

JAVÍTÓKULCS**I. feladat**

1. $\rho_{He} < \rho_{levegő} \Rightarrow F_A > G$ 2, 5 p
2. A nagyvárosok épületei az utak felhevülnek a napsütés hatására, mert ezeknek a fajhője számottevően kisebb a víz fajhőjétől. Azért a nagy víztömegek mellett a levegő sem melegszik fel nagyon. 2,5 p
3. A kutya kinyújtott nyelve felületén párologtat, ezáltal a latens hő elvonódik a szervezetéből ez lehűti. A lihegés felgyorsítja a párolgást. 2,5 p
4. Az ablaküveg mindkét oldalára hat ez az erő, ezért a két erő kiegyenlíti egymást és nem áll fenn annak a veszélye, hogy az ablaküveg kitörjön. 2,5 p

II. feladat

a)

$$Q_v + Q_e = Q_j + Q_{olv} + Q_{vj} \quad 1 \text{ p}$$

$$m_v c_v (t_v - \theta) + C(t_v - \theta) = m_j c_j (t_{olv} - t_j) + m_j \lambda + m_j c_v (\theta - t_{olv}) \quad 2 \text{ p}$$

$$m_j = \frac{(m_v \cdot c_v + C) \cdot (t_v - \theta)}{c_j \cdot (t_{olv} - t_j) + \lambda + c_v \cdot (\theta - t_{olv})} = 0,261 \text{ kg} \quad 2 \text{ p}$$

b)

Megvizsgáljuk, hogy mennyi hőt cserélne a rendszer minden eleme, ha az olvadáspontonra jutna a kezdeti állapotból.

$$Q_{Fe} = m_{Fe} c_{Fe} (t_{Fe} - t_{olv}) = 2250 \text{ J} \quad 0,4 \text{ p}$$

$$Q_v = m_v c_v (t_v - t_{olv}) = 125400 \text{ J} \quad 0,4 \text{ p}$$

$$Q_e = C(t_v - t_{olv}) = 30000 \text{ J} \quad 0,4 \text{ p}$$

$$Q_j = m_j c_j (t_{olv} - t_j) = 20900 \text{ J} \quad 0,4 \text{ p}$$

$$Q_v + Q_{Fe} + Q_e > Q_j \Rightarrow \theta \geq 0^\circ \text{C} \quad (1) \quad 0,5 \text{ p}$$

$$Q_{olv} = m_j \lambda = 334000 \text{ J} \quad 0,4 \text{ p}$$

$$Q_v + Q_{Fe} + Q_e < Q_j + Q_{olv} \Rightarrow \theta \leq 0^\circ \text{C} \quad (2) \quad 0,5 \text{ p}$$

(1) és (2) $\Rightarrow \theta = 0^\circ \text{C}$, tehát a jég elkezd megolvadni, de nem olvad meg egészen. 0,5 p

$$Q_v + Q_{Fe} + Q_e = Q_j + m_x \lambda \quad 0,5 \text{ p}$$

$$m_x = \frac{Q_v + Q_{Fe} + Q_e - Q_j}{\lambda} = 0,409 \text{ kg} \text{ a megolvadt jég tömege.} \quad 0,5 \text{ p}$$

$$\text{a megmaradt jég tömege: } m_j' = m_j - m_x = 0,591 \text{ kg} \quad 0,5 \text{ p}$$

III. feladat

1. $G = F_A$ 1 p
 $\rho_j y S g = \rho_v (y - h) S g$ y a jég hasáb magassága 2 p
 $y = \frac{\rho_v^h}{\rho_v - \rho_j} = 10 \text{ cm}$ 1 p

Lehetséges megoldások:

- a) Az egyensúlyi feltételből következik, hogy a jég tömege egyenlő a kiszorított víz tömegével, tehát mikor a jég elolvad, a belőle kapott víz éppen a vízbe merülő jég térfogatát fogja kitölteni, azaz a víz szintje nem változik. 1 p

- b) Vagy kiszámítható a jég tömege és a kiszorított víz tömege.

$$m_j = \rho_j \cdot S y = \frac{S \cdot \rho_j \cdot \rho_v \cdot h}{\rho_v - \rho_j}$$

$$m_{\text{kiszorított}} = \rho_v \cdot S \cdot (y - h) = \frac{S \cdot \rho_j \cdot \rho_v \cdot h}{\rho_v - \rho_j}$$

Mivel a két tömeg megegyezik, következik, hogy a jégből kapott víz éppen kitölti a kiszorított víz térfogatát, tehát a víz szintje nem változik.

2. Legyen h_1 a jég hasáb vízből kiemelkedő részének magassága. 0,6 p
 Egyensúlyi feltétel: $G + T = F_A$ 1 p
 $\rho_j y S g + T = \rho_v (y - h_1) S g$ 1 p
 $h_1 = \frac{\rho_v y S g - \rho_j y S g - T}{\rho_v S g} = \frac{y S g (\rho_v - \rho_j) - T}{\rho_v S g} = h - \frac{T}{\rho_v S g} = 5 \text{ mm}$ 1 p

Mivel ez a magasság kisebb mint az előző alpont esetében amikor a jég hasáb úszott a víz felszínén, azt jelenti, hogy az elolvadó jég nem tölti ki a jég vízbe merülő térfogatát. A kitöltetlen rész térfogata:

$$V_{\text{kitöltetlen}} = S(h - h_1) \quad 0,6 \text{ p}$$

A víz térfogata amelyik kimarad a kitöltetlen rész szintjén: $V_{\text{víz}} = (S' - S)(h - h_1)$ 0,6 p

elfoglalja a $V_1 = S'(h - h_1 - h_2)$ 0,6 p

térfogatot, ahol h_2 a víz szintjének esése az edényben.

$$V_1 = V_{\text{víz}} \quad h_2 = \frac{S(h - h_1)}{S'} = 3.33 \text{ mm} \quad 0,6 \text{ p}$$