PROGRAMMIERUNG

ÜBUNG 3: BÄUME & FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG

Eric Kunze eric.kunze@mailbox.tu-dresden.de

Algebraische Datentypen

Übungsblatt 2 — Aufgabe 3

ALGEBRAISCHE DATENTYPEN

- ► Ziel: problemspezifische Datenkonstruktoren
- ► z.B. in *C*: Aufzählungstypen
- ▶ funktionale Programmierung: algebraische Datentypen

Aufbau:

```
data Typename

= Con1 t11 ... t1k1
| Con2 t21 ... t2k2
| ...
| Conr tr1 ... trkr
```

- ► Typename ist ein Name (Großbuchstabe)
- ► Con1, ... Conr sind Datenkonstruktoren (Großbuchstabe)
- ▶ tij sind Typnamen (Großbuchstaben)

ALGEBRAISCHE DATENTYPEN – BEISPIELE

```
data Typename
= Con1 t11 ... t1k1
| Con2 t21 ... t2k2
| ...
| Conr tr1 ... trkr
```

```
data Season = Spring | Summer | Autumn | Winter
```

```
goSkiing :: Season -> Bool
goSkiing Winter = True
goSkiing _ = False
```

AUFGABE 3 – TEIL (A)

```
data BinTree = Branch Int BinTree BinTree | Nil
```

Ein Beispielbaum:

... erfüllt die Suchbaumeigenschaft.

AUFGABE 3 – TEIL (B)

Test auf Baum-Gleichheit

```
data BinTree = Branch Int BinTree BinTree | Nil
equal :: BinTree -> BinTree -> Bool
```

AUFGABE 3 – TEIL (C)

Einfügen von Schlüsseln in einen Binärbaum

```
data BinTree = Branch Int BinTree BinTree | Nil insert :: BinTree -> [Int] -> BinTree
```

Übungsblatt 3 — Aufgabe 1

Algebraische Datentypen

AUFGABE 1 – TEIL (A)

Anzahl der Blätter

```
data RoseTree = Node Int [RoseTree]
countLeaves :: RoseTree -> Int
```

AUFGABE 1 – TEIL (B)

gerade Anzahl an Kindern

```
data RoseTree = Node Int [RoseTree]
evenNodes :: RoseTree -> Bool
```

```
evenNodes' :: RoseTree -> Bool
evenNodes' (Node _ []) = True
evenNodes' (Node _ ts)
```

Übungsblatt 3 — Aufgaben 2 & 3

Funktionen höherer Ordnung

FUNKTIONEN

Wir kennen bereits einige Möglichkeiten Funktionen zu notieren. Hier seien einige weitere erwähnt.

anonyme Funktionen. Funktionen ohne konkreten Namen

z.B. (
$$\x -> x+1$$
) ist die Addition mit 1

$$(\x -> x+1) 4 = 5$$

Operator ↔ **Funktion** Aus Operatoren (wie z.B. +) kann man eine Funktion machen und vice versa.

► Operator → Funktion: Klammern

► Funktion → Operator: Backticks '...'

FUNKTIONSKOMPOSITION

Analog zur mathematischen Notation $f = g \circ h$ für f(x) = g(h(x)) versteht auch Haskell das Kompositionsprinzip mit dem Operator . z.B.

```
sqAdd :: Int -> Int
sqAdd = (^2) . (+ 5)
```

statt $sqAdd x = (x + 5)^2$ für das Quadrat des fünften Nachfolgers

PARTIELLE APPLIKATION

Funktionen müssen nicht immer mit allen Argumenten versorgt werden. Lässt man (hintere) Argumente weg, so spricht man von Unterversorgung. Die Modulo Funktion hat eigentlich zwei Argumente. Lassen wir das zweite Argument weg, so liefert dies uns eine neue Funktion, die noch ein Argument entgegennimmt und sodann die Restberechnung ausführt.

```
mod :: Int -> Int -> Int
mod m n = ...
mod 10 :: Int -> Int
(mod 10) n = mod 10 n
```

```
(> 3) :: Int -> Bool
(> 3) x = x > 3
```

FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG — MAP

Funktionen können als Argumente von Funktionen auftreten. Wir lernen drei Basics kennen:

Die Funktion map

 map ermöglicht es eine Funktion f auf alle Elemente einer Liste anzuwenden

```
map :: (Int -> Int) -> [Int] -> [Int]
map f [] = []
map f (x:xs) = f x : map f xs
```

► Beispiel.

```
map square [1,2,7,12,3,20] = [1,4,49,144,9,400]
```

FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG — FILTER

Die Funktion filter

► filter p xs liefert eine Liste, die genau die Elemente von xs enthält, welche das Prädikat p erfüllen

```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
filter p xs = [ x | x <- xs, p x]
```

▶ Beispiel.

```
filter odd [1,2,7,12,3,20] = [1,7,3]
```

FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG — FOLDR

Die Funktion foldr

► foldr f z xs faltet eine Liste xs und verknüpft jeweils durch die Funktion f; gestartet wird mit z und dem rechtesten Element

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b

foldr f z [] = z

foldr f z (x:xs) = f x (foldr f z xs)
```

► Beispiel.

```
foldr (+) 3 [1,2,3,4,5] = 18
length xs = foldr (+) 0 (map (\x -> 1) xs)
```

FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG – ÜBERSICHT

▶ map wendet Funktion auf alle Listenelemente an

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map f [] = []
map f (x:xs) = f x : map f xs
```

filter wählt Listenelemente anhand einer Funktion aus

```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
filter p xs = [ x | x <- xs, p x]
```

► foldr faltet eine Liste mit Verknüpfungsfunktion (von rechts beginnend)

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b

foldr f z [] = z

foldr f z (x:xs) = f x (foldr f z xs)
```

AUFGABE 2

Produkt der Quadrate aller geraden Zahlen einer Liste

```
f :: [Int] -> Int
```

```
f xs = foldr (+) 0 (map (^2) (filter ('mod' 2) == 0) xs))
```

```
f' xs = foldr (*) 1 (map (^2) (filter even <math>xs))
```

```
f'' = foldr (*) 1 . map (^2) . filter even
```

```
f'''
= foldr (*) 1 . map (^2) . filter ((== 0) . ('mod' 2))
```

AUFGABE 3

Faltung einer Liste von links

```
foldleft :: (Int -> Int -> Int) -> Int -> [Int] -> Int
```

```
foldleft :: (Int -> Int -> Int) -> Int -> [Int] -> Int
foldleft f x [] = x
foldleft f x (y:ys) = foldleft f (f x y) ys
```

ENDE

Fragen?