

## מבני נתונים אבסטרקטיים

**AVL Tree** – מחלקה אבסטרקטית של עץ כאשר קיימים טמפלייט אחד למפתח, טמפלייט שני לערך, וטמפלייט שלישי לפונקציית השוואה בין מפתחות.

במחלקה מוגדרת מחלקה פנימית בשם `node` עם השדות הפנימיים הבאים :

- **מפתח**
- **ערך**
- **בן ימני**
- **בן שמאלי**
- **גובה**

למחלקה השדות הבאים :

- שורש המחזיק טיפוס מצביע חכם לטיפוס `node`
- מספר הצמתים בעץ

למחלקה המתודות הבאות :

1. **find** – מציאת צומת בעץ.
  2. **insert** – הכנסת צומת חדש לעץ.
  3. **remove** – הסרת צומת מהעץ.
  4. **getSize** – החזרת מספר הצמתים בעץ.
  5. **findMax** - החזרת הערך המתאים למפתח המקסימלי בעץ.
  6. **merge** - מקבלת עץ אחר  $X$  ומעבירה את כל צמתי  $X$  אליו עד ש  $X$  ריק.
- a. העברת השחקנים מעצי שתי הקבוצות (באמצעות מעבר `inorder`) לשני מערכים ממוינים בהתאמה  $O(n_{\text{replacement}} + n_{\text{group}})$ .
- b. מיזוג שני המערכים הממוינים של השחקנים למערך יחיד  $O(n_{\text{replacement}} + n_{\text{group}})$ .
- c. העברת מערך השחקנים הממוינים לעץ שחקנים יחיד  $O(n_{\text{replacement}} + n_{\text{group}})$ .
7. **inOrder** – מקבלת פנקטור הפועל על ערך, ומפעילה אותו לפי סדר על כל הערכים בעץ.
  8. **reverseInOrder** - מקבלת פנקטור הפועל על ערך, ומפעילה אותו לפי סדר הפוך על כל הערכים בעץ.

כמו כן למחלקה מחלקת `TreeToArray (Function Object)` פנימית (עזר) שמקבלת צומת ומיישמת אותו למקום מתאים במערך.

## טיפוסים

**PlayersManager** – מחלקת האב של כלל מבנה הנתונים, עם השדות הפנימיים הבאים :

1. **Groups** – עץ שצומת בו מורכב ממספר הקבוצה (מפתח) ומטיפוס `Group` (מצביע `shared_ptr` לטיפוס קבוצה – זהו הערך).
2. **ActiveGroups** – עץ שצומת בו מורכב ממספר הקבוצה (מפתח) ומטיפוס `Group` (מצביע `shared_ptr` לטיפוס קבוצה – זהו הערך) המונה שחקן אחד לכל הפחות.

3. **Players** – עץ שצומת בו מורכב ממספר השחקן (מפתח) ומטיפוס Player (מצביע shared\_ptr לטיפוס שחקן – זהו הערך).
4. **Players\_by\_level** – עץ שצומת בו מורכב מטיפוס Player (מצביע shared\_ptr לטיפוס שחקן – זהו הערך והמפתח).
5. **highest\_level\_player** – מצביע לשחקן שנמצא בשלב הגבוה ביותר במערכת.

#### Group - מחלקה עם השדות הפנימיים הבאים :

1. **id** – מספר הקבוצה.
2. **playersInGroup** – עץ שחקנים השייכים לקבוצה זו, הממוין לפי השלב של השחקן ובמקרה הצורך (כאשר יש שוויון בין שלבי השחקנים) לפי מספר השחקן.
3. **highest\_level\_player** – מצביע לשחקן שנמצא בשלב הגבוה ביותר בקבוצה.

למחלקה המתודות הבאות :

1. **insert** – הכנסת שחקן חדש לעץ players\_in\_group. הפונ' תעדכן את highest\_level\_player ואת Number\_of\_players.
2. **remove** – מחיקת שחקן קיים בעץ players\_in\_group. הפונ' תעדכן את highest\_level\_player ואת Number\_of\_players.
3. **getId** – החזרת מספר מזהה הקבוצה.
4. **replace** – מקבלת קבוצה אחרת אשר את שחקניה מספחת אליה. מעטפת למתודת המיזוג של העץ.
5. למחלקה מתודות נוספות שעוטפות את המתודות של העץ ומאפשרות גישה חיצונית למתודות העץ.

#### Player – מחלקה עם השדות הפנימיים הבאים :

1. **id** – מספר השחקן
2. **level** – שלב השחקן
3. **groupId** – מספר קבוצת השחקן.

למחלקה המתודות הבאות :

1. **getId** – החזרת את מספר השחקן.
2. **getLevel** – החזרת את שלב השחקן.
3. **אופרטור השוואה <** : משווה בין שני שחקנים ומחזיר אמת אם השלב של השחקן הימני גדול מהשמאלי. אם מתקיים שוויון מחזיר אמת אם מספר מזהה השחקן הימני גדול מהשמאלי.

#### PlayerToArray – מחלקת Functor עם השדות הבאים :

1. **ptr\_array** – מערך של מצביעים.
2. **num\_of\_groups** – מספר הקבוצות מהן נרצה את השחקן הגבוה ביותר.
3. **Index** - משתנה עזר.

למחלקה המתודות הבאות :

1. **אופרטור ()** : המתודה מקבלת מצביע לשחקן/ קבוצה (באמצעות העמסת פונקציות) ואינדקס במערך, ומציבה את מספר השחקן/ השחקן הגבוה בקבוצה בתא זה.

#### מימוש הפונקציות כולל ניתוח סיבוכיות

\*\*\*\*\*

*void\* Init ()*  
במקרה הגרוע.  $O(1)$

- יצירת המבנה PlayerManager, ואתחול השדות על ידי:

- יצירת עץ ריק Groups
- עץ ריק ActiveGroups
- עץ ריק Players
- עץ ריק Players\_by\_level
- מצביע highest\_level\_player המאותחל ל-NULL.

כל העצים מאותחלים ללא איברים ולכן מדובר במספר קבוע של פעולות לכל המבנה  $O(1)$

\*\*\*\*\*

*StatusType AddGroup (void \*DS, int GroupID)*  
במקרה הגרוע, כאשר  $k$  הוא מספר הקבוצות.  $O(\log k)$

- בדיקה האם מספר הקבוצה תקין  $O(1)$
- חיפוש מספר הקבוצה בעץ הקבוצות כדי לבדוק אם כבר קיימת  $O(\log k)$
- יצירת אובייקט Group חדש, מפתח וצומת לעץ הקבוצות  $O(1)$
- הכנסת הצומת לעץ הקבוצות  $O(\log k)$

\*\*\*\*\*

*StatusType AddPlayer (void \*DS, int PlayerID, int GroupID, int Level)*  
במקרה הגרוע, כאשר  $n$  הוא מספר השחקנים ו- $k$  הוא מספר הקבוצות.  $O(\log n + \log k)$

- בדיקת המצביע למבנה הנתונים ותקינות מזהי השחקן, הקבוצה והשלב  $O(1)$
- יצירת שחקן חדש  $O(1)$
- הכנסת השחקן החדש לעץ השחקנים  $O(\log n)$  Players
- הכנסת השחקן החדש לעץ השחקנים  $O(\log n)$  Players\_by\_level
- הצבה של השחקן בעל השלב הגבוה ביותר בכל המשחק בתוך השדה Highest\_level\_player של מחלקת האב באמצעות מתודת findMax של העץ  $O(\log n)$  Players\_by\_level
- מציאת הקבוצה בעץ הקבוצות  $O(\log k)$
- אם טרם הוכנסו אליה שחקנים, נוסיף את הקבוצה לעץ הקבוצות הפעילות  $O(\log k)$
- הכנסת השחקן לעץ השחקנים של הקבוצה  $O(\log n)$  players\_in\_group
- הצבה של השחקן בעל השלב הגבוה ביותר בקבוצה בתוך השדה Highest\_level\_player של הקבוצה באמצעות מתודת max של העץ  $O(\log n)$  players\_in\_group

\*\*\*\*\*

\*\*\*\*\*

*StatusType RemovePlayer (void \*DS, int PlayerID)*

**$O(\log n)$**  במקרה הגרוע, כאשר  $n$  הוא מספר השחקנים.

- בדיקה של מזהה השחקן ושל מצביע מבנה הנתונים  $O(1)$
- מציאת השחקן בעץ השחקנים  $O(\log n)$  Players
  - o אם קיים, שמירה השחקן כמשתנה זמני  $O(1)$
  - o אחרת, נחזיר שגיאה מתאימה  $O(1)$
- הוצאת השחקן מעץ השחקנים  $O(\log n)$  Players
- הוצאת השחקן מעץ השחקנים  $O(\log n)$  Players by level
- הצבה של השחקן עם המפתח הגדול ביותר בעץ Players\_by\_level (נמצא אותו על ידי התקדמות ימינה בעץ ככל האפשר) בתוך השדה Highest\_level\_player של מחלקת האב PlayersManager.  $O(\log n)$
- מציאת הקבוצה של השחקן, והוצאת השחקן מעץ השחקנים players\_in\_group השמור באובייקט הקבוצה  $O(\log n)$
- אם העץ ריק, נציב null בתוך השדה Highest\_level\_player של הקבוצה ונוציא את הקבוצה מעץ הקבוצות הפעילות  $O(\log n)$
- הצבה של השחקן עם המפתח הגדול ביותר בעץ players\_in\_group (נמצא אותו על ידי התקדמות ימינה בעץ ככל האפשר) בתוך השדה Highest\_level\_player של הקבוצה.  $O(\log n)$

\*\*\*\*\*

*StatusType ReplaceGroup (void \*DS, int GroupID, int ReplacementID)*

**$O(\log k + n_{group} + n_{replacement})$**  במקרה הגרוע, כאשר  $k$  הוא מספר הקבוצות במערכת,

$n_{group}$  מספר השחקנים של הקבוצה שפורקה ו- $n_{replacement}$  הוא מספר השחקנים של הקבוצה המחליפה.

- חיפוש הקבוצה המיועדת למחיקה והקבוצה המחליפה בעץ הקבוצות  $O(\log k)$  Groups
- הפעלת המתודה merge של העץ players\_in\_group המקבל את השחקנים, תוך העברת העץ players\_in\_group שנפטר מהשחקנים.  $O(n_{group} + n_{replacement})$
- מחיקת הקבוצה הישנה מעץ הקבוצות ומעץ הקבוצות הפעילות  $O(\log k)$

\*\*\*\*\*

\*\*\*\*\*

*StatusType* **IncreaseLevel** (*void \*DS, int PlayerID, int LevelIncrease*)

במקרה הגרוע, כאשר  $n$  הוא מספר השחקנים.  $O(\log n)$

- בדיקת מזהה השחקן, ערך העלאת השלב ומצביע מבנה הנתונים  $O(1)$
- מציאת השחקן בעץ השחקנים  $O(\log n)$  Players
- אם הוא לא קיים החזרת שגיאה  $O(1)$
- הסרת השחקן באמצעות המתודה removePlayer והוספתו מחדש עם ערך השלב החדש, אך הפעם נשמור מצביע לקבוצה אליה נרצה להחזיר אותו  $O(\log n)$

\*\*\*\*\*

*StatusType* **GetHighestLevel** (*void \*DS, int GroupID, int \*PlayerID*)

אם  $GroupID > 0$  אז  $O(1)$  במקרה הגרוע.

אחרת,  $O(\log k)$  במקרה הגרוע. כאשר  $k$  הוא מספר הקבוצות.

- בדיקת מצביע מבנה הנתונים והמצביע לשחקן  $O(1)$
- אם  $GroupID > 0$  נציב ב-  $*PlayerID$  את מספר השחקן השמור בשדה בשדה Highest\_level\_player של מחלקת האב PlayersManager, אם המערכת ריקה, נחזיר כמספר שחקן את המספר -1  $O(1)$
- אחרת, נמצא את הקבוצה בעץ הקבוצות  $O(\log k)$  Groups
  - אם היא לא קיימת, נחזיר שגיאה  $O(1)$
  - אם קיימת וריקה, נחזיר כמספר שחקן את המספר -1  $O(1)$
  - אחרת, נחזיר את מספר השחקן ששמור בשדה Highest\_level\_player של הקבוצה.  $O(1)$

\*\*\*\*\*

*StatusType* **GetAllPlayersByLevel** (*void \*DS, int GroupID, int \*\*Players, int \*numOfPlayers*)

אם  $GroupID > 0$  אז  $O(n)$  במקרה הגרוע, כאשר  $n$  הוא מספר השחקנים במערכת.

אחרת,  $O(n\_GroupID + \log k)$  במקרה הגרוע, כאשר  $n\_GroupID$  הוא מספר השחקנים ששייכים לקבוצה בעלת המזהה  $GroupID$  ו- $k$  הוא מספר הקבוצות.

- בדיקת מצביע מבנה הנתונים ומצביע מערך השחקנים, ואם  $GroupID = 0$   $O(1)$
- אם  $GroupID < 0$  :
- הקצאת זיכרון דינמי בגודל עץ השחקנים Players ובדיקת הצלחה  $O(1)$
- נאתחל אובייקט PlayerToArray עם המערך שהקצנו מעלה.

- נבצע מעבר על צמתי העץ `Players_by_level` באמצעות מתודת `reverseInOrder` ונעביר אליה את האובייקט מעלה. סה"כ  $O(\text{numOfGroups} + \log k)$ .
- אחרת :
- נמצא בעץ הקבוצות הפעילות את הקבוצה המתאימה.
- הקצאת זיכרון דינמי בגודל `players_in_group` ובדיקת הצלחה  $O(1)$
- נאתחל אובייקט `PlayerToPtrArray` עם המערך שהקצנו מעלה.
- נבצע מעבר על צמתי העץ `players_in_group` באמצעות מתודת `reverseInOrder` ונעביר אליה את האובייקט מעלה. סה"כ  $O(\text{numOfGroups} + \log k)$ .

\*\*\*\*\*

*StatusType* **GetGroupsHighestLevel** (*void \* DS, int numOfGroups, int \*\* Players*)

$O(\text{numOfGroups} + \log k)$  במקרה הגרוע, כאשר  $\text{numOfGroups}$  הוא הפרמטר לפונקציה (כמות הקבוצות הלא ריקות להן יש להחזיר את השחקנים בשלב הכי גבוה) ו- $k$  הוא מספר הקבוצות.

- בדיקת מצביע מבנה הנתונים ומצביע מערך השחקנים, וכי לא מתקיים  $\text{numOfGroups} < 1$   $O(1)$
- בדיקה כי - מספר הקבוצות הפעילות  $O(1) \text{numOfGroups} <$
- הקצאת זיכרון דינמי בגודל  $\text{numOfGroups}$  ובדיקת הצלחה  $O(1)$
- נאתחל אובייקט `HighestPlayerToArray` עם המערך שהקצנו מעלה.  $O(1)$
- נשתמש במתודת `inOrder` כדי לעבור על צמתי העץ `Active_Groups` לפי סדר, ונעביר אליה את האובייקט שאתחלנו ואת  $\text{numOfGroups}$ . סה"כ  $O(\text{numOfGroups} + \log k)$ .

\*\*\*\*\*

*void* **Quit** (*void \*\*DS*)

סיבוכיות מקום –  $O(n+k)$  במקרה הגרוע, כאשר  $n$  הוא מספר השחקנים ו- $k$  הוא מספר הקבוצות

- נהרוס את כלל העצים, כל הרס של עץ מורכב ממעבר על כל הצמתים שלו ולכן סה"כ הסיבוכיות תהיה  $O(n+k)$

\*\*\*\*\*