

PROGRAMMIERUNG

ÜBUNG 2: LISTEN, ZEICHENKETTEN & BÄUME

Eric Kunze

eric.kunze@mailbox.tu-dresden.de

Übungsblatt 1

Zusatzaufgabe

ÜBUNGSBLATT 1 - ZUSATZAUFGABE

Ziel: Anzahl der vollständigen Binärbäume mit *n* Knoten

Idee: Wie erhalten wir volle Binärbäume? — Ein voller Binärbaum ist

- entweder ein Blatt
- ▶ oder er besteht aus einer Wurzel und zwei Kindern

Umsetzung:

- ► Rekursionsfall: *n* > 3 Knoten

 - \triangleright n-1 Knoten für linken und rechten Teilbaum (systematisch alle Möglichkeiten durchlaufen)
- ▶ Basisfall:
 - > n = 0: es gibt keinen Baum mit keinen Knoten
 - \triangleright n = 1: Baum mit einem Knoten = Blatt (davon gibt es genau einen)

ÜBUNGSBLATT 1 - ZUSATZAUFGABE

```
countBinTrees :: Int -> Int
countBinTrees 0 = 0
countBinTrees 1 = 1
countBinTrees n = go (n-1)
where
go 0 = 0
go m = go (m-1) + countBinTrees (n - 1 - m) *
countBinTrees m
```

Hinweis: go durchläuft alle Möglichkeiten n-1 Knoten so auf zwei (Kind-)Bäume zu verteilen, dass der linke Teilbaum m Knoten und der rechte Teilbaum die übrigen n-1-m Knoten besitzt.

Binomialkoeffizient

Aufgabe 1

AUFGABE 1

Binomialkoeffizient

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{(n-k)! \cdot k!}$$

bincoeff :: Int -> Int -> Int

```
bincoeff :: Int -> Int -> Int
bincoeff n k = fac n 'div' (fac (n-k) * fac k)
```

Division

Der Operator / ist nur für Typen definiert, die gebrochene Zahlen darstellen können; div liefert dagegen die Int-Division.

Aufgabe 2

Listen

LISTEN

Listen Wenn a ein Typ ist, dann bezeichnet [a] den Typ "Liste mit Elementen vom Typ a", insbesondere haben alle Elemente einer Liste den gleichen Typ

cons-Operator ": "

Trennung von *head* und *tail* einer Liste

$$[x1, x2, x3, x4, x5] = x1 : [x2, x3, x4, x5]$$

Verkettungsoperator " ++ "

Verkettung zweier Listen gleichen Typs

$$[x1, x2] ++ [x3, x4, x5] = [x1, x2, x3, x4, x5]$$

AUFGABE 2 - TEIL (A)

Produkt einer Liste

prod :: [Int] -> Int

```
prod :: [Int] -> Int
prod [] = 1
prod (x:xs) = x * prod xs
```

AUFGABE 2 - TEIL (B)

Umkehrung einer Liste

```
rev :: [Int] -> [Int]
```

```
1    rev :: [Int] -> [Int]
2    rev [] = []
3    rev (x:xs) = rev xs ++ [x]
```

WICHTIG

- ► Element : [Liste]
- ► [Liste] ++ [Liste]

AUFGABE 2 - TEIL (C)

Elemente einer Liste löschen

excl :: Int -> [Int] -> [Int]

```
excl :: Int -> [Int] -> [Int]
excl _ [] = []
excl y (x:xs)

| x == y = excl y xs
| otherwise = x : excl y xs
```

AUFGABE 2 - TEIL (D)

Sortierung einer Liste prüfen

```
isOrd :: [Int] -> Bool
```

```
isOrd':: [Int] -> Bool
isOrd' [] = True
isOrd' [x] = True
isOrd' (x:y:xs) = x <= y && isOrd' (y:xs)</pre>
```

AUFGABE 2 - TEIL (E)

sortiertes Zusammenfügen zweier (sortierten) Listen

```
merge :: [Int] -> [Int] -> [Int]
```

Wir können Listen auch "benennen" — Rekursionsfall:

```
merge xxs@(x:xs) yys@(y:ys)

| x < y = x : merge xs yys
| otherwise = y : merge xxs ys
```

AUFGABE 2 - TEIL (F)

(unendliche) Liste der Fibonacci-Zahlen

```
fibs :: [Int]

fib :: Int -> Int
fib 0 = 1

fib 1 = 1
fib n = fib (n-1) + fib (n-2)

fibs :: [Int]
fibs = fibAppend 0
where fibAppend x = fib x : fibAppend (x+1)
```

```
fibs :: [Int]
fibs = fibs' 0 1
where fibs' n m = n : fibs' m (n+m)
```

Hinweis: take 7 fibs liefert die ersten 7 Fibonacci-Zahlen

ENDE

Fragen?