PROGRAMMIERUNG

ÜBUNG 2: LISTEN, ZEICHENKETTEN & BÄUME

Eric Kunze
eric.kunze@mailbox.tu-dresden.de

Übungsblatt 1

Zusatzaufgabe

ÜBUNGSBLATT 1 - ZUSATZAUFGABE

Ziel: Anzahl der vollständigen Binärbäume mit *n* Knoten

Idee: Wie erhalten wir volle Binärbäume? — Ein voller Binärbaum ist



entweder ein Blatt

oder er besteht aus einer Wurzel und zwei Kindern





Umsetzung:

- ► Rekursionsfall: *n* > 3 Knoten

 - \triangleright n-1 Knoten für linken und rechten Teilbaum (systematisch alle Möglichkeiten durchlaufen)
- Basisfall:
 - > n = 0: es gibt keinen Baum mit keinen Knoten
 - $\triangleright n = 1$: Baum mit einem Knoten = Blatt (davon gibt es genau einen)

ÜBUNGSBLATT 1 - ZUSATZAUFGABE

```
countBinTrees :: Int -> Int

countBinTrees 0 = 0

countBinTrees 1 = 1

countBinTrees n = go (n-1) = go 5 +

where

go 0 = 0

go m = go (m-1) + countBinTrees (n - 1 - m) *

countBinTrees m
```

Hinweis: go durchläuft alle Möglichkeiten n-1 Knoten so auf zwei (Kind-)Bäume zu verteilen, dass der linke Teilbaum m Knoten und der rechte Teilbaum die übrigen n-1-m Knoten besitzt.

Aufgabe 1

Listen

LISTEN

Int [Int]

Listen Wenn a ein Typ ist, dann bezeichnet [a] den Typ "Liste mit Elementen vom Typ a", insbesondere haben alle Elemente einer Liste den gleichen Typ

LISTEN

CInt] [[Int]]

Listen Wenn a ein Typ ist, dann bezeichnet [a] den Typ
"Liste mit Elementen vom Typ a", insbesondere haben
alle Elemente einer Liste den gleichen Typ

cons-Operator ": "

Trennung von *head* und *tail* einer Liste

[x1, x2, x3, x4, x5] =
$$x1$$
: [x2, x3, x4, x5]

[]

[Step 1]

[x1, x2, x3, x4, x5]

[Int]

[x2, x3, x4, x5]

[Int]

[x3, x4, x5]

[Int]

LISTEN

Listen Wenn a ein Typ ist, dann bezeichnet [a] den Typ "Liste mit Elementen vom Typ a", insbesondere haben alle Elemente einer Liste den gleichen Typ

cons-Operator ": "

Trennung von *head* und *tail* einer Liste

$$[x1, x2, x3, x4, x5] = x1 : [x2, x3, x4, x5]$$

Verkettungsoperator " ++ "

Verkettung zweier Listen gleichen Typs

$$[x1, x2] ++ [x3, x4, x5] = [x1, x2, x3, x4, x5]$$

REKURSION AUF LISTEN — BEISPIEL

Multiplikation einer Liste

REKURSION AUF LISTEN — BEISPIEL

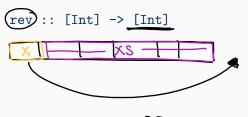
Multiplikation einer Liste

```
prod :: [Int] -> Int
```

```
prod :: [Int] -> Int
prod [] = 1
prod (x:xs) = x * prod xs
```

AUFGABE 1 – TEIL (A)

Umkehrung einer Liste rev [1, 2,3] = [3,2,1]



AUFGABE 1 – TEIL (A)

Umkehrung einer Liste

```
rev :: [Int] -> [Int]
```

```
rev :: [Int] -> [Int]
rev [] = []
rev (x:xs) = rev xs ++ [x]
```

WICHTIG

- ► Element : [Liste]
- ▶ [Liste] ++ [Liste]

AUFGABE 1 – TEIL (B)

AUFGABE 1 – TEIL (B)

Sortierung einer Liste prüfen

```
isOrd :: [Int] -> Bool
```

AUFGABE 1 – TEIL (B)

Sortierung einer Liste prüfen

```
isOrd :: [Int] -> Bool
```

AUFGABE 1 – TEIL (C)

sortiertes Zusammenfügen zweier (sortierten) Listen

```
▶ merge :: [Int] -> [Int] -> [Int]
 merde
      2K
 werde
 merge (x:xs) (y:ys)
         | x < y = x : merge xs (y:ys)
         otherwise = y: merge (x:xs) ys
```

AUFGABE 1 – TEIL (C)

sortiertes Zusammenfügen zweier (sortierten) Listen

```
merge :: [Int] -> [Int] -> [Int]
```

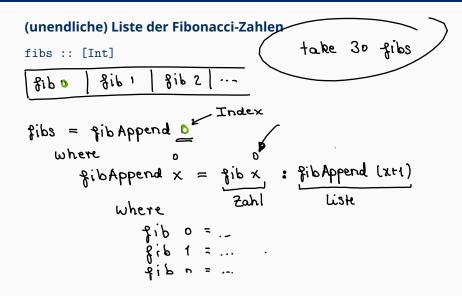
AUFGABE 1 – TEIL (C)

sortiertes Zusammenfügen zweier (sortierten) Listen

merge :: [Int] -> [Int] -> [Int]

Wir können Listen auch "benennen" — Rekursionsfall:

AUFGABE 1 – TEIL (D)



AUFGABE 1 – TEIL (D)

(unendliche) Liste der Fibonacci-Zahlen

```
fibs :: [Int]
```

AUFGABE 1 – TEIL (D)

fibs :: [Int]

(unendliche) Liste der Fibonacci-Zahlen

```
fibs :: [Int]
fibs = fibs' 0 1
    where fibs' n m = n : fibs' m (n+m)
```

Aufgabe 2

Zeichen & Zeichenketten

ZEICHEN & ZEICHENKETTEN

Zeichen

- ▶ Datentyp Char
- ► Eingabe in einfachen Anführungszeichen
- ► z.B. 'a', 'e',

ZEICHEN & ZEICHENKETTEN

Zeichen

- ► Datentyp Char
- ► Eingabe in einfachen Anführungszeichen
- ► z.B. 'a', 'e', '3'

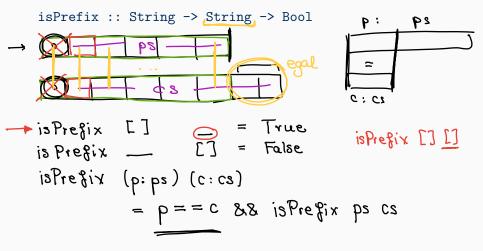
Zeichenketten

- ► Datentyp String = [Char]
- ► Eingabe in doppelten Anführungszeichen
- ► z.B. "hallo", "welt"
- ► Konkatenation von Zeichenketten:

```
"hallo " ++ "welt" = "hallo welt"
```

AUFGABE 2 – TEIL (A)

Präfix - Test



AUFGABE 2 – TEIL (A)

Präfix - Test

```
isPrefix :: String -> String -> Bool
```

```
isPrefix :: String -> String -> Bool
isPrefix [] _ = True
isPrefix _ [] = False
isPrefix (p:ps) (c:cs) = p == c && isPrefix ps cs
```

AUFGABE 2 – TEIL (B)

Vorkommen eines Patterns zählen

AUFGABE 2 – TEIL (B)

Vorkommen eines Patterns zählen

```
countPattern :: String -> String -> Int
```

Aufgabe 3

Algebraische Datentypen

ALGEBRAISCHE DATENTYPEN

- ► Ziel: problemspezifische Datenkonstruktoren
- ► z.B. in *C*: Aufzählungstypen
- ▶ funktionale Programmierung: algebraische Datentypen

Aufbau:

```
data Typename

= Con1 t11 ... t1k1
| Con2 t21 ... t2k2
| ...
| Conr tr1 ... trkr
```

- ► Typename ist ein Name (Großbuchstabe)
- ► Con1, ... Conr sind Datenkonstruktoren (Großbuchstabe)
- ▶ tij sind Typnamen (Großbuchstaben)

ALGEBRAISCHE DATENTYPEN – BEISPIELE

```
data Typename
= Con1 t11 ... t1k1
| Con2 t21 ... t2k2
| ...
| Conr tr1 ... trkr
```

```
data Season = Spring | Summer | Autumn | Winter
```

ALGEBRAISCHE DATENTYPEN – BEISPIELE

```
data Typename

= Con1 t11 ... t1k1

| Con2 t21 ... t2k2

| ...

| Conr tr1 ... trkr
```

```
data Season = Spring | Summer | Autumn | Winter
```

```
goSkiing :: Season -> Bool
goSkiing Winter = True
goSkiing _ = False
```

ALGEBRAISCHE DATENTYPEN – BEISPIELE

```
data Typename

= Con1 t11 ... t1k1
| Con2 t21 ... t2k2
| ...
| Conr tr1 ... trkr
```

```
data Season = Spring | Summer | Autumn | Winter
```

```
goSkiing :: Season -> Bool
goSkiing Winter = True
goSkiing _ = False
```

AUFGABE 3 – TEIL (A)

data BinTree = Branch Int BinTree BinTree | Nil

AUFGABE 3 – TEIL (A)

```
data BinTree = Branch Int BinTree BinTree | Nil
```

Ein Beispielbaum:

... erfüllt die Suchbaumeigenschaft.

AUFGABE 3 – TEIL (B)

Test auf Baum-Gleichheit

AUFGABE 3 – TEIL (B)

Test auf Baum-Gleichheit

```
data BinTree = Branch Int BinTree BinTree | Nil
equal :: BinTree -> BinTree -> Bool
```

AUFGABE 3 – TEIL (B)

Test auf Baum-Gleichheit

```
data BinTree = Branch Int BinTree BinTree | Nil
equal :: BinTree -> BinTree -> Bool
```

```
equal :: BinTree -> BinTree -> Bool
equal Nil Nil = True
equal Nil (Branch y 12 r2) = False
equal (Branch x 11 r1) Nil = False
equal (Branch x 11 r1) (Branch y 12 r2)
= (x == y) && (equal 11 12) && (equal r1 r2)
```

AUFGABE 3 – TEIL (C)

Einfügen von Schlüsseln in einen Binärbaum

```
data BinTree = Branch Int BinTree BinTree | Nil
insert :: BinTree -> [Int] -> BinTree
```

AUFGABE 3 – TEIL (C)

Einfügen von Schlüsseln in einen Binärbaum

```
data BinTree = Branch Int BinTree BinTree | Nil insert :: BinTree -> [Int] -> BinTree
```

ENDE

Fragen?