PROGRAMMIERUNG

ÜBUNG 9: LOGIKPROGRAMMIERUNG MIT PROLOG-

Eric Kunze
eric.kunze@tu-dresden.de

INHALT

- 1. Funktionale Programmierung
 - 1.1 Einführung in Haskell: Listen
 - 1.2 Algebraische Datentypen
 - 1.3 Funktionen höherer Ordnung
 - 1.4 Typpolymorphie & Unifikation
 - 1.5 Beweis von Programmeigenschaften
 - 1.6 λ-Kalkül
- 2. Logikprogrammierung
- Implementierung einer imperativen Programmiersprache
- 4. Verifikation von Programmeigenschaften
- 5. H₀ ein einfacher Kern von Haskell

Logikprogrammierung und

Prolog-

"DATENSTRUKTUREN" IN PROLOG

- ► Darstellung von Objekten als Terme über Konstruktoren
- keine explizite Deklaration implizite Definition über Verwendung in Klauseln

natürliche Zahlen: Prädikat nat

- nullstelliger Konstruktor 0
- ► einstelliger Konstruktor s(X)

```
1 nat(0).
2 nat(s(X)) :- nat(X).
```

Listen: Prädikat list

Abkürzung:

► nullstelliger Konstruktor mil

~→ []

► zweistelliger Konstruktor cons(X, Xs)

```
\rightsquigarrow [X|Xs]
```

```
list(nil).
list(cons(X, Xs)) :- list(Xs).
```

"DATENSTRUKTUREN" IN PROLOG

Erinnerung: natürliche Zahlen, Listen

```
nat(0).
nat(s(X)) :- nat(X).
list(nil).
list(cons(X, Xs)) :- list(Xs).
```

Bäume: Prädikat istree

- ▶ nullstelliger Konstruktor nil
- ► dreistelliger Konstruktor tree(X,L,R)

```
istree(nil).
istree(tree(_, L, R) :- istree(L), istree(R).
```

Listen

Aufgabe 1

AUFGABE 1 – TEIL (A)

Ziel: binäre Relation sublist mit

```
(\ell_1,\ell_2) \in \text{sublist} \Leftrightarrow \ell_1 \subseteq \ell_2
```

 $\rightsquigarrow \ell_1$ soll *Teilliste* von ℓ_2 sein

```
nat (0).
nat(s(X)) :- nat(X).

listnat ([]).
listnat ([X|XS]) :- nat(X), listnat(XS).
```

```
sublist(Xs , [Y|Ys]) :- nat(Y), sublist(Xs, Ys).
sublist(Xs , Ys ) :- prefix(Xs, Ys).

prefix([] , Ys ) :- listnat(Ys).
prefix([X|Xs], [X|Ys]) :- nat(X), prefix(Xs, Ys).
```

AUFGABE 1 – TEIL (B)

Belegung 1:

```
?- sublist ([<4>|Xs], [<5>, <4>, <3>]).
         ?- nat(<5>), sublist ([<4>|Xs], [<4>, <3>]). % 6
         ?-* nat(0), sublist ([<4>|Xs], [<4>, <3>]). % 2
         ?- sublist ([<4>|Xs], [<4>, <3>]).
         ?- prefix ([<4>|Xs], [<4>, <3>]).
                                                       % 10
         ?-
             nat(<4>), prefix(Xs , [<3>]).
         ?-* nat(0), prefix(Xs , [<3>]).
         ?- prefix(Xs , [<3>]).
\{Xs = []\} ?- listnat([<3>]).
         ?- nat(<3>), listnat ([]).
         ?-* nat(0), listnat ([]).
         ?- listnat ([]).
         ?- .
```

Somit also Xs = [].

AUFGABE 1 – TEIL (B)

Belegung 2:

```
sublist ([<4>|Xs], [<5>, <4>, <3>]).
                  nat(<5>), sublist ([<4>|Xs], [<4>, <3>]).
                                                       % 6
              ?-* nat(0), sublist ([<4>|Xs], [<4>, <3>]).
                                                       % 2
              ?- sublist ([<4>|Xs], [<4>, <3>]).
              ?- prefix ([<4>|Xs], [<4>, <3>]).
              ?- nat(<4>), prefix(Xs , [<3>]).
                                                      % 10
              ?-* nat(0), prefix(Xs , [<3>]).
              ?- prefix(Xs , [<3>]).
                                                       % 1
{Xs=(<3>|Xs1]} ?- nat(<3>), prefix(Xs1 , []).
                                                       % 10
              ?-* nat(0), prefix(Xs1 , []).
              ?- prefix(Xs1 , []).
\{Xs1 = []\}
              ?- listnat ([]).
               ?-
```

Somit also Xs = [<3>|Xs1] = [<3>].

Aufgabe 2

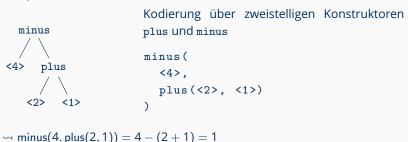
Bäume

AUFGABE 2 – TEIL (A)

Wir wollen einen binären Termbaum auswerten.

```
nat (0).
nat(s(X)) :- nat(X).
sum(0, Y, Y) :- nat(Y).
sum(s(X), Y, s(S)) :- sum(X, Y, S).
```

Beispiel:



AUFGABE 2 – TEIL (A)

Wir wollen einen binären Termbaum auswerten.

```
1    nat (0).
2    nat(s(X)) :- nat(X).
3    sum(0, Y, Y) :- nat(Y).
4    sum(s(X), Y, s(S)) :- sum(X, Y, S).
```

```
5 eval( X , X ) :- nat(X).
6 eval( plus (L,R), X ) :- eval(L, LE), eval(R, RE), sum(LE, RE, X).
7 eval( minus(L,R), X ) :- eval(L, LE), eval(R, RE), sum(RE, X, LE).
```

AUFGABE 2 – TEIL (B)

Alternative 1:

```
?- insert(<t1>, <t2>, X).
\{X = tree(a, LT1, RT1)\}
                            ?- insert(tree(b, nil, nil), <t2>, LT1),
                                 insert(tree(v, nil, nil), <t2>, RT1).
                                                                            % 6
                                insert(nil , <t2>, LT2),
\{LT1 = tree(b, LT2, RT2)\}
                                 insert(nil, <t2>, RT2).
                                 insert(tree(v, nil, nil), <t2>, RT1).
\{LT2 = nil, RT2 = nil\}
                            ?-* insert(tree(v, nil, nil), <t2>, RT1).
\{RT1 = \langle t2 \rangle\}
                            ?- istree(<t2>).
                                                                            % 5
                             ?-* istree(nil), istree(nil), istree(nil).
                             ?-* .
```

Alternative 2: die ersten vier Goals stimmen mit Alternative 1 überein

```
?- insert(<t1>, <t2>, X).
{X = tree(a, LT1, RT1)}
                           ?- insert(tree(b, nil, nil), <t2>, LT1),
                               insert(tree(v, nil, nil), <t2>, RT1).
\{LT1 = tree(b, LT2, RT2)\}
                               insert(nil , <t2>, LT2),
                           ? -
                               insert(nil, <t2>, RT2).
                               insert(tree(v, nil, nil), <t2>, RT1).
                                                                        % 6
\{LT2 = nil, RT2 = nil\}
                           ?-* insert(tree(v, nil, nil), <t2>, RT1).
                                                                        % 4
{RT1 = tree(v, LT3, RT3)} ?- insert(nil, <t2>, LT3),
                               insert(nil, <t2>, RT3).
                                                                        % 6
\{RT3 = ni1, LT3 = ni1\}
                                                                        % 4
                           ?-* .
```

Ein weiteres Beispiel aus der Aufgabensammlung

AUFGABE AGS 13.5 – TEIL (A)

Gegeben sei folgender Prolog-Code:

```
subt( X , X ).

subt( S1 , s(_ , T2) ) :- subt(S1,T2).

subt( S1 , s(T1, _ ) ) :- subt(S1,T1).
```

Gesucht sind Belegungen für X und Y für das Goal ?- subt(s(X, Y), s(s(a, b), s(b, a))).

AUFGABE AGS 13.5 - TEIL (B)

Gegeben sei folgender Prolog-Code:

```
subt( X , X ).
subt( S1 , s(_ , T2) ) :- subt(S1,T2).
subt( S1 , s(T1, _ ) ) :- subt(S1,T1).
```

Gesucht sind drei Lösungen für das Goal ?- subt(s(a, a), X).

```
?- subt(s(a,a), X).
\{X = s(a,a)\}
                   ?- .
                                             % 1
                                             \Rightarrow X = s(a,a)
                   ?- subt(s(a,a), X).
{X = s(_, X1)} ?- subt(s(a,a), X1). % 2
                                             % 1
\{X1 = s(a,a)\}
                   ?- .
                                             \Rightarrow X = s(a,s(a,a))
                   ?- subt(s(a,a), X).
\{X = s(X2, _)\}
                  ?- subt(s(a,a), X2). % 3
{X2 = s(a,a)}
                   ?- .
                                             \Rightarrow X = s(s(a,a),c)
```