

Programación dinámica

...

Técnica que se usa para encontrar **soluciones óptimas** a problemas, y para contar el **número de soluciones**.

Conteo de monedas

Tenemos un conjunto de valores de monedas $coin_values = \{c1, c2, c3, \dots, cn\}$, y un monto objetivo de dinero x . Obtén la cantidad x utilizando la menor cantidad de monedas con valores de entre los que están en $coin_values$. No hay restricción en cuanto al número de veces que se usa un valor de moneda.

$coin_values = \{ 1, 2, 5 \}$

$coins = \{ 5, 5, 2 \}$

$x = 12$

Greedy Algorithms

Un algoritmo que toma la **mejor solución inmediata, o local**, al buscar una respuesta. Encuentran la solución óptima en algunos casos, pero típicamente encuentran **soluciones no óptimas para algunas instancias del problema**.

Conteo de monedas

```
def coins_greedy(coin_values, target):  
    coins = []  
    index = -1  
  
    while target > 0:  
        max_value = coin_values[index]  
  
        if target - max_value >= 0:  
            target -= max_value  
            coins.append(max_value)  
        else:  
            index -= 1  
  
    return coins
```

coin_values = { 1, 3, 4}

x = 6

En programación dinámica, se formula el problema recursivamente, para calcular la solución a partir de **subproblemas más pequeños**.

Conteo de monedas

$\text{solve}(0) = 0$
 $\text{solve}(1) = 1$
 $\text{solve}(2) = 2$
 $\text{solve}(3) = 1$
 $\text{solve}(4) = 1$
 $\text{solve}(5) = 2$
 $\text{solve}(6) = 2$
 $\text{solve}(7) = 2$
 $\text{solve}(8) = 2$
 $\text{solve}(9) = 3$
 $\text{solve}(10) = 3$

$\text{solve}(10) = 3$

$3 + 3 + 4 = 10$

Conteo de monedas

$$\text{solve}(x) = \min(\text{solve}(x-1) + 1, \text{solve}(x-3) + 1, \text{solve}(x-4) + 1)$$

$$\text{solve}(10) = \text{solve}(7) + 1 = \text{solve}(4) + 2 = \text{solve}(0) + 3$$