# 89-018

# ଭଗ୍ନାଂଶରେ ଯୋଗ ଓ ବିୟୋଗ କରିବା

ଥରେ ସୁନିତାର ମା' ଗୋଟିଏ ତରଭୁଜ ଆଣି କାଟିଲେ । ସେ ସେଥିରୁ ଦୁଇ ଚତୁର୍ଯାଂଶ ସୁନିତାକୁ ଓ ଏକ ଚତୁର୍ଥାଂଶ ତା'ର ଭାଇ ମିଲନକୁ ଦେଲେ ।



ମିଲନର ଅଂଶ

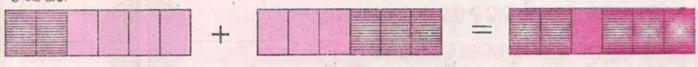
+ ସୁନିତାର ଅଂଶ

ଏକ ଚତୁର୍ଥାଂଶ + ଦୁଇଟି ଏକ ଚତୁର୍ଥାଂଶ = ତିନିଟି ଏକ ଚତୁର୍ଥାଂଶ

ବା, 
$$\frac{e}{8} + \frac{9}{8} = \frac{e}{8}$$
 (ଏକ ଚତୁର୍ଥାଂଶ + ଦୁଇ ଚତୁର୍ଥାଂଶ = ତିନି ଚତୁର୍ଥାଂଶ)

ଲକ୍ଷ୍ୟକର : ଏକ ଚତୁର୍ଥାଂଶ ଓ ଦୁଇ ଚତୁର୍ଥାଂଶ ମିଶିଲେ ତିନି ଚତୁର୍ଥାଂଶ ହୁଏ ।

ସେହିପରି



ଦୂଇ ଷଷାଂଶ

ତିନି ଷ୍ଷାଂଶ

$$\frac{9}{9} + \frac{9}{9} = \frac{8}{9}$$
 ଯାହାକୁ  $\frac{.9+9}{9}$  ଭାବେ ମଧ୍ୟ ଲେଖାଯାଇପାରେ ।

ଆମେ ବେଖିଲେ : 
$$\frac{9}{9} + \frac{9}{9} = \frac{9+9}{9}$$



### ସେହିପରି କାମ

$$\frac{\ell}{\Gamma} + \frac{9}{\Gamma} + \frac{m}{\Gamma} = \frac{9}{\Gamma}$$

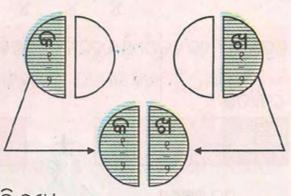
$$\sqrt{2} \ln \frac{1}{2} \ln \frac{1}{2$$

ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନାଂଶ ମାନଙ୍କର ଯୋଗ କଲାବେଳେ ଯୋଗଫଳ କିପରି ବାହାରେ ଲେଖ ।

ଆମେ କାଣିଲେ, ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ଯୋଗକଲା ବେଳେ – କ୍ୟୋଗଫଳର ଲାବ୍ୟ = ଧ୍ୟୋଗ କଂଧାଧାଜଥିବା ଅତ୍ୟେକ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ହର ସଙ୍ଗେ ସମାନ । ଯୋଗଫଳର ହର = ଯୋଗ କରାଯାଇଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ହର ସଙ୍ଗେ ସମାନ ।

# ତୁମ ପାଇଁ କାମ

- ଦୁଇଟି ସମାନ ଆକାରର ବୃତ୍ତାକୃତି କାଗଜ ଖଣ୍ଡ ନିଅ ।
- ି ପ୍ରତ୍ୟେକ ବୃତ୍ତାକୃତି କାଗଜ ଖଣ୍ଡକୁ ମଝିରୁ ଭାଙ୍ଗି ଦୁଇ ସମାନ ଭାଗ କର ଓ ଗୋଟିଏ ଭାଗକୁ ରଂଗ ଦିଅ ।
- ଦୁଇଟିଯାକ ବୃତ୍ତାକୃତି କାଗଜ ଖଣ୍ଡ ରଂଗ ଦିଆଯାଇଥିବା
   ଅଂଶକୁ ମୂଳ କାଗଜରୁ ଅଲଗା କରିଦିଅ ।
- ଚିତ୍ରରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଭଳି ରଂଗୀନ ଅଂଶ ଦୁଇଟିକୁ ଯୋଡ଼ି ରଖ ।
   କ'ଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛ ?
- ଏଥ୍ରୁ ତୁମେ କ'ଣ ଜାଣିଲ କହ ।



$$\frac{6}{9} + \frac{6}{9} = 6$$

ବା ଦୁଇଟି <sup>୧</sup> ମିଶି ୧ହୁଏ।



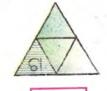
# ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ

ପୂର୍ବ ପୃଷାରେ ତୁମ ପାଇଁ କାମରେ କରାଯାଇଥିବା ମିଶାଣକୁ ଦେଖ ଓ ସେହିଭଳି ତଳେ ଥିବା ଖାଲି ଘରଗୁଡ଼ିକ

')



GI





+

+ + +

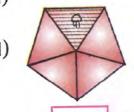
- =

*:*.

ଗୋଟି

ମିଶି ୧ ।

1)









+

+

+

+

+ = \_\_\_\_

ଗୋଟି

E004

ମିଶି ୧ 🗽

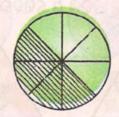
ଖାଲି ଘର ପୂରଣ କର ।

Ollink mor general and i				
$\frac{e}{8} + \frac{e}{8}$ ଓ ଆଉ ରୋଟି $\frac{e}{8}$ ମିଶି ୧	$8$ ଗୋଟି $\frac{e}{\Gamma}$ ଓ ଆଉ $\square$ ଗୋଟି $\frac{e}{\Gamma}$ ମିଶି ୧			
$\frac{e}{8} + \frac{e}{8} + \frac{e}{8}$ ଓ ଆଉ	9 ଗୋଟି $\frac{e}{e}$ ଓ ଆଉ $\Box$ ଗୋଟି $\frac{e}{e}$ ମିଶି ୧			
$\frac{8}{9}$ ଓ ଆଉ $\square$ ଗୋଟି $\frac{8}{9}$ ମିଶି ୧	୍ର ଗୋଟି $\frac{e}{g}$ ମିଶି $e$			
୩ ଗୋଟି $\frac{e}{g}$ ଓ ଆଉ $\square$ ଗୋଟି $\frac{e}{g}$ ମିଶି $e$	$rac{e}{e}$ ଗୋଟି $rac{e}{e}$ ମିଶି ୧			

୩. ତଳେ ଥିବା ଉଦାହରଣକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରି, ସେହିପରି ପରବର୍ତ୍ତୀ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକରେ ଥିବା ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

ଉଦାହରଣ :





N N



 $= \frac{\mathbb{q} + \mathbb{A}}{\mathbb{L}} = \frac{\mathbb{B}}{\mathbb{L}}$ 

$$\frac{\varrho}{\vartheta} + \frac{9}{\vartheta} = = =$$

$$\frac{\mathfrak{q}}{\mathfrak{D}} + \frac{\mathfrak{g}}{\mathfrak{D}} = ----=$$

$$\frac{\varrho}{\Gamma} + \frac{\varrho}{\Gamma} + \frac{m}{\Gamma} = \frac{1}{2}$$

୪. ଚିତ୍ରରେ ଉପଯୁକ୍ତ ରଙ୍ଗ ଦେଇ ଭଗ୍ନାଂଶଗୁଡ଼ିକୁ ଯୋଗକର ।

	ଚିତ୍ର	ଯୋଗଫଳ	
$(\mathbf{a}) \frac{\mathbf{e}}{\mathbf{a}} + \frac{9}{8}$			
$(\mathfrak{G}) \frac{9}{6} + \frac{8}{8}$			
$(a) \frac{\partial}{\partial} + \frac{\partial}{\partial}$			
$(a) \frac{9}{60} + \frac{8}{60}$			



### ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$$(9) \frac{9}{8} + \frac{9}{8}$$

(a) 
$$\frac{6}{6} + \frac{6}{8}$$

$$(\mathfrak{A}) \quad \frac{8}{\mathfrak{D}} + \frac{9}{\mathfrak{D}}$$

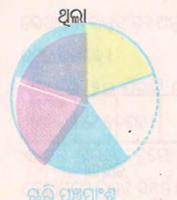
$$(a) \frac{9}{8} + \frac{9}{8} + \frac{9}{8}$$

(8) 
$$\frac{9}{9} + \frac{9}{9} + \frac{9}{9}$$

ସୁମନର ଜନ୍ମଦିନ । ଘରେ ପୋଡ଼ପିଠା ହୋଇଥାଏ । ସନ୍ଧ୍ୟା ବେଳକୁ ତା'ର ସାଙ୍ଗ କିଶନ୍ ଆସି ପହଞ୍ଲା । ସୁମନ ତା' ପାଖରେ ଥିବା ପିଠାର ଷରି ପଞ୍ଚମାଂଶରୁ ଏକ ପଞ୍ଚମାଂଶ କିଶନ୍କୁ ଦେଲା । ଏବେ ସୁମନ ପାଖରେ ପୂରା ପିଠାର କେତେ ଅଂଶ ରହିଲା ?



### ଆସ ଦେଖିବା ।



ୟରି ପଞ୍ଚମାଂଶ

ଗଲା



ବର୍ତ୍ତମାନ ପାଖ ଚିତ୍ରକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକର :-

ମୋଟ ରଙ୍ଗୀନ ଅଂଶ ସଂଖ୍ୟା = ୪

ବିଚ୍ଛିନ୍ନ ହୋଇଥିବା ରଙ୍ଗିନ ଅଂଶ ସଂଖ୍ୟା = ୧

ଅବଶିଷ୍ଟ ରଙ୍ଗିନ ଅଂଶ ସଂଖ୍ୟା = ୩

$$\frac{8}{12} \cdot \frac{8}{8} - \frac{8}{6} = \frac{8}{8 - 6} = \frac{8}{4}$$

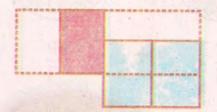


ଏଥିରୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ,

ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ବିୟୋଗ ବେଳେ ବିୟୋଗ ଫଳର ଲବ = ପ୍ରଥମ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ଲବ - ଦ୍ୱିତୀୟ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ଲବ ବିୟୋଗ ଫଳର ହର = ବିୟୋଗ କ୍ରିୟାରେ ଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ହର ।

# ଆସ ଚିତ୍ର ଦେଖି ବିୟୋଗ କରିବା :





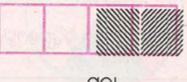


$$\frac{9}{8} - \frac{9}{8} =$$

## ଆସ ଚିତ୍ର ଦେଖି ବିୟୋଗ କରିବା-



ଥିଲା



ଗଲା



(영)



ରହିଲା



$$\frac{8}{9} - \frac{9}{9} = \frac{1}{1}$$

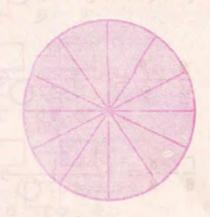






- ଷ୍ଟରିଜଣିଆଁ ଦଳଟିଏ ହୋଇ ଏହି ଖେଳ ଖେଳିବା ।
- ିତ୍ରରେ ଦେଖାଯାଇଥିବା ଭଳି ଗୋଟିଏ ୧ ୨ ଭାଗ ବିଶିଷ୍ଟ ବୃତ୍ତ ଚିତ୍ରଟିଏ କର ଓ ୧ ୫ ଟି ଟୋକନ୍ କାଗଜ ଖଣ୍ଡ ପ୍ରଞ୍ଚୁତ କର । ଏହି ଟୋକନ୍ଗୁଡ଼ିକରେ ନିମ୍ନ କୋଠରିରେ ଥିବା ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ଲେଖାଏଁ ଲେଖ ।

	7, 8		
9 99	<u>भ</u> १ 9,	8 9,	8 9
9 6 9	9, 69,	F 9,	69
	<u>60</u>		



- ବର୍ତ୍ତମାନ ଟୋକନ୍ଗୁଡିକୁ ଏକାଠି କରି ଗୋଟିଏ ଉପରେ ଗୋଟିଏ କରି ରଖ, ଯେପରି ଲେଖାଥିବା ପାଖଟି ତଳକୁ ରହିବ ।
  - ଏବେ ଖେଳ ଆରୟ କର । ଦଳରେ ଥିବା ୪ ଜଣ ମଧ୍ୟରୁ ଜଣେ ଆଗ ଗୋଟିଏ ଟୋକନ୍ ଉଠାଇବ, ସେଥିରେ ଲେଖାଥିବା ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଅନୁଯାୟୀ ବୃତ୍ତର ଅଂଶ ଉପରେ ରଙ୍ଗ ଦେବ ଓ ପୁନର୍ବାର ଟୋକନଟିକୁ ଟୋକନ୍ ଥାକର ଡଳେ ରଖିବେ ।
- ଏହାପରେ ୨ୟ ପିଲାଟି ଗୋଟିଏ ଟୋକନ୍ ଉଠାଇବ ଓ ସେଥିରେ ଲେଖାଥିବା ଭଗ୍ନାଂଶ ଅନୁଯାୟୀ ବୃତ୍ତର ଅଂଶରେ ରଙ୍ଗ ଦେବେ ।
- ଏହିପରି ପର୍ଯ୍ୟାୟ କ୍ରମେ ପିଲାମାନେ ବୃତ୍ତଚିତ୍ରର ବିଭିନ୍ନ ଅଂଶରେ ରଙ୍ଗ ଦେବେ । ଯେଉଁ ପିଲାଟି ରଙ୍ଗ ଦେବାପରେ ବୃତ୍ତଟି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଭାବରେ ରଙ୍ଗିନ ହୋଇଯିବ, ସେ ଜିତିବ ।
  - ଯେଉଁ ଯେଉଁ ଟୋକନରେ ଲେଖାଥିବା ସଂଖ୍ୟା ଅନୁଯାୟୀ ବୃଉଟିରେ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇ ବୃଉଟି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣଭାବେ ରଙ୍ଗିନ୍ ହେଲା, ପିଲାମାନେ ସେହି ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାଗୁଡିକୁ ଲେଖିବେ ଏବଂ ସେଗୁଡ଼ିକ ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବେ । (ମନେକରାଯାଉ ଟୋକନ୍ରେ ଲେଖାଥିବା ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ହେଲା  $\frac{\eta}{e_g}$ ,  $\frac{e}{g_g}$ ,  $\frac{e}{g_g}$ , ଏଠାରେ ଦେଖାଯିବ ଯେ ଶେଷ ଖେଳାଳିର ଟୋକନ୍ରେ ଥିବା ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଅନୁଯାୟୀ ବୃତ୍ତର ଅଂଶରେ ରଙ୍ଗକରି ହେବ ନାହିଁ । ବୃତ୍ତର ୨ ଟି ଖାଲି ଘର ଫାଙ୍କା ଥିବ ଏବଂ ତାହା ବୃତ୍ତର  $\frac{e}{g_g}$  ନୁହେଁ, ଏ କ୍ଷେତ୍ରରେ ସେ ପିଲାଟିକୁ ବାଦ୍ ଦିଆଯିବ ଓ ତା'ର ଟୋକନ୍ଟିକୁ ଅନ୍ୟ ଟୋକନ୍ର ଡଳେ ରଖାଯିବ । ବର୍ତ୍ତମାନ ଅନ୍ୟ ଯେଉଁ ପିଲାଟି ପ୍ରଥମେ ସୁଯୋଗ ପାଇଥିଲା ସେ ପୁଣି ଟୋକନ୍ ଟାଣିବାର ସୁଯୋଗ ପାଇବ ।

# ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ

୧. ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କରି ବିୟୋଗଫଳ ସ୍ଥିର କର ।

$$(\Theta) \quad \frac{9}{C} - \frac{9}{C} = \frac{9-9}{C} = \frac{$$

(8) 
$$\frac{8}{9} - \frac{9}{9} = \frac{}{}$$

(ଗ) 
$$\frac{8}{4} - \frac{8}{8} = \frac{1}{8} = \frac{1}{8}$$

୨. ବିୟୋଗ କାର୍ଯ୍ୟ କର ଓ ବି<mark>ୟୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।</mark>

$$(\mathbf{q}) \quad \frac{9}{\mathbf{q}} - \frac{\mathbf{q}}{\mathbf{q}} = \boxed{\phantom{\mathbf{q}}} = \boxed{\phantom{\mathbf{q}}}$$

(a) 
$$\frac{\partial}{\partial x} - \frac{\partial}{\partial x} = \frac{1}{2}$$

(a) 
$$\frac{\Gamma}{C} - \frac{\Omega}{C} = \frac{1}{2}$$
 =  $\frac{1}{2}$  =  $\frac{1}{2}$  =  $\frac{1}{2}$  =  $\frac{1}{2}$  =  $\frac{1}{2}$ 

ତା ହା ବ୍ରେମ୍ବର୍ଣ୍ଣପିକ ଅନ୍ୟ କ୍ରୋକ୍ରକର କଳେ ବ୍ରହାଣିତୀ ବର୍ଗାନ ଅନ୍ୟ ପେଉ ପିଲାଟି ପ୍ରଥମେ ସ୍ତର୍ଯାଗ

୩. 🔘 ମଧ୍ୟରେ '+' ବା '-' ଚିହ୍ନ ଦିଆ ।

$$\frac{8}{8}O\frac{1}{6} = \frac{8}{6}$$

$$\frac{1}{\sqrt{3}}O\frac{6}{\sqrt{3}} = \frac{3}{\sqrt{3}}$$

$$\frac{8}{8}O\frac{8}{6} = \frac{8}{40}$$

$$\frac{c}{2}O\frac{c}{6} = \frac{c}{c}$$

$$\frac{1}{8}O\frac{L}{6} = \frac{L}{8}$$

$$\frac{e}{e}O\frac{e}{e}=\frac{9}{e}$$

୪. ମୂଲ୍ୟ ନିରୁପଣ କର ।

$$(9) \frac{9}{8} + \frac{9}{8} - \frac{9}{8}$$

(a) 
$$\frac{6}{6} + \frac{6}{2} - \frac{6}{8}$$

(a) 
$$\frac{6}{9} + \frac{8}{9} - \frac{9}{9}$$

(a) 
$$\frac{q}{\Gamma} + \frac{9}{\Gamma} - \frac{8}{\Gamma}$$

- ୫. **ରମେଶ ବାବୂ ତାଙ୍କ ବରିଚାରେ ଲଗାଇଥିବା କଦଳୀ ଗଛମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ** <sup>୩</sup> ଅଂଶ ତରକାରୀ କଦଳୀ ଓ ଅବଶିଷ୍ଟ ପାଚିଲା କଦଳୀ । <mark>ପାଚିଲା କଦଳୀ ଗଛ ସଂଖ୍ୟା</mark> ମୋଟ କଦଳୀ ଗଛ ସଂଖ୍ୟାର କେତେ ଅଂଶ ?
- ୬. ଗୋଟିଏ ଖୟର 🔓 ଅଂଶରେ କଳାରଙ୍ଗ, 🤌 ଅଂଶରେ ନାଲି ରଙ୍ଗ ଓ 🕇 ଅଂଶରେ ହଳଦିଆ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇନ୍ତି । ତେବେ–
  - (କ) ଖୟର ମୋଟ କେତେ ଅଂଶ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଛି ?
  - (ଖ) କେଉଁ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଥିବା ଅଂଶ ସର୍ବାଧିକ ?
  - (ଗ) କେଉଁ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଥିବା ଅଂଶ ସର୍ବନିମ୍ନ ?
  - (ଘ) ହଳଦିଆ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଥିବା ଅଂଶଠାରୁ କେତେ କମ୍ ଅଂଶରେ ନାଲି ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଛି ?