

**VERMES MIKLÓS Fizikaverseny**  
Kolozsvár, JZsUK, 2024. április 13.  
*Országos döntő*



**Vermes Miklós**  
(1905-1990)

Kossuth-díjas középiskolai fizika-, kémia- és matematikatanár,  
kiváló tankönyvíró és kísérletező.

**IX. osztály**

**1. feladat (3 pont)**

A **biatlon** vagy **sílovészet** összetett téli sport, amely sífutásból és lövészetből áll. A sífutást futólécokkal teljesítik a versenyzők egy pályán. A pálya emelkedő és ereszkedő szakaszokkal rendelkezik. A lövészet fekvő és álló lövészetből áll. A fekvő lövészetben egy  $d_1 = 4,5 \text{ cm}$  átmérőjű, míg az álló lövészetnél  $d_2 = 11,5 \text{ cm}$  átmérőjű céltáblát kell eltalálnak a versenyzők. Mindkét esetben a céltáblák  $D = 50 \text{ m}$  távolságra találhatók a lövéstől. Tudjuk, hogy a sportpuskát a lövedék  $v_0 = 300 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  sebességgel hagyja el. Feltételezzük, hogy a sportpuska és a céltábla azonos magasságon található, valamint, hogy a légellenállás elhanyagolható. A gravitációs gyorsulás  $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$

- Számítsátok ki a puska csőve és a vízszintes által bezárt szöget, tudva, hogy a golyó a céltábla közepébe csapódik be.
- A puskát rögzítjük ebben a helyzetben és a céltáblát a távolság felére, vagyis  $25 \text{ m}$  távolságra hozzuk. Állapítsátok meg fekvő és álló lövészet estében, hogy eltalálja-e a sportoló a céltáblát.
- A sportoló a sífutás ideje alatt mindvégig ugyanakkora erőfeszítést fejt ki. A dombon felfele menetben  $v = 18 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  állandó sebességgel halad és ezzel érkezik fel a dombtetőre, ahonnan ugyanakkora erőfeszítéssel folytatja útját. A domboldal emelkedő és ereszkedő része is ugyanolyan  $\beta = 30^\circ$ -os hajlásszögű, és az ellenálló erők mindvégig azonos értékkel rendelkeznek. Tudva, hogy lejtmenetben a sportoló  $l = 10 \text{ m}$  távolságot tesz meg, számítsátok ki a sebességét a lejtő lábánál.

**Útmutatás:**

- A céllövészetnél használt szögek kicsik és ezekre alkalmazhatod a következő megközelítést:  
 $\sin \alpha = \alpha$  ha a szöget radiánban fejezzük ki.
- Ha szükségesnek látod felhasználhatod a következőket:  
 $1^\circ = \left(\frac{\pi}{180}\right) \text{ rad}$   
 $2 \cdot \sin \alpha \cdot \cos \alpha = \sin 2\alpha$

## 2. feladat (3 pont)

Egy vízszintes síkfelületen egy  $m_1=4$  kg tömegű deszka található, amelyre egy  $m_2=1$  kg tömegű testet helyeznek. A deszka és a síkfelület között a súrlódás elhanyagolható, a test és a deszka között a súrlódási együttható  $\mu = 0,2$ . A testre egy időben  $\mathbf{F} = \mathbf{A} \cdot \mathbf{t}$  törvény szerint növekedő erő hat, ahol  $A = 0,25 \frac{\text{N}}{\text{s}}$ .

- Határozzuk meg azt az időpillanatot, amikor a testek megcsúsznak egymáson.
- Mekkora a testek gyorsulása ebben az időpillanatban?
- Ábrázoljuk a testek gyorsulását az idő függvényében a mozgás első 18 másodpercére.
- Határozzuk meg a deszka, illetve a test sebességét a 18s időpillanatban.

A g értékét vegyük  $10 \text{ m/s}^2$ -nek!

## 3. feladat (3 pont)

Egy  $m$  tömegű A test egy vízszintes felületen található, amelyen súrlódás nélkül mozoghat. A testet egyfelől egy szálal egy falhoz kötöttük, másfelől egy nyújthatatlan, elhanyagolható tömegű szálal egy B testet kötünk hozzá. A két test tömege egyenlő:  $m_A = m_B = m = 1 \text{ kg}$ .

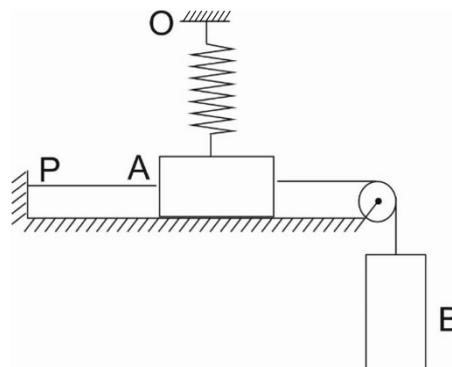
Az A test egy olyan rugóhoz van kötve, amelynek

alakváltozás nélküli hossza  $l_0 = 50 \text{ cm}$ , rugó állandója  $k = \frac{5mg}{l_0}$ .

A PA szálát elégetve a testek mozogni kezdenek.

- Mekkora a rugó megnyúlása abban a pillanatban, amikor az A test elválík a felülettől?
- Mekkora a testek sebessége ebben a pillanatban?
- Ha ezt a felületet kicserélnénk egy érdes felületre, akkor a testek sebessége az elválás pillanatában  $1,5 \frac{m}{s}$  lenne. Mennyi a súrlódási erő munkája ebben az esetben?
- Bizonyítsuk be, hogy ebben az esetben a súrlódási együttható az A test és a felület között  $\mu > 0,189$ .

A g értékét vegyük  $10 \text{ m/s}^2$ -nek!



Hivatalból: (1 pont)

Munkaidő: 3 óra