# Q-læring INF100

# **Odin Hoff Gardå**



### **Plan**

Kort introduksjon til Q-læring (15 - 30 min.)

Workshop: Implementer Q-læring for å løse en labyrint.

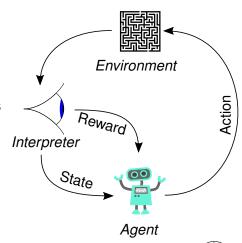


## Forsterkende Læring<sup>1</sup>

Vi har en agent som handler i et miljø.

 Agenten lærer gjennom belønning basert på agentens tilstand og handling.

Q-læring er en form for forsterkende læring.



<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Engelsk: Reinforcement Learning

# Q-læring: Oppsett

- Vi starter med:
  - En mengde S av mulige **tilstander**
  - En mengde A av mulige handlinger
  - Et par  $(s, a) \in S \times A$  kalles et tilstand-handlings-par
  - En belønningsfunksjon  $R \colon \mathcal{S} \times \mathcal{A} \to \mathbb{R}$



# Q-læring: Oppsett

- Vi starter med:
  - En mengde S av mulige **tilstander**
  - En mengde A av mulige handlinger
  - Et par  $(s, a) \in S \times A$  kalles et tilstand-handlings-par
  - En belønningsfunksjon  $R \colon \mathcal{S} \times \mathcal{A} \to \mathbb{R}$
- Ved å la agenten utforske miljøet ønsker vi å lære Q-funksjonen

$$Q: \mathcal{S} \times \mathcal{A} \rightarrow \mathbb{R}$$

som gir oss en **Q-verdi** Q(s, a) til hvert par  $(s, a) \in S \times A$ .



# Q-læring: Oppsett

- Vi starter med:
  - En mengde S av mulige **tilstander**
  - En mengde A av mulige handlinger
  - Et par  $(s, a) \in S \times A$  kalles et tilstand-handlings-par
  - En belønningsfunksjon  $R \colon \mathcal{S} \times \mathcal{A} \to \mathbb{R}$
- Ved å la agenten utforske miljøet ønsker vi å lære Q-funksjonen

$$Q: \mathcal{S} \times \mathcal{A} \rightarrow \mathbb{R}$$

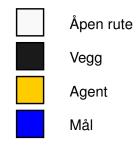
som gir oss en **Q-verdi** Q(s, a) til hvert par  $(s, a) \in S \times A$ .

■ Endelig mål: For en  $s \in S$  så ønsker vi at arg  $\max_{a \in A} Q(s, a)$  er den optimale handlingen for å maksimere forventet belønning.



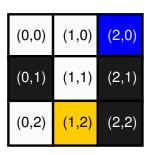
## **Gjennomgående Eksempel:** 3 × 3 **Labyrint**

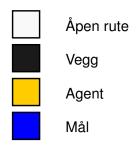
(0,0)	(1,0)	(2,0)
(0,1)	(1,1)	(2,1)
(0,2)	(1,2)	(2,2)





## **Gjennomgående Eksempel:** 3 × 3 **Labyrint**



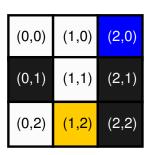


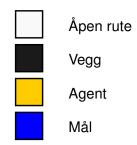
Mulige tilstander (agentens posisjon):

$$\mathcal{S} = \{(0,0), (1,0), (2,0), (0,1), (1,1), (2,1), (0,2), (1,2), (2,2)\}$$



## **Gjennomgående Eksempel:** 3 × 3 **Labyrint**





Mulige tilstander (agentens posisjon):

$$\mathcal{S} = \{(0,0), (1,0), (2,0), (0,1), (1,1), (2,1), (0,2), (1,2), (2,2)\}$$

Mulige handlinger (retninger å gå):

$$A = \{ venstre, høyre, opp, ned \}$$



La s' være posisjonen vi treffer ved å gå i retning a fra posisjon s.

Definer belønningsfunksjonen  $R \colon \mathcal{S} \times \mathcal{A} \to \mathbb{R}$  ved

$$R(s,a) = \begin{cases} -1.0 & \text{hvis } s' \text{ er en veggrute,} \\ -0.1 & \text{hvis } s' \text{ er en åpen rute og} \\ 1.0 & \text{hvis } s' \text{ er målruten.} \end{cases}$$

(0,0)	(1,0)	(2,0)
(0,1)	(1,1)	(2,1)
(0,2)	(1,2)	(2,2)

**Q:** Hva er R((1,0), høyre)?



La s' være posisjonen vi treffer ved å gå i retning a fra posisjon s.

$$R(s,a) = \begin{cases} -1.0 & \text{hvis } s' \text{ er en veggrute,} \\ -0.1 & \text{hvis } s' \text{ er en åpen rute og} \\ 1.0 & \text{hvis } s' \text{ er målruten.} \end{cases}$$

(0,0)	(1,0)	(2,0)
(0,1)	(1,1)	(2,1)
(0,2)	(1,2)	(2,2)

- **Q:** Hva er R((1,0), høyre)?
- **A:** R((1,0), høyre) = 1.0



La s' være posisjonen vi treffer ved å gå i retning a fra posisjon s.

$$R(s,a) = \begin{cases} -1.0 & \text{hvis } s' \text{ er en veggrute,} \\ -0.1 & \text{hvis } s' \text{ er en åpen rute og} \\ 1.0 & \text{hvis } s' \text{ er målruten.} \end{cases}$$

(0,0)	(1,0)	(2,0)
(0,1)	(1,1)	(2,1)
(0,2)	(1,2)	(2,2)

- **Q:** Hva er R((1,0), høyre)?
- **A:** R((1,0), høyre) = 1.0
- **Q:** Hva er R((1,1), venstre)?



La s' være posisjonen vi treffer ved å gå i retning a fra posisjon s.

$$R(s,a) = egin{cases} -1.0 & ext{hvis } s' ext{ er en veggrute}, \ -0.1 & ext{hvis } s' ext{ er en åpen rute og} \ 1.0 & ext{hvis } s' ext{ er målruten}. \end{cases}$$

(0,0)	(1,0)	(2,0)
(0,1)	(1,1)	(2,1)
(0,2)	(1,2)	(2,2)

- **Q:** Hva er R((1,0), høyre)?
- **A:** R((1,0), høyre) = 1.0
- **Q:** Hva er R((1,1), venstre)?
- **A:** R((1,1), venstre) = -1.0



La s' være posisjonen vi treffer ved å gå i retning a fra posisjon s.

$$R(s,a) = \begin{cases} -1.0 & \text{hvis } s' \text{ er en veggrute,} \\ -0.1 & \text{hvis } s' \text{ er en åpen rute og} \\ 1.0 & \text{hvis } s' \text{ er målruten.} \end{cases}$$

(0,0)	(1,0)	(2,0)
(0,1)	(1,1)	(2,1)
(0,2)	(1,2)	(2,2)

- **Q:** Hva er R((1,0), høyre)?
- **A:** R((1,0), høyre) = 1.0
- **Q:** Hva er R((1,1), venstre)?
- **A:** R((1,1), venstre) = -1.0
- **Q:** Hva er R((1,1), opp)?



La s' være posisjonen vi treffer ved å gå i retning a fra posisjon s.

$$R(s,a) = \begin{cases} -1.0 & \text{hvis } s' \text{ er en veggrute,} \\ -0.1 & \text{hvis } s' \text{ er en åpen rute og} \\ 1.0 & \text{hvis } s' \text{ er målruten.} \end{cases}$$

(0,0)	(1,0)	(2,0)
(0,1)	(1,1)	(2,1)
(0,2)	(1,2)	(2,2)

- **Q:** Hva er R((1,0), høyre)?
- **A:** R((1,0), høyre) = 1.0
- **Q:** Hva er R((1,1), venstre)?
- **A:** R((1,1), venstre) = -1.0
- **Q:** Hva er *R*((1,1), opp)?
- **A:** R((1,1), opp) = -0.1



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

a	venstre	høyre	opp	ned
(0,0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0,1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1,1)	0.6	-0.1	0.4	0.8
(2, 1)	1.0	0.5	8.0	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1,2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2,2)	0.1	0.0	8.0	0.1

#### Spørsmål:

**Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

a	venstre	høyre	opp	ned
(0,0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0,1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1,1)	0.6	-0.1	0.4	0.8
(2, 1)	1.0	0.5	8.0	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1,2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2, 2)	0.1	0.0	8.0	0.1

- **Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** -0.5



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

a	venstre	høyre	opp	ned
(0,0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0, 1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1, 1)	0.6	-0.1	0.4	0.8
(2,1)	1.0	0.5	8.0	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1,2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2, 2)	0.1	0.0	8.0	0.1

- **Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** -0.5
- **Q:** Hva er Q((1,1), ned)?



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

a	venstre	høyre	opp	ned
(0,0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0, 1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1, 1)	0.6	-0.1	0.4	0.8
(2,1)	1.0	0.5	8.0	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1,2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2, 2)	0.1	0.0	8.0	0.1

- **Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** -0.5
- **Q:** Hva er Q((1,1), ned)?
- **A:** 0.8



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

a	venstre	høyre	opp	ned
(0,0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0,1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1,1)	0.6	-0.1	0.4	0.8
(2,1)	1.0	0.5	8.0	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1,2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2, 2)	0.1	0.0	8.0	0.1

- **Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** -0.5
- **Q:** Hva er Q((1,1), ned)?
- A: 0.8
- **Q:** Hva er  $\max_{a \in \mathcal{A}} Q(s, a)$  når s = (1, 2)?



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

a	venstre	høyre	opp	ned
(0,0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0,1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1,1)	0.6	-0.1	0.4	0.8
(2,1)	1.0	0.5	8.0	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1,2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2, 2)	0.1	0.0	8.0	0.1

- **Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** -0.5
- **Q:** Hva er Q((1,1), ned)?
- **A:** 0.8
- **Q:** Hva er  $\max_{a \in \mathcal{A}} Q(s, a)$  når s = (1, 2)?
- A: 0.7



Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

a	venstre	høyre	opp	ned
(0,0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0,1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1,1)	0.6	-0.1	0.4	0.8
(2, 1)	1.0	0.5	0.8	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1,2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2, 2)	0.1	0.0	8.0	0.1

#### Spørsmål:

- **Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** -0.5
- **Q:** Hva er Q((1,1), ned)?
- **A:** 0.8
- **Q:** Hva er  $\max_{a \in \mathcal{A}} Q(s, a)$  når s = (1, 2)?
- **A:** 0.7
- **Q:** Hva er  $\max_{a \in \mathcal{A}} Q(s, a)$  når

s = (2,2)?

Hvis vi har endelig mange tilstander og handlinger, kan vi representere Q-funksjonen som en tabell (**Q-tabell**):

a	venstre	høyre	opp	ned
(0,0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0,1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1, 1)	0.6	-0.1	0.4	0.8
(2, 1)	1.0	0.5	0.8	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1,2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2, 2)	0.1	0.0	8.0	0.1

- **Q:** Hva er Q((0,0), høyre)?
- **A:** -0.5
- **Q:** Hva er Q((1,1), ned)?
- **A:** 0.8
- **Q:** Hva er  $\max_{a \in \mathcal{A}} Q(s, a)$  når s = (1, 2)?
- A: 0.7
- **Q:** Hva er  $\max_{a \in \mathcal{A}} Q(s, a)$  når
  - s = (2, 2)?
- **A:** 0.8

La  $\pi^*$ :  $S \to A$  være funksjonen gitt ved  $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$ .

a	venstre	høyre	орр	ned
(0,0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0, 1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1, 1)	0.6	-0.1	0.4	8.0
(2,1)	1.0	0.5	8.0	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1, 2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2, 2)	0.1	0.0	8.0	0.1

#### Spørsmål:

**Q:** Hva er  $\pi^*((0,1))$ ?



La  $\pi^*$ :  $S \to A$  være funksjonen gitt ved  $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$ .

a	venstre	høyre	орр	ned
(0,0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0, 1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1,1)	0.6	-0.1	0.4	8.0
(2, 1)	1.0	0.5	0.8	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1,2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2, 2)	0.1	0.0	8.0	0.1

- **Q:** Hva er  $\pi^*((0,1))$ ?
- **A**: opp



La  $\pi^*$ :  $S \to A$  være funksjonen gitt ved  $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$ .

a	venstre	høyre	орр	ned
(0,0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0, 1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1,1)	0.6	-0.1	0.4	8.0
(2,1)	1.0	0.5	0.8	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1,2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2,2)	0.1	0.0	8.0	0.1

- **Q:** Hva er  $\pi^*((0,1))$ ?
- A: opp
- **Q:** Hva er  $\pi^*((2,1))$ ?



La  $\pi^*$ :  $S \to A$  være funksjonen gitt ved  $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$ .

a	venstre	høyre	орр	ned
(0,0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0,1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1,1)	0.6	-0.1	0.4	0.8
(2,1)	1.0	0.5	0.8	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1,2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2,2)	0.1	0.0	8.0	0.1

- **Q:** Hva er  $\pi^*((0,1))$ ?
- A: opp
- **Q:** Hva er  $\pi^*((2,1))$ ?
- A: venstre



La  $\pi^*$ :  $S \to A$  være funksjonen gitt ved  $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$ .

a	venstre	høyre	орр	ned
(0,0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0, 1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1, 1)	0.6	-0.1	0.4	8.0
(2,1)	1.0	0.5	0.8	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1,2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2,2)	0.1	0.0	8.0	0.1

- **Q:** Hva er  $\pi^*((0,1))$ ?
- **A**: opp
- **Q:** Hva er  $\pi^*((2,1))$ ?
- A: venstre
- **Q:** Hva er  $\pi^*((0,2))$ ?



La  $\pi^*$ :  $S \to A$  være funksjonen gitt ved  $\pi^*(s) = \arg \max_{a \in A} Q(s, a)$ .

a	venstre	høyre	орр	ned
(0, 0)	1.0	-0.5	0.1	-0.3
(1,0)	0.2	-0.3	-1.0	0.6
(2,0)	-0.4	-0.1	0.3	0.7
(0, 1)	0.4	-0.9	1.0	0.2
(1,1)	0.6	-0.1	0.4	0.8
(2,1)	1.0	0.5	0.8	-0.5
(0, 2)	-0.2	0.5	-0.3	-0.7
(1,2)	0.7	-1.0	0.1	-0.5
(2,2)	0.1	0.0	8.0	0.1

- **Q:** Hva er  $\pi^*((0,1))$ ?
- **A**: opp
- **Q:** Hva er  $\pi^*((2,1))$ ?
- A: venstre
- **Q:** Hva er  $\pi^*((0,2))$ ?
- A: høyre



# Eksempel: $\epsilon$ -grådig Q-læring

La  $\epsilon$  være et tall mellom 0 og 1. Med  $\epsilon$ -grådig læring velger agenten å utføre

- $lue{1}$  en tilfeldig handling med sannsynlighet  $\epsilon$ , og
- 2 handlingen  $\pi^*(s)$  med sannsynlighet  $1 \epsilon$ .

Vi reduserer vanligvis verdien av  $\epsilon$  gjennom læringen slik at agenten utforsker mest i starten men gradvis baserer valgene på lært kunnskap.



Vi starter med Q(s, a) = 0 for alle par  $(s, a) \in S \times A$ . (En Q-tabell hvor alle verdiene er 0.)

Vi starter med Q(s, a) = 0 for alle par  $(s, a) \in S \times A$ . (En Q-tabell hvor alle verdiene er 0.)

Vi har to læringsparametere (begge tall mellom 0 og 1):

- $\blacksquare$   $\alpha$ : **læringsrate** (learning rate) og
- $\blacksquare$   $\gamma$ : **rabattfaktor** (discount factor).

Vi starter med Q(s, a) = 0 for alle par  $(s, a) \in S \times A$ . (En Q-tabell hvor alle verdiene er 0.)

Vi har to læringsparametere (begge tall mellom 0 og 1):

- $\blacksquare$   $\alpha$ : **læringsrate** (learning rate) og
- $\blacksquare$   $\gamma$ : **rabattfaktor** (discount factor).

#### Q-læringsalgoritmen (én episode):

Agenten er i posisjon  $s_t$  ved tid t. Vi bruker den  $\epsilon$ -grådige strategien for å velge en handling  $a_t$ . Ved å utføre  $a_t$  i  $s_t$  treffer vi  $s_{t+1}$ .

Vi starter med Q(s, a) = 0 for alle par  $(s, a) \in S \times A$ . (En Q-tabell hvor alle verdiene er 0.)

Vi har to læringsparametere (begge tall mellom 0 og 1):

- $\blacksquare$   $\alpha$ : **læringsrate** (learning rate) og
- $\blacksquare$   $\gamma$ : **rabattfaktor** (discount factor).

#### Q-læringsalgoritmen (én episode):

- Agenten er i posisjon  $s_t$  ved tid t. Vi bruker den  $\epsilon$ -grådige strategien for å velge en handling  $a_t$ . Ved å utføre  $a_t$  i  $s_t$  treffer vi  $s_{t+1}$ .
- 2 Vi oppdaterer  $Q(s_t, a_t)$  med følgende regel:

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow (1 - \alpha)Q(s_t, a_t) + \alpha \left(R(s_t, a_t) + \gamma \max_{a \in \mathcal{A}} Q(s_{t+1}, a)\right).$$

Vi starter med Q(s, a) = 0 for alle par  $(s, a) \in S \times A$ . (En Q-tabell hvor alle verdiene er 0.)

Vi har to læringsparametere (begge tall mellom 0 og 1):

- $\blacksquare$   $\alpha$ : **læringsrate** (learning rate) og
- $\blacksquare$   $\gamma$ : **rabattfaktor** (discount factor).

#### Q-læringsalgoritmen (én episode):

- Agenten er i posisjon  $s_t$  ved tid t. Vi bruker den  $\epsilon$ -grådige strategien for å velge en handling  $a_t$ . Ved å utføre  $a_t$  i  $s_t$  treffer vi  $s_{t+1}$ .
- 2 Vi oppdaterer  $Q(s_t, a_t)$  med følgende regel:

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow (1 - \alpha)Q(s_t, a_t) + \alpha \left(R(s_t, a_t) + \gamma \max_{a \in \mathcal{A}} Q(s_{t+1}, a)\right).$$

**3** Gjenta fra steg 1 med  $s_{t+1}$  (stopp hvis  $s_{t+1}$  er en terminaltilstand).

## Oppdatering av Q-funksjonen

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow (1 - lpha) \quad Q(s_t, a_t) \quad + lpha \left(egin{array}{c} \operatorname{Belønning} \ R(s_t, a_t) + \gamma \max_{a \in \mathcal{A}} Q(s_{t+1}, a) \ \end{array}
ight) \quad .$$

- Gammel og ny kunnskap kombineres ( $\alpha$  bestemmer hvor mye av hver).
- Belønningen for å utføre  $a_t$  i tilstand  $s_t$  påvirker den nye Q-verdien.
- Hvor mye vi bryr oss om fremtiden bestemmes av  $\gamma$ .

La  $\alpha = 0.8$ ,  $\gamma = 0.5$ . Anta at  $s_t = (1,2)$  og at agenten utfører  $a_t = \text{opp}$ .

(0,0)	(1,0)	(2,0)
(0,1)	(1,1)	(2,1)
(0,2)	(1,2)	(2,2)

a	venstre	høyre	opp	ned
		:		
(1,0)	0.1	1.0	-0.8	0.2
(1,1)	-0.6	-0.8	0.9	0.2
(1,2)	-0.4	-1.0	0.3	-0.9
÷				

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow \underbrace{(1-\alpha)}_{0.2} \underbrace{Q(s_t, a_t)}_{0.3} + \underbrace{\alpha}_{0.8} \left( \underbrace{R(s_t, a_t)}_{-0.1} + \underbrace{\gamma}_{0.5} \underbrace{\max_{a \in \mathcal{A}}}_{0.9} \underbrace{Q(s_{t+1}, a)}_{0.9} \right).$$

Ny Q-verdi:  $Q((1,2), opp) = 0.2 \cdot 0.3 + 0.8(-0.1 + 0.5 \cdot 0.9) = 0.34$ 

Nå er  $s_t = (1, 1)$ . Anta at agenten tilfeldig velger  $a_t =$  venstre.

(0,0)	(1,0)	(2,0)
(0,1)	<del>(</del> 1,1)	(2,1)
(0,2)	(1,2)	(2,2)

a	venstre	høyre	opp	ned
<u>:</u>				
(1,0)	0.1	1.0	-0.8	0.2
(1,1)	-0.6	-0.8	0.9	0.2
(1,2)	-0.4	-1.0	0.34	-0.9
:				

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow \underbrace{(1-\alpha)}_{0.2} \underbrace{Q(s_t, a_t)}_{-0.6} + \underbrace{\alpha}_{0.8} \left( \underbrace{R(s_t, a_t)}_{-1.0} + \underbrace{\gamma}_{0.5} \underbrace{\max_{a \in \mathcal{A}}}_{0.0} \underbrace{Q(s_{t+1}, a)}_{0.0} \right).$$

Ny Q-verdi: Q((1,1), venstre) = -0.92

Nå er  $s_t = (1, 1)$ . Anta at agenten velger  $a_t := \pi^*(s_t) = \mathsf{opp}$ .

(0,0)	(1,0)	(2,0)
(0,1)	(1,1)	(2,1)
(0,2)	(1,2)	(2,2)

a	venstre	høyre	opp	ned
<u>:</u>				
(1,0)	0.1	1.0	-0.8	0.2
(1,1)	-0.92	-0.8	0.9	0.2
(1,2)	-0.4	-1.0	0.34	-0.9
:				

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow \underbrace{(1-\alpha)}_{0.2} \underbrace{Q(s_t, a_t)}_{0.9} + \underbrace{\alpha}_{0.8} \left( \underbrace{R(s_t, a_t)}_{-0.1} + \underbrace{\gamma}_{0.5} \underbrace{\max_{a \in \mathcal{A}}}_{1.0} \underbrace{Q(s_{t+1}, a)}_{1.0} \right).$$

Ny Q-verdi: Q((1,1), opp) = 0.5

Nå er  $s_t = (1,0)$ . Anta at agenten velger  $a_t := \pi^*(s_t) = \text{høyre}$ .

(0,0)	(1,0 <del>)</del>	(2,0)
(0,1)	(1,1)	(2,1)
(0,2)	(1,2)	(2,2)

a	venstre	høyre	opp	ned
<u>:</u>				
(1,0)	0.1	1.0	-0.8	0.2
(1,1)	-0.92	-0.8	0.5	0.2
(1,2)	-0.4	-1.0	0.34	-0.9
į				

$$Q(s_t, a_t) \leftarrow \underbrace{(1-\alpha)}_{0.2} \underbrace{Q(s_t, a_t)}_{1.0} + \underbrace{\alpha}_{0.8} \left( \underbrace{R(s_t, a_t)}_{1.0} + \underbrace{\gamma}_{0.5} \underbrace{\max_{a \in \mathcal{A}}}_{0.0} \underbrace{Q(s_{t+1}, a)}_{0.0} \right).$$

Ny Q-verdi: Q((1,0), høyre) = 1.0

## Workshop

Nå er det din tur til å implementere Q-læring!

- Gå til https://github.com/odinhg/Q-Learning-Tutorial (eller skann QR-koden)
- Spør en gruppeleder eller meg dersom du har spørsmål.
- Prosjekter som utmerker seg havner under "Wall of Fame".

