# **PROGRAMMIERUNG**

ÜBUNG 4: FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG

Eric Kunze
eric.kunze@tu-dresden.de

TU Dresden, 02. Mai 2022

# Typpolymorphie & Funktionen höherer Ordnung

#### **TYPPOLYMORPHIE**

**bisher**: Funktionen mit konkreten Datentypen

```
z.B. length :: [Int] -> Int
```

 Problem: Funktion würde auch auf anderen Datentypen funktionieren

```
z.B. length :: [Bool] -> Int oder length :: String -> Int
```

▶ **Lösung**: Typvariablen und polymorphe Funktionen

```
z.B. length :: [a] -> Int
```

#### **TYPPOLYMORPHIE**

- ▶ **bisher**: Funktionen mit konkreten Datentypen
  - z.B. length :: [Int] -> Int
- ► **Problem**: Funktion würde auch auf anderen Datentypen funktionieren
  - z.B. length :: [Bool] -> Int oder length :: String -> Int
- ▶ **Lösung**: Typvariablen und polymorphe Funktionen
  - z.B. length :: [a] -> Int

Bei konkreter Instanziierung wird Typvariable an entsprechenden Typbezeichner gebunden (z.B. a = Int oder a = Bool).

- ► Der Aufruf length [1,5,2,7] liefert für die Typvariable a = Int.
- ► Der Aufruf length [True, False, True, True, False] liefert die Belegung a = Bool.
- ▶ Der Aufruf length "hello" impliziert a = Char.

#### **FUNKTIONEN**

Wir kennen bereits einige Möglichkeiten Funktionen zu notieren. Hier seien einige weitere erwähnt.

**anonyme Funktionen.** Funktionen ohne konkreten Namen z.B. ( $x \rightarrow x+1$ ) ist die Addition mit 1

$$1 | ( x -> x+1 ) 4 = 5$$

#### **FUNKTIONEN**

Wir kennen bereits einige Möglichkeiten Funktionen zu notieren. Hier seien einige weitere erwähnt.

**anonyme Funktionen.** Funktionen ohne konkreten Namen z.B. ( $x \rightarrow x+1$ ) ist die Addition mit 1

$$| ( x -> x+1 ) 4 = 5$$

**Operator** ↔ **Funktion** Aus Operatoren (wie z.B. +) kann man eine Funktion machen und vice versa.

▶ Operator → Funktion: Klammern

ightharpoonup Funktion ightarrow Operator: Backticks ' . . . '

# **FUNKTIONSKOMPOSITION**

Analog zur mathematischen Notation  $f = g \circ h$  für f(x) = g(h(x)) versteht auch Haskell das Kompositionsprinzip mit dem Operator . z.B.

```
1 | sqAdd :: Int -> Int
2 | sqAdd = (^2) . (+ 5)
```

statt  $sqAdd x = (x + 5)^2$  für das Quadrat des fünften Nachfolgers

# **PARTIELLE APPLIKATION**

Funktionen müssen nicht immer mit allen Argumenten versorgt werden. Lässt man (hintere) Argumente weg, so spricht man von Unterversorgung. Die Modulo Funktion hat eigentlich zwei Argumente. Lassen wir das zweite Argument weg, so liefert dies uns eine neue Funktion, die noch ein Argument entgegennimmt und sodann die Restberechnung ausführt.

```
mod :: Int -> Int -> Int
mod m n = ...

mod 10 :: Int -> Int
(mod 10) n = mod 10 n
```

#### **PARTIELLE APPLIKATION**

Funktionen müssen nicht immer mit allen Argumenten versorgt werden. Lässt man (hintere) Argumente weg, so spricht man von Unterversorgung. Die Modulo Funktion hat eigentlich zwei Argumente. Lassen wir das zweite Argument weg, so liefert dies uns eine neue Funktion, die noch ein Argument entgegennimmt und sodann die Restberechnung ausführt.

```
mod :: Int -> Int -> Int
mod m n = ...

mod 10 :: Int -> Int
(mod 10) n = mod 10 n
```

```
1 (> 3) :: Int -> Bool
2 (> 3) x = x > 3
```

# FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG — MAP

Funktionen können als Argumente von Funktionen auftreten. Wir lernen drei Basics kennen:

# FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG — MAP

Funktionen können als Argumente von Funktionen auftreten. Wir lernen drei Basics kennen:

#### **Die Funktion map**

 map ermöglicht es eine Funktion f auf alle Elemente einer Liste anzuwenden

```
map :: (Int -> Int) -> [Int] -> [Int]
map f [] = []
map f (x:xs) = f x : map f xs
```

► Beispiel.

```
map square [1,2,7,12,3,20] = [1,4,49,144,9,400]
```

# FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG — FILTER

#### **Die Funktion filter**

▶ filter p xs liefert eine Liste, die genau die Elemente von xs enthält, welche das Prädikat p erfüllen

```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
filter p xs = [ x | x <- xs, p x]
```

► Beispiel.

```
filter odd [1,2,7,12,3,20] = [1,7,3]
```

# FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG — FOLDR

#### Die Funktion foldr

► foldr f z xs faltet eine Liste xs und verknüpft jeweils durch die Funktion f; gestartet wird mit z und dem rechtesten Element

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b

foldr f z [] = z

foldr f z (x:xs) = f x (foldr f z xs)
```

► Beispiel.

```
foldr (+) 3 [1,2,3,4,5] = 18
2 length xs = foldr (+) 0 (map (\x -> 1) xs)
```

# FUNKTIONEN HÖHERER ORDNUNG – ÜBERSICHT

map wendet Funktion auf alle Listenelemente an

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map f [] = []
map f (x:xs) = f x : map f xs
```

▶ filter wählt Listenelemente anhand einer Funktion aus

```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
filter p xs = [ x | x <- xs, p x]
```

► foldr faltet eine Liste mit Verknüpfungsfunktion (von rechts beginnend)

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b

foldr f z [] = z

foldr f z (x:xs) = f x (foldr f z xs)
```

# Aufgaben 1 & 2

Funktionen höherer Ordnung

```
1 f :: [Int] -> Int
```

```
1 | f :: [Int] -> Int
```

```
1 | f xs
2 | = foldr (+) 0 (map (^2) (filter ('mod' 2) == 0) xs))
```

```
| f :: [Int] -> Int
| f xs
| = foldr (+) 0 (map (^2) (filter ('mod' 2) == 0) xs))
| f' xs = foldr (*) 1 (map (^2) (filter even xs))
```

```
1 f :: [Int] -> Int
1 | f xs
2 | = foldr (+) 0 (map (^2) (filter ('mod' 2) == 0) xs))
| f' \times s = foldr (*) 1 (map (^2) (filter even xs))
||f''| = foldr (*) 1 \cdot map (^2) \cdot filter even
= foldr (*) 1 . map (^2) . filter ((== 0) . ('mod'
2))
```

# Faltung einer Liste von links

```
| foldleft :: (Int -> Int -> Int) -> Int -> [Int] ->
| Int
```

# Faltung einer Liste von links

```
| foldleft :: (Int -> Int -> Int) -> Int -> [Int] ->
| Int
```

```
foldleft :: (Int -> Int -> Int) -> Int -> [Int] -> Int
foldleft f x [] = x
foldleft f x (y:ys) = foldleft f (f x y) ys
```

**Aufgabe 3** 

Bäume mit beliebig vielen Kindern

# **AUFGABE 1 – TEIL (A)**

# Beispielbaum

```
data Tree a = Node a [Tree a] deriving Show
```

# **AUFGABE 1 – TEIL (A)**

# Beispielbaum

```
data Tree a = Node a [Tree a] deriving Show
```

```
mytree :: Tree Char
mytree = Node 'a' [
          Node 'b' [ Node 'c' [], Node 'd' [] ],
          Node 'e' [ Node 'f' [] ],
          Node 'g' []
          ]
```

# **ENDE**

Fragen?