第一章 随机事件及其概率

1.	写出	下列试验的样本空间:
----	----	------------

- (1) 抛掷三颗质地均匀的骰子,观察三颗骰子出现的点数和的情 况;
- (2) 对一个目标进行射击,一旦击中便停止射击,观察射击的次 数:
 - (3) 在单位圆内任取一点,记录它的坐标;
 - (4) 记录一个班一次概率考试的平均分数。
 - 2. 将下列事件用事件 A, B, C表示出来:
 - (1) A, B, C中至少有一个发生;
 - (2) A, B, C中只有A发生;
 - (3) A, B, C 中恰好有两个发生;
 - (4) A, B, C 中至少有两个发生;

(5) A, B, C 中只有一个发生;

(6) A, B, C中不多于一个发生;

(7) A, B, C都不发生。

3. 设 A, B, C 是三个事件,且 $P(A) = P(B) = P(C) = \frac{1}{4}$, $P(AC) = \frac{1}{8}$ 求 A, B, C 中至少有一个发生的概率以及 A, B, C 全不发生的概率。

4. 设 A, B 是 两 个 事 件 , 已 知 P(A) = 0.5 , P(B) = 0.7 , $P(A \cup B) = 0.8$ 。试求 P(A - B) = P(B - A) 。

- 5. 袋中装有标号为 1, 2, ..., 10 的 10 个相同的球, 从中任取 3 个 球, 试求:
 - (1) 3个球中最小的标号为5的概率;

(2) 3个球中最大的标号为5的概率。

6. 4 张卡片上分别写上字母 d, g, o, o.把这 4 张卡片随机排列, 试求它们恰好组成"good"的概率。

- 7. 已知 N 件产品中有 M 件是不合格品,今从中随机地抽取 n 件。 试求:
 - (1) n 件中恰有 k 件不合格品的概率;

(2) n 件中至少有一件不合格的概率。

8. 5 双不同的手套中任取 4 只, 试问其中至少有 2 只配成一双的概 率多大?

9. 袋中有5个白球6个黑球,从袋中一次取出3个球,发现是同一 种颜色, 求该颜色是黑色的概率。

10. 某建筑物按设计要求使用寿命超过 50 年的概率为 0.8, 超过 60 年的概率为 0.6, 该建筑物经历了 50 年之后, 它将在 10 年内倒塌的概率 有多大?

. 教师

11. 袋中有 r 只红球,t 只白球,每次从袋中任取一只球,观察其颜色后放回,并再放入 a 只与所取的那只球同色的球。若在袋中连续取球四次,试求第一、二次取到红球且第三、四次取到白球的概率。

12. 某年级有甲、乙、丙三个班级,各班人数分别占年级总人数的 $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{5}{12}$, 已知甲、乙、丙三个班级中集邮人数分别占该班总人数的 $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{5}$ 。试求:

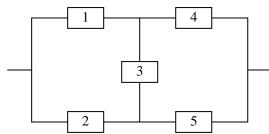
(1) 从该年级中随机地选取一个人,此人为集邮者的概率;

(2) 从该年级中随机地选取一个人,发现此人为集邮者,此人属于 乙班的概率。 13. 已知男子有 5%是色盲患者,女子中有 0.25%是色盲患者。今从 男女人数相等的人群中随机挑选一人,恰好是色盲患者,问此人是男性 的概率是多少?

14. 设 A, B 是两个相互独立的事件, 已知 P(A)=0.3, $P(A \cup B)=0.65$ 。试求 P(B)。

15. 袋中有 20 个球, 其中 7 个是红的, 5 个是黄的, 4 个是黄、蓝两色的, 1 个是红、黄、蓝三色的, 其余 3 个是无色的。A, B, C 分别表示从袋中任意摸出 1 球有红色、有黄色、有蓝色的事件,证明P(ABC) = P(A)P(B)P(C),但A, B, C两两不独立。

16. 图中电路由 5 个元件组成,它们工作状况是相互独立的,元件的可靠度都是p,求系统的可靠度,如图。



17. 三个人独立地去破译一份密码,已知各人能译出的概率分别为 $\frac{1}{5}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$ 。问三人至少有一人能将此密码译出的概率。

- 18.5 名篮球运动员独立地投篮,每个运动员投篮的命中率都是40%。他们各投一次。试求:
 - (1) 恰有两个投中的概率;

(2) 至少有两个投中的概率。