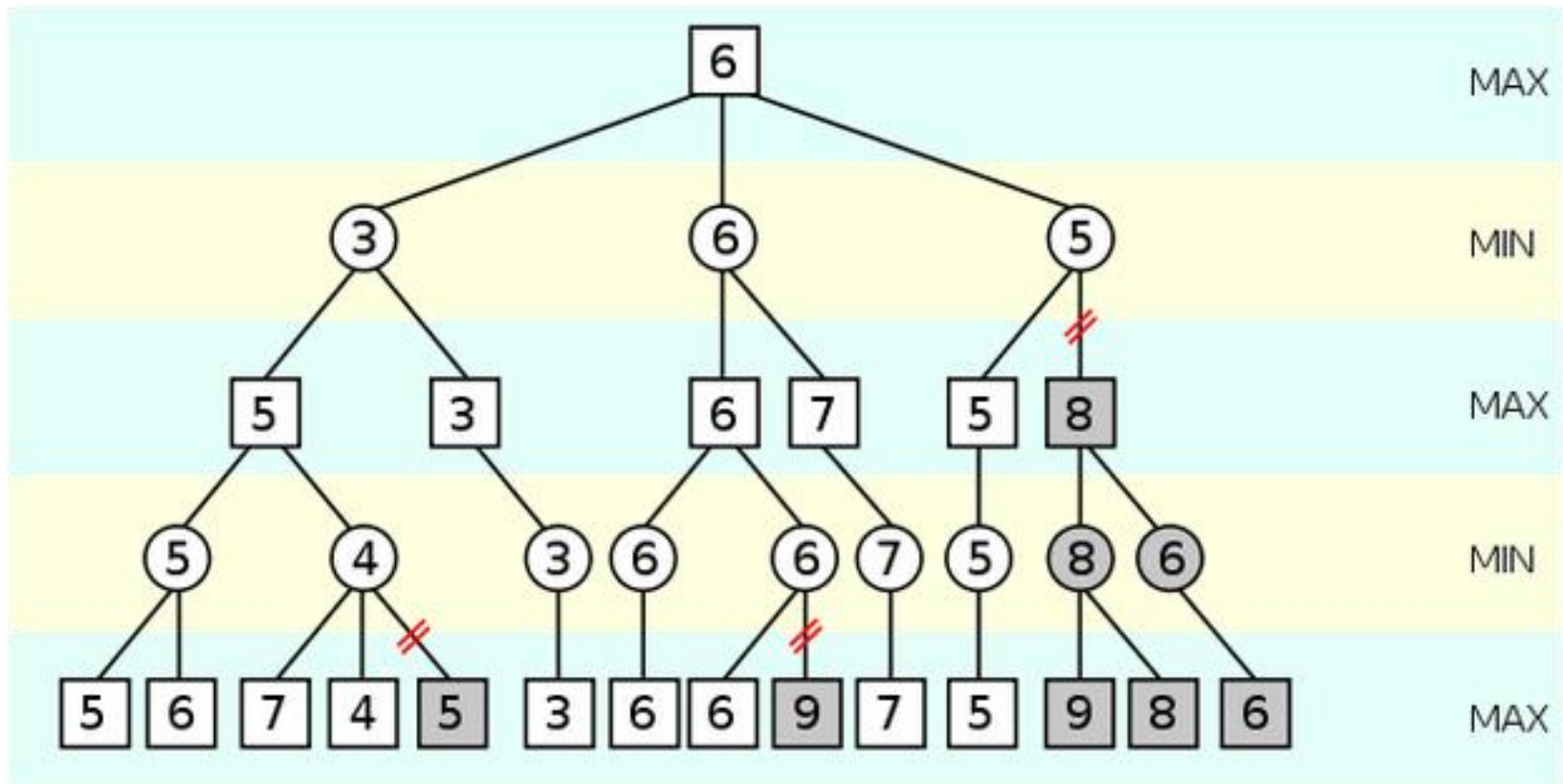
## 4.1 $\alpha$ $\beta$ 전략

---

- 결국 지금 P10의  $\sigma_{11}$ 보다 좋아지지 않음. 이 경우  $\sigma_{11}$ 의 값 0을 하한 보장 값이라고 함. 만약, P11 이외에 1수 앞의 상대 순서에서 아직 조사할 상태가 남아 있으면,  $\sigma_{11}$ 보다 나쁜 선택 가지가 발견되지 않은 경우에는 P10보다 좋아질 가능성이 있기 때문에 계속 조사할 필요가 있음.
- 이 상대 순서의 모든 2수 앞인 자기 순서에서 최종적으로  $\sigma_{11}$ 보다 나쁜 것이 없다면 그 중에서 가장 나쁜 선택 가지를 새로운 하한 보장 값으로 설정하게 됨.
- 그러나 하나라도  $\sigma_{11}$ 보다 나쁜 것이 발견되면 그 상대 순서는 더 조사해 봐도 소용없게 됨. 이것이  $\alpha$  가지치기임.
- 같은 방식의 개념을 상대 순서에서 수행하는 것이  $\beta$  가지치기. Min-Max 전략에서 이런 가지치기를 수행하는 것을  $\alpha\beta$  전략이라 함.



## 4.1 $\alpha$ $\beta$ 전략



출처: <https://jeromegoodrich.wordpress.com/2016/02/18/tail-recursive-minimax-alpha-beta-pruning/>

## 4.1 $\alpha$ $\beta$ 전략

---

- 탐색 공간은 몇 수 앞까지 내다보는지에 따라 달라짐.
- 가지치기가 실패하는 경우도 있을 수 있음.
- 즉, '수가 진행되고 미리 예상한 평가값이 잘못된 경우'에는 이미 잘못된 평가값으로 가지치기를 해 버렸기 때문에 다시 처음으로 돌아갈 수는 없음.
- 이 경우가 가지치기 실패임. 미리 내다본 수의 단계가 많을수록 가지치기는 효과적인 것이 될 수 있지만, 전체 국면을 미리 다 파악할 수 없는 이상 가지치기 실패는 피할 수 없음.