

学号：_____；姓名：_____；教师：_____

9. 已知随机变量 (X, Y) 的概率密度为

$$f(x, y) = \begin{cases} ke^{-(x+y)}, & 0 < x < +\infty, 0 < y < +\infty, \\ 0, & \text{其它.} \end{cases}$$

(1) 确定 k ;

(2) 求边缘概率密度;

(3) X 和 Y 是否独立?

学号：_____；姓名：_____；教师：_____

10. 已知 X 与 Y 的分布律分别为

X	-1	0	1
p_k	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$

Y	0	1
p_k	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

而且 $P\{XY=0\}=1$ 。

(1) 求 (X, Y) 的联合分布律；

(2) 问 X 和 Y 是否独立？

学号：_____；姓名：_____；教师：_____

11. 设 X, Y 分别表示甲、乙两个元件的寿命（单位：千小时），其概率密度分别为

$$f_X(x) = \begin{cases} e^{-x}, & x > 0, \\ 0, & x \leq 0, \end{cases} \quad f_Y(y) = \begin{cases} 2e^{-2y}, & y > 0, \\ 0, & y \leq 0, \end{cases}$$

若 X 与 Y 独立，两个元件同时开始使用，求甲比乙先坏的概率。

12. 设 X 的分布律为

X	0	1	2
p_k	$\frac{1}{6}$	$\frac{2}{6}$	$\frac{3}{6}$

随机变量 Y 与 X 的分布律相同且与 X 独立。求

(1) $Z = X + Y$ 的分布律；

学号：_____；姓名：_____；教师：_____

(2) $M = \max\{X, Y\}$ 的分布律；

(3) $N = \min\{X, Y\}$ 的分布律。

学号: _____; 姓名: _____; 教师: _____

13. 设 X, Y 的概率密度如下, 且 X, Y 相互独立。

$$f_X(x) = \begin{cases} e^{-x}, & x > 0, \\ 0, & x \leq 0, \end{cases} \quad f_Y(y) = \begin{cases} 2y, & 0 < y < 1, \\ 0, & \text{其它}. \end{cases}$$

试求 $Z = X + Y$ 的概率密度。

14. 系统由 5 个元件串联而成, 5 个元件的寿命分别为 X_1, X_2, X_3, X_4, X_5 , 它们相互独立, 且都服从参数 $\lambda = \frac{1}{2000}$ 的指数分布, 求系统寿命大于 1 000 的概率。