

### **ALGORITHMEN UND DATENSTRUKTUREN**

ÜBUNG 1: EINLEITUNG

Eric Kunze

eric.kunze@mailbox.tu-dresden.de

TU Dresden, 30. Oktober 2020

#### **WER BIN ICH?**

- ► Eric [Kunze]
- ▶ eric.kunze@mailbox.tu-dresden.de
- ► Fragen, Wünsche, Vorschläge, ...



► Telegram: @oakoneric bzw. t.me/oakoneric

#### **INFOS & CO**

# Lehrveranstaltungswebsite:

https://www.orchid.inf.tu-dresden.de/teaching/2020ws/aud/ (Google: "aud tu dresden")

#### **OPAL-Kurs**:

https://bildungsportal.sachsen.de/opal/auth/RepositoryEntry/26663256067?5

- alle Informationen zur Lehrveranstaltung
- ▶ aktuelles Übungsblatt
- ► Link zu Lösungsvorschlägen
- Übungsverlegungen

### Skript & Aufgabensammlung: Copyshop "Die Kopie"

#### **CORONA & CO.**

#### **Online-Lehre**

- ► Vorlesung als Video **freitags** im OPAL-Kurs
- Übungsblatt freitags im OPAL-Kurs (und zeitnah auf meiner Website)
- digitale Übungsbesprechung: Freitag, 2.DS (ausgewählte Aufgaben)
- Korrektur von Aufgaben (nur ohne Präsenzübung)

#### Corona-Regelungen ohne Garantie - Eigenverantwortlichkeit

- ► Präsenzübung einschreibungspflichtig
- ► Nicht-Erscheinen ohne Ankündigung = Austragung
- ► Wartelisteplätze rutschen nach
- ► **Abmeldung** bei Verhinderung !!!
- ► Teilnahmeliste
- ► Maskenpflicht abseits des Platzes, Lüften, ...

#### **VORLESUNG VS. ÜBUNG**

# Was ist eine Übung?

"Lehrveranstaltung an der Hochschule, in der etw., bes. das Anwenden von Grundkenntnissen, von den Studierenden geübt wird" [Duden]

### **VORLESUNG VS. ÜBUNG**

# Was ist eine Übung?

"Lehrveranstaltung an der Hochschule, in der etw., bes. das Anwenden von Grundkenntnissen, von den Studierenden geübt wird" [Duden]

Übung
Üben und Festigen des Stof-
fes der VL
(selbst definierbares) lang-
sameres Tempo
(sehr) viel Interaktion
> 80% Verständnis

# WAS WIRD IN DER ÜBUNG ERWARTET?

Es wird keine reine Vorrechenübung werden!

#### WAS WIRD IN DER ÜBUNG ERWARTET?

#### Es wird keine reine Vorrechenübung werden!

### **Mein Input**

- Zusammenfassung einiger Vorlesungsinhalte
- beispielhafte Lösungsansätze und Lösungen
- ► Fragen, Fragen, Fragen

#### WAS WIRD IN DER ÜBUNG ERWARTET?

#### Es wird keine reine Vorrechenübung werden!

#### **Mein Input**

- ► Zusammenfassung einiger Vorlesungsinhalte
- beispielhafte Lösungsansätze und Lösungen
- ► Fragen, Fragen, Fragen

#### **Euer Input**

- ► Grundverständnis aus der Vorlesung
- ▶ Vorbereitung der Übungsaufgaben
- aktive Mitarbeit und FRAGEN

### LÖSUNGEN

# Slides werden mit Sourcecode auf Github zur Verfügung stehen.

- ► https://github.com/oakoneric/ algorithmen-datenstrukturen-ws20
- ▶ github.com  $\rightarrow$  oakoneric  $\rightarrow$  algorithmen-datenstrukturen-ws20
- ... und auf meiner Website: https://oakoneric.github.io
  - evtl. zusätzliche Materialien (nach Bedarf)
  - ► kein Anspruch auf Vollständigkeit & Korrektheit
  - gefundene Fehler melden

# Übungsblatt 1

Begriff	Erklärung

Begriff	Erklärung
Syntax	Struktur (einer Sprache), erlaubte Zeichenketten
Semantik	Bedeutung der Zeichenketten

Begriff	Erklärung
Syntax	Struktur (einer Sprache), erlaubte Zeichenketten
Semantik	Bedeutung der Zeichenketten
Objektsprache	(syntaktisch) zu beschreibende Sprache
Metasprache	Hilfssprache zur Beschreibung der Objektsprache

Begriff	Erklärung
Syntax	Struktur (einer Sprache), erlaubte Zeichenketten
Semantik	Bedeutung der Zeichenketten
Objektsprache	(syntaktisch) zu beschreibende Sprache
Metasprache	Hilfssprache zur Beschreibung der Objektsprache
Alphabet Σ	nichtleere, endliche Menge von Terminalsymbolen, Zeichenvorrat

Begriff	Erklärung
Syntax	Struktur (einer Sprache), erlaubte Zeichenketten
Semantik	Bedeutung der Zeichenketten
Objektsprache	(syntaktisch) zu beschreibende Sprache
Metasprache	Hilfssprache zur Beschreibung der Objektsprache
Alphabet $\Sigma$	nichtleere, endliche Menge von Terminalsymbolen, Zeichenvorrat
Wort	endliche Folge von Symbolen

Begriff	Erklärung
Syntax	Struktur (einer Sprache), erlaubte Zeichenketten
Semantik	Bedeutung der Zeichenketten
Objektsprache	(syntaktisch) zu beschreibende Sprache
Metasprache	Hilfssprache zur Beschreibung der Objektsprache
Alphabet $\Sigma$	nichtleere, endliche Menge von Terminalsymbolen, Zeichenvorrat
Wort	endliche Folge von Symbolen
Konkatenation	Verkettung von Wörtern

Begriff	Erklärung

Begriff	Erklärung
Potenzmenge ${\cal P}$	Menge aller Teilmengen

Potenzmenge $\mathcal{P}$ Menge aller Teilmengen $\Sigma^* \qquad \qquad \text{Menge aller W\"orter \"uber } \Sigma$ $\mathcal{P}(\Sigma^*) \qquad \qquad \text{Menge aller Sprachen \"uber } \Sigma$	Begriff	Erklärung
	Σ*	Menge aller Wörter über Σ

Begriff	Erklärung
Potenzmenge $\mathcal{P}$ $\Sigma^*$ $\mathcal{P}(\Sigma^*)$	Menge aller Teilmengen  Menge aller Wörter über $\Sigma$ Menge aller Sprachen über $\Sigma$
formale Sprache L	Menge von Wörtern über $\Sigma$ $L \in \mathcal{P}(\Sigma^*)$

Begriff	Erklärung
Potenzmenge $\mathcal{P}$	Menge aller Teilmengen
$\Sigma^*$ $\mathcal{P}(\Sigma^*)$	Menge aller Wörter über $\Sigma$ Menge aller Sprachen über $\Sigma$
formale Sprache <i>L</i>	Menge von Wörtern über $\Sigma$ $L \in \mathcal{P}(\Sigma^*)$
Komplexprodukt	Verknüpfung von Sprachen $L_1 \cdot L_2 = \{uv \mid u \in L_1, v \in L_2\}$

Begriff	Erklärung
Potenzmenge ${\cal P}$	Menge aller Teilmengen
Σ*	Menge aller Wörter über Σ
$\mathcal{P}(\Sigma^*)$	Menge aller Sprachen über Σ
formale Sprache <i>L</i>	Menge von Wörtern über $\Sigma$ $L \in \mathcal{P}(\Sigma^*)$
Komplexprodukt	Verknüpfung von Sprachen $L_1 \cdot L_2 = \{uv \mid u \in L_1, v \in L_2\}$
L*	Menge aller Konkatenationen von Wörtern aus $L$ $L^* = \bigcup_{n \geq 0} L^n$ mit $L^0 = \{\varepsilon\}$ und $L^{n+1} = L^n \cdot L$

Sei 
$$\Sigma = \{1, 2, a, b\}$$
.

Sei 
$$\Sigma = \{1, 2, a, b\}$$
.

▶ **Wörter** ... entstehen durch Konkatentation von Symbolen z.B.  $\varepsilon$ , 1, 2, a, b, 12, 1a, 1b, 21, 22, 2a, 2b, ab, abba, ...

Sei 
$$\Sigma = \{1, 2, a, b\}$$
.

- ▶ **Wörter** ... entstehen durch Konkatentation von Symbolen z.B.  $\varepsilon$ , 1, 2, a, b, 12, 1a, 1b, 21, 22, 2a, 2b, ab, abba, ...
- $\qquad \text{Symbole} \xrightarrow{\text{"."}} \text{W\"{o}rter} \xrightarrow{\in} \underbrace{\sum^*}_{\text{Menge 1. Ordnung}} \xrightarrow{\in} \underbrace{\mathcal{P}(\Sigma^*)}_{\text{Menge 2. Ordnung}}$

Sei 
$$\Sigma = \{1, 2, a, b\}$$
.

- ▶ **Wörter** ... entstehen durch Konkatentation von Symbolen z.B.  $\varepsilon$ , 1, 2, a, b, 12, 1a, 1b, 21, 22, 2a, 2b, ab, abba, ...
- ▶ **Sprache** L ... Menge von Wörtern, d.h.  $L \subseteq \Sigma^*$  bzw.  $L \in \mathcal{P}(\Sigma^*)$  , z.B.

$$L = \{1a, 1b, 1aa, 1bb, 1ab, 1aab, \dots\} = \{1a^n b^m : n, m \ge 0\}$$
$$= \{1\} \cdot \{a\}^* \cdot \{b\}^*$$

**Beachte:**  $\emptyset \in \mathcal{P}(\Sigma^*)$  und  $\varepsilon \in \Sigma^*$ 

Seien 
$$L_1 = \{a\}, L_2 = \{b\}, L_3 = \{a, ba\}.$$

- $\blacktriangleright L_1 \cdot L_2 \cdot L_3 = \{aba, abba\}$
- ►  $L_1^* = \{a\}^* = \{\varepsilon, a, aa, aaa, ...\} = \{a^n : n \ge 0\}$
- ▶  $L_3^* = \{\varepsilon, a, ba, aa, aba, baa, baba, \dots\} = \{a^{m_1}(ba)^{n_1} \cdots a^{m_k}(ba)^{n_k} : m_i, n_i \in \mathbb{N}, k \in \mathbb{N}^+, 1 \le i \le k\}$
- ►  $L_2^* \cdot L_1 = \{a, ba, bba, bbba, ...\} = \{b^n a : n \ge 0\}$
- $\mathcal{P} \left( L_1^* \right) = \\ \left\{ \emptyset, \left\{ \varepsilon \right\}, \left\{ a \right\}, \left\{ aa \right\}, \left\{ aaa \right\}, \dots, \left\{ \varepsilon, a \right\}, \left\{ \varepsilon, aa \right\}, \left\{ \varepsilon, aaa \right\} \right\} = \\ \left\{ \left\{ a^n \colon n \in I \right\} \colon I \subseteq \mathbb{N} \right\}$

**Keine Angst vor Mathe!** 

#### **KEINE ANGST VOR MATHE!**

#### **Euklid: Satz 4 in Buch II der "Elemente"**

Wird eine Strecke in zwei geteilt, dann ist das Quadrat über der ganzen Strecke gleich den Quadraten über den Teilen und dem doppelten Rechteck, das die Teile ergeben, zusammen.

siehe http://www.opera-platonis.de/euklid/Buch2.pdf

#### **KEINE ANGST VOR MATHE!**

#### al-Khwarizmi in Al-jabr wa'l muqabalah'

What must be the amount of a square, which, when twenty-one dirhems are added to it, becomes equal to the equivalent of ten roots of that square?

**Solution**: Halve the number of the roots; the moiety is five. Multiply this by itself; the product is twenty-five. Subtract from this the twenty-one which are connected with the square; the remainder is four. Extract its root; it is two. Subtract this from the moiety of the root, which is five; the remainder is three. This is the root of the square which you required, and the square is nine. Or you may add the root of the moiety of the roots; the sum is seven; this is the root of the square which you sought for, and the square itself is forty nine.

#### **DER KLEENE-STERN**

#### **Definition (Kleene-Stern)**

Für eine formale Sprache L definieren wir

$$L^* = \bigcup_{n \ge 0} L^n = \bigcup_{n = 0}^{\infty} L^n$$

wobei  $L^0 = \{\varepsilon\}$  und  $L^{n+1} = L^n \cdot L$ .

Beachte:  $\{\varepsilon\}^* = \emptyset^* = \{\varepsilon\}$