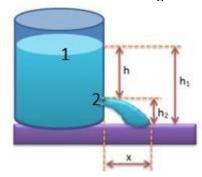
PENERAPAN AZAS BERNOULLI

Azas Bernaulli banyak ditemui dalam kehidupan sehari hari diantarnya tangkiair berlubang,Venturimeter,tabung pitot dan aliran udara pada sayappesawat terbang.

1. Tangki air berlubang

Sebuah tabung berisikan fluida dengan ketinggian permukaan fluida dari dasar adalah h. Memiliki lubang kebocoran pada ketinggian h₂dari dasar tabung.



Jika permukaan fluida dianggap sebagai permukaan 1dan lubang kebocoran sebagai permukaan 2, maka berdasarkan Azas Bernaulli:

$$\begin{array}{c} P_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g h_1 = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g h_2 \\ Karen P_1 = P_2 dan v_1 = 0, \ maka (v_1 <<<<< v_2) \\ \rho g h_1 = \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g h_2 \\ g h_1 = \frac{1}{2}v_2^2 + g h_2 \\ \frac{1}{2}v_2^2 = g h_1 - \\ g h_2 v_2^2 = 2g (h_1 - h_2) \\ \hline v_2 = \sqrt{2}\overline{g(h_1 - h_2)} \end{array}$$

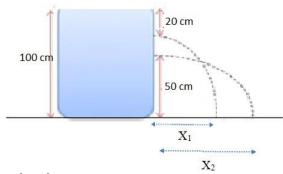
dimana

 v_2 =besar kecepatanaliranfluidakeluardaritabung(m/s) g= percepatan gravitasi (m/s²) h_1 =ketinggian fluida dari dasar tabung(m) h_2 =ketinggian lubang mebocoran dari dasartabung(m)

ContohSoal

Sebuah tabung berisi zat Cair sampai penuh. Pada dinding tabung terdapat dua lubang kecil pada ketinggian seperti terlihat pada gambar sehingga zat cair memancar keluar dari lubang dengan jarak horisontal X1 dan X2. Berapakah perbandingan X1 dan X2?

Pembahasan



Diketahui : h = 100cm Lubang1, $h_1=20$ m Lubang2, $h_1=50$ cm

Ditanyakan X₁: X₂=...? Jawab

$$X_{1}:X_{2}=2\sqrt{h_{1(h-h_{1})}}:2\sqrt{h_{1(h-h_{1})}}$$

$$=\sqrt{20(100-20)}:\sqrt{50(100-50)}$$

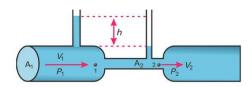
$$=\sqrt{1600}:\sqrt{2500}$$

= 40:50 = 4:5

2. PipaVenturimeter

Alat ini digunakan untuk mengukur laju aliran suatu cairan dalam sebuah pipa. Pada dasarnya, alat ini menggunakan pipa yang mempunyai bagian yang menyempit. Ada 2 macam venturimeter, yaitu:

- 1. Venturi meter tanpa manometer
- 2. Venturi meter dengan manometer
- a. Venturi meter tanpa manometer



Menggunakan Azas bernaulli,maka $P_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g h_1 = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g h_2$ Karenah $_1 = h_2$,maka $P_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2$ $P_1 - P_2 = \frac{1}{2}\rho \left(v_2^2 - v_1^2\right)$ Karena $P_1 - P_2 = \rho g h \ dan \ v_2 = \frac{A_1}{2}v_1 \ maka$

$$v_1 = \sqrt{\frac{2gh}{(\frac{A_1}{A_2})^2 - 1}}$$

$$v_2 = \sqrt{\frac{2gh}{(\frac{A_2}{(A_1)^2} - 1)}}$$

dengan:

v1 = besar kecepatan fluida melalui pipa dengan luas penampang A1 (m/s)

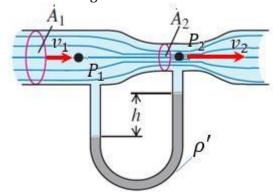
v2 = besar kecepatan fluida melalui pipa dengan luas penampang A2 (m/s)

h = selisih ketinggian fluida (m)

A1 = luas penampang 1 (m²)

A2 = luas penampang 2 (m²)

b. Venturi meter dengan manometer



Bila venturi meter dilengkapi dengan manometer(pipaUyangberisizatcair lain, maka kecepatan fluida ditentukan dengan persamaan:

$$v_1=A_2\sqrt{\frac{2(\rho'-\rho)gh}{\rho(A_1^2-A_2^2)}}$$

dengan

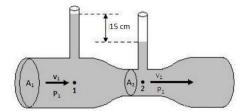
ρ'=massa jenis fluida pada manometer(kg/m³)

ρ=massa jenis fluida yang diukur kecepatannya(kg/m³)

h= perbedaan tinggi fluida pada manometer (m)

Contoh soal

Perhatikan gambar berikut!



Sebuah venturi meter memiliki luas penampang besar 10cm^2 dan luas penampang kecil 5 cm². Hitunglah besar kecepatan aliran air pada penampang besar dan penampang kecil! ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

Pembahasan

Diketahui $A_1=10cm^2=10.10^{-4}m^2A_2=5 cm^2=5.10^{-4}m^2 h=15cm=15.10^{-2}m g=10 m/s^2$

DitanyakanV₁danV_{2..?}

$$v_{1} = \sqrt{\frac{\frac{2gh}{(\frac{A_{1}}{1})^{2} - 1}}{\frac{(A_{2})^{2}}{(A_{2})^{2}}}}$$

$$v_{1} = \sqrt{\frac{\frac{2.10.15.10^{-2}}{\frac{10.10^{-4}}{2}}}{\binom{5.10^{-4}}{10.10^{-4}} - 1}}$$

$$= 1 \text{m/s}$$

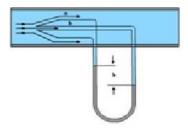
Untukmenentukanv2gunakanpersamaankontinuitas A1.

$$v_1 = A_2 \cdot v_2$$

 $10.10^{-4} \cdot 1 = 5.10^{-4} \cdot v_2$
 $V_2 = 2m/s$

3. Tabungpitot

Tabung pitot merupakan alat yang digunakan untuk mengukur laju aliran suatu gas atau udara. Berikut ditunjukkan gambar tabung pitot yang dilengkapi dengan manometer yang berisi zar cair.



Zatcair yang beradavpada pipa U mempunyai beda ketinggianh dan massajenis ρ'.Bila massa jenis udara yang mengalir adalah ρ dengan kelajuan maka

$$V = \sqrt{\frac{2gh\rho'}{\rho}}$$

Dengan

ContohSoal

Sebuah tabung pitot digunakan untuk mengukur kelajuan aliran gas oksigen yang mempunyai massa jenis 1,43 kg/m³dalam sebuah pipa. Jika perbedaan tinggi zat cair pada kedua kaki manometer adalah 5 cm dan massa jenis zat cair 13.600 kg/m³, hitunglah kelajuan aliran gas pada pipa tersebut!

Pembahasan Diketahui : ρ = 1,43 kg/m³ ρ ′=13.600k g/m³h=5cm=0,05 m g = 10m/s²

Ditanyakanv?

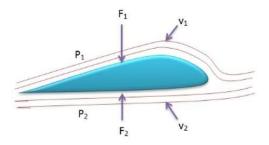
Jawab $V = \int_{0}^{2\rho'gh} dh$

$$V = \sqrt{\frac{2\rho'gh}{\rho}}$$

$$= \sqrt{\frac{\frac{2.(13.600).(10)(0,05)}{1,43}}{1,43}}$$

$$= 97.52 \text{ m/s}$$

4. Saya pesawat terbang



Gaya angkat pesawat diperoleh karena tekanan di bawah sayaplebih besar dari pada tekanan di atas sayap, hal itu disebabkan karena perbedaan bentuk sayap pesawat yang lebih melengkung di bagian bawah pesawat sehingga kecepatan dibagian bawah sayap lebih kecil dari pada dibagian atas sayap.Desain sayap pesawat yang berbentuk aerodinamik menyebabkan kelajuan udara diatas sayap v_1 lebih besar dari pada di bawah sayap v_2 , sehingga Dengan menggunakan AzasBernoulli untuk sayap pesawat dibagian atas dan sayap pesawat di bagian bawah dimana tidak terdapat perbedaan ketinggian sehingga energi potensialnya sama-samanol,didapat:

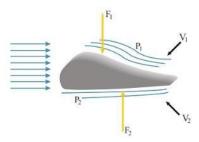
$$\begin{split} P_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 &= P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 \\ P_2 - P_1 &= \frac{1}{2}\rho \left(v_1^2 - v_2^2\right) \\ F_{angkat} &= F_2 - F_1 = \frac{1}{2}\rho \left(v_1^2 - v_2^2\right)A \end{split}$$

Dimana:

F_{angkat} =F₂-F₁=gaya angkat pesawat(N) ρ = massa jenis udara (kg/m³) A =luasan sayap pesawat(m²)

v₁ = kecepatan aliran udara di atas sayap(m/s)v₂ =kecepatan aliran udara dibawah sayap(m/s

Contoh soal



Jika kecepatan aliran udara di bagian bawah sayap pesawat terbang 60 m/s, dan selisih tekanan atas dan bawah sayap10N/m,berapakah kecepatan aliran udara di bagian atas sayap pesawat ? (ρ_{udara} = 1,29 kg/m³)

Pembahasan

Diketahui:

 $V_2 = 60 \text{m/s}$

 $P_2-P_1=10N/m$

Ditanyakan

 $V_1...?$

Jawab
$$P_2-P_1 = \frac{1}{2}\rho(v_1^2-v_2^2)$$

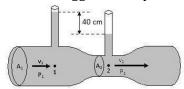
$$10=\frac{1}{2}.1,29(v_1^2-60^2)$$

$$\frac{20}{1,29}=v_1^2-60^2$$

$$V_1=60,13 \text{ m/s}$$

B. Latihan Soal

- 1. Sebuah tangki berisi air setinggi 11 m. Pada dinding tangki terdapat lubang kecil berjarak 1 m dari dasar tangki. Jika g = 9,8 m/s², berapakah kecepatan air yang keluar dari lubang?
- 2. Sebuah venturimeter memiliki luas penampang besar 18 cm² dan luas penampang kecil 6 cm². Alat ini digunakan untuk mengukur kecepatan aliran air. Jika perbedaan ketinggian air seperti ditunjukkan pada gambar, hitunglah



kecepatan aliran air di penampang besar dan penampang kecil!

- 3. Perbedaan ketinggian raksapada bagian mano meter tabung pitot 2 cm. Jika massa jenis udara/gasyangmasukkedalamtabung1,98,berapakah kecepatan aliran udara/gas tersebut? (ρ_{raksa} = 13.600 kg/m³)
- 4. Perrbedaan tekanan udara antara atas dan bawah pesawat 20 N/m². Jika kecepatan aliran udara di bawah sayap 70 m/s, berapakah kecepatan aliran udara di atas sayap pesawat? ($\rho = 1,29 \text{ kg/m}^3$

Pembahasan soal no1 Diketahui:

h₁=11 m h₂= 1 m Ditanyakan V = ..? Jawab V= $\sqrt{2g(h_1-h_1)}$ = $\sqrt{2.9,8(11-1)}$

 $= \sqrt{196}$ = 14 m/s

Soal no2

Diketahui A_1 =18cm 2 =18.10 $^{\cdot}$ 4 m 2 A $_2$ =6cm 2 =610 $^{\cdot 4}$ m 2 h=40cm=0,4m Ditanyakan V_1 dan V_2 ..?

$$v_{1} = \sqrt{\frac{\frac{2gh}{(\frac{A_{1}}{1})^{2} - 1}}{\frac{(A_{2})^{2}}{(A_{2})^{2}}}}$$

$$= \sqrt{\frac{\frac{2.10.0.4}{18.10^{-4}.2}}{(6.10^{-4}.)^{-1}}}$$

$$= \sqrt{8}$$

$$= 1 \text{m/s}$$

Pembahasansoalno3

Diketahui:

$$h = 2cm = 0.02m$$

$$\rho = 1.98 \text{ kg/m}^3$$

$$\rho'=13.600 \text{ kg/m}^3$$

Ditanyakan

$$V_1 = ...?$$

$$V = \sqrt{\frac{2gh\rho}{\rho}}$$

$$V = \sqrt{\frac{2.10.0,02.13.600}{1,98}}$$

$$= \sqrt{2.747,47}$$

$$= 52,42 \text{ m/s}$$

Pembahasansoalno4

Diketahui:

$$P_2-P_1=20N/m$$

$$V_2 = 70 \text{m/s}$$

$$\rho$$
= 1,29 kg/m³

Ditanyakan

V₁=...?

 $P_2-P_1=\frac{1}{2}\rho.(v_1^2-v_2^2)$ $20=\frac{1}{2}.1,29.(v_1^2-70^2)$ $31,008=v_1^2-4900$ $V_1=70,22 \text{ m/s}$