Algorithm Engineering

May 11, 2015

1 Datentypen

Getränkeautomat

Automat akzeptiert 1E, ein Getränk kostet 3E
Operatoren:

1. Init(Reset)
2. Akzeptiere1E

Init → Zustand
Semantik: Automat geht in Zustand 0
Akzeptiere1E: ZustandX{0,1} → ZustandX{tue nichts, gib Getänk}
Semantik: Beschreibung durch einen endlichen Automaten.

Stadtplan

Übung 1

1.1 Bemerkungen

- Operatoren können partiell Definiert sein. Man gibt Definitionsbereich oft in einer Vorbedingung an.
- Operatoren, bei denen der Datentyp selbst auf der linken Seite nicht vorkommt, heißen Konstruktoren. Sie erzeugen ein neues Objekt (bzw. versetzen den Typ in einem bestimmten Zustand).
  - Create: → stack<T>
  - Create: int → vector (Vektor bestimmter Dimension)
- Objekt- und Zustandssicht sind beide nützlich. Stack/Getränkeautomat haben internen Zustand, Operatoren können ihn verändern.
  - Integer: Objektsicht besser, Operatoren erzeugen neue Objekte, exisitierende werden nicht geändert.
- stack$< T >$ ist ein parametrisierbarer Datentyp: Stack mit Elementen vom Typ T. Hat eventuell besondere Anforederungen an Typ T, z.B. $x \leq y$ in Dictionaries.
- Man kann nun eigentlich schon programmieren, obwohl über die Interpretiernug noch nichts bekannt ist.

Anwendung von stack$< T >$

Auswertung von Postfix-Ausdrücken
Vereinfachungen: alle Operatoren binär (+-*/), Eingabe nur Zahlen 0-9
Bsp.: $(7-5)*(3+1) \rightarrow 75-31+*$

1.2 Defintion eines Datentyps

(In einer Objekt-Orientierten Programmiersprache)

```
class Typname {
        //Definition der Menge der Objekte bzw Zustaende
        private: //Deklaration von Variablen zur Darstellung der Objekte/Zustaende
        public: //Operatoren
        //Kommentare z.B. ueber Effizienz
};
```

Operatoren

Methoden/Memberfunktionen
Syntax: Ergebnistyp Name(Argumente...);
Spezielle Methoden:

- Kein Ergebnistyp: stack(); stack(size);
- Destruktor: $\sim$ Typname();

1.3 Beispiel

int_stack $\rightarrow$ stack$< T >$

```
class int_stack {
        /* Eine Instanz vom Typ int_stack ist eine Folge von ganzen Zahlen (int). Eine Fol
        private: //Implementierung
        public: stack(int sz); //Konstruktor
        //Erzeugt einen Stack mit maximaler Groesse sz
        ~stack() //Destruktor
        void push (int x);
        //fuegt x als letzes Element (top) an die Folge an.
        int top() const;
        //liefert das letzte (top) Element
        //Precondition: Stack nicht leer
        int pop();
        //entfernt letztes (top) Element der Folge und gibt es zurueck
        //Precondition: Stack nicht leer
        bool empty() const;
        //true, wenn Stack leer, false sonst.
```

In c++ Spezielle Header Datei, die die Deklarationen ohne Rumpf enthält. Implementierung in .cpp

Implementierung der Klasse int_stack

Mehrere Möglichkeiten: Array, Liste Array Implementierung: *int$_s$tack.h*

```
class int_stack {
        private
                int* A; //Feld
                int sz; //Laenge von A
                int t;
};
```

int$_s$tack.cpp

```
#include "int_stack.h"
int_stack::int_stack(int n) {
        sz=2;
        A = new int[sz];
        t = -1; //leer
}
int_stack::~int_stack(){
        delete[] A;
}
void int_stack::push(int x){
        if (t == sz-1){
                //stack voll
                int* B=new int[2*sz];
                sz ← 2*sz;
                for(int i=0; i ≤;i++){
                        B[i] ←
                }
                delete[] A;
        }
        A[++t] ← x; //eigentlich push
}
int int_stack::pop(){
        if(t==-1){
                EXCEPTION("Leerer Stack")
        return A[t--];
}
```

Einschub: Variablen, Konstruktoren, Wertzuweisung

ablen Deklaration c++: Aufruf des Konstruktors generiert ein Objekt.
Java: Erst eine Referenz erstellen, dann ein Objekt generieren und auf dieses verweisen.

Wertzuweisung c++: $int_stacks1, s2; s1 = s2$; Objekt wird kopiert, es gibt 2 Objekte.
Java: $int_stacks1, s1; s1 = s2$; Referenzen zeigen auf ein einziges Objekt.

semantik in c++: Verwendet Pointer auf ein Objekt.
Test auf Gleichheit (==) Operator
Parameterübergabe sind Pointer

semantik in Java: Parameter by Value, gesamtes Objekt kopiert und dann übergeben.

Korrektheit einer Implementierung

(Hier der Array-Implementierung von int_stack)
Eigentlich 2 Datentypen:

1. der abstrake Datentyp int_stack
2. der konkrete Datentyp Array

Abstrakter Zustand: Folge von int's
Konkreter Zustand: Werte der Variable A,t,sz
Wir garantieren (Invariante), dass nicht die Kombination von A,t,sz möglich sind, sondern nur gültige Zustande mit:

1. A ist ein Feld der Länge sz
2. $-1 \leq t \leq sz - 1$

Sei Z=Menge der konkreten Zustände und S = Menge der abstrakten Zustände
Um die Korrektheit zu zeigen, definieren wir eine Abbildung $F : Z \to S$
$(A, sz, t) \to \begin{cases} Folge\ A[0], ..., A[t]\ fallst \geq 0 \\ Leere\ Folge, t = -1 \end{cases}$ Und zeigen:

1. Konstruktoren erzeugen gültige konkrete Zustände
2. Für jede abstrakte Operation und die dazugehörige konkrete Operation f_{op} zeige $F(f_{op}(Z)) = op(F(Z))$
   Bsp.: push: $S \times int \to S$
   $f_{push} : Z \times int \to Z$

Kommutatives Diagramm:
$z \xrightarrow{F} s$
$\downarrow f_{op} \uparrow op$
$z' \xrightarrow{F} s'$

Vererbung/Generische Datentypen

Templates/Wiederverwendung von Code
Situation
Man braucht einen Datentyp A, der sehr ähnlich zu einem bereits vorhandenen definierten Typ B ist.
A soll:

- einen Teil der Daten/Operationen verwenden
- andere Daten/Operationen anfügen
- einige verändern (auf andere Weise implementieren)

Beispiel

Es existiert die Klasse Polygon (B), implementiert werden soll eine Klasse Rechteck (A).
A ist eine Spezialisierung von B
Rechteck könnte alle Polygon-Operationen (draw(),translte etc)
Einige Operationen können effizienter implementiert werden (Flächeninhalt etc.)
Andere sind nur für Rechtecke definiert.
Jedes Rechteck ist ein spezielles Polygon.

Allgemein

Wir leiten die Klasse A von der Klasse B ab.
Syntax in c++: A: public B

```
class Rechteck: public Polygon{
        //Konstruktoren -> uebung :(
        private:
                //Ueberschreiben
                double b,h;
                double area() {return b*h;}
                double umfang() {return 2*(b+h);}
                //Hinzufuegen
                double ratio() {return b/h;}
};
```

Ableitungen auch als Baum darstellbar (Shape mit Kindern Polygon/Ellipse/Punkt etc)

Typverträglichkeit

Einer Variable vom Typ B* oder B& (alle Variablen in JAVA vom Typ B) kann ein Opbjekt (Pointer/Referenz) vom Typ A zugewiesen werden.
Alle im Ableitungsbaum erreichbaren Typen können zugewiesen werden (Kinder).
Eine Variable hat 2 Typen: Einen Statischen Typ, der zur Compilezeit bekannt ist. Dynamischer Typ, der zur Laufzeit bekannt ist.

Polymorphe Datenstrukturen

```
polygon* p = new rechteck()
double func(polygon& p){
        return poly.area();}
rechteck rect = new rechteck();
func(rect);
```

Es wird per dynamischer Bindung die Funktion func der Klasse Rechteck aufgerufen.
C++ benutzt standardmäßig statische Bindung esseidenn Funktion ist "virtual". Bsp.: Feld von Polygonen
c++: Polygon** (Ein Pointer auf ein Feld von Pointern) A = new Polygon*[100];
A[0] = new Polygon(...);
A[1] = new Rechteck(...);

Abstrakte Klassen werden verwendet um Interfaces zu definieren.
Z.B. Shape als abstrakte Klasse. In C++ werden Methoden als abstrakt markiert, wenn sie bei der Deklaration = 0 gesetzt werden
virtual void draw() = 0;

Anwendung auf Algorithmen

Lineare Ordnungen durch ein Interface umgesetzt.
In C++:

```
class comparable{
        virtual int compare(compareable x)=0;
}
```

Anwendung in generischen Sortieralgorithmen:
Quicksort(comparable* A[])
Zum Vergleich benutzt man x.compare(y)

Anwendung: Sortiere ein Feld von point

```
class point: public comparable{
        int compare(comparable x){
                //x ist tatsaechlich ein point
                double px=((point&)p).x; //Casting
                double py=((point&)p).y;
                //lexikographische Ordnung..
                return ..;
        }
}
Aufruf von Quicksort:
point* A[] = new point*[100];
for(i=0;i<100<i++) A[i] = new point(i,i*i);
Quicksort(A,100);
```

Datenstrukturen, bei denen Comparable sinnvoll ist:

- Binäre Suchbäume, bei denen die Knoten vergleichbar sind.

Weitere Anwendung von Vererbung

Generische Datenstrukturen wie z.B. Listen von beliebigen Objekten.
Einfach verkettete Liste:
Beobachtung: Implementierung der Operationen (push, pop), ist nicht abhängig vom Typ. Der Wert (int,string,point,...) jedoch schon.
Abstraktion: Liste ohne Werte
1. Basisklasse für allgemeines Listenelement:

```
class slist_element{
        slist_element* next;
        slist_element(slist_element* p) {next = p;}
};
```

2. Basisklasse für allgemeine List:

```
class slist{
        slist_element* first;
        slist() {first = NULL;}

        void push(slist_element* p){
                p->next = first;
                first = p;
        }
        slist_element* pop(){
                if(first == NULL) return first;
                slist_element* p = first;
                first = first.next;
                return p;
        }
}
```

slist funktionirt auch für alle von slist_elem abgeleiteten Klassen.
Besondere Elemente werden als neue Klassen definiert, die von slist_element erben.