מבנה הבחינה: בבחינה שש שאלות.

עליך לענות על **חמש** מתוך שש השאלות.

כל שאלה מזכה ב- 20 נקודות.

**הנחיות**: כל תשובה תתחיל בעמוד חדש.

```
שאלה 1 (10 + 10 נקי)
```

T(n) בכל אחת מנוסחאות הנסיגה שלהלן בכל אחת מנוסחאות הנסיגה שלהלן

$$T(1) = c \ge 1$$
;  $T(n) = 2T(\frac{n}{2}) + (\lg n)^8$ .

$$T(0) = 0$$
 ;  $T(n) = 2T(n-1) + 1$  ...

(נקי) 10 + 10) עאלה 2

: נתונים שני מערכים A[1..n] ו- B[1..n] נתבונן בשגרה הבאה

```
ZSORT (A)

for i \leftarrow 1 to n

do x \leftarrow 1

for j \leftarrow 1 to n

do if A[j] > A[i]

then x \leftarrow x + 1

B[x] \leftarrow A[i]

for i \leftarrow n downto 1

do A[n - i + 1] \leftarrow B[i]
```

- A א. הוכח שהשגרה ממיינת נכון את
- ב. מהי סיבוכיות הזמן של השגרה! הסבר.

. האיברים של A שונים זה מזה.

(ל + 6 + 6 + 8 נקי) שאלה 3

נתבונן באלגוריתמים מיון -הכנסה, מיון -מהיר, מיון -ערימה.

: איזה משלושת האלגוריתמים הוא היעיל ביותר כאשר

- א. הקלט ממוין מראש בסדר עולה.
- ב. הקלט ממוין מראש בסדר יורד.
- ג. היעילות נמדדת באמצעות מספר ההחלפות של איברים בלבד (ז״א ההשוואות לא נספרות).התשובות חייבות להיות מנומקות היטב.

## שאלה **4** (10 + 10 נקי)

. נתון עץ בינרי כלשהו T עם ערכים מספריים (שלמים או ממשיים) מאוחסנים בצמתים נתון עץ בינרי כלשהו

- . כתוב אלגוריתם יעיל הבודק האם T הוא עץ חיפוש בינרי.
- T מספר הצמתים של N מספר הצמתים של N
- O(n) ב. כתוב אלגוריתם יעיל הבודק האם T הוא ערימה. זמן הריצה הדרוש הינו

## **שאלה 5** (10 + 10 נקי)

- א. חשב את הגובה המינימלי ואת הגובה המקסימלי של עץ אדום-שחור בן 7 מפתחות.
- ב. צייר שני עצים אדומים-שחורים בני 7 צמתים, כאשר גובהו של הראשון מינימלי וגובהו של השני מקסימלי.

## שאלה 6

תן פתרון בעזרת שיטת התכנון הדינמי לחישוב המקדמים הבינומיים  $\binom{n}{k}$ , לכל זוג של שלמים תן פתרון בעזרת שיטת התכנון הדינמי לחישוב המקדמים הבינומיים k, n מהי סיבוכיות הזמן והמקום של האלגוריתם?

!910