

PROGRAMMIERUNG

ÜBUNG 4: FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG

Eric Kunze

`eric.kunze@tu-dresden.de`

, 02. Mai 2022

letzte Änderung:
01.05.2022, 18:07

Übungsblatt 4 — Aufgabe 1

Algebraische Datentypen

Anzahl der Blätter

```
1 data RoseTree = Node Int [RoseTree]
2 countLeaves :: RoseTree -> Int
```

AUFGABE 1 – TEIL (A)

Anzahl der Blätter

```
1 data RoseTree = Node Int [RoseTree]
2 countLeaves :: RoseTree -> Int
```

```
1 countLeaves :: RoseTree -> Int
2 countLeaves (Node _ [] )      = 1
3 countLeaves (Node _ [t])      = countLeaves t
4 countLeaves (Node x (t:ts))
5     = countLeaves t + countLeaves (Node x ts)
```

gerade Anzahl an Kindern

```
1 data RoseTree = Node Int [RoseTree]
2 evenNodes :: RoseTree -> Bool
```

AUFGABE 1 – TEIL (B)

gerade Anzahl an Kindern

```
1 data RoseTree = Node Int [RoseTree]
2 evenNodes :: RoseTree -> Bool
```

```
1 evenNodes :: RoseTree -> Bool
2 evenNodes (Node _ []) = True
3 evenNodes (Node x [t] ) = False
4 evenNodes (Node x (t1:t2:ts))
5     = evenNodes (Node x ts) && evenNodes t1 &&
6       evenNodes t2
```

AUFGABE 1 – TEIL (B)

gerade Anzahl an Kindern

```
1 data RoseTree = Node Int [RoseTree]
2 evenNodes :: RoseTree -> Bool

1 evenNodes' :: RoseTree -> Bool
2 evenNodes' (Node _ []) = True
3 evenNodes' (Node _ ts)
4   = mod (length ts) 2 == 0 && evenNodes'' ts
5   where
6     evenNodes'' :: [RoseTree] -> Bool
7     evenNodes'' [] = True
8     evenNodes'' (t:ts)
9       = evenNodes' t && evenNodes'' ts
```

Übungsblatt 3 — Aufgabe 1

Algebraische Datentypen

Übungsblatt 4 — Aufgaben 2 & 3

Funktionen höherer Ordnung

FUNKTIONEN

Wir kennen bereits einige Möglichkeiten Funktionen zu notieren. Hier seien einige weitere erwähnt.

anonyme Funktionen. Funktionen ohne konkreten Namen

z.B. $(\lambda x \rightarrow x+1)$ ist die Addition mit 1

$$1 \parallel (\lambda x \rightarrow x+1) \ 4 = 5$$

FUNKTIONEN

Wir kennen bereits einige Möglichkeiten Funktionen zu notieren. Hier seien einige weitere erwähnt.

anonyme Funktionen. Funktionen ohne konkreten Namen

z.B. $(\backslash x \rightarrow x+1)$ ist die Addition mit 1

```
1 ||| ( $\backslash x \rightarrow x+1$ ) 4 = 5
```

Operator \leftrightarrow **Funktion** Aus Operatoren (wie z.B. $+$) kann man eine Funktion machen und vice versa.

► Operator \rightarrow Funktion: Klammern

```
1 ||| (+) :: Int -> Int -> Int  
2 ||| (+) x y = x + y
```

► Funktion \rightarrow Operator: Backticks '...'

```
1 ||| 5 `mod` 2 = 1
```

Analog zur mathematischen Notation $f = g \circ h$ für $f(x) = g(h(x))$ versteht auch Haskell das Kompositionsprinzip mit dem Operator `.`
z.B.

```
1 sqAdd :: Int -> Int  
2 sqAdd = (^2) . (+ 5)
```

statt `sqAdd x = (x + 5)^2` für das Quadrat des fünften Nachfolgers

PARTIELLE APPLIKATION

Funktionen müssen nicht immer mit allen Argumenten versorgt werden. Lässt man (hintere) Argumente weg, so spricht man von Unterversorgung. Die Modulo Funktion hat eigentlich zwei Argumente. Lassen wir das zweite Argument weg, so liefert dies uns eine neue Funktion, die noch ein Argument entgegennimmt und sodann die Restberechnung ausführt.

```
1 mod :: Int -> Int -> Int
2 mod m n = ...
3
4 mod 10 :: Int -> Int
5 (mod 10) n = mod 10 n
```

PARTIELLE APPLIKATION

Funktionen müssen nicht immer mit allen Argumenten versorgt werden. Lässt man (hintere) Argumente weg, so spricht man von Unterversorgung. Die Modulo Funktion hat eigentlich zwei Argumente. Lassen wir das zweite Argument weg, so liefert dies uns eine neue Funktion, die noch ein Argument entgegennimmt und sodann die Restberechnung ausführt.

```
1 mod :: Int -> Int -> Int
2 mod m n = ...
3
4 mod 10 :: Int -> Int
5 (mod 10) n = mod 10 n
```

```
1 (> 3) :: Int -> Bool
2 (> 3) x = x > 3
```

FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG — MAP

Funktionen können als Argumente von Funktionen auftreten. Wir lernen drei Basics kennen:

FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG — MAP

Funktionen können als Argumente von Funktionen auftreten. Wir lernen drei Basics kennen:

Die Funktion map

- map ermöglicht es eine Funktion f auf alle Elemente einer Liste anzuwenden

```
1 | map :: (Int -> Int) -> [Int] -> [Int]
2 | map f [] = []
3 | map f (x:xs) = f x : map f xs
```

- *Beispiel.*

```
1 | map square [1,2,7,12,3,20] = [1,4,49,144,9,400]
```


Die Funktion filter

- `filter p xs` liefert eine Liste, die genau die Elemente von `xs` enthält, welche das Prädikat `p` erfüllen

```
1 | filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
2 | filter p xs = [ x | x <- xs, p x]
```

- *Beispiel.*

```
1 | filter odd [1,2,7,12,3,20] = [1,7,3]
```

Die Funktion foldr

- `foldr f z xs` faltet eine Liste `xs` und verknüpft jeweils durch die Funktion `f`; gestartet wird mit `z` und dem rechten Element

```
1 | foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
2 | foldr f z []          = z
3 | foldr f z (x:xs)     = f x (foldr f z xs)
```

- *Beispiel.*

```
1 | foldr (+) 3 [1,2,3,4,5] = 18
2 | length xs = foldr (+) 0 (map (\x -> 1) xs)
```

FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG – ÜBERSICHT

- `map` wendet Funktion auf alle Listenelemente an

```
1 | map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
2 | map f [] = []
3 | map f (x:xs) = f x : map f xs
```

- `filter` wählt Listenelemente anhand einer Funktion aus

```
1 | filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
2 | filter p xs = [ x | x <- xs, p x]
```

- `foldr` faltet eine Liste mit Verknüpfungsfunktion (von rechts beginnend)

```
1 | foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
2 | foldr f z [] = z
3 | foldr f z (x:xs) = f x (foldr f z xs)
```

AUFGABE 2

Produkt der Quadrate aller geraden Zahlen einer Liste

```
1 || f :: [Int] -> Int
```

AUFGABE 2

Produkt der Quadrate aller geraden Zahlen einer Liste

```
1 || f :: [Int] -> Int
```

```
1 || f xs  
2 ||   = foldr (+) 0 (map (^2) (filter ('mod' 2) == 0) xs))
```

AUFGABE 2

Produkt der Quadrate aller geraden Zahlen einer Liste

```
1 || f :: [Int] -> Int
```

```
1 || f xs  
2 ||   = foldr (+) 0 (map (^2) (filter ('mod' 2) == 0) xs))
```

```
1 || f' xs = foldr (*) 1 (map (^2) (filter even xs))
```

AUFGABE 2

Produkt der Quadrate aller geraden Zahlen einer Liste

```
1 | f :: [Int] -> Int
```

```
1 | f xs  
2 |   = foldr (+) 0 (map (^2) (filter ('mod' 2) == 0) xs))
```

```
1 | f' xs = foldr (*) 1 (map (^2) (filter even xs))
```

```
1 | f'' = foldr (*) 1 . map (^2) . filter even
```

```
1 | f'''  
2 |   = foldr (*) 1 . map (^2) . filter ((== 0) . ('mod' 2))
```

Faltung einer Liste von *links*

```
1 || foldleft :: (Int -> Int -> Int) -> Int -> [Int] ->  
  ||      Int
```


Faltung einer Liste von *links*

```
1 | foldleft :: (Int -> Int -> Int) -> Int -> [Int] ->  
  | Int
```

```
1 | foldleft :: (Int -> Int -> Int) -> Int -> [Int] -> Int  
2 | foldleft f x [] = x  
3 | foldleft f x (y:ys) = foldleft f (f x y) ys
```

Fragen?