# **PROGRAMMIERUNG**

ÜBUNG 13: H<sub>0</sub> – EIN EINFACHER KERN VON HASKELL

Eric Kunze
eric.kunze@tu-dresden.de

#### INHALT

- 1. Funktionale Programmierung
  - 1.1 Einführung in Haskell: Listen
  - 1.2 Algebraische Datentypen
  - 1.3 Funktionen höherer Ordnung
  - 1.4 Typpolymorphie & Unifikation
  - 1.5 Beweis von Programmeigenschaften
  - 1.6 λ-Kalkül
- 2. Logikprogrammierung
- 3. Implementierung einer imperativen Programmiersprache
  - 3.1 Implementierung von C<sub>0</sub>
  - 3.2 Implementierung von C<sub>1</sub>
- 4. Verifikation von Programmeigenschaften
- 5. H<sub>0</sub> ein einfacher Kern von Haskell

H<sub>0</sub> - ein einfacher Kern von

Haskell

# H<sub>0</sub>

- ▶ **Ziel:** verstehe den Zusammenhang  $H_0 \leftrightarrow AM_0 \leftrightarrow C_0$
- ► H<sub>0</sub>: tail recursive Funktionen rechte Seite enthält
  - keinen Funktionsaufruf
  - einen Funktionsaufruf an der äußersten Stelle (nicht verschachtelt)
  - eine Fallunterscheidung, deren Zweige wie oben aufgebaut sind

#### **Erinnerung:** Abstrakte Maschine AM<sub>0</sub>

- ► Ein- und Ausgabeband
- Datenkeller
- Hauptspeicher
- Befehlszähler

### $H_0 \leftrightarrow AM_0$

 $H_0$  ist klein genug, dass es auf der  $AM_0$  laufen kann:

- Befehle bleiben die gleichen
- ► baumstrukturierte Adressen beginnen mit Funktionsbezeichner (z.B. f.1.3)

#### Übersetzung von rechten Seiten ... = exp:

- ▶ Übersetze exp
- ► STORE 1 (ja immer die 1)
- ► WRITE 1
- ► JMP 0

#### Übersetzung von Funktionsaufrufen ... = f x1 x2 x3:

- ► LOAD x1; LOAD x2; LOAD x3
- ► STORE x3; STORE x2; STORE x1 (umgekehrte Reihenfolge!)
- ▶ JMP f

### $H_0 \leftrightarrow C_0$

 $H_0$  (funktional) und  $C_0$  (imperativ) sind gleich stark – wir können Programme jeweils ineinander äquivalent übersetzen!

# Standardisierung:

- ▶ keine Konstanten
- ▶ Es gibt m Variablen x1, ..., xm ( $m \ge 1$ )
- ▶ Wir lesen k Variablen x1, ..., xk ein (0 ≤ k ≤ m)
- ► Es gibt genau eine Schreibanweisung direkt vor return

### $\mathsf{C_0} o \mathsf{H_0}$

- ▶ jedes Statement (in C<sub>0</sub>) erhält einen *Ablaufpunkt*
- ▶ jeder Ablaufpunkt i wird durch eine Funktion fi (in H₀) repräsentiert, die alle Programmvariablen als Argumente hat
- ► Funktionswerte beschreiben Veränderungen im Programmablauf

# (einfaches) Beispiel:

- ► zwei Variablen x1 und x2
- ▶ betrachte Zuweisung x2 = x1 \* x1 in  $C_0$
- ▶ Übersetzung zu f1 x1 x2 = f11 x1 (x1 \* x1)

Ein  $H_0$ -Programm kann in  $C_0$  mittels *einer* while-Schleife dargestellt werden. Dazu verwenden wir drei Hilfsvariablen:

- ► flag steuert den Ablauf der while-Schleife, d.h. wenn das H<sub>0</sub>-Programm terminiert, wird flag falsch
- function steuert in einer geschachtelten if-then-else-Anweisung, welche Funktion ausgeführt wird
- ▶ result speichert den Rückgabewert der Funktion

# Übungsblatt 13

Aufgabe 1

# **AUFGABE 1 - TEIL (A)**

$$f: \mathbb{N} \to \mathbb{N}$$
 mit  $f(n) = \sum_{i=1}^{n} (-1)^{i} \cdot i$ 

# **AUFGABE 1 – TEIL (A)**

$$f: \mathbb{N} \to \mathbb{N}$$
 mit  $f(n) = \sum_{i=1}^{n} (-1)^i \cdot i$ 

```
1 module Main where
3 -- i sum
4 f :: Int -> Int -> Int
5 f x1 x2 = if x1 == 0
 then x2
 else if x1 \text{ 'mod' } 2 == 0
               then f (x1 - 1) (x2 + x1)
               else f (x1 - 1) (x2 - x1)
11 main = do x1 <- readLn
12 print (f x1 0)
```

# **Gegeben:**

**Gesucht:** äquivalentes AM<sub>0</sub>-Programm

#### **Gegeben:**

# **Gesucht:** äquivalentes AM<sub>0</sub>-Programm