# ଚତୁର୍ଥ ଅଧ୍ୟାୟ

# ଘାତାଙ୍କ ଏବଂ ଘାତରାଶ<u>ି</u>

# 4.1 ଆମେ ଯାହା ଜାଣିଛୁ

ଷଷ ଶ୍ରେଣୀରେ ଆମେ ଘାତରାଶି ସୟକ୍ଷରେ ବେଶ୍ କିଛି ଶିଖିଛୁ । କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା ବା ରାଶିକୁ ଆଧାର ଓ ଘାତାଙ୍କ ମାଧ୍ୟମରେ ପ୍ରକାଶ କଲେ ତାକୁ <mark>ଘାତ ରାଶି କୁହାଯାଏ ।</mark>

ଯଥା :  $32 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^5$ 

ଏଠାରେ 32 କୁ 2ି ରୂପରେ ପ୍ରକାଶ କରାଗଲା, ଯେଉଁଠାରେ ଆଧାର 2ଏବଂ ଘାତାଙ୍କ 5 । ଆମେ କହୁ 32 ହେଉଛି '2' ର ପଞ୍ଚମ ଘାତ । ସଂଖ୍ୟା : 32 ଘାତାଙ୍କୀୟ ରୂପ : 2

2' ଏକ ଘାତରାଶି

#### 🖎 ଉଉର ଲେଖ -

- 16, 2 ଆଧାରର କେଉଁ ଘାଡ ?
- 3 ଆଧାରର ଚତୁର୍ଥ ଘାତ କେତେ ?
- 125, କେଉଁ ଆଧାରର ତୃତୀୟ ଘାତ ?
- 216 କୁ କେଉଁ କ୍ଷୁଦ୍ରତମ ଆଧାର ବିଶିଷ ଘାତ ରାଶି ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରି ହେବ ?

# 4.2 ଘାତରାଶି

ପୃଥିବୀର ବସ୍ତୁତ୍ୱ କେତେ ତୁମେ କହିପାରିବ କି?

ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରାୟ 5,970,000,000,000,000,000,000 କି.ଗ୍ରା. । ଏହାକୁ ପଡ଼ିବାକୁ ଚେଷା କର ।

ସେହିପରି ୟୁରେନ୍ୱର ବସ୍ତୁତ୍ୱ ହେଉଛି ପ୍ରାୟ 86,800,000,000,000,000,000,000,000 କି.ଗ୍ରା. ।

ଏବେ କହ, ୟୁରେନ୍ସ ଓ ପୃଥିବୀ ମଧ୍ୟରୁ କାହାର ବସ୍ତୁତ୍ୱ ଅଧିକ ?

ଏହିପରି ବହୁତ ବଡ଼ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟା ଅ**ଛି ଯେଉଁଗୁଡ଼ିକୁ ପଢ଼ିବା, ବୁଝିବା ତଥା ତୂଳନା କରିବା କଞ୍ଜକର ।** ଏହି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ପଢ଼ିବା,

ବୁଝିବା ଓ <mark>ତୁଳନା କରିବା ପାଇଁ ଆମେ ଘାତରାଶି ବ୍ୟବହାର କରିଥାଉ । ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଆମେ ଆଧା</mark>ର ଓ ଘାତ ମାଧ୍ୟମରେ ପ୍ରକାଶ

କରିଥାଉ ।

ଭଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ,  $100000 = 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 = 10^5$ 

ଏଠାରେ '10' ଆଧାର ଏବଂ '5' ଏହାର ଘାତାଙ୍କ ।

100000 ର ଘାତାଙ୍କୀୟ ରୂପ ହେଉଛି 10<sup>5</sup> ।

ସେହିପରି 1000 ର ଘାତାଙ୍କୀୟ ରୂପ ହେବ 10³ ।

କାରଣ  $1000 = 10 \times 10 \times 10 = 10^3$ 

ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାକୁ ସମାନ ସମାନ ଉତ୍ପାଦକମାନଙ୍କର ଗୁଣଫଳ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରିହେବ, ସେହି ସଂଖ୍ୟାକୁ ଘାତାଙ୍କୀୟ ରୂପରେ ପ୍ରକାଶ

ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିୟାରିତ ପ୍ରଣାଳୀରେ ଲେଖିବା ପ୍ରଣାଳୀ ଆମେ ଜାଣିଛୁ ।

ଯଥା : 23574 = 2×10000+3×1000+5×100+7×10+4×1

ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ବିଞାରିତ ରୂପକୁ ନିମ୍ନ ମତେ ଲେଖିପାରିବା ।

 $23574 = 2 \times 10^4 + 3 \times 10^3 + 5 \times 10^2 + 7 \times 10^1 + 4 \times 1$ 

ଏଠାରେ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର 10000, 1000, 100, 10 କୁ ଯଥାକ୍ରମେ  $10^4, 10^3, 10^2, 10^1$  ଭଳି ଘାତାଙ୍କୀୟ ରୂପରେ ଲେଖାଯାଇଛି ।

🖎 ତୁମେ ସେହିପରି 135724 ଓ 2164593 କୁ ବିୟାରିତ ରୂପେ ଲେଖ । ତୁମେ ଲେଖିଥିବା ବିଞ୍ଚାରିତ ରୂପକୁ 10 ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ଘାତରାଶିରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

ଯେପରି କେତେକ ସଂଖ୍ୟାକୁ କେବଳ 10 ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ଘାତରାଶିରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇପାରେ (ଯେପରି  $1000=10^3$ ), ସେହିପରି କେତେକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଅନ୍ୟ ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ଘାତରାଶିରେ ମଧ୍ୟ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇପାରେ ।

ଯଥା : 
$$81 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^4$$
  $64 = 4 \times 4 \times 4 = 4^3$ , ଅଥବା  $64 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^6$ 



## ନିଜେ କରି ଦେଖ:

ନିମ୍ନ ସାରଣୀର ଶୃନ୍ୟସ୍ଥାନଗୁଡ଼ିକୁ ପୂରଣ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କର ।

ସଂଖ୍ୟା	ଘାତାଙ୍କୀୟ ରୂପ	ଆଧାର	ଘାତାଙ୍କ
125		5" ***	Giria chistoria
128			7
243		Laina lealeg ala	Courses agreed &
256		4	(6) -32
216			. 3

ଉପରୋକ୍ତ ଆଲୋଚନାରେ ଆମେ ଉଭୟ ଆଧାର ଓ ଘାତାଙ୍କ ପ୍ରତ୍ୟେକଙ୍କୁ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ଭାବେ ନେଇଛୁ ।

ବର୍ତ୍ତମାନ ରଣାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଆଧାର ଏବଂ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଘାତାଙ୍କ ରୂପେ ନେଇ କେତେକ ସଂଖ୍ୟାର ଘାତାଙ୍କୀୟ ରୂପ ସ୍ଥିର କରିବା ।

$$-8 = (-2) \times (-2) \times (-2) = (-2)^{3},$$

$$81 = (-3) \times (-3) \times (-3) \times (-3) = (-3)^{4},$$

$$25 = (-5) \times (-5) = (-5)^{2}$$

#### ଜାଣିଛ କି ?

00001(9)

01 -015(01×01×01 0000)

25 କୁ 25' ରୂପେ ଲେଖିବା, 25¹ କୁ 25 ର ଘାତାଙ୍କୀୟ ରୂପ ବୋଲି ନ କହିବା ଉଲ ।

# କହିଲ ଦେଖ :

81କୁ ଯେପରି  $(-3)^4$  ଓ  $(+3)^4$  ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇପାରୁଛି । ସେହିପରି (-8) କୁ (-2)ଓ +2 ଉଭୟ ଆଧାର ବିଶିଷ ଘାତ ରାଶିରେ ପ୍ରକାଶ କରିହେବ କି ? କାରଣ ଲେଖ ।

#### ଉଦାହରଣ -

2³ ଓ 3² ଘାତ ରାଶି ମଧ୍ୟରେ କେଉଁଟି ବଡ଼ ?

#### ସମାଧାନ:

$$2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

$$3^2 = 3 \times 3 = 9$$

8 ଠାରୁ 9 ବଡ଼ । ଏଣୁ 2³ ଠାରୁ 3² ବଡ଼ ।

#### ଉଦାହରଣ - 2

**ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଘାତାଙ୍କୀୟ ରୂପରେ ପ୍ରକାଶ କ**ର । କେଉଁ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆଧାରଟି ଏକ ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟା ?

- (କ) 10000 (ଖ) 625
- (ଗ) 729

#### ସମାଧାନ:

(8) 
$$625 = 5 \times 5 \times 5 \times 5 = 5^4$$

(a) 
$$729 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^6$$

625 ଓ 729 କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆଧାର ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟା ଅଟେ ।

# ଉଦାହରଣ - 3

ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ରଣାତ୍ମକ ଆଧାରର ଘାତ ରୂପରେ ଲେଖ ।

- (9) -27
- (8) 32

#### ସମାଧାନ :

(a) 
$$-27 = (-3) \times (-3) \times (-3) = (-3)^3$$

(8) 
$$-32 = (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) = (-2)^5$$

#### ଉତାହରଣ - 4

ନିମ୍ନ ଘାତାଙ୍କୀୟ ରାଶିଗୁଡ଼ିକୁ ବିଞାରିତ ରୂପରେ ଲେଖ ।

(କ) a<sup>4</sup> (ଖ) b<sup>5</sup> (ଗ) (ab)<sup>3</sup>

# ସମାଧାନ :

- $(\Theta)$   $a^4 = a \times a \times a \times a$
- (81)  $b' = b \times b \times b \times b \times b$
- $(ab)^3 = ab \times ab \times ab$ (ଗ)  $= a \times b \times a \times b \times a \times b = a \times a \times a \times b \times b \times b$

#### ଉବାହରଣ - 5

ନିମ୍ନ ଘାତ ରାଶିଗୁଡ଼ିକର ମାନ ସ୍ଥିର କର ।

$$(1)^5$$
,  $(-1)^3$ ,  $(-1)^6$ ,  $(-10)^3$ ,  $(-2)^3$ 

#### ସମାଧାନ :

$$(1)^5 = 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 = 1$$

$$(-1)^3 = (-1) \times (-1) \times (-1)$$
  
=  $1 \times (-1) = -1$ 

$$(-1)^6 = (-1) \times (-1) \times (-1) \times (-1) \times (-1) \times (-1)$$
  
=  $1 \times 1 \times 1 = 1$ 

$$(-10)^3 = (-10) \times (-10) \times (-10)$$
  
=  $100 \times (-10) = -1000$ 

$$(-2)^3 = (-2) \times (-2) \times (-2)$$
  
=  $(+4) \times (-2) = -8$ 

 $(1)^{10}$  ଓ  $(1)^{8}$  ମଧ୍ୟରେ ବଡ଼ କେଉଁଟି ?

(-1)<sup>5</sup> ଓ (-1)<sup>11</sup> ମଧ୍ୟରେ ସାନ କେଉଁଟି ?

🖎 ରଣାମ୍ବକ ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ଏକ ଘାତରାଶିର ଘାତାଙ୍କ ଯୁଗୁସଂଖ୍ୟା ହେଲେ, ଘାତରାଶିଟି ଧନାମ୍ବକ ହୁଏ । ସେହିପରି, ରଣାମ୍ପକ ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ଏକ ଘାତରାଶିର ଘାତାଙ୍କ ଅଯୁଗ୍ର ସଂଖ୍ୟା ହେଲେ, ଘାତରାଶିଟି କି ପ୍ରକାର ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି ପରୀକ୍ଷା କରି ଦେଖ ।

#### ଉଦାହରଣ - 6

ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟାର ଘାତ ରାଶିମାନଙ୍କର ଗୁଣଫଳ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କର ।

## ସମାଧାନ :

(a) 
$$500 = 2 \times 2 \times 5 \times 5 \times 5$$
  
=  $2^2 \times 5^3$   
(d)  $392 = 2 \times 2 \times 2 \times 7 \times 7$ 

(a) 
$$392 = 2 \times 2 \times 2 \times 7 \times 7$$
$$= 2^3 \times 7^2$$

#### ଳାଣିଛ କି ?

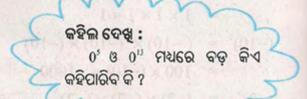
(–1) ର ଘାତ ଅଯୁଗୁ ସଂଖ୍ୟା ହେଲେ ଘାତରାଶିର ମାନ –1 ହେବ, (–1) ର ଘାତ ଯୁଗୁ ସଂଖ୍ୟା ହେଲେ ଘାତ ରାଶିର ମାନ । ହେବ ।

# ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 4.1

- ନିମ୍ର ଘାତ ରାଶିମାନଙ୍କର ମାନ ସ୍ଥିର କର ।
  - (a) 26
- (81) 93
- (a) 10<sup>4</sup>
- (ଘ) 5<sup>4</sup>
- ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ଘାତାଙ୍କୀୟ ରୂପରେ ପ୍ରକାଶ କର । ପ୍ରତ୍ୟେକ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆଧାର ଓ ଘାତାଙ୍କକୁ ଚିହ୍ନାଅ । 2.

  - (କ) 512 (ଖ) 343 (ଗ) 729 (ଘ) 625

- 3. ଘାତାଙ୍କୀୟ ରୂପରେ ପ୍ରକାଶ କର ।
  - $(\Theta)$   $6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6$
  - ( $\mathfrak{A}$ )  $3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$
  - (ଗ)  $p \times p \times p$
  - (a) a×a×a×a×a
  - (S) LXLXLXLXLXL
- 4. ଦିଆଯାଇଥିବା ଘାଡ ରାଶି ଦୂଇଟି ମଧ୍ୟରେ କିଏ ବଡ଼ ସ୍ଥିର କର ।
  - (କ) 4<sup>3</sup> ଓ 3<sup>4</sup>
  - (81) 53 3 35
  - (a) 28 3 82
  - (a) 210 a 102



- 5. ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଘାତ ରାଶିର ଗୁଣଫଳ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କର ।
  - (କ) 648
- (영) 432
- (ଗ) 3600

- 6. ସରଳ କରା
  - (କ)  $2 \times 10^3$
- (영)  $7^2 \times 2^2$
- (ଗ)  $2^3 \times 5^2$
- (a)  $3^2 \times 4^3$
- (8)  $3^2 \times 2^3 \times 5^2$
- (중)  $5^2 \times 3^2 \times 2^2$
- 7. ସରଳ କର ।
  - $( \ominus ) (-4)^3$
- $(\%) (-2)^3 \times (-3)^2$
- (a)  $(-3)^2 \times 2^4$
- $(\Box) (-2)^3 \times (-10)^3$

# 4.3. ଘାତାଙ୍କୀୟ ନିୟମ :

## 4.3.1.ସମ ଆଧାର ବିଶିଷ ଘାତରାଶି ମାନଙ୍କର ଗୁଣନ

## ଉଦାହରଣ ।

ଆସ,  $2^2 \times 2^3$  କୁ ଗୋଟିଏ ଘାତରାଶି ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରିବା ।

 $2^2 \times 2^3$ 

$$= (2 \times 2) \times (2 \times 2 \times 2)$$

$$= 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^5 = 2^{2+3}$$

ସେହେତୁ 5 କୁ (2+3) ରୂପେ ଲେଖାଯାଇପାରେ ।

ଦୁଇଟି 2 ଓ ତିନୋଟି 2 ର ଗୁଣନ ହେଉଛି ପାଞ୍ଚଟି 2 ର ଗୁଣନ ।  $2^2$ ଓ  $2^3$  ସମ ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ହେତୁ  $2^2 \times 2^3 = 2^{2+3}$  ହେବ ।

#### ଉଦାହରଣ - 2

ସେହିପରି 
$$(3)^4 \times (3)^3 = \{(3) \times (3) \times (3) \times (3) \} \times \{(3) \times (3) \times (3) \}$$
  

$$= (3) \times (3) = (3)^7 = (3)^{4/3}$$
ଏଣୁ  $(3)^4 \times (3)^3 = (3)^{4/3}$ 

#### ଉଦାହରଣ - 3

$$a^{2} \times a^{6} = (a \times a) \times (a \times a \times a \times a \times a \times a \times a)$$

$$= a \times a = a^{8}$$

$$46 \quad a^{2} \times a^{6} = a^{2+6}$$

ଆମେ ପାଇଥିବା ଗୁଣଫଳକୁ ନିମ୍ନ ସାରଣୀରେ ଲେଖିବା ।

ଊଦାହରଣ	୍ର ପ୍ରଥମ ଘାତରାଶି	ଦ୍ୱିତୀୟ ଘାତରାଶି	ଘାତରାଶି ଦ୍ <b>ୟର</b> ଗୁଣଫଳ
1	2 <sup>2</sup>	23	25
2	3 <sup>4</sup>	3 <sup>3</sup>	3'
3	a <sup>2</sup>	a <sup>6</sup>	a <sup>8</sup>

ଉପର ସାରଣୀରୁ ତୁମେ କ'ଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛ ?

ଉପରୋକ୍ତ ଉଦାହରଣରୁ ଆମେ ନିମ୍ନ ସିଦ୍ଧାନ୍ତରେ ଉପନୀତ ହେବା ।

$$a^m \times a^n = a^{m+n}$$

ଏଠାରେ a ଏକ ଧନାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ଏବଂ m ଓ n ପ୍ରତ୍ୟେକେ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ।

🖎 1. ନିଜେ ପରୀକ୍ଷା କରି ସତ୍ୟତା ପ୍ରତିପାଦନ କର ।

(a) 
$$3^2 \times 3^3 = 3^5$$
 (d)  $4^2 \times 4^2 = 4^4$ 

(81) 
$$4^2 \times 4^2 = 4^4$$

ପ୍ରତ୍ୟେକକୁ ଗୋଟିଏ ଘାତରାଶିରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

(
$$\mathfrak{G}$$
)  $p^3 \times p^4$ 

(ଗ) 
$$5^2 \times 5^3$$

ଆସ, ସମ ଆଧାର ବିଶିଷ ଡିନୋଟି ଘାତ ରାଶିର ଗୁଣନ କରିବା।

$$5^2 \times 5^3 \times 5^4 = (5^2 \times 5^3) \times 5^4$$
 (ଗୁଣନର ସହଯୋଗୀ ନିୟମ)

 $=5^{2+3} \times 5^{4}$  (ଘାତରାଶିର ଗୁଣନ ନିୟମ)

 $=5^{2+3+4}$  (ଘାତରାଶିର ଗୁଣନ ନିୟମ)

ସେହିପରି,  $a^m \times a^n \times a^n = (a^m \times a^n) \times a^n$  (ଗୁଣନର ସହଯୋଗା ନିୟମ)

 $=a^{m+n} \times a^{p}$  (ଘାତରାଶିର ଗୁଣନ ନିୟମ)

= a<sup>m+in+p</sup> (ଘାତରାଶିର ଗୁଣନ ନିୟମ)

କହିଲ ଦେଖ :

23×32 ମାନ ନିର୍ଷୟ କଲାବେଳେ ତୁମେ ଘାତାଙ୍କକୁ ଯୋଗ କରିପାରିବ କି ? କାରଣ କହା

$$a^m \times a^n \times a^p = a^{m+n+p}$$

ଯେଉଁଠି a ଏକ ଧନାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ଏବଂ m, n ଓ p ପ୍ରତ୍ୟେକ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା

# 4.3.2 ସମ ଆଧାର ବିଶିଷ ଘାତ ରାଶି ଦ୍ୱୟ ମଧ୍ୟରେ ଭାଗକ୍ରିୟା

ଏବେ ସମ ଆଧାର ବିଶିଷ ଦୁଇଟି ଘାତରାଶି ମଧ୍ୟରେ ଭାଗ କରିବା, ଯେଉଁଠି ଭାଜ୍ୟର ଘାତାଙ୍କ ଭାଜକର ଘାତାଙ୍କଠାରୁ ବଡ଼

ପୁଥମ ଜଦାହରଣ : 3<sup>5</sup> ÷3<sup>3</sup> କୁ ସରଳ କରିବା ।

$$3^5 \div 3^3 = \frac{3^5}{3^3} = \frac{3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3}{3 \times 3 \times 3} = 3^2 = 3^{5-3}$$
 (60600 2 = 5-3)

$$3^5 \div 3^3 = 3^{5-3}$$

ହିତୀୟ ଉଦାହରଣ :  $5^4 \div 5^2 = \frac{5^4}{5^2} = \frac{5 \times 5 \times 5 \times 5}{5 \times 5} = 5^2 = 5^{4-2}$ 

$$\therefore 5^4 \div 5^2 = 5^{4-2}$$

ତ୍ତୀୟ ଉଦାହରଣ : a ଏକ ଧନାତ୍ମକ ପୂର୍ତ୍ତି ସଂଖ୍ୟା ହେଲେ a<sup>7</sup>÷ a⁴ କେତେ ସ୍ଥିର କରିବା।

$$\frac{\mathbf{a}^{7}}{\mathbf{a}^{4}} = \frac{\mathbf{a} \times \mathbf{a} \times \mathbf{a} \times \mathbf{a} \times \mathbf{a} \times \mathbf{a} \times \mathbf{a}}{\mathbf{a} \times \mathbf{a} \times \mathbf{a} \times \mathbf{a}} = \mathbf{a}^{3} = \mathbf{a}^{7-4}$$

$$\sqrt{6} \frac{a^7}{a^4} = a^{7-4}$$

ଆସ, ଉପରେ ଆଲୋଚନା କରାଯାଇଥିବା ତିନୋଟି ଉଦାହରଣକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିବା ।

ପଥମ ଜବାହରଣ :  $3^5 \div 3^3 = 3^{5-3}$ 

ଦ୍ୱିତୀୟ ଉଦାହରଣ :  $5^4 \div 5^2 = 5^{4-2}$ 

ତୃତୀୟ ଉଦାହରଣ :  $a^7 \div a^4 = a^{7-4}$ 

ଉପରୋକ୍ତ ଉଦାହରଣ ତିନୋଟିରେ ତୁମେ କ'ଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛ ?

ଲକ୍ଷ୍ୟକର, ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉଦାହରଣରେ-

- ଭାଜ୍ୟ ଓ ଭାଜକ ଉଭୟର ଆଧାର ସମାନ । ଭାଗଫଳର ଆଧାର ମଧ୍ୟ ଭାଜ୍ୟ ବା ଭାଜକର ଆଧାର ସଙ୍ଗେ ସମାନ ।
- ଭାଗଫଳର ଘାତାଙ୍କ ପାଇବା ପାଇଁ ନିଆଯାଇଥିବା ଭାଜ୍ୟର ଘାତାଙ୍କରୁ ଭାଜକର ଘାତାଙ୍କକୁ ବିୟୋଗ କରାଯାଇଛି । ସାଧାରଣ ଭାବେ ଏହାକୁ ଆମେ ନିମ୍ମମତେ କହିପାରିବା ।

a ଏକ ଧନାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ଏବଂ m ଓ n ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା (ଯେଉଁଠି m>n) ହେଲେ  $a^m \div a^n = a^{m-n}$ 

🖎 ପ୍ରତ୍ୟେକକୁ ଏକ ଆଧାର ବିଶିଷ ଘାତରାଶିରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

- (육)  $2^9 \div 2^3$
- (81)  $10^5 \div 10^3$
- $(6) 9^{11} + 9^7$
- (W) 20 +20

## କହିଲ ବେଖ :

ଏହି ନିୟମର ସାହାଯ୍ୟ ନେଇ 4' କୁ 2' ଦ୍ୱାରା ଭାଗକରି ପାରିବା କି ? (ସୂଚନା : ପ୍ରଥମେ 4' କୁ

2 ଆଧାର ବିଶିଷ ଘାତରାଶିରେ ପରିଶତ କର)

### 4.3.3 ଏକ ଘାତ ରାଶିର ଘାତ ନିର୍ଣ୍ଣୟ

- $\left(2^{3}\right)^{2}$  କୁ ଏକ ଘାତରାଶିରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା । (i)  $(2^3)^2 = 2^3 \times 2^3 = 2^{3+3}$  (ଘାତରାଶିର ଗୁଣନ ନିୟମ)  $\sqrt{3} \left(2^{3}\right)^{2} = 2^{3 \times 2}$
- ସେହିପରି  $(3^2)^4 = 3^2 \times 3^2 \times 3^2 \times 3^2$ (ii)  $=(3^2\times3^2)\times(3^2\times3^2)$ (ଗୁଣନର ସହଯୋଗୀ ନିୟମ)  $=3^{2+2}\times3^{2+2}$ (ଘାତରାଶିର ଗୁଣନ ନିୟମ)  $=3^{2+2+2+2}$ (ଘାତରାଶିର ଗୁଣନ ନିୟମ)  $=3^{2\times4}$
- (iii) ସେହିପରି a ଏକ ଧନାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେଲେ  $\left(a^3\right)^4$  କେତେ ସ୍ଥିର କରିବା –

$$\left(a^{3}\right)^{4}=a^{3}\times a^{3}\times a^{3}\times a^{3}=\left(a^{3}\times a^{3}\right)\times\left(a^{3}\times a^{3}\right)$$
 (କେଉଁ ନିୟମର ବ୍ୟବହାର ହୋଇଛି ?) 
$$=a^{3+3}\times a^{3+3} \qquad \qquad \text{(କେଉଁ ନିୟମର ବ୍ୟବହାର ହୋଇଛି ?)}$$
 
$$=a^{3+3+3+3} \qquad \qquad \text{(କେଉଁ ନିୟମର ବ୍ୟବହାର ହୋଇଛି ?)}$$
 
$$=a^{3\times 4}$$

ଉପରୋକ୍ତ ଉଦାହରଣରୁ ଆମେ ନିମ୍ନ ସିଦ୍ଧାନ୍ତରେ ଉପନୀତ ହେଲେ -

a ଏକ ଧନାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ଏବଂ  $\mathbf{m}$  ଓ  $\mathbf{n}$  ପ୍ରତ୍ୟେକ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ହେଲେ  $\left(\mathbf{a}^{\mathsf{m}}\right)^{\mathsf{n}} = \mathbf{a}^{\mathsf{mn}}$ ଏହାକୁ **ଘାତରାଶିର ଘାତ ନିୟମ** କୁହାଯାଏ ।

🖎 ନିମ୍ନ ଘାତରାଶିର ଘାତକୁ ଏକ ଘାତରାଶିରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

$$(\Re) (7^3)^6$$
 (ଖ)  $(5^2)^3$  (ଗ)  $(4^3)^5$ 

(ଖ) 
$$(5^2)^3$$

(ଗ) 
$$(4^3)^5$$

# 4.3.4 ସମଘାତାଙ୍କ ବିଶିଷ ଦୁଇଟି ଘାତରାଶିର ଗୁଣନ

(i)  $2^3 \times 3^3$  କୁ ଏକ ଘାତରାଶିରେ ପରିଣତ କରିବା ।

$$2^{3} \times 3^{3} = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3$$
$$= (2 \times 3) \times (2 \times 3) \times (2 \times 3)$$
$$= (2 \times 3)^{3}$$
$$\therefore 2^{3} \times 3^{3} = (2 \times 3)^{3}$$

(ii) 
$$4^4 \times 3^4 = 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$$
  
=  $(4 \times 3) \times (4 \times 3) \times (4 \times 3) \times (4 \times 3)$   
=  $(4 \times 3)^4$ 

$$4^4 \times 3^4 = (4 \times 3)^4$$

(iii) ସେହିପରି a ଓ b ଉଭୟେ ଗୋଟିଏ ଲେଖାଏଁ ଧନାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେଲେ -

$$a^{5} \times b^{5} = a \times a \times a \times a \times a \times b \times b \times b \times b \times b$$

$$= (a \times b) \times (a \times b) \times (a \times b) \times (a \times b) \times (a \times b)$$

$$= (a \times b)^{5}$$

$$\therefore a^5 \times b^5 = (a \times b)^5$$

ଉପରୋକ୍ତ ଉଦାହରଣରୁ ଆମେ ନିମ୍ନ ସିଦ୍ଧାନ୍ତରେ ଉପନୀତ ହେଲେ -

a ଓ b ପ୍ରତ୍ୟେକ ଗୋଟିଏ ଲେଖାଏଁ ଧନାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେଲେ,  $a^m \times b^m = (ab)^m (ଯେଉଁଠି m ଏକ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା)$ 

🖎 ନିମ୍ନ ସମ ଘାତାଙ୍କ ବିଶିଷ ଘାତରାଶି ଦୃୟର ଗୁଣଫଳକୁ ଏକ ଘାତ ରାଶିରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

(କ) 
$$5^2 \times 3^2$$
 (ଖ)  $3^3 \times a^3$  (ଗ)  $a^4 \times b^4$ 

(a ଓ b ପ୍ରତ୍ୟେକ ଧନାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା)

ଉଦାହରଣ :

 $3^2 \times 5^2$  ଓ  $\left(5^2\right)^3$  ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟାଟି ବଡ଼ ସ୍ଥିର କର ।

ସମାଧାନ :

ପ୍ରଥମ ପ୍ରଶାଳୀ :
$$3^{2} \times 5^{2} = (3 \times 5)^{2}$$
$$= (15)^{2} = 225$$
ପୁନଷ୍ଟ  $(5^{2})^{3} = 5^{2 \times 3}$ 
$$= 5^{6} = 15625$$

ବିକଳ୍ପ ପ୍ରଣାଳୀ :

$$3^2 \times 5^2 = 9 \times 25$$
 ବା 25 ର 9 ଗୁଣ  $(5^2)^3 = (25)^3$   
=  $25 \times 25 \times 25$   
=  $25 \times (25 \times 25)$   
=  $25 \times 625$  ବା 25 ର 625 ଗୁଣ  $\therefore 3^2 \times 5^2$  ଅପେକ୍ଷା  $(5^2)^3$  ବଡ଼ ।

ଉଦାହରଣ

$$\left[\left(2^{2}\right)^{3} imes3^{6}
ight] imes5^{6}$$
 କୁ ଏକ ଘାତରାଶିରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

ସମାଧାନ : 
$$\left[\left(2^2\right)^3 \times 3^6\right] \times 5^6 = \left[2^{2\times 3} \times 3^6\right] \times 5^6$$
 (ଘାତରାଶିରେ ଘାତ ନିୟମ) 
$$= \left[2^6 \times 3^6\right] \times 5^6$$
 
$$= \left(2 \times 3\right)^6 \times 5^6$$
 (ସମ ଘାତାଙ୍କ ବିଶିଷ ଘାତରାଶିର ଗୁଣନ ନିୟମ) 
$$= 6^6 \times 5^6$$
 
$$= \left(6 \times 5\right)^6$$
 (ସମ ଘାତାଙ୍କ ବିଶିଷ ଘାତରାଶିର ଗୁଣନ ନିୟମ) 
$$= 30^6$$

# ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 4.2

ଘାତାଙ୍କୀୟ ନିୟମ ବ୍ୟବହାର କରି ଏକ ଘାତରାଶିରେ ପରିଣତ କର । 1.

$$(\Theta)$$
  $2^3 \times 2^4 \times 2^5$ 

(ଗ) 
$$a^3 \times a^7$$

$$(8) 5^2 \div 5^3$$

(ଜ) 
$$(3^4)^3 \times (2^6)^2$$

$$(\mathfrak{C}) (2^{10} \div 2^8) \times 2^3$$

ସରଳ କରି ଏକ ଘାତରାଶିରେ ପରିଶତ କର । 2.

$$(\Theta) \quad \frac{2^3 \times 3^4 \times 4}{3 \times 3^3}$$

$$(\mathfrak{G}) \quad \frac{3\times7\times11^8}{21\times11^3}$$

(G) 
$$[(5^2)^3 \times 5^4] \div 5^7$$

(a) 
$$25^4 \div 5^3$$

$$(\%) \frac{3^7}{3^4 \times 3^3}$$

(ទ) 
$$\frac{2^4 \times a^5}{4^2 \times a}$$

$$(\mathfrak{D}) \quad \left(2^3 \times 2\right)^2 \div 2^5$$

(a) 
$$\left(\frac{a^5}{a^3}\right) \times a^8$$

ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟା ଆଧାର ବିଶିଷ ଏକାଧିକ ଘାତରାଶିର ଗୁଣଫଳ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କର । 3.

ସରଳ କର । 4.

$$(\Theta) \{(4)^2\}^2$$

$$(8) (6)^3 \div (6)$$

(a) 
$$(2)^3 \times (3)^3 \div (6)^3$$

(a) 
$$(5)^2 \times (5)^4 \div (5)^2$$

$$(\mathfrak{G}) \quad \frac{\left(2^{5}\right) \times 7^{3}}{8^{3} \times 7}$$

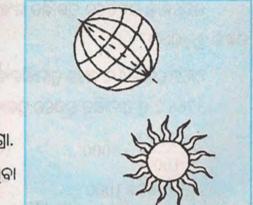
(a) 
$$(5)^2 \times (5)^4 \div (5)^2$$
 (b)  $\frac{(2^5) \times 7^3}{8^3 \times 7}$  (c)  $\frac{3^2 \times 10^5 \times 25}{5^3 \times 6^4}$ 

# ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ପ୍ରାମାଣିକ ରୂପ

ବିଭିନ୍ନ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆମେ 65,000; 125,00,000; 35,00,000,00 ଆଦି ବଡ଼ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ବ୍ୟବହାର କରୁ । ଏପରିକି କେତେକ ତଥ୍ୟକୁ ମଧ୍ୟ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ହିଁ ପ୍ରକାଶ କରିଥାଉ ।

# ଯେପରି -

- ପୃଥିବୀଠାରୁ ସୂର୍ଯ୍ୟର ଦୂରତା ପ୍ରାୟ 149,600,000,000 ମି. ।
- ଆଲୋକର ବେଗ ସେକେଶ୍ଚ ପତି ପାୟ 300,000,000 ମିଟର ।
- ପୃଥିବୀର ବସ୍ତୁତ୍ୱ ହେଉଛି ପ୍ରାୟ 5,976,000,000,000,000,000,000,000 କି.ଗ୍ରା. ଏପରି ବଡ଼ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଛୋଟ ଆକାରରେ ଲେଖିଲେ ହିସାବ କରିବା, ମନନ ରଖିବା ଓ ବିଭିନ୍ନ କ୍ଷେତ୍ରରେ ବ୍ୟବହାର କରିବା ସୁବିଧାଜନକ ହୋଇଥାଏ ।



ଆସ ଦେଖିବା, ସେଗୁଡ଼ିକୁ କିପରି ସଂକ୍ଷିପ୍ତ ଆକାରରେ ଲେଖାଯାଏ । ଏବେ କହ, ଏହିଭଳି ବଡ଼ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ପଢ଼ିବାରେ ସୁବିଧା ହେଉଛି କି ? କାରଣ କ'ଣ କହ । ନିମ୍ନ ପରିପ୍ରକାଶଗୁଡ଼ିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ।

 $48000 = 4.8 \times 10000 = 4.8 \times 10^{4}$ 

 $48 = 4.8 \times 10 = 4.8 \times 10^{1}$   $480 = 4.8 \times 100 = 4.8 \times 10^{2}$   $4800 = 4.8 \times 1000 = 4.8 \times 10^{3}$ 

କହିଲ ଦେଖି : 48000000 କୁ ଏହିପରି କିପରି ~ଲେଖାଯିବ ?

ଏଠାରେ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଗୋଟିଏ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ରୂପରେ ଲେଖାଯାଇଛି । ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣଫଳ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇଛି । ସେ ଦୂଇଟି ମଧ୍ୟରୁ –

- ପ୍ରଥମଟି ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ଯାହାର ଦଶମିକ ବିନ୍ଦୁ ପୂର୍ବରୁ ଗୋଟିଏ ମାତ୍ର ଅଙ୍କ ରହିଛି, ଏହା ଫଳରେ ସଂଖ୍ୟାଟି 1 ବା ତା'ଠାରୁ ବଡ଼ କିନ୍ତୁ 10 ଠାରୁ ସାନ ।
- ଅନ୍ୟଟି 10 ଆଧାର ବିଶିଷ ଏକ ଘାତରାଶି, ଯାହାର ଘାତାଙ୍କ ଏକ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ।

ଆଉ ଗୋଟିଏ ଉଦାହରଣ ନେବା ।

130,000,000 ସଂଖ୍ୟାକୁ ଆମେ ନିମ୍ନ ମତେ ପ୍ରକାଶ କରିପାରିବା ।

$$130,000,000 = 1.3 \times 100000000$$
$$= 1.3 \times 10^{8}$$

ପୂର୍ବୋକ୍ତ ଉଦାହରଣଗୁଡ଼ିକରୁ ଦେଖିଲେ ଯେ, ମୂମ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣଫଳ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇଛି । ପ୍ରଥମଟି ହେଉଛି 1 ବା ତା' ଠାରୁ ବଡ଼ ଓ 10 ଠାରୁ ସାନ ଏକ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା । ଅନ୍ୟଟି 10 ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ଏକ ଘାତରାଶି ଯାହାର ଘାତାଙ୍କ ଏକ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ।

ଉପରୋକ୍ତ ପଦ୍ଧତିରେ ପ୍ରକାଶିତ ସଂଖ୍ୟା ରୂପକୁ ସଂଖ୍ୟାର ପ୍ରାମାଣିକ ରୂପ ବା ମାନକ ରୂପ ଏବଂ ପ୍ରକାଶ ପଦ୍ଧତିଟିକୁ **ବୈଜ୍ଞାନିକ** ପଦ୍ଧତି କୁହାଯାଏ ।

ଆମେ ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାର ପ୍ରାମାଣିକ ରୂପ କିପରି ପାଉ ତାହା ନିମ୍ନରେ ଦେଖ । 3768.2 କୁ ପ୍ରାମାଣିକ ରୂପରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା ।

$$= \frac{3768.2}{1000} \times 1000$$
$$= 3.7682 \times 1000$$
$$= 3.7682 \times 10^{3}$$

[ଯେହେତୁ ପ୍ରଥମ ଅଂଶଟି 3.7682 ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଏଣୁ 1000 ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କରାଗଲା । ସଂଖ୍ୟାଟି ନ ବଦଳିବା ଲାଗି 1000 ଦ୍ୱାରା ଗୁଣନ କରାଗଲା ।] ତେବେ 1,00,000 କୁ କିପରି ପ୍ରାମାଣିକ ରୂପରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା ?

$$1,00,000 = 1 \times 1,00,000$$

$$= 1.0 \times (10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10)$$
 [:: 1 = 1.0]
$$= 1.0 \times 10^{5}$$

ଏଣୁ ପ୍ରାମାଣିକ ରୂପରେ ପ୍ରଥମ ସଂଖ୍ୟାକୁ 1 ଅଥବା 1 ଓ 10 ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ଏକ ଦ<mark>ଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ଭାବେ ନିଆଯାଇପାରେ ।</mark> (ଟୀକା : 1 ଠାରୁ ଖୁବ୍ ସାନ ହୋଇଥିବା ଏକ ଧନାତ୍ମକ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା (ଯେପରି 0.0000345 ) କୁ କିପରି ପ୍ରାମାଣିକ ରୂପରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଏ ତାହା ପରେ ଜାଣିବ ।)

#### ଉଦାହରଣ:

ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ପ୍ରାମାଣିକ ରୂପ ଦର୍ଶାଅ।

- (육) 65,950
- (ଗ) 5985.3
- (ধ) 34,30,000
- (없) 783.14

#### ସମାଧାନ :

- $(\Re) 65,950 = 6.595 \times 10000 = 6.5950 \times 10^4$
- (%)  $34,30,000 = 3.43 \times 10000000$ =  $3.43 \times 10^{6}$
- (ଗ)  $5985.3 = 5.9853 \times 1000 = 5.9853 \times 10^3$ (ଦଶମିକ ବିନ୍ଦୁଟି ବାମକୁ ତିନି ସ୍ଥାନ ଘୁଞ୍ଚଗଲା)
- (a)  $783.14 = 7.8314 \times 100$ =  $7.8314 \times 10^2$

# ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 4.3

- (କ) ଆଲୋକର ବେଗ ସେକେଣ ପ୍ରତି 300,000,000 ମିଟର । ଏହି ବେଗକୁ ପ୍ରାମାଣିକ ରୂପରେ ପ୍ରକାଶ କର ।
  - (ଖ) ପୃଥିବୀଠାରୁ ଚନ୍ଦ୍ରର ହାରାହାରି ଦୂରତା ପ୍ରାୟ 384000000 ମିଟର । ଭକ୍ତ ଦୂରତାର ପ୍ରାମାଣିକ ରୂପ ଲେଖ ।
- 2. ନିମ୍ବରେ କେତେଗୁଡ଼ିଏ ସଂଖ୍ୟାର ପ୍ରାମାଣିକ ରୂପ ଦିଆଯାଇଛି । ସଂଖ୍ୟାଟିକୁ ଲେଖ ।
  - (유) 9.8×10<sup>4</sup>
- (영) 1.385×10<sup>7</sup>
- (a) 5.15×10<sup>10</sup>
- (a) 3.9×10"
- ନିମ୍ନରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉକ୍ତିରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟାର ପ୍ରାମାଣିକ ରୂପ ଲେଖ ।
  - (କ) ପୃଥିବୀର ବ୍ୟାସ ପ୍ରାୟ 1,27,56,000 ମିଟର ।
  - (ଖ) ସୂର୍ଯ୍ୟର ବ୍ୟାସ ପ୍ରାୟ 1,400,000,000 ମିଟର ।
  - (ଗ) ଶନି ଗ୍ରହଠାରୁ ସୂର୍ଯ୍ୟର ଦୂରତା ପ୍ରାୟ 1,433,500,000,000 **ମିଟର ।**
  - (ଘ) ପୃଥିବୀରେ ପ୍ରାୟ 1,353,000,000 ଘନ କି.ମି. ସମୁଦ୍ର ଜଳ ଅଛି ।