תרגיל הגשה

שם הקורס: מבוא לבינה מלאכותית

מספר התרגיל: 3

312367576 **מגישים:** עופר ניסים – ת.ז

205907777 ת.ז – רועי קריניץ

24.1.23 **______**



תרגיל בית MDP – 3 ומבוא ללמידה

עברו על כלל ההנחיות לפני תחילת התרגיל.

הנחיות כלליות:

- תאריך ההגשה: 26/01/23 ב23:59
- את המטלה יש להגיש **בזוגות בלבד.**
- יש להגיש <u>מטלות מוקלדות בלבד</u>. פתרונות בכתב יד לא ייבדקו.
 - ניתן לשלוח שאלות בנוגע לתרגיל בפיאצה בלבד.
 - המתרגל האחראי על תרגיל זה: **אור רפאל בידוסה**.
- בקשות דחיה מוצדקות (מילואים, אשפוז וכו') יש לשלוח למתרגל האחראי (ספיר טובול) בלבד.
 - במהלך התרגיל ייתכן שנעלה עדכונים, למסמך הנ"ל תפורסם הודעה בהתאם.
 - העדכונים הינם מחייבים, ועליכם להתעדכן עד מועד הגשת התרגיל.
 - שימו לב, התרגיל מהווה כ- 10% מהציון הסופי במקצוע ולכן העתקות תטופלנה בחומרה.
 - 🔹 התשובות לסעיפים בהם מופיע הסימון 🚣 צריכים להופיע בדוח.
 - לחלק הרטוב מסופק שלד של הקוד
- אנחנו קשובים לפניות שלכם במהלך התרגיל ומעדכנים את המסמך הזה בהתאם. גרסאות עדכניות של המסמך יועלו לאתר. הבהרות ועדכונים שנוספים אחרי הפרסום הראשוני יסומנו כאן בצהוב. ייתכן שתפורסמנה גרסאות רבות אל תיבהלו מכך. השינויים בכל גרסה יכולים להיות קטנים.

https://emojipedia.org/apple/ios-14.6/writing-hand/

שימו לב שאתם משתמשים רק בספריות הפייתון המאושרות בתרגיל (מצוינות בתחילת כל חלק רטוב) לא יתקבל קוד עם ספריות נוספות

מומלץ לחזור על שקפי ההרצאות והתרגולים הרלוונטיים לפני תחילת העבודה על התרגיל.

<u>חלק א' – MDP ו־S1</u> (<mark>51 נק'</mark>)

רקע

בחלק זה נעסוק בתהליכי החלטה מרקובים, נתעניין בתהליך עם **אופק אינסופי** (מדיניות סטציונרית).

🧀 חלק היבש

למתן $R\colon S \to \mathbb{R}$, כלומר בלבד, כלומר $R\colon S \to \mathbb{R}$, למתן בתרגול ראינו את משוואת בלמן כאשר התגמול ניתן עבור המצב הנוכחי בלבד, כלומר $R\colon S \to \mathbb{R}$, למתן תגמול זה נקרא "תגמול על הצמתים" מכיוון שהוא תלוי בצומת שהסוכן נמצא בו.

בהתאם להגדרה זו הצגנו בתרגול את האלגוריתמים Value iteration ו-Policy Iteration למציאת המדיניות האופטימלית.

כעת, נרחיב את ההגדרה הזו, לתגמול המקבל את המצב הנוכחי, הפעולה לביצוע והמצב הבא שהסוכן $R\colon S\times A\times S'\to \mathbb{R}$, למתן הגיע אליו בפועל (בין אם הסוכן בחר לצעוד לכיוון הזה ובין אם לא), כלומר: $R\colon S\times A\times S'\to \mathbb{R}$, למתן תגמול זה נקרא "תגמול על הקשתות".

א. (<mark>2 נק'</mark>) התאימו את הנוסחה של התוחלת של התועלת מהתרגול, עבור התוחלת של התועלת המתקבלת במקרה של "תגמול על הקשתות", אין צורך לנמק.

$$U^{\pi}(s) = E_{\pi}[\Sigma_{t=0}^{\infty} \gamma^{t} R(S_{t}, \pi(S_{t}), S_{t+1})] = \sum_{s'} P(s'|s, \pi(s)) [R(s, \pi(s), s') + \gamma U^{\pi}(s')]$$

ב. (<mark>2 נקי</mark>) כתבו מחדש את נוסחת משוואת בלמן עבור המקרה של "תגמול על הקשתות", אין צורך לנמק.

$$U(s) = \max_{a \in A(s)} \sum_{s'} P(s'|s, a) [R(s, a, s') + \gamma U(s')]$$

ג. (<mark>4 נק'</mark>) נסחו את אלגוריתם Value Iteration עבור המקרה של ״תגמול על הקשתות״.

1. Initialize
$$U \leftarrow 0, U' \leftarrow 0, \delta \leftarrow 0$$

- 2. Repeat:
 - 2.1 Assign $U \leftarrow U'$: $\delta \leftarrow 0$
 - 2.2 For each state s in S do:

$$\begin{aligned} 2.2.1 \quad & U'[s] \leftarrow \max_{a \in A(s)} \sum_{s'} P(s'|s,a) \big[R(s,a,s') + \gamma U[s'] \big] \\ 2.2.2 \quad & \delta \leftarrow \max(\delta, |U'[s] - U[s]|) \end{aligned}$$
 Until $\delta < \frac{\varepsilon(1-\gamma)}{\gamma} \text{ or } (\gamma = 1 \text{ and } \delta = 0)$

- 3. Return *U*
 - ד. (4) נקי') נסחו את אלגוריתם Policy Iteration עבור המקרה של "תגמול על הקשתות". הערה: בסעיפים ג' ו־ד' התייחסו גם למקרה בו $\gamma=1$, והסבירו מה לדעתכם התנאים שצריכים להתקיים על הסביבה\mdp על מנת שתמיד נצליח למצוא את המדיניות האופטימלית.
- 1. Initialize $U \leftarrow 0$, $\pi \leftarrow$ random policy, unchanged \leftarrow true
- 2. While unchanged == false:
 - 2.1 For each state s in S do:
 - 2.2.1 Assign $U \leftarrow \text{Policy-evaluation}(\pi, U, mdp)$, unchanged $\leftarrow \text{true}$

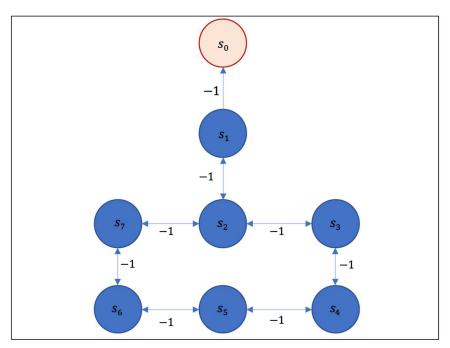
2.2.2 if
$$\max_{a \in A(s)} \sum_{s'} P(s'|s,a) [R(s,a,s') + \gamma U[s']] > \sum_{s'} P(s'|s,\pi[s]) [R(s,\pi[s],s') + \gamma U[s']]$$

2.2.2.1
$$\pi[s] \leftarrow argmax_{a \in A(s)} \sum_{s'} P(s'|s,a) [R(s,a,s') + \gamma U[s']]$$

- 2.2.2.2 unchanged ← false
- 3. Return π

במקרה בו $\gamma=1$ התגמולים הרחוקים לא מאבדים מערכם, כך שהתועלת עלולה להיות אינסופית. במקרה בו $\gamma=1$ המצב זה נדרוש שהסביבה תכיל מצב סופי (שנוכל גם להבטיח הגעה של הסוכן אליו, כך שהתועלת תישאר סופית), והאלגוריתם $\gamma=1$ ישתמש בתנאי העצירה $\gamma=1$, שמשמעותו היא שהתועלת של כל מצב באיטרציה הקודמת לא השתנתה באיטרציה הנוכחית, כלומר האלגוריתם שהתועלת של כל מצב באיטרציה הקודמת לא השתנתה באיטרציה הנוכחית, באלגוריתם און צורך התכנס לערכי תוחלת הולמים (המבטאים מדיניות אופטימלית). באלגוריתם שתנאי העצירה, היות שתנאי העצירה הקיים מבטיח מדיניות זהה בשתי איטרציות עוקבות, באופן מקביל לתנאי שתואר לעיל על האלגוריתם הקודם. תנאי זה גם דואג להתכנסות האלגוריתם למדיניות אופטימלית, אשר מתקיימת בהינתן מצב סופי ישיג, מדיניות שתבטיח הגעה של הסוכן למצב זה ופונקציית תועלת מתאימה (חסומה).

נתון הגרף הבא:



נתונים:

- .(Discount factor) $\gamma = 1$
 - אופק אינסופי.
- קבוצת המצבים מתארים את מיקום הסוכן בגרף. $S = \{s_0, s_1, s_2, s_3, s_4, s_5, s_6, s_7\}$
 - . קבוצת המצבים הסופיים $S_G = \{s_0\}$
 - $A(s_2) = \{\uparrow,
 ightarrow, \leftarrow\}$ קבוצת הפעולות לכל מצב (על פי הגרף), לדוגמא:
 - תגמולים ("תגמול על הקשתות"):

$$\forall s \in S \setminus S_G, a \in A(s), s' \in S$$
: $R(s, a, s') = -1$

מודל המעבר הוא דטרמיניסטי, כלומר כל פעולה מצליחה בהסתברות אחת.

שכתבת על הגרף הנתון. ומלא את הערכים Value iteration ה. (יבש $\frac{6}{6}$ נקי') הרץ את האלגוריתם $\forall s \in S : U_0(s) = 0$ בטבלה הבאה, כאשר בטבלה הבאה, כאשר

	$U_0(s_i)$	$U_1(s_i)$	$U_2(s_i)$	$U_3(s_i)$	$U_4(s_i)$	$U_5(s_i)$	$U_6(s_i)$	$U_7(s_i)$	$U_8(s_i)$
s_1	0	-1	-1	-1	-1	-1	-1		
<i>s</i> ₂	0	-1	-2	-2	-2	-2	-2		
s_3	0	-1	-2	-3	-3	-3	-3		
<i>S</i> ₄	0	-1	-2	-3	-4	-4	-4		
<i>S</i> ₅	0	-1	-2	-3	-4	-5	-5		
<i>s</i> ₆	0	-1	-2	-3	-4	-4	-4		
S ₇	0	-1	-2	-3	-3	-3	-3		

ו. (יבש $\frac{6}{6}$ נקי') הרץ את האלגוריתם Policy iteration שכתבת על הגרף הנתון. ומלא את הערכים בטבלה הבאה, כאשר המדיניות ההתחלתית π_0 מופיעה בעמודה הראשונה בטבלה. (ייתכן שלא צריך למלא את כולה).

	$\pi_0(s_i)$	$\pi_1(s_i)$	$\pi_2(s_i)$	$\pi_3(s_i)$	$\pi_4(s_i)$	$\pi_5(s_i)$	$\pi_6(s_i)$	$\pi_7(s_i)$	$\pi_8(s_i)$
s_1	1	1	1	1					
s_2	1	1	1	1					
s_3	←	←	←	←					
S ₄	1	1	1	1					
<i>S</i> ₅	\rightarrow	\rightarrow	\rightarrow	\rightarrow					
<i>s</i> ₆	\rightarrow	\rightarrow	1	1					
S ₇	1	\rightarrow	\rightarrow	\rightarrow					

חלק ב' - היכרות עם הקוד

חלק זה הוא רק עבור היכרות הקוד, עבורו עליו במלואו ווודאו כי הינכם מבינים את הקוד.

. אתם לא צריכים לערוך כלל את הקובץ הזה. – mdp.py

בקובץ זה ממומשת הסביבה של ה-mdp בתוך מחלקת MDP. הבנאי מקבל:

- board המגדיר את המצבים האפשריים במרחב ואת התגמול לכל מצב, תגמול על הצמתים בלבד.
 - terminal states קבוצה של המצבים הסופיים (בהכרח יש לפחות מצב אחד סופי).
- transition_function מודל המעבר בהינתן פעולה, מה ההסתברות לכל אחת מארבע הפעולות
 האחרות. ההסתברויות מסודרות לפי סדר הפעולות.
 - $\gamma \in (0,1)$ המקבל ערכים discount factor gamma \bullet בתרגיל זה לא נבדוק את המקרה בו $\gamma = 1$.

הערה: קבוצת הפעולות מוגדרת בבנאי והיא קבועה לכל לוח שיבחר.

למחלקת MDP יש מספר פונקציות שעשויות לשמש אתכם בתרגיל.

- print_rewards() מדפיסה את הלוח עם ערך התגמול בכל מצב.
- רכל מצב. U מדפיסה את הלוח עם ערך התועלת − print utility(U) •
- print_policy(policy) מדפיסה את הלוח עם הפעולה שהמדיניות policy מדפיסה את הלוח עם הפעולה שהמדיניות אמצב סופי.
 - state מחזיר את המצב הבא באופן state בהינתן מצב נוכחי step(state, action)
 state בהינתן מצב נוכחי
 state דטרמיניסטי. עבור הליכה לכיוון קיר או יציאה מהלוח הפונקציה תחזיר את המצב הנוכחי

חלק ג' – רטוב

mdp_rl_implementation.py כל הקוד צריך להיכתב בקובץ

מותר להשתמש בספריות:

All the built-in packages in python, numpy, matplotlib, argparse, os, copy, typing, termcolor, random

עליכם לממש את הפונקציות הבאות:

- ערך התועלת ה-value_iteration(mdp, U_init, epsilon), ערך התועלת של נק'): (רטוב 7 נק'): (שני האופטמילי של התועלת של התועלת האופטמילי epsilon מריץ את U_init, וחסם העליון לשגיאה מהתוחלת של התועלת האופטמילי value iteration ומחזיר את U המתקבל בסוף ריצת האלגוריתם.
- (רטוב <mark>7 נק'</mark>): get_policy(mdp, U) בהינתן ה-get_policy(mdp, U) (המקיים את משוואת בלמן)
 בלמן) מחזיר את המדיניות (במידה וקיימת יותר מאחת, מחזיר אחת מהן).
- ,init_state בהינתן ה־q_learning (mdp, init_state,...) (רטוב ל נק') q_learning (mdp, init_state) ומחזיר את Ulearning ומחזיר את האלגוריתם עבור האלגוריתם, מריץ את האלגוריתם TODO אשר התקבלה בסיום הריצה. Ctable

שימו לב! נזכיר כי אלגוריתם Qlearening הינו אלגוריתם ActiveRL-modelfree ועל כן לא אמור היה לקבל את הMDP כפרמטר אלא לקבל סימולטור של הסביבה.

לא ניתנים לנו פונקציית המעברים של הסביבה והתועלות מתקבלות כפלט מהסביבה כתוצאה מסימלוץ ריצה.

- עליכם להתחיל מטבלת Qtable המלאה באפסים. ■
- פזכור לכם מההרצאה, עדכון ערך תא ב־Qtable מבוצע על ידי הנוסחה הבאה: $Q(S,A) \leftarrow Q(S,A) + \alpha[R + \gamma \max_a Q(S',a) Q(S,A)].$ learning rate בתרגיל זה α הינו הפרמטר המועבר לפונקציה בשם
 - כזבור מההרצאה עבור אלגוריתם זה נצטרך לבצע סימולציות, ביצוע כל סימולציה נקרא "אפיזודה" (episode).

כל סימולציה תתחיל מ־init_state (המועבר כפרמטר לפונקציה) ולאחר מכן תבצע רצף בל סימולציה באשר הגענו למצב או סופי או לאחר max_steps צעדים – הקצר

מבניהם.

בהינתן שאנו נמצאים במצב s בסימולציה עלינו לבחור פעולה על פי כלל־החלטה. $\varepsilon - greedy$ עבור סעיף זה נשתמש בכלל החלטה בשם

בכל פעם שנרצה לבצע פעולה בסימולציה נגריל ערך המתפלג יוניפורמית בתחום [0,1]. אם הערך שקיבלנו גדול ממש מ־ ε נבחר את הפעולה המניבה ערך מקסימלי למצב ε על פי ה־Qtable הנוכחי (אם יש כמה פעולות עם ערך מקסימלי נבחר אחת באופן שרירותי). אם הערך שקיבלנו קטן או שווה ל־ ε נבחר פעולה רנדומלית באופן יוניפורמי מכל הפעולות. בסיום כל אפיזודה (ε בסיום כל צעד של הסימולציה) נעדכן את ערך ה־ ε לפי הקוד הבא:

```
# Reduce epsilon (because we need less and less exploration)
epsilon = min_epsilon + (max_epsilon - min_epsilon)*np.exp(-decay_rate*episode)
```

מתחילים מ־0). באשר episode זה מספר האפיזודה שבעת סיימנו להריץ (מתחילים מ־0). אתם רשאים להעתיק אותו.

.max\min_epsilon ,decay_rate זהו המקום היחיד בו נשתמש בפרמטרים. epsilon יש להתחיל את הריצה עם ערך ה־arepsilon המועבר לפונקציה בפרמטר

q_table_policy_extraction(mdp,qtable) (רטוב 3 נק')
 בהינתן ה-mdp, והטבלה Qtable החזר את המדיניות המתאימה לטבלה.
 אם ישנן כמה פעולות עם ערך מקסימלי, בחר אחת שרירותית.

reward עבורו לכל מצב יש ערך Qlearning על קלי) אור הריץ את האלגוריתם את האלגוריתם Qtable (יבש 3 נק') אור הריץ את האלגוריתם יש עבור כל מצב ופעולה.

בסיום הרצת האלגוריתם הוא הדפיס את טבלת הQtable וראה כי חלק מהערכים של המצבים הינם 0 עבור פעולות מסוימות. הסבר כיצד מקרה זה ייתכן.

מקרה כזה ייתכן בשל מספר סיבות:

- אם ישנם מצבים שאינם ישיגים מהמצב ההתחלתי, לעולם לא נגיע אליהם במהלך ריצת האלגוריתם והערכים המתאימים בטבלת ה-Qtable לא ישתנו כלל (ערך האתחול של כל התאים הוא 0) עד סוף הריצה.
- אם ישנם מצבים שנגיע אליהם בסבירות נמוכה, בשל הסתברות נמוכה של מעברים מסוימים בעולם הנתון, תיתכן ריצה של האלגוריתם בהם הסוכן לא הגיע לאף אחד ממצבים אלו והערכים המתאימים בטבלה לא יעודכנו כלל.
- אם הוגדר decay_rate גדול, כך שעם התקדמות האיטרציות האלגוריתם יעבור לבחור בגישת exploitation בלבד ויוותר על הגעה למצבים חדשים. אופן פעולה זה עשוי להוביל לכך שבסיום הריצה יהיו מצבים שאליהם הסוכן לא הגיע והערכים המתאימים בטבלה לא יעודכנו.

main.py – דוגמת הרצה לשימוש בכל הפונקציות.

בתחילת הקובץ אנו טוענים את הסביבה משלושה קבצים: board, terminal_states, transition_function ויוצרים מופע של הסביבה (mdp).

- שימו לב, שכרגע הקוד ב-main לא יכול לרוץ מכיוון שאתם צריכים להשלים את הפונקציות
 mdp rl implementation.py .
- בנוסף, על מנת לראות את הלוח עם הצבעים עליכם להריץ את הקוד בIDE לדוגמה PyCharm. •

הסעיפים הבאים הינם בונוס (5 נקודה לציון התרגיל)

על מנת לקבל את הבונוס יש לממש את **שתי הפעולות** – אחרת, יש להשאיר את הפעולות לא ממומשות.

- mdp- בהינתן ה-policy_evaluation(mdp, policy) − בהינתן ה-policy_evaluation(mdp, policy) TODO בהינתן מאר.
- policy_init בהינתן ה-policy_iteration(mdp, policy_init) בהינתן ה-policy_init מריץ policy_init את האלגוריתם

 TODO מריץ policy iteration ומחזיר מדיניות אופטימלית.

<u>חלק ב' - מבוא ללמידה (<mark>49 נק'</mark>)</u>

חלק א' – חלק היבש (<mark>7 נק'</mark>) *≤*

שאלות 1 ו־2 בחלק היבש אינן חובה!

לא יינתן עליהן ניקוד, אולם אתם מוזמנים להגישן עבור פידבק.

שבו ח דוגמאות מתויגות עם סיווג בינארי ח שבו $D=\{(x_1,y_1),...,(x_n,y_n)\}$ נגדיר דאטה סט $y_i\in\{0,1\}$

 $x_i = \left(v_{i_1}, v_{i_2}\right)$ בל דוגמה היא וקטור תכונות המורכב משתי תכונות רציפות $f(x) \colon R^2 o \{0,1\}$ וכן הניחו כי קיים מסווג מטרה $f(x) \colon R^2 o \{0,1\}$ שאותו אנו מעוניינים ללמוד (הוא אינו ידוע לנו) וכן שהדוגמאות ב־D.

.בסעיפים הבאים, עבור KNN, הניחו פונק' מרחק אוקלידי

כמו כן, הניחו שאם בעת סיווג של נקודה קיימות נקודות במרחב כך שעבורן יש מספר דוגמאות במרחק זהה, קודם מתחשבים בדוגמאות עם ערך v_1 מקסימלי ובמקרה של שוויון בערך של v_2 , מתחשבים קודם בדוגמאות עם ערך v_2 מקסימלי.

.(בלומר v_2 זהה וגם עם ערך v_1 זהה וגם עם ערך אין דוגמאות זהות לחלוטין (בלומר גם עם ערך v_2 זהה וגם עם ערך אינה שכנה של עצמה.

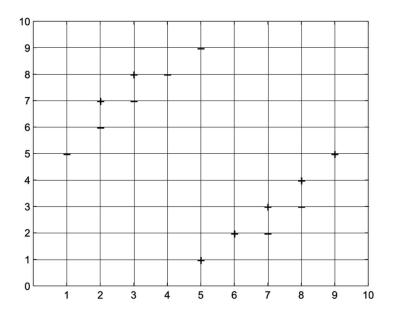
בכל סעיף, **הציגו מקרה המקיים את התנאים המוצגים בסעיף, הסבירו במילים, וצרפו תיאור גרפי (ציור)** המתאר את המקרה (הכולל לפחות תיאור מסווג המטרה והדוגמאות שבחרתם). סמנו דוגמאות חיוביות בסימן '+' (פלוס) ודוגמאות שליליות בסימן '-' (מינוס). בכל אחת מתתי הסעיפים הבאים אסור להציג מסווג מטרה טריוויאלי, דהיינו שמסווג כל הדוגמאות כחיוביים או כל הדוגמאות כשליליים.

- ID3 א. הציגו מסווג מטרה $f(x): R^2 o \{0,1\}$ וקבוצת אימון בעלת לכל היותר 10 דוגמאות כך שלמידת עץ KNN תניב מסווג אשר עונה נכון עבור כל דוגמת מבחן אפשרית (כלומר יתקבל מסווג המטרה), אך למידת תניב מסווג שעבורו קיימת לפחות דוגמת מבחן אחת עליה הוא יטעה, לכל ערך K שייבחר.
- ב. הציגו מסווג מטרה $f(x): R^2 \to \{0,1\}$ וקבוצת אימון בעלת לכל היותר 10 דוגמאות כך שלמידת מסווג $f(x): R^2 \to \{0,1\}$ עבור ערך KNN מסוים תניב מסווג אשר עונה נכון עבור כל דוגמת מבחן אפשרית (כלומר יתקבל מסווג המטרה), אך למידת עץ ID3 תניב מסווג אשר עבורו קיימת לפחות דוגמת מבחן אפשרית אחת עליה הוא יטעה.
- ג. הציגו מסווג מטרה $f(x)\colon R^2 o \{0,1\}$ וקבוצת אימון בעלת לכל היותר 10 דוגמאות כך שלמידת מסווג $f(x)\colon R^2 o \{0,1\}$ מסוים תניב מסווג אשר עבורו קיימת לפחות דוגמת מבחן אפשרית אחת עליה הוא יטעה, ID3 וגם למידת עץ ID3 תניב מסווג אשר עבורו קיימת לפחות דוגמת מבחן אחת אפשרית עליה הוא יטעה.
 - ד. הציגו מסווג מטרה $f(x): R^2 o \{0,1\}$ וקבוצת אימון בעלת לכל היותר 10 דוגמאות כך שלמידת מסווג $f(x): R^2 o \{0,1\}$ עבור ערך KNN מסוים תניב מסווג אשר עונה נכון עבור כל דוגמת מבחן אפשרית (כלומר יתקבל מסווג המטרה), וגם למידת עץ ID3 תניב מסווג עונה נכון עבור כל דוגמת מבחן אפשרית (כלומר יתקבל מסווג המטרה).

באמצעות מרחק אוקלידי, במשימת סיווג k-nearest neighbour באמצעות מרחק אוקלידי, במשימת סיווג בינארי.

אנו מגדירים את הסיווג של נקודת המבחן להיות הסיווג של רוב ה־ ${f k}$ השכנים הקרובים ביותר (שימו לב שבשאלה זו נקודה **יבולה** להיות שכנה של עצמה).

במקרה של שוויון נחזיר True.



- א. איזה ערך של k ממזער את שגיאת האימון עבור קב' הדגימות הנ"ל? מהי שגיאת האימון כתוצאה k מבך? שרטטו את גבול ההחלטה של k-nearest neighbor מבך? שרטטו את גבול ההחלטה של
 - ב. נמקו מדוע שימוש בערכי k גדולים או קטנים מדי יכול להיות גרוע עבור קבוצת הדגימות הנ"ל.
 - ב, בקישור הבא: Leave-One-Out Cross Validation ג. קראו על

/https://www.statology.org/leave-one-out-cross-validation

אילו ערכים של k ממזערים את שגיאת Leave-One-Out Cross Validation עבור קב' הדגימות? מהי השגיאה שנוצרה?

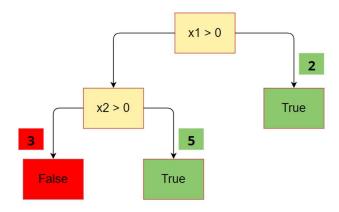
שאלה זו עדיין שאלת חובה:)

 $\forall i \in [1,d]: arepsilon_i > 0$ המקיים $arepsilon \in \mathbb{R}^d$ ווקטור $x \in \mathbb{R}^d$ המקיים T, דוגמת מבחן הבא: כלל אפסילון־החלטה שונה מכלל ההחלטה הרגיל שנלמד בכיתה באופן הבא: v_i שמגיעים לצומת בעץ המפצל לפי ערכי התכונה i, עם ערך הסף i. אם מתקיים לצומת בעץ המשיכים בשני המסלולים היוצאים מצומת זה, ואחרת ממשיכים לבן אם מתקיים בדומה לכלל ההחלטה הרגיל. לבסוף, מסווגים את הדוגמה i בהתאם לסיווג הנפוץ ביותר של הדוגמאות בעל העלים אליהם הגענו במהלך הסיור על העץ (במקרה של שוויון – הסיווג ייקבע להיות i.

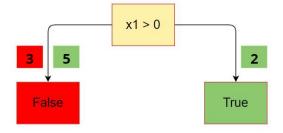
יהא T עץ החלטה לא גזום, ויהא T' העץ המתקבל מ־T באמצעות גיזום מאוחר שבו הוסרה הרמה התחתונה של T (כלומר כל הדוגמות השייכות <u>לזוג עלים</u> אחים הועברו לצומת האב שלהם). הוכיחו\הפריכו: **בהכרח** <u>קיים</u> ווקטור ε בץ שהעץ T עם כלל אפסילון־החלטה והעץ T' עם כלל ההחלטה הרגיל יסווגו כל דוגמת מבחן ב \mathbb{R}^d בצורה זהה.

הטענה שגויה.

נגדיר את העץ T באופן הבא, כאשר x_i מייצג את ערך התכונה ה-i של הדוגמה x: (המספר הצבוע ליד כל עלה מייצג את כמות הדוגמאות השייכות לצומת זה, והצבע מייצג את הקבוצה לה שייכות דוגמאות אלה)



באמצעות גיזום מאוחר שבו הוסרה הרמה התחתונה של T, הוא כדלהלן: T'



נניח בשלילה שקיים וקטור $\left(arepsilon_1^c
ight) = \left(arepsilon_1^c
ight),$ כך שהעץ T עם כלל הפחלטה הרגיל יסווגו כל דוגמת מבחן ב \mathbb{R}^d בצורה זהה. $|x_i - v_i| \leq arepsilon_i$ ולכן התנאי $|x_i - v_i| \leq arepsilon_i$ ולכן התנאי $|x_i - v_i| \leq arepsilon_i$ ולכן בדוגמה הבאה: $|x_i - v_i| \leq arepsilon_i$ בעץ $|x_i - v_i| \leq arepsilon_i$ ולכן בדוגמה או יתבצע כלל ההחלטה הרגיל – בהתאם לסימן של $|x_i - v_i| \leq arepsilon_i$ בו עבור דוגמה או יתבצע כלל ההחלטה הרגיל בקבל סיווג TRUE. כפנה שמאלה בצומת הראשון וימינה בצומת השני, ובסך הכל נקבל סיווג $|x_i - v_i| \leq arepsilon_i$ בו מתקיים כלל ההחלטה הרגיל, כלומר בפיצול הראשון והיחיד נפנה שמאלה $|x_i - v_i| \leq arepsilon_i$ ולפי הצבע התואם לרוב הדגימות בצומת אה יתקבל הסיווג $|x_i - v_i|$ בכל אחד מהעצים הנ"ל, בסתירה להנחה.

חלק ב' - היכרות עם הקוד

רקע

חלק זה הוא רק עבור היכרות הקוד, עבורו עליו במלואו ווודאו כי הינכם מבינים את הקוד. בחלק של הלמידה, נעזר ב dataset, הדאטה חולק עבורכם לשתי קבוצות: קבוצת אימון train.csv וקבוצת מבתו test csy

ככלל, קבוצת האימון תשמש אותנו לבניית המסווגים, וקבוצת המבחן תשמש להערכת ביצועיהם.

בקובץ utils.py תוכלו למצוא את הפונקציות הבאות לשימושכם:

load_data_set, create_train_validation_split, get_dataset_split אשר טוענות/מחלקת את הדאטה בקבצי ה־csv למערכי pp.array (קראו את תיעוד הפונקציות).

הדאטה של ID3 עבור התרגיל מכיל מדדים שנאספו מצילומים שנועדו להבחין בין גידול שפיר לגידול ממאיר. כל דוגמה מכילה 30 מדדים כאלה, ותווית בינארית diagnosis הקובעת את סוג הגידול (0=שפיר, 1=ממאיר). כל התכונות (מדדים) רציפות . העמודה הראשונה מציינת האם האדם חולה (M) או בריא (B). שאר העמודות מציינות כל תכונות רפואיות שונות של אותו אדם (התכונות מורכבות ואינכם צריכים להתייחס למשמעות שלהן כלל).

:ID3 – dataset תיקיית

ID3 תיקיה זו אלו מכילה את קבצי הנתונים עבור \bullet

<u>:utils.py</u> קובץ

- וחישוב הדיוק. dataset וחישוב הדיוק, כמו טעינה של dataset וחישוב הדיוק. •
- את תיעוד הפונקציות את בחלק הבא היה עליכם לממש את הפונקציות ו $l2_dist$ את היה עליכם לממש את בחלק הבא ההערות הנמצאות תחת התיאור היאור $\frac{1}{1000}$.

<u>:unit test.py</u>

• קובץ בדיקה בסיסי שיכול לעזור לכם לבדוק את המימוש.

:DecisionTree.py

- שלנו. ID3 אונו. ID3 אונו. ID3 אונו.
- המחלקה *Question*: מחלקה זו מממשת הסתעפות של צומת בעץ. היא שומרת את התכונה
 ואת הערך שלפיהם מפצלים את הדאטה שלנו.

- מחלקה זו מממשת צומת בעץ ההחלטה. DecisionNode: מחלקה ממשת מחלקה Ouestion: מחלקה או מממשת עני הבנים Ouestion באשר הצומת מכיל שאלה שלה חואת שני הבנים Ouestion הוא הענף בחלק של הדאטה שעונה Ouestion של הפונקציה Ouestion של החזירה Ouestion הוא הענף בחלק של הדאטה שעונה ouestion על שאלת הצומת ouestion הוא הענף בחלק של הדאטה שעונה ouestion של הouestion של הouestion מחזירה ouestion.
- ס המחלקה בעץ ההחלטה. העלה ממשת צומת שהוא עלה בעץ החלטה. העלה מכיל לכל אחד בומת מחלקה (למשל: (B': 5, M': 6)).

<u>:ID3.py</u> קובץ

. קובץ זה מכיל את המחלקה של ID3 שתצטרכו לממש חלקים ממנה, עיינו בהערות ותיעוד המתודות.

<u>:ID3 experiments.py</u> קובץ

קובץ הרצת הניסויים של ID3, הקובץ מכיל את הניסויים הבאים, שיוסברו בהמשך: • cross_validation_experiment, basic_experiment

חלק ג' – חלק רטוב ID3 (42 נק')

עבור חלק זה מותר לכם להשתמש בספריות הבאות:

All the built in packages in python, sklearn, pandas ,numpy, random, matplotlib, argparse, abc, typing.

<u>אך כמובן שאין להשתמש באלגוריתמי הלמידה, או בכל אלגוריתם או מבנה נתונים אחר המהווה חלק מאלגוריתם</u> למידה אותו תתבקשו לממש.

- - **.5** (25 נק') **אלגוריתם 25**.
- השלימו את הקובץ ID3.py ובכך ממשו את אלגוריתם ID3 כפי שנלמד בהרצאה. DO3.py שימו לב שכל התכונות רציפות. אתם מתבקשים להשתמש בשיטה של חלוקה דינמית המתוארת בהרצאה. כאשר בוחנים ערך סף לפיצול של תכונה רציפה, דוגמאות עם ערך השווה לערך הסף משתייכות לקבוצה עם הערכים הגדולים מערך הסף. במקרה שיש כמה תכונות אופטימליות בצומת מסוים בחרו את התכונה בעלת האינדקס המקסימלי. כלל המימוש הנ"ל צריך להופיע בקובץ בשם ID3.py, באזורים המוקצים לכך. (השלימו את הקוד החסר אחרי שעיינתם והפנמתם את הקובץ DecisionTree.py ואת המחלקות שהוא מכיל).
 - TODO $ID3_experiments.py$ שנמצאת ב $basic_experiment$ ממשו את שהריצו את המתאים ב main ציינו בדו"ח את הדיוק שקיבלתם.

.94.69% – הדיוק שהתקבל מהרצת האלגוריתם על ה-dataset

6. (8 נק') **גיזום מוקדם.**

פיצול צומת מתקיים כל עוד יש בו יותר דוגמאות מחסם המינימום *m*, כלומר בתהליך בניית העץ מבוצע "גיזום מוקדם" כפי שלמדתם בהרצאות. שימו לב כי פירוש הדבר הינו שהעצים הנלמדים אינם בהכרח עקביים עם הדוגמאות .לאחר סיום הלמידה (של עץ יחיד), הסיווג של אובייקט חדש באמצעות העץ שנלמד מתבצע לפי רוב הדוגמאות בעלה המתאים.

.a באופן כללי ואיזה תופעה הוא מנסה למנוע? 🚣 ...

לגיזום יש חשיבות במהירות הריצה, בסיבוכיות המקום ובנכונות הסיווג. הגיזום ייעל לנו את זמן הריצה, מכיוון שלא נחכה עד אשר העלים יהיו מלאים ונוכל לעצור את האלגוריתם מוקדם יותר. מבחינת נכונות הסיווג, גיזום עוזר לנו להימנע ממצב של overfitting, מכיוון שככל שלעץ ההחלטות יש יותר רמות כך סיבוכיות הריצה שלו תהיה גדולה יותר, מה שמוביל למרחב היפותזות מסובך יותר שמוביל ל-overfitting. הגיזום מגביר את האפשרות להתעלם מדוגמאות המכילות "רעש".

Overfitting היא תופעה שבה מודל שעבר אימון מתנהג בצורה ספציפית מידי ביחס לדוגמאות האימון, כלומר יש לו דיוק גבוה לפי סט האימון, אבל הוא לא פועל טוב על דוגמאות חדשות (למשל דוגמאות מסט המבחן).

ל. (5 נק') עדכנו את המימוש בקובץ ID3. py כך שיבצע גיזום מוקדם כפי שהוגדר בהרצאה. הפרמטר min_for_pruning מציין את המספר המינימלי בעלה לקבלת החלטה, קרי יבוצע גיזום מוקדם אם ורק אם מספר הדוגמות בצומת קטן שווה לפרמטר הנ"ל. TODO

.c סעיף זה בונוס (5 נקודה לציון התרגיל):

שימו לב, זהו סעיף יבש ואין צורך להגיש את הקוד שכתבתם עבורו.

בצעו כיוונון לפרמטר M על קבוצת האימון:

1. בחרו לפחות חמישה ערכים שונים לפרמטר M.

2. עבור כל ערך, חשבו את הדיוק של האלגוריתם על ידי K – fold cross validation על קבוצת האימון בלבד.

כדי לבצע את חלוקת קבוצת האימון ל- \mathbf{K} קבוצות יש להשתמש בפונקציה

shuffle = True ,n_split = 5 עם הפרמטרים <u>sklearn.model selection.KFold</u>

ו־random state אשר שווה למספר תעודת הזהות של אחד מהשותפים.

השתמשו בתוצאות שקיבלתם כדי ליצור האttps://emojipedia.org/apple/ios-14.6/writing-hand/ .i ightharpoonup .i ightharpoonup .rp המציג את השפעת הפרמטר ightharpoonup M על הדיוק.

utils.py בתוך הקובץ $util_plot_graph$ בתוך הקובץ (לשימושכם הפונקציה).

ii 🚣 הסבירו את הגרף שקיבלתם. לאיזה גיזום קיבלתם התוצאה הטובה ביותר ומהי תוצאה זו?

תם סעיף הבונוס, הסעיף הבא הינו סעיף **חובה**.



של גוריתם ID3 עם הגיזום המוקדם כדי ללמוד מסווג מתוך כל קבוצת האימון 💪 💪 ולבצע חיזוי על קבוצת המבחן.

שנמצאת שנמצאת best_m_test ממשו בערף שמצאתם שמצאת האופטימלי האופטימלי השתמשו בערך ה-M. ציינו בדו"ח את הדיוק שקיבלתם. ID3_experiments.py ?5 האם הגיזום שיפר את הביצועים ביחס להרצה ללא גיזום בשאלה

M=50 השתמשו בערך c הערה: בסעיף זה אם לא מימשתם את סעיף

הדיוק שהתקבל מהרצת האלגוריתם עם גיזום על ה-dataset הנתון – 97.35%. הגיזום אכן שיפר את הביצועים ביחס להרצה ללא גיזום בשאלה 5 (בו הדיוק היה 94.69%).

- תבצע אלקטרונית בזוגות בלבד. ✓
- הקוד שלכם ייבדק (גם) באופן אוטומטי ולכן יש להקפיד על הפורמט המבוקש. הגשה שלא עומדת \checkmark בפורמט לא תיבדק (ציון 0).
 - . המצאת נתונים לצורך בניית הגרפים אסורה ומהווה עבירת משמעת \checkmark
 - . הקפידו על קוד קריא ומתועד. התשובות בדוח צריכות להופיע לפי הסדר \checkmark
 - יש להגיש קובץ zip יחיד בשם Al3 <id1> <id2>.zip יש להגיש קובץ \checkmark
 - קובץ בשם Al HW3.PDF המכיל את תשובותיכם לשאלות היבשות.
 - קבצי הקוד שנדרשתם לממש בתרגיל **ואף קובץ אחר:**
 - utils.py קובץ
 - ID3.py, ID3 experiments.py בחלק של עצי החלטה
 - mdp rl implementation.py -RLi mdp בחלק של