## UNIVERSIDADE ESTADUAL DO RIO DE JANEIRO

Introdução à Geometria Analítica P2, 2016.1

> Campus: IPRJ Prof. Angelo M. Calvão

Aluno:

Coloque o seu nome na primeira página das respostas e coloque suas iniciais nas páginas subsequentes, para o caso em que as páginas venham a se separar. Você  $n\tilde{a}o$  pode usar seus livros e notas neste teste. Você deve mostrar o desenvolvimento de todas as questões. Valem as seguintes regras:

- Se você for usar um "teorema fundamental", você deve indicar isto e explicar o porquê este teorema pode ser aplicado.
- Organize o seu trabalho de maneira clara e coerente. Soluções que não estejam claras e desorganizadas receberão pouco ou nenhum crédito.
- Resultados misteriosos e sem embasamento não receberão crédito. Questões corretas sem embasamento de cálculos algébricos ou sem justificativas não serão aceitas.
- Confira as suas respostas. Ao terminar cada questão, confira as respostas e verifique se o resultado final está correto. Resultados finais incorretos não serão aceitos.

• Coloque suas respostas finais nesta folha e entregue os seus cálculos anexos.

1. Discutir segundo os valores de m e p o sistema:

$$\begin{cases} x + y + mz = 1\\ x + 2y + z = 2\\ 2x + 5y - 3z = p \end{cases}$$
 (1)

- 2. (a) Mostrar que a equação  $3x^2+4y^2-6x-16y+7=0$  representa uma elipse.
  - (b) Mostrar que a equação  $2x^2-3y^2-4x+6y-7=0$  representa uma hipérbole.
- **3.** Determinar um ponto D no eixo dos z tal que o tetraedro ABCD tenha volume igual a 18. Dados A = (3,0,0), B = (0,1,0) e C = (3,3,0).
- **4.** Determinar a equação do plano que passa por P(2,2,4) e é paralelo às retas  $\frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{4}$  e  $\frac{x}{4} = \frac{y}{1} = \frac{z}{3}$ .
- **5.** Determinar a equação da circunferência que passa pelos pontos M(2,0) e N(4,-2), e tem centro na reta s: y = 2x.