# **Metode Numerice si Calcul Stiintific**

## **FDM**

**Oana Mancu** 

**Profesor Coordonator:** 

Prof. Dr. Liviu Marin

## 1. Cerinte

III. Fie problema Dirichlet omogenă pentru ecuația de difuzie-advecție 1D:

$$-\epsilon u''(x) + \beta u'(x) = 1, \quad x \in (0,1)$$
 (9a)

$$u(0) = 0, \quad u(1) = 0$$
 (9b)

unde  $\beta > 0$  și  $0 < \epsilon \ll \beta$ .

(i) Arătați că soluția exactă a problemei (9a)–(9b) este dată de:

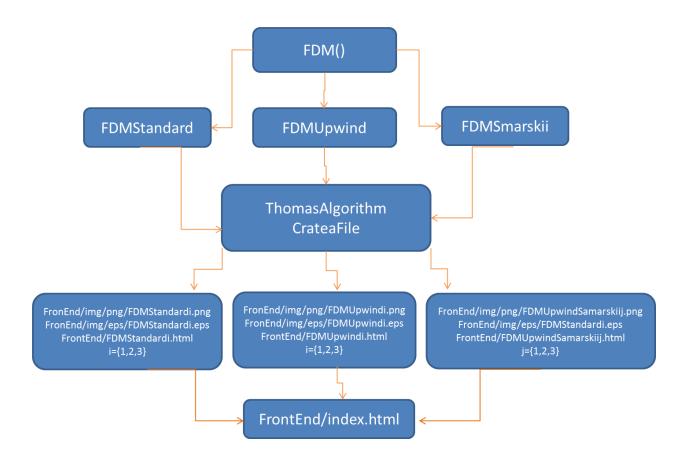
$$u^{(\mathrm{ex})}(x) = \frac{1}{\beta} \left( x - \frac{1 - \mathrm{e}^{\beta x/\epsilon}}{1 - \mathrm{e}^{\beta/\epsilon}} \right), \quad x \in [0, 1]$$

- (ii) Implementați metoda diferențelor finite (FDM) standard pentru problema (9a)– (9b) cu  $\beta = 1$  și  $\epsilon \in \{10^{-1}, 10^{-2}, 10^{-3}\}.$
- (iii) Implementați schema FDM upwind pentru problema (9a)–(9b) cu  $\beta=1$  și  $\epsilon\in\{10^{-1},10^{-2},10^{-3}\}.$
- (iv) Implementați schema FDM upwind modificată a lui Samarskii pentru problema (9a)–(9b) cu  $\beta = 1$  și  $\epsilon \in \{10^{-1}, 10^{-2}, 10^{-3}\}.$

#### 2. Instructiuni

- (#) FDM () ruleaza program MatLab
- (#) FrontEnd/index.html vizualizare proiect

### 3. Schema



### **Alte Componente:**

- CSS
- Js
- GaussSeidel.m (Merge. E bun. Dar nu e folosit din cauza complexitatii timp foarte mare fata de ThomasAlgorithm)
- Documentatie.pdf

# 4. Bibliografie

(#) BackEnd: Curs Metode Numerice si Calcul Stiintific 2015-1016, prof. Dr. Liviu Marin

(#) FrontEnd: Codrops, Font Awesome