Q-læring INF100

Odin Hoff Gardå



Plan

Kort introduksjon til Q-læring (15 - 30 min.)

Workshop: Implementer Q-læring for å løse en labyrint.

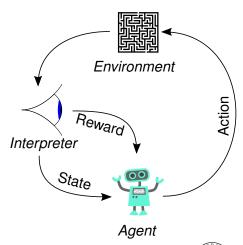


Forsterkende Læring¹

Vi har en agent som handler i et miljø.

 Agenten lærer gjennom belønning basert på agentens tilstand og handling.

Q-læring er en form for forsterkende læring.



¹Engelsk: Reinforcement Learning

Q-læring: Oppsett

- Vi starter med:
 - En mengde S av mulige **tilstander**
 - En mengde A av mulige handlinger
 - Et par $(s, a) \in S \times A$ kalles et tilstand-handlings-par
 - En belønningsfunksjon $R \colon \mathcal{S} \times \mathcal{A} \to \mathbb{R}$



Q-læring: Oppsett

- Vi starter med:
 - En mengde S av mulige **tilstander**
 - En mengde A av mulige handlinger
 - Et par $(s, a) \in S \times A$ kalles et tilstand-handlings-par
 - En belønningsfunksjon $R: S \times A \rightarrow \mathbb{R}$
- Ved å la agenten utforske miljøet ønsker vi å lære Q-funksjonen

$$Q: \mathcal{S} \times \mathcal{A} \rightarrow \mathbb{R}$$

som gir oss en **Q-verdi** Q(s, a) til hvert par $(s, a) \in S \times A$.



Q-læring: Oppsett

- Vi starter med:
 - En mengde S av mulige **tilstander**
 - En mengde A av mulige handlinger
 - Et par $(s, a) \in S \times A$ kalles et tilstand-handlings-par
 - En belønningsfunksjon $R \colon \mathcal{S} \times \mathcal{A} \to \mathbb{R}$
- Ved å la agenten utforske miljøet ønsker vi å lære Q-funksjonen

$$Q: \mathcal{S} \times \mathcal{A} \rightarrow \mathbb{R}$$

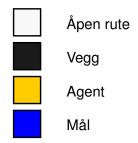
som gir oss en **Q-verdi** Q(s, a) til hvert par $(s, a) \in S \times A$.

■ Endelig mål: For en $s \in S$ så ønsker vi at arg $\max_{a \in A} Q(s, a)$ er den optimale handlingen for å maksimere forventet belønning.



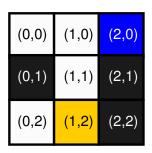
Gjennomgående Eksempel: 3 × 3 **Labyrint**

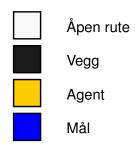
| (0,0) | (1,0) | (2,0) |
|-------|-------|-------|
| (0,1) | (1,1) | (2,1) |
| (0,2) | (1,2) | (2,2) |





Gjennomgående Eksempel: 3 × 3 **Labyrint**



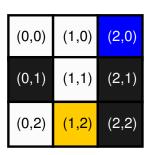


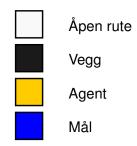
Mulige tilstander (agentens posisjon):

$$\mathcal{S} = \{(0,0), (1,0), (2,0), (0,1), (1,1), (2,1), (0,2), (1,2), (2,2)\}$$



Gjennomgående Eksempel: 3 × 3 **Labyrint**





Mulige tilstander (agentens posisjon):

$$\mathcal{S} = \{(0,0), (1,0), (2,0), (0,1), (1,1), (2,1), (0,2), (1,2), (2,2)\}$$

Mulige handlinger (retninger å gå):

$$A = \{ venstre, høyre, opp, ned \}$$



La s' være posisjonen vi treffer ved å gå i retning a fra posisjon s.

Definer belønningsfunksjonen $R \colon \mathcal{S} \times \mathcal{A} \to \mathbb{R}$ ved

$$R(s,a) = \begin{cases} -1.0 & \text{hvis } s' \text{ er en veggrute,} \\ -0.1 & \text{hvis } s' \text{ er en åpen rute og} \\ 1.0 & \text{hvis } s' \text{ er målruten.} \end{cases}$$

| (0,0) | (1,0) | (2,0) |
|-------|-------|-------|
| (0,1) | (1,1) | (2,1) |
| (0,2) | (1,2) | (2,2) |

Q: Hva er R((1,0), høyre)?



La s' være posisjonen vi treffer ved å gå i retning a fra posisjon s.

$$R(s,a) = \begin{cases} -1.0 & \text{hvis } s' \text{ er en veggrute,} \\ -0.1 & \text{hvis } s' \text{ er en åpen rute og} \\ 1.0 & \text{hvis } s' \text{ er målruten.} \end{cases}$$

| (0,0) | (1,0) | (2,0) |
|-------|-------|-------|
| (0,1) | (1,1) | (2,1) |
| (0,2) | (1,2) | (2,2) |

- **Q:** Hva er R((1,0), høyre)?
- **A:** 1.0



La s' være posisjonen vi treffer ved å gå i retning a fra posisjon s.

$$R(s,a) = \begin{cases} -1.0 & \text{hvis } s' \text{ er en veggrute,} \\ -0.1 & \text{hvis } s' \text{ er en åpen rute og} \\ 1.0 & \text{hvis } s' \text{ er målruten.} \end{cases}$$

| (0,0) | (1,0) | (2,0) |
|-------|-------|-------|
| (0,1) | (1,1) | (2,1) |
| (0,2) | (1,2) | (2,2) |

- **Q:** Hva er *R*((1,0), høyre)?
- **A:** 1.0
- **Q:** Hva er R((1,1), venstre)?



La s' være posisjonen vi treffer ved å gå i retning a fra posisjon s.

$$R(s,a) = \begin{cases} -1.0 & \text{hvis } s' \text{ er en veggrute,} \\ -0.1 & \text{hvis } s' \text{ er en åpen rute og} \\ 1.0 & \text{hvis } s' \text{ er målruten.} \end{cases}$$

| (0,0) | (1,0) | (2,0) |
|-------|-------|-------|
| (0,1) | (1,1) | (2,1) |
| (0,2) | (1,2) | (2,2) |

- **Q:** Hva er R((1,0), høyre)?
- **A:** 1.0
- **Q:** Hva er R((1,1), venstre)?
- **A:** -1.0



La s' være posisjonen vi treffer ved å gå i retning a fra posisjon s.

$$R(s,a) = \begin{cases} -1.0 & \text{hvis } s' \text{ er en veggrute,} \\ -0.1 & \text{hvis } s' \text{ er en åpen rute og} \\ 1.0 & \text{hvis } s' \text{ er målruten.} \end{cases}$$

| (0,0) | (1,0) | (2,0) |
|-------|-------|-------|
| (0,1) | (1,1) | (2,1) |
| (0,2) | (1,2) | (2,2) |

- **Q:** Hva er R((1,0), høyre)?
- **A:** 1.0
- **Q:** Hva er R((1,1), venstre)?
- **A:** -1.0
- **Q:** Hva er *R*((1,1), opp)?



La s' være posisjonen vi treffer ved å gå i retning a fra posisjon s.

$$R(s,a) = \begin{cases} -1.0 & \text{hvis } s' \text{ er en veggrute,} \\ -0.1 & \text{hvis } s' \text{ er en åpen rute og} \\ 1.0 & \text{hvis } s' \text{ er målruten.} \end{cases}$$

| (0,0) | (1,0) | (2,0) |
|-------|-------|-------|
| (0,1) | (1,1) | (2,1) |
| (0,2) | (1,2) | (2,2) |

- **Q:** Hva er R((1,0), høyre)?
- **A:** 1.0
- **Q:** Hva er R((1,1), venstre)?
- **A:** -1.0
- **Q:** Hva er R((1,1), opp)?
- **A:** -0.1



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 0.8 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 8.0 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2,2) | 0.1 | 0.0 | 8.0 | 0.1 |

Spørsmål:

Q: Hva er Q((0,0), høyre)?



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 0.8 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 0.8 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2, 2) | 0.1 | 0.0 | 8.0 | 0.1 |

- **Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** −0.5



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 0.8 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 0.8 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2,2) | 0.1 | 0.0 | 0.8 | 0.1 |

- **Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** -0.5
- **Q:** Hva er Q((1,1), ned)?



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 0.8 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 0.8 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2,2) | 0.1 | 0.0 | 0.8 | 0.1 |

- **Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** -0.5
- **Q:** Hva er Q((1,1), ned)?
- **A:** 0.8



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 0.8 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 8.0 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2, 2) | 0.1 | 0.0 | 8.0 | 0.1 |

- **Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** -0.5
- Q: Hva er Q((1,1), ned)?
- **A:** 0.8
- **Q:** Hva er $\max_{a \in \mathcal{A}} Q(s, a)$ når s = (1, 2)?



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 0.8 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 8.0 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2, 2) | 0.1 | 0.0 | 8.0 | 0.1 |

- **Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** -0.5
- Q: Hva er Q((1,1), ned)?
- **A:** 0.8
- **Q:** Hva er $\max_{a \in \mathcal{A}} Q(s, a)$ når s = (1, 2)?
- **A:** 0.7



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 8.0 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 8.0 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2, 2) | 0.1 | 0.0 | 8.0 | 0.1 |

Spørsmål:

- Q: Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** -0.5
- Q: Hva er Q((1,1), ned)?
- **A:** 0.8
- **Q:** Hva er $\max_{a \in \mathcal{A}} Q(s, a)$ når s = (1, 2)?
- **A:** 0.7
- **Q:** Hva er $\max_{a \in \mathcal{A}} Q(s, a)$ når

s = (2,2)?

Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 8.0 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 8.0 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2, 2) | 0.1 | 0.0 | 8.0 | 0.1 |

- **Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** -0.5
- **Q:** Hva er *Q*((1,1), ned)?
- **A:** 0.8
- **Q:** Hva er $\max_{a \in \mathcal{A}} Q(s, a)$ når s = (1, 2)?
- **A:** 0.7
- **Q:** Hva er $\max_{a \in \mathcal{A}} Q(s, a)$ når
- s = (2, 2)?
- **A:** 0.8

La π^* : $S \to A$ være funksjonen gitt ved $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$.

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 8.0 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 8.0 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2,2) | 0.1 | 0.0 | 0.8 | 0.1 |

Spørsmål:

Q: Hva er $\pi^*((0,1))$?



La π^* : $S \to A$ være funksjonen gitt ved $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$.

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 8.0 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 8.0 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2, 2) | 0.1 | 0.0 | 8.0 | 0.1 |

- **Q:** Hva er $\pi^*((0,1))$?
- **A**: opp



La π^* : $S \to A$ være funksjonen gitt ved $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$.

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 8.0 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 8.0 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2, 2) | 0.1 | 0.0 | 8.0 | 0.1 |

- **Q:** Hva er $\pi^*((0,1))$?
- A: opp
- **Q:** Hva er $\pi^*((2,1))$?



La $\pi^* : S \to A$ være funksjonen gitt ved $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$.

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 8.0 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 8.0 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2, 2) | 0.1 | 0.0 | 8.0 | 0.1 |

- **Q:** Hva er $\pi^*((0,1))$?
- A: opp
- **Q:** Hva er $\pi^*((2,1))$?
- **A:** venstre



La π^* : $S \to A$ være funksjonen gitt ved $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$.

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 8.0 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 8.0 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2, 2) | 0.1 | 0.0 | 8.0 | 0.1 |

- **Q:** Hva er $\pi^*((0,1))$?
- A: opp
- **Q:** Hva er $\pi^*((2,1))$?
- A: venstre
- **Q:** Hva er $\pi^*((0,2))$?



La π^* : $S \to A$ være funksjonen gitt ved $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$.

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0,1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 8.0 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 8.0 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2, 2) | 0.1 | 0.0 | 8.0 | 0.1 |

- **Q:** Hva er $\pi^*((0,1))$?
- A: opp
- **Q:** Hva er $\pi^*((2,1))$?
- A: venstre
- **Q:** Hva er $\pi^*((0,2))$?
- A: høyre



La π^* : $S \to A$ være funksjonen gitt ved $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$.

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0, 1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 8.0 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 8.0 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2,2) | 0.1 | 0.0 | 8.0 | 0.1 |

- **Q:** Hva er $\pi^*((0,1))$?
- A: opp
- **Q:** Hva er $\pi^*((2,1))$?
- A: venstre
- **Q:** Hva er $\pi^*((0,2))$?
- A: høyre
- **Q:** Hva er $\pi^*((1,1))$?



La π^* : $S \to A$ være funksjonen gitt ved $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$.

| a | venstre | høyre | opp | ned |
|--------|---------|-------|------|------|
| (0,0) | 1.0 | -0.5 | 0.1 | -0.3 |
| (1,0) | 0.2 | -0.3 | -1.0 | 0.6 |
| (2,0) | -0.4 | -0.1 | 0.3 | 0.7 |
| (0, 1) | 0.4 | -0.9 | 1.0 | 0.2 |
| (1,1) | 0.6 | -0.1 | 0.4 | 8.0 |
| (2, 1) | 1.0 | 0.5 | 8.0 | -0.5 |
| (0, 2) | -0.2 | 0.5 | -0.3 | -0.7 |
| (1,2) | 0.7 | -1.0 | 0.1 | -0.5 |
| (2,2) | 0.1 | 0.0 | 8.0 | 0.1 |

- **Q:** Hva er $\pi^*((0,1))$?
- A: opp
- **Q:** Hva er $\pi^*((2,1))$?
- A: venstre
- **Q:** Hva er $\pi^*((0,2))$?
- A: høyre
- **Q:** Hva er $\pi^*((1,1))$?
- A: ned



Eksempel: *ϵ*-grådig Q-læring

La ϵ være et tall mellom 0 og 1. Med ϵ -grådig læring velger agenten å utføre

- $lue{1}$ en tilfeldig handling med sannsynlighet ϵ , og
- 2 handlingen $\pi^*(s)$ med sannsynlighet 1ϵ .

Vi reduserer vanligvis verdien av ϵ gjennom læringen slik at agenten utforsker mest i starten men gradvis baserer valgene på lært kunnskap.



Vi starter med Q(s, a) = 0 for alle par $(s, a) \in S \times A$. (En Q-tabell hvor alle verdiene er 0.)

Vi starter med Q(s, a) = 0 for alle par $(s, a) \in S \times A$. (En Q-tabell hvor alle verdiene er 0.)

Vi har to læringsparametere (begge tall mellom 0 og 1):

- \blacksquare α : **læringsrate** (learning rate) og
- \blacksquare γ : **rabattfaktor** (discount factor).

Vi starter med Q(s, a) = 0 for alle par $(s, a) \in S \times A$. (En Q-tabell hvor alle verdiene er 0.)

Vi har to læringsparametere (begge tall mellom 0 og 1):

- \blacksquare α : **læringsrate** (learning rate) og
- \blacksquare γ : **rabattfaktor** (discount factor).

Q-læringsalgoritmen (én episode):

Agenten er i posisjon s_t ved tid t. Vi bruker den ϵ -grådige strategien for å velge en handling a_t . Ved å utføre a_t i s_t treffer vi s_{t+1} .

Vi starter med Q(s, a) = 0 for alle par $(s, a) \in S \times A$. (En Q-tabell hvor alle verdiene er 0.)

Vi har to læringsparametere (begge tall mellom 0 og 1):

- \blacksquare α : **læringsrate** (learning rate) og
- \blacksquare γ : **rabattfaktor** (discount factor).

Q-læringsalgoritmen (én episode):

- Agenten er i posisjon s_t ved tid t. Vi bruker den ϵ -grådige strategien for å velge en handling a_t . Ved å utføre a_t i s_t treffer vi s_{t+1} .
- 2 Vi oppdaterer $Q(s_t, a_t)$ med følgende regel:

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow (1 - \alpha)Q(s_t, a_t) + \alpha \left(R(s_t, a_t) + \gamma \max_{a \in \mathcal{A}} Q(s_{t+1}, a)\right).$$

Vi starter med Q(s, a) = 0 for alle par $(s, a) \in S \times A$. (En Q-tabell hvor alle verdiene er 0.)

Vi har to læringsparametere (begge tall mellom 0 og 1):

- \blacksquare α : **læringsrate** (learning rate) og
- \blacksquare γ : **rabattfaktor** (discount factor).

Q-læringsalgoritmen (én episode):

- Agenten er i posisjon s_t ved tid t. Vi bruker den ϵ -grådige strategien for å velge en handling a_t . Ved å utføre a_t i s_t treffer vi s_{t+1} .
- 2 Vi oppdaterer $Q(s_t, a_t)$ med følgende regel:

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow (1 - \alpha)Q(s_t, a_t) + \alpha \left(R(s_t, a_t) + \gamma \max_{a \in \mathcal{A}} Q(s_{t+1}, a)\right).$$

3 Gjenta fra steg 1 med s_{t+1} (stopp hvis s_{t+1} er en terminaltilstand).

Oppdatering av Q-funksjonen

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow (1 - lpha) \underbrace{Q(s_t, a_t)}_{ ext{nåværende Q-verdi}} + lpha \underbrace{R(s_t, a_t)}_{ ext{Relønning}} + \gamma \max_{\substack{a \in \mathcal{A} \\ ext{estimert beste fremtidige Q-verdi}}}_{ ext{estimert beste fremtidige Q-verdi}}.$$

- Gammel og ny kunnskap kombineres (α bestemmer hvor mye av hver).
- Belønningen for å utføre a_t i tilstand s_t påvirker den nye Q-verdien.
- Hvor mye vi bryr oss om fremtiden bestemmes av γ .

La $\alpha = 0.8$, $\gamma = 0.5$. Anta at $s_t = (1,2)$ og at agenten utfører $a_t = \text{opp}$.

| (0,0) | (1,0) | (2,0) |
|-------|-------|-------|
| (0,1) | (1,1) | (2,1) |
| (0,2) | (1,2) | (2,2) |

| a | venstre | høyre | opp | ned | | |
|-------|----------|-------|------|------|--|--|
| | <u>:</u> | | | | | |
| (1,0) | 0.1 | 1.0 | -0.8 | 0.2 | | |
| (1,1) | -0.6 | -0.8 | 0.9 | 0.2 | | |
| (1,2) | -0.4 | -1.0 | 0.3 | -0.9 | | |
| : | | | | | | |

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow \underbrace{(1-\alpha)}_{0.2} \underbrace{Q(s_t, a_t)}_{0.3} + \underbrace{\alpha}_{0.8} \left(\underbrace{R(s_t, a_t)}_{-0.1} + \underbrace{\gamma}_{0.5} \underbrace{\max_{a \in \mathcal{A}}}_{0.9} \underbrace{Q(s_{t+1}, a)}_{0.9} \right).$$

Ny Q-verdi: $Q((1,2), opp) = 0.2 \cdot 0.3 + 0.8(-0.1 + 0.5 \cdot 0.9) = 0.34$

Odin Hoff Gardå Q-læring 28th February 2024 11 / 15

Nå er $s_t = (1, 1)$. Anta at agenten tilfeldig velger $a_t =$ venstre.

| (0,0) | (1,0) | (2,0) |
|-------|-------------------|-------|
| (0,1) | (1,1) | (2,1) |
| (0,2) | (1,2) | (2,2) |

| a | venstre | høyre | opp | ned | |
|-------|----------|-------|------|------|--|
| | <u>:</u> | | | | |
| (1,0) | 0.1 | 1.0 | -0.8 | 0.2 | |
| (1,1) | -0.6 | -0.8 | 0.9 | 0.2 | |
| (1,2) | -0.4 | -1.0 | 0.34 | -0.9 | |
| : | | | | | |

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow \underbrace{(1-\alpha)}_{0.2} \underbrace{Q(s_t, a_t)}_{-0.6} + \underbrace{\alpha}_{0.8} \left(\underbrace{R(s_t, a_t)}_{-1.0} + \underbrace{\gamma}_{0.5} \underbrace{\max_{a \in \mathcal{A}}}_{0.0} \underbrace{Q(s_{t+1}, a)}_{0.0} \right).$$

Ny Q-verdi: Q((1,1), venstre) = -0.92

Nå er $s_t = (1, 1)$. Anta at agenten velger $a_t := \pi^*(s_t) = \mathsf{opp}$.

| (0,0) | (1,0) | (2,0) |
|-------|-------|-------|
| (0,1) | (1,1) | (2,1) |
| (0,2) | (1,2) | (2,2) |

| a | venstre | høyre | opp | ned | |
|----------|---------|-------|------|------|--|
| | : | | | | |
| (1,0) | 0.1 | 1.0 | -0.8 | 0.2 | |
| (1,1) | -0.92 | -0.8 | 0.9 | 0.2 | |
| (1,2) | -0.4 | -1.0 | 0.34 | -0.9 | |
| <u>:</u> | | | | | |

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow \underbrace{(1-\alpha)}_{0.2} \underbrace{Q(s_t, a_t)}_{0.9} + \underbrace{\alpha}_{0.8} \left(\underbrace{R(s_t, a_t)}_{-0.1} + \underbrace{\gamma}_{0.5} \underbrace{\max_{a \in \mathcal{A}}}_{1.0} \underbrace{Q(s_{t+1}, a)}_{1.0} \right).$$

Ny Q-verdi: Q((1,1), opp) = 0.5

Nå er $s_t = (1,0)$. Anta at agenten velger $a_t := \pi^*(s_t) = \text{høyre}$.

| (0,0) | (1,0) | (2,0) |
|-------|-------------------|-------|
| (0,1) | (1,1) | (2,1) |
| (0,2) | (1,2) | (2,2) |

| a | venstre | høyre | opp | ned | |
|-------|----------|-------|------|------|--|
| | <u>:</u> | | | | |
| (1,0) | 0.1 | 1.0 | -0.8 | 0.2 | |
| (1,1) | -0.92 | -0.8 | 0.5 | 0.2 | |
| (1,2) | -0.4 | -1.0 | 0.34 | -0.9 | |
| : | | | | | |

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow \underbrace{(1-\alpha)}_{0.2} \underbrace{Q(s_t, a_t)}_{1.0} + \underbrace{\alpha}_{0.8} \left(\underbrace{R(s_t, a_t)}_{1.0} + \underbrace{\gamma}_{0.5} \underbrace{\max_{a \in \mathcal{A}}}_{0.0} \underbrace{Q(s_{t+1}, a)}_{0.0} \right).$$

Ny Q-verdi: Q((1,0), høyre) = 1.0

Workshop

Nå er det din tur til å implementere Q-læring!

Gå til https://github.com/odinhg/...

Spør en gruppeleder eller meg dersom du har spørsmål.

Prosjekter som utmerker seg havner under "Wall of Fame".

Odin Hoff Gardå Q-læring 28th February 2024 15 / 15