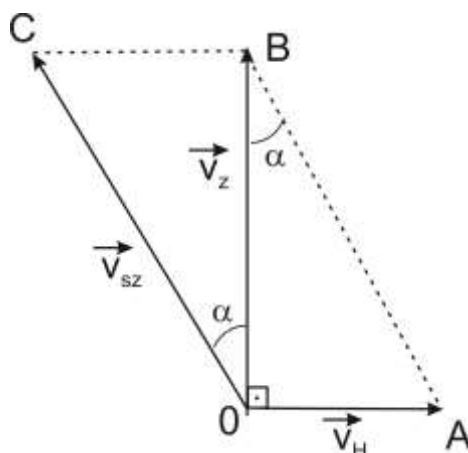


JAVÍTÓKULCS

I. feladat

A zászló a hajó és a szél sebességeinek az eredője mentén fog megállni
Paralelogramma-szabállyal megrajzolni a vektorokat

1p



1p

A $BOA \Delta$ -ben $BO \perp OA$, $OA = \frac{1}{2} BA$ (mert $v_H = \frac{1}{2} v_{sz}$)

1p

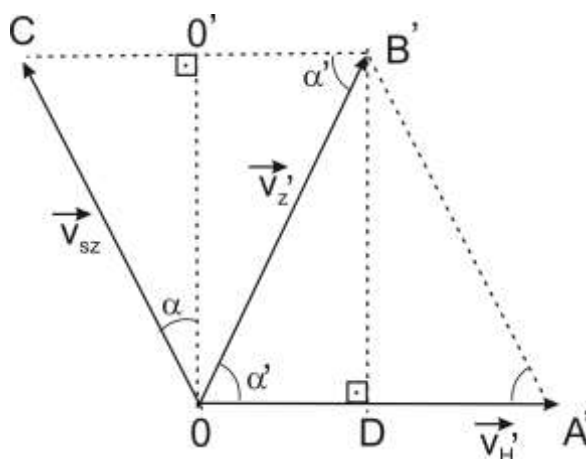
$$\Rightarrow OBA_{szög} = \alpha = 30^\circ$$

1p

Ha $V'_H = 2V_H \Rightarrow V'_H = V_{sz}$, de a szél nem változtatja meg sem az irányát, sem az „erősségét” (sebességének nagyságát)

1p

Az új eredő (paralelogramma szabály) $OB'(V'_z)$



1p

$OC \parallel B'A'$ és $OC = B'A'$, valamint $OA' \parallel B'C$ és $OA' = B'C$

1p

$COO' \Delta$ -ben $\alpha = 30^\circ$ és $CO'O = 90^\circ \Rightarrow OCO'_{szög} = 60^\circ$

1p

$OO' \parallel B'D$; $B'A' \parallel CO \Rightarrow B'DA' \Delta$ -ben: $DB'A'_{szög} = 30^\circ \Rightarrow DA'B'_{szög} = 60^\circ$

1p

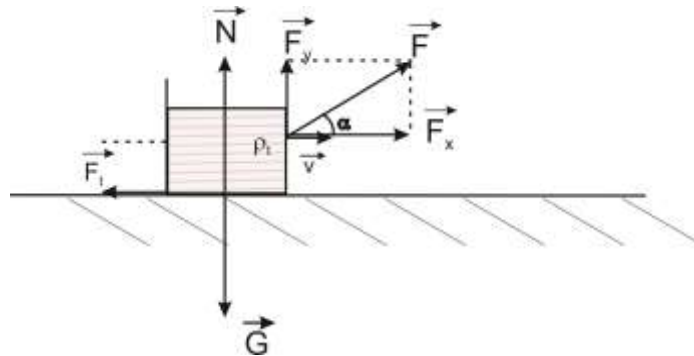
Az $OA'B'$ egyenlő oldalú háromszögben $B'OA'_{szög} = 60^\circ \Rightarrow$

A zászló 60° -os szöget zár be a menetiránnyal

1p/10p

II feladat

a)



1p

A folyadékkal tele tartály tömege $M = m + m_f$; $G = M \cdot g$

0,5p

Erők felbontása: $F_x = \frac{1}{2}F$ mert $\alpha = 30^\circ$; $F_y = \frac{\sqrt{3}}{2}F$

1p

Mivel a sebesség állandó $F_x = F_f = \mu \cdot N$ és $G = N + F_y$

1p

$$\Rightarrow G = \frac{1}{2} \frac{F(1 + \mu\sqrt{3})}{\mu} = 841,5N; \Rightarrow M = \frac{G}{g} = 84,15kg$$

1p

De $m_f = M - m = 69,15kg$ és $\rho_f = \frac{m_f}{V} = 691,5kg/m^3$

0,5p/5p

b)

Δt idő alatt a tartály tömege $\Delta m = \rho_f \cdot 0,5 \cdot 10^{-3} \cdot \Delta t$ értékkel csökken, 1 perc alatt a tartály tömegének csökkenése $\Delta m_1 = 20,745kg$

0,5p

A tartály tömege 1 perc után $M_1 = M - \Delta m_1 = 63,405kg$,

2 perc után $M_2 = 42,66kg$, 3 perc után $M_3 = 21,915kg$

0,5p

A tartályban $\Delta m' = M_3 - m = 6,915kg$ folyadék maradt, amely $\Delta t' = \frac{\Delta m'}{0,5 \cdot 10^{-3} \rho_f} = 20s$ alatt folyhat ki a

tartályból.

0,5p

Az egész folyadék 3 perc 20 s alatt folyik ki a tartályból, ez után üresen fog mozogni.

0,5p

Mivel $a = 0 \Rightarrow$ minden pillanatban $F'_x = F'_f$ és $F'_f = \mu \cdot N' = \mu(G' - F'_y)$

0,5p

$$F'_x = F' \cos \alpha; \quad F'_y = F' \sin \alpha \quad \Rightarrow \quad F' \cos \alpha = \mu(G' - F' \sin \alpha) \quad \Rightarrow \quad F' = \frac{\mu}{\cos \alpha + \mu \sin \alpha} \cdot G' = k \cdot G',$$

1p

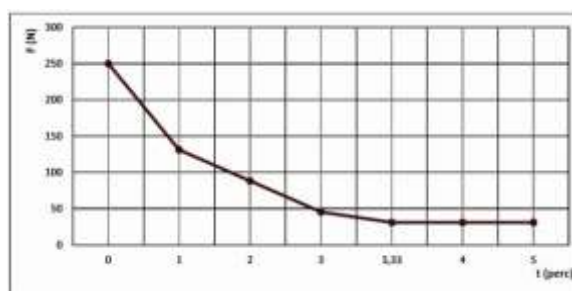
ahol $k = \frac{\mu}{\cos \alpha + \mu \sin \alpha} \cong 0,207 = \text{állandó}$

0,5p

Táblázat

t (perc)	0	1	2	3	3,33	4	5
F (N)	250	131,25	88,30	45,36	31,05	31,05	31,05

0,5p



Grafikon

0,5p/5p

III feladat

a)

$$v = \frac{d}{t} = 80 \text{ km/h}$$

0,5p

$$v' = \frac{d}{t'} = 60 \text{ km/h}$$

0,5p/ 1p

b)

Az út $d_1 = 30$ km-es szakaszát Δt_1 idő alatt teszi meg az autóbusz. A d_2 kátyús útszakaszt

$\Delta t_2 = 0,8$ h alatt teszi meg, míg az utolsó d_3 hosszúságú részt Δt_3 idő alatt. $\Rightarrow d = v(\Delta t_1 + \Delta t_2 + \Delta t_3)$ 1p

$$\Delta t_1 + \Delta t_3 = \frac{d - d_2}{v}$$

1p

$$\Rightarrow d = \frac{v'}{v}(d - d_2) + v'\Delta t_2$$

1p

$$\Rightarrow d_2 = d\left(1 - \frac{v}{v'}\right) + v\Delta t_2 = 24 \text{ km}$$

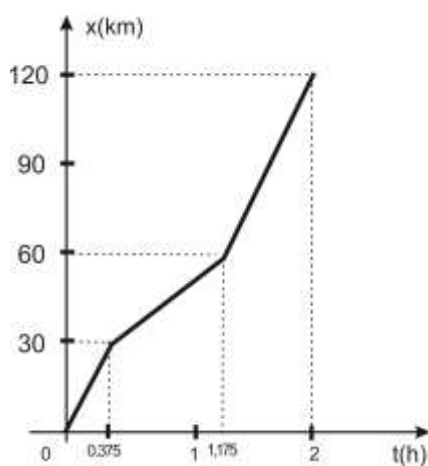
2p

$$v_2 = \frac{d_2}{t_2} = 30 \text{ km/h}$$

1p

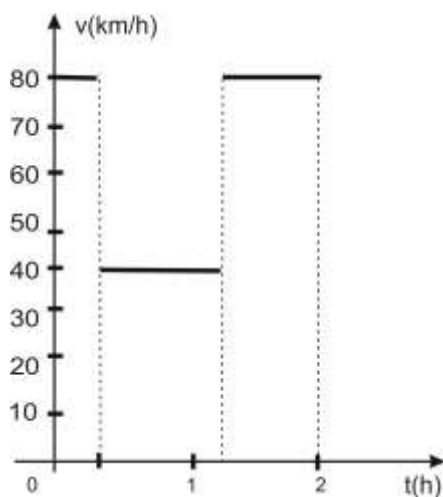
c)

Első grafikon (út – idő)



1,5p

Második grafikon (sebesség – idő)



1,5p