

UNIVERSITÄT ZU KÖLN

MATHEMATISCH-NATURWISSENSCHAFTLICHE FAKULTÄT



PRAKTIKUM B

---

## B 3.3

# Reichweite von $\alpha$ -Strahlen

---

CATHERINE TRAN  
CARLO KLEEFISCH  
OLIVER FILLA

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Einleitung</b>	<b>4</b>
<b>2</b>	<b>Theoretische Grundlagen</b>	<b>4</b>
2.1	$\alpha$ -Zerfall . . . . .	4
2.1.1	$Q$ -Wert . . . . .	4
2.1.2	Energie der $\alpha$ -Teilchen . . . . .	4
2.1.3	Kernpotential . . . . .	4
2.1.4	Tunneleffekt . . . . .	5
2.1.5	Zerfallswahrscheinlichkeit . . . . .	5
2.1.6	Energiespektrum . . . . .	5
2.1.7	Weizsäcker Massenformel . . . . .	6
2.1.7.1	Volumenterm . . . . .	7
2.1.7.2	Oberflächenterm . . . . .	7
2.1.7.3	Coulombterm . . . . .	7
2.1.7.4	Symmetrieterm . . . . .	8
2.1.7.5	Paarungsterm . . . . .	8
2.2	Bremsvermögen . . . . .	9
2.2.1	relatives Massenbremsvermögen . . . . .	9
2.3	Bethe-Bloch-Gleichung . . . . .	9
2.3.1	Herleitung . . . . .	10
2.3.2	Diskussion des Kurvenverlaufs . . . . .	11
2.3.3	Geltungsbereich . . . . .	12
2.3.4	Bragg-Kurve . . . . .	12
2.4	Reichweite von $\alpha$ -Teilchen . . . . .	12
2.4.1	Abhängigkeit vom Druck . . . . .	12
2.4.2	Abhängigkeit von der Masse . . . . .	14
2.4.3	Abschätzung der Anzahl von Stößen . . . . .	14
2.4.4	Bragg-Kleemann-Formel . . . . .	15
2.5	Straggling . . . . .	15
2.6	Oberflächensperrschichtzähler . . . . .	16
<b>3</b>	<b>Durchführung</b>	<b>17</b>
3.1	Versuchsaufbau . . . . .	17
3.2	Eichung . . . . .	17
3.3	Energiestraggling . . . . .	17
3.4	Reichweite in Luft . . . . .	18
3.5	Metallfolien . . . . .	18
<b>4</b>	<b>Auswertung</b>	<b>18</b>
4.1	Reichweiten . . . . .	18
4.1.1	Abhängigkeit von der Zählrate . . . . .	18
4.1.2	Abhängigkeit von der Spannung . . . . .	21

4.1.3	Reichweitenbestimmung . . . . .	22
4.1.4	Vergleich der Messmethoden . . . . .	22
4.1.5	Reichweite in Aluminium . . . . .	23
4.2	Energiestraggling . . . . .	24
4.2.1	Auflösung . . . . .	24
4.2.2	Straggling . . . . .	24
4.3	Massenbremsvermögen . . . . .	27
<b>5</b>	<b>Literaturverzeichnis</b>	<b>32</b>

# 1 Einleitung

In diesem Versuch wird die Wechselwirkung von  $\alpha$ -Teilchen mit den Elektronen der Atomhülle und der damit verbundene Abbremsung durch inelastische Stöße untersucht. Des Weiteren werden das Phänomen des  $\alpha$ -Zerfalls, Bremsvermögen, Reichweite in Luft und Folie sowie Energie-Straggling durch die Aufnahme von  $\alpha$ -Spektren mithilfe eines Sperrschichtdetektors studiert.

## 2 Theoretische Grundlagen

### 2.1 $\alpha$ -Zerfall

Der  $\alpha$ -Zerfall ist eine Form des radioaktiven Zerfalls, bei dem ein Heliumkern  ${}^4_2\text{He}$  emittiert wird. Nach der Nuklidkarte findet der Zerfall hauptsächlich bei massereichen Kernen. [3]



#### 2.1.1 $Q$ -Wert

Der Energiedifferenz zwischen Ausgangs- und Endprodukt ist durch den  $Q$ -Wert gegeben, der die Massendifferenz zwischen Mutterkern  ${}^A_Z\text{X}$ , Tochterkern  ${}^{A-4}_{Z-2}\text{Y}$  sowie Heliumkern  ${}^4_2\text{He}$  darstellt. Diese wird durch die Masse-Energie-Relation  $E = mc^2$  mittels der Lichtgeschwindigkeit  $c$  in eine Energie umgerechnet.

$$Q = \left( m_A \left( {}^A_Z\text{X} \right) - m_A \left( {}^{A-4}_{Z-2}\text{Y} \right) - m_A \left( {}^4_2\text{He} \right) \right) \cdot c^2 \quad (2.2)$$

#### 2.1.2 Energie der $\alpha$ -Teilchen

Mithilfe der die Atommassen  $m_A$  der Stoffe kann über die Impulserhaltung die kinetische Energie  $E_\alpha$  des  $\alpha$ -Teilchens ermittelt werden.

$$E_\alpha = \frac{m_A \left( {}^{A-4}_{Z-2}\text{Y} \right) \cdot Q}{m_A \left( {}^{A-4}_{Z-2}\text{Y} \right) + m_A \left( {}^4_2\text{He} \right)} \quad (2.3)$$

#### 2.1.3 Kernpotential

Das Kernpotential beschreibt die potentielle Energie innerhalb eines Atomkerns, die die Nukleonen zusammenhält. Es beruht auf der starken Wechselwirkung sowie der Coulombwechselwirkung innerhalb des Kernes.

Um den Kern herum bewirkt die elektromagnetische Wechselwirkung eine Abstoßung zwischen einem positiv geladenen Teilchen und dem ebenso geladenen Kern. Beide Potentiale wirken zusammen und bilden ein quasibindenes Potenzial mit einer endlichen Coulombbarriere.

Positronen und Neutronen sind in schweren Kerne mit einer Energie bis zu 7 MeV gebunden und können daher nicht einzeln den Kern verlassen. Deshalb ist eine Emission eines gebundene System wahrscheinlicher, da zusätzliche Bindungsenergie zur Verfügung steht. Die Bildung eines  $\alpha$ -Teilchens mit einer Bindungsenergie von etwa 7.1 MeV ermöglicht das Verlassen des Kerns durch die Coulombbarriere  $V_C$ .

Dennoch ist die Energie des  $\alpha$ -Teilchens nicht groß genug, um die Potentialbarriere zu überwinden. Deswegen muss es hindurch *tunneln*. Dieser Prozess wird im Folgenden beschrieben.

#### 2.1.4 Tunneleffekt

Wie schon erwähnt muss das Teilchen die energetisch höhere Coulomb-Barriere überwinden. Dies wird durch die Tunnelwahrscheinlichkeit  $T$  bestimmt, die von dem Gamow-Faktor  $G$  abhängt. Dieser wiederum hängt von dem Coulomb-Potential  $V_C$ , der Energie der  $\alpha$ -Teilchen  $E_\alpha$  sowie deren Masse  $m_\alpha$  und Position der Barriere von  $r_1$  bis  $r_2$  ab. [7]

$$T = T_0 \cdot e^{-G} \quad (2.4)$$

$$G = \frac{2\sqrt{2m_\alpha}}{\hbar} \int_{r_1}^{r_2} \sqrt{V_C - E_\alpha} dr \quad (2.5)$$

#### 2.1.5 Zerfallswahrscheinlichkeit

Damit ein Zerfall stattfindet, müssen drei Ereignisse in Folge stattfinden, die jeweils mit unterschiedlichen Wahrscheinlichkeiten geschehen.

Zuerst muss sich ein  $\alpha$ -Teilchen im Kern bilden. Dann muss Teilchen am Rand des Kerns gegen die Coulomb-Barriere stoßen, die den Kern zusammenhält. Dann muss das  $\alpha$ -Teilchen durch die Barriere tunneln. Die Wahrscheinlichkeiten für diese drei Prozesse multiplizieren sich zu der gesamten Zerfallswahrscheinlichkeit für den Kern.

#### 2.1.6 Energiespektrum

Zerfällt ein Mutterkern, so können außer dem Grundzustand noch andere angeregte Zustände des Tochterkerns besetzt werden. Man erhält ein diskretes Linienspektrum. Bei einer Messung wird jede Linie mit einer gewissen Wahrscheinlichkeit gemessen, dabei wird jede Linie durch eine Gaußkurve angenähert.

Das Spektrum des Isotops  $^{241}\text{Am}$  hat vier Linien bei Energien von 5388 keV und 5545 keV. [1] Es ist in Abbildung 1 dargestellt.

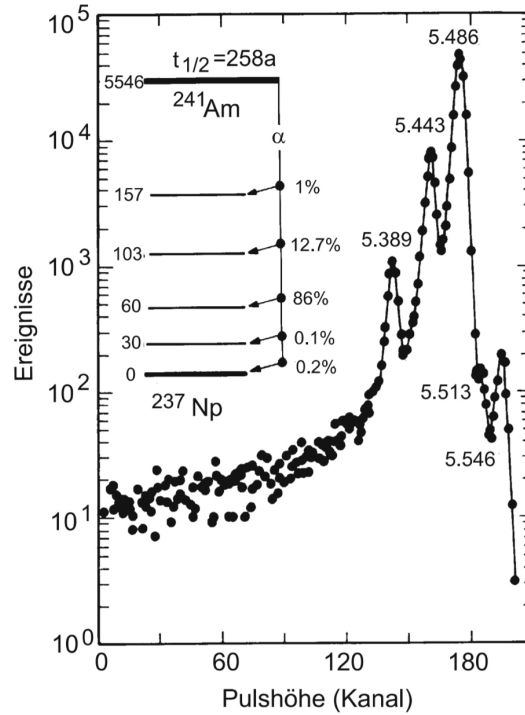


Abbildung 1: gemessenes Spektrum von  $^{241}\text{Am}$  [1]

### 2.1.7 Weizsäcker Massenformel

Die *Weizsäcker Formel* gibt die Bindungsenergie eines Atomkerns an. Sie basiert einerseits auf empirischen Daten, andererseits auf dem Tröpfchenmodell. Aus ihr wird die Weizsäcker Massenformel ermittelt.

Das Tröpfchenmodell beschreibt einen Atomkern als einen inkompressiblen, kugelförmigen Fluidtropfen, der zur Energieminimierung den Kernradius  $R$  aufweist. Dabei ist die Dichte überall konstant.

Die Bindungsenergie  $E_B$  wird aus fünf verschiedenen Termen ermittelt, auf die im Folgenden eingegangen wird. Diese Terme werden durch die empirisch ermittelten Faktoren  $a_i$  sowie die Nukleonenzahl bzw. Massenzahl  $A$ , Protonenzahl  $Z$  und Neutronenzahl  $N$  beschrieben. Hierbei handelt es sich um den Volumenterm  $E_V$  (2.9), den Oberflächenterm  $E_O$  (2.11), den Coulombterm  $E_C$  (2.13), den Symmetrieterm  $E_S$  (2.15) und den Paarungsterm  $E_P$  (2.17).

$$E_B = E_V + E_O + E_C + E_S + E_P \quad (2.6)$$

Die Bindungsenergie  $E_B$  verringert die Masse des Atomkernes. Daher kann die Kernmasse  $m$  durch die Protonenmasse  $m_P$ , die Neutronenmasse  $m_N$  sowie  $E_B$  beschrieben werden, wobei die Lichtgeschwindigkeit  $c$  die Energie in Masse konvertiert. Dies ergibt die *Weizsäcker Massenformel*.

$$m = N \cdot m_N + P \cdot m_P - \frac{E_B}{c^2} \quad (2.7)$$

In der Darstellung der einzelnen Terme ist weiterhin relevant, dass der Kernradius  $R$  kann durch den Radius  $r$  eines Nukleons und die Nukleonenzahl  $A$  beschrieben werden kann.

$$R = r \cdot \sqrt[3]{A} \quad (2.8)$$

**2.1.7.1 Volumenterm** Der Volumenterm  $E_V$  beschreibt die Anziehung der Nukleonen durch die starke Wechselwirkung.

Diese hat eine Reichweite von 2.5 fm, weswegen sie nur auf die nächsten Nachbarn eines Nukleons wirkt. Da die Dichte im Kern nach dem Tröpfchenmodell konstant ist, ist die gesamte Bindungsenergie durch die starke Wechselwirkung proportional zum Kernvolumen. Dieses wiederum ist proportional zu  $R^3 \propto A$ .

$$E_V = +a_V \cdot A \quad (2.9)$$

$$a_V = 15.85 \text{ MeV} \quad (2.10)$$

**2.1.7.2 Oberflächenterm** Da die Atome an der Oberfläche des Atomkerns weniger Nachbarn haben als die Nukleonen im Kern, sind die ersteren schwächer gebunden. Daher beschreibt der Oberflächenterm  $E_O$  eine Korrektur des Volumenterms. Diese ist proportional zur Oberfläche einer Kugel mit dem Kernradius  $R$ , also proportional zu  $\sqrt[3]{A^2}$ .

$$E_O = -a_O \cdot \sqrt[3]{A^2} \quad (2.11)$$

$$a_V = 18.34 \text{ MeV} \quad (2.12)$$

**2.1.7.3 Coulombterm** Der Coulombterm  $E_C$  beschreibt die elektrostatische Abstoßung der Protonen voneinander, die die Bindungsenergie senkt. Jedes der  $Z$  Protonen wird von den anderen  $(Z - 1)$  Protonen abgestoßen. Die Coulombwechselwirkung ist proportional zu  $R^{-1} \propto (\sqrt[3]{A})^{-1}$ .

$$E_C = -a_C \cdot \frac{Z(Z - 1)}{\sqrt[3]{A}} \quad (2.13)$$

$$a_C = 0.71 \text{ MeV} \quad (2.14)$$

Für große Kerne mit  $Z \approx (Z - 1)$  kann der Term  $Z(Z - 1) \approx Z^2$  vereinfacht werden.

**2.1.7.4 Symmetrieterm** Der Symmetrieterm  $E_S$  beschreibt die Verringerung der Bindungsenergie durch ein Ungleichgewicht von Protonen und Neutronen.

Die Ursache kann quantenmechanisch erklärt werden. Protonen und Neutronen werden als Fermigas in einem Potentialtopf betrachtet. Beide Gase teilen sich denselben Potentialtopf und füllen Einteilchenniveaus bis zu ihrer jeweiligen Fermienergie auf. Sind genau gleich viele beider Teilchensorten vorhanden, so sind alle Zustände bis zur Fermienergie besetzt.

Gibt es jedoch ein Teilchen mehr von einer Sorte, so müssen höhere Energieniveaus besetzt werden. Sei z.B. ein Proton mehr vorhanden, so muss ein Proton ein höheres Energieniveau als alle anderen Nukleonen besetzen. Dies benötigt mehr Energie.

Wandelt man nun in einem symmetrischen Kern ein Nukleon um, so erhöht man die eine Fermienergie und senkt die andere ab. Dieser Prozess kostet Energie, der Betrag der Energie ist die Differenz zwischen den Fermienergien. Wenn man die Energiedifferenz in einer Tabelle aufträgt, sieht man, dass der Term erst am Anfang mit  $(N - Z)$  wächst und bei Umschichtungen von drei Nukleonen eine besser Beschreibung des Wachstums mit  $(N - Z)/2$  ist. Wenn man dann noch betrachtet, dass Abstand der Einteilchenniveaus mit steigendem Volumen sinkt, erhält man mit der Proportionalität zwischen Volumen und Nukleonenzahl  $A$  folgende Formel.

$$E_S = -a_S \cdot \frac{(N - Z)^2}{4A} \quad (2.15)$$

$$a_S = 2.86 \text{ MeV} \quad (2.16)$$

**2.1.7.5 Paarungsterm** Der Paarungsterm  $E_P$  beschreibt das Phänomen, dass gerade Anzahlen von Protonen bzw. Neutronen in einem Kern stabilere Kerne produzieren. Paare von Protonen oder Neutronen sind stärker gebunden als ein ungepaartes Proton oder Neutron.

Deswegen wird zwischen gerade-gerade-Kernen (gg), gerade-ungerade-Kernen (gu) und ungerade-gerade-Kernen (ug) sowie ungerade-ungerade-Kernen (uu) unterschieden. Erstere haben jeweils eine gerade Anzahl von Protonen und Neutronen, während letztere jeweils ungerade Anzahlen haben. ug- und gu-Kerne haben eine Nukleonensorte in gerader und die andere in ungerader Menge.

Bei einer geraden Anzahl derselben Nukleonensorte heben sich die Spins auf, bei einer ungeraden Anzahl nicht. Auf diese Weise kann das Phänomen mithilfe des Schalenmodells erklärt werden.

Der Paarungsterm wird betragsmäßig kleiner, je größer die Nukleonenzahl  $A$  ist. Dies wird durch die folgende Gleichung beschrieben.



$$E_P = \begin{cases} +a_P \cdot \frac{1}{\sqrt{A}} & \text{gg} \\ 0 & \text{gu} \\ 0 & \text{ug} \\ -a_P \cdot \frac{1}{\sqrt{A}} & \text{uu} \end{cases} \quad (2.17)$$

$$a_P = 11.46 \text{ MeV} \quad (2.18)$$

Beide Nukleonensorten liefern betragsmäßig den gleichen Beitrag zu  $E_P$ . Bei gg- und uu-Kernen addieren sich diese Werte zu einer nicht-verschwindenden Energie. Bei gu- und ug-Kernen heben sich die Terme dagegen auf, weswegen der Paarungsterm hier verschwindet.

## 2.2 Bremsvermögen

### 2.2.1 relatives Massenbremsvermögen

Das relative Massenbremsvermögen  $Q_A$  eines Absorbers  $A$  kann durch das Massenbremsvermögen eines Standard-Absorbers  $S$  ermittelt werden.

$$Q_A \cdot \rho_A \cdot dx_A = \rho_S \cdot dx_S \quad (2.19)$$

$$\Leftrightarrow Q_A = \frac{\rho_S}{\rho_A} \cdot \frac{dx_S}{dx_A} \quad (2.20)$$

Dieses Verhältnis wird näherungsweise aus dem Verhältnis der Massenbelegungen bzw. Flächendichten  $\rho_i$  der Materialien ermittelt werden, was durch die Nukleonenzahlen  $A_i$  und die Protonenzahlen  $Z_i$  dargestellt werden kann. Aus der Bethe-Bloch-Gleichung ohne Korrekturterme (2.27) kann dann folgender Zusammenhang ermittelt werden.

$$Q_A \cdot \rho_A \cdot dx_A = \rho_S \cdot dx_S \quad (2.21)$$

$$Q_A = \frac{\rho_S}{\rho_A} \cdot \frac{dx_S}{dx_A} \quad (2.22)$$

$$Q_A = \frac{A_S \cdot Z_A \ln\left(\frac{2m_e v^2}{I_A}\right)}{A_A \cdot Z_S \ln\left(\frac{2m_e v^2}{I_S}\right)} \quad (2.23)$$

## 2.3 Bethe-Bloch-Gleichung

Bewegte und geladene Teilchen werden durch Interaktion mit Materie abgebremst, indem sie durch Stöße mit Atomkernen sowie Elektronen wechselwirken. Schwere Teilchen mit einer Ruhemasse  $M_0 \gg m_e$  deutlich größer der Elektronen-Ruhemasse  $m_e$  werden primär durch die Wechselwirkung mit Atomkernen gebremst, wodurch die Atome angeregt und ionisiert werden können.

Die Bethe-Bloch-Gleichung beschreibt den Verlust von Energie  $E$  pro Strecke  $x$  durch das Durchfliegen eines homogenen Bremsmediums.

Dazu werden die Dichte  $\rho$ , die Atommassenzahl  $A$  und die Ladungszahl  $Z$  des Bremsmediums benötigt. Dabei wird von einem homogenen Medium mit  $N$  Atomen pro Kubikzentimeter und der Kernladungszahl  $Z \cdot e$  ausgegangen, wobei  $e$  die Elementarladung darstellt.  $\beta$  ist der Quotient aus Geschwindigkeit  $v$  und Lichtgeschwindigkeit  $c$ , der auch in der Relativitätstheorie verwendet wird.

$$N = \frac{\rho \cdot N_A}{A} \quad (2.24)$$

$$\beta = \frac{v}{c} \quad (2.25)$$

Ebenso werden die Ladungszahl  $z$  und Geschwindigkeit  $v$  des Projektils sowie die Elektronen-Ruhemasse  $m_e$  verwendet. Weiterhin sind das mittlere Ionisationspotential  $\bar{I}$ , gemittelt über alle Atomschalen des Bremsmediums, sowie eine Korrektur  $c_K$  notwendig. Letztere beschreibt den fehlenden Beitrag der  $K$ -Schalen-Elektronen bei kleinen Geschossenergien. Teilweise können diese Korrekturterme vernachlässigt werden.

$$-\frac{dE}{dx} = \frac{4\pi z^2 e^4}{m_e v^2} N Z \left[ \ln \left( \frac{2mv^2}{\bar{I}} \right) - \ln(1 - \beta^2) - \beta^2 - \frac{c_K}{Z} \right] \quad (2.26)$$

$$-\frac{dE}{dx} \approx \frac{4\pi z^2 e^4}{m_e v^2} N Z \ln \left( \frac{2mv^2}{\bar{I}} \right) \quad (2.27)$$

### 2.3.1 Herleitung

Im Folgenden werde die Bethe-Bloch-Gleichung für schwere, schnelle und geladene Projektilen wie  $\alpha$ -Teilchen hergeleitet.

Hierbei wird eine quasi-klassische Betrachtung des Stoßvorganges angenommen. Da das Projektil sehr schwer im Vergleich zu Elektronen ist, kann seine Bewegung als näherungsweise linear angenommen werden. Weiterhin wird das Elektron als schwach gebunden und ruhend angenommen. Diese Annahmen können durch die hohe Geschwindigkeit und Masse des Projektils getätigt werden.

Da das Projektil das Elektron passiert, heben sich sämtliche Wechselwirkungen parallel zur Flugbahn auf. Dadurch muss nur die orthogonale Komponente der Coulomb-Kraft  $\vec{F}$  betrachtet werden, die durch die Ladungen des Projektils  $Q = ze$  und des Elektrons  $q = -e$  im Abstand  $\vec{r}$  erzeugt wird. Der Betrag des Abstands kann durch die Wegstrecke  $x$  des Projektils sowie den orthogonalen Abstand  $b$  der Flugbahn und des Elektrons als  $r^2 = x^2 + b^2$  beschrieben werden.

$$\vec{F} = \frac{Qq}{r^2} \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|} \quad (2.28)$$

$$\vec{F} = -\frac{ze^2}{x^2 + b^2} \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|} \quad (2.29)$$

Weiterhin kann die Kraft durch das elektrische Feld  $\vec{E}$  des Projektils und die Ladung des Elektrons  $q = -e$  beschrieben werden (2.30). Diese Gleichung wird integriert, um den Betrag des Impulsübertrages  $|\Delta p_e|$  zu ermitteln. Dabei wird die Integration nach der Zeit durch eine Integration nach dem Ort substituiert, was durch die konstante Geschwindigkeit  $v$  ermöglicht wird. Weiterhin wird die Symmetrie ausgenutzt, wodurch nur noch über die orthogonale Komponente integriert werden muss.

$$\vec{F} = -e\vec{E} \quad (2.30)$$

$$|\Delta p_e| = \int \vec{F} dt \quad (2.31)$$

$$|\Delta p_e| = \frac{e}{v} \int E_{\perp} dx \quad (2.32)$$

Darauf wird der Gauß'sche Integralsatz angewendet. Weiterhin wird der Energieübertrag  $\Delta E$  durch die kinetische Energie  $E = \frac{p^2}{2m_e}$  des Elektrons dargestellt. Dann kann über einen hohlen Zylinder vom Radius  $b_{\min}$  bis  $b_{\max}$  integriert werden. Sinnvolle Integrationsgrenzen sind notwendig, da das Integral sowohl bei  $x = 0$  als auch bei  $x = \infty$  divergieren würde.

$$-\left(\frac{dE}{dx}\right) = \frac{4\pi z^2 e^4}{m_e v^2} \ln \left[ \frac{b_{\max}}{b_{\min}} \right] \propto \frac{z^2}{v^2} \quad (2.33)$$

Nun werden relativistische Korrekturen durchgeführt, die zu der vollständigen Bethe-Bloch-Gleichung (2.26) führen.

### 2.3.2 Diskussion des Kurvenverlaufs

Bei niedrigen Energien steigt die Kurve beinahe linear an. Dies ist darauf zurückzuführen, dass ein langsames  $\alpha$ -Teilchen aufgrund der langen Wirkzeit beim Durchqueren des Mediums zufällig Elektronen aufnimmt und abgibt. Dies wiederum reduziert die effektive Ladung des  $\alpha$ -Teilchens und somit den Energieverlust.

Für  $\alpha$ -Teilchen findet sich bei kinetischen Energien von etwa 0.5 – 0.6 MeV ein Peak. Bei der Verbreiterung des Peaks der Verteilung sind nicht-statistische Effekte von höherer Relevanz, als das statistische Energie-Straggling.

Nach dem Peak sinkt die Kurve erstmal relativ stark ab. Die Energien sind noch gering genug, dass die relativistische Korrektur vernachlässigbar klein ist, daher ist der Energieverlust proportional zu  $\frac{\ln(E)}{E}$ .

Werden die kinetischen Energien größer, so wird logarithmische Anteil langsam näherungsweise konstant, dann dominiert der  $\frac{1}{E}$ -Anteil.

Bei der Ruheenergie des  $\alpha$ -Teilchens weist die Kurve ein Minimum auf. Ab diesem Punkt ist die relativistische Korrektur zu berücksichtigen. Physikalisch lässt sich der Verlauf nach dem Peak dadurch erklären, dass das Projektil noch lange den Coulomb-Feldern der Kerne des Bremsmediums ausgesetzt ist und dadurch stark abgebremst wird. Mit steigender kinetischer Energie wird diese Beeinflussung immer kürzer, bis

irgendwann der Bereich eintritt, in welchem die relativistischen Effekte eine dominante Rolle einnehmen.

### 2.3.3 Geltungsbereich

Die Bethe-Bloch-Gleichung gilt weder für sehr kleine, noch für sehr große Projektilenergien.

Bei sehr kleinen Energien kann nicht mehr davon ausgegangen werden, dass die Elektronen relativ zum Projektil in Ruhe liegen.

Bei sehr großen Energien kann z.B. die Wechselwirkung des Projektils mit dem Atomkern relevant werden, die in der hiesigen Betrachtung vernachlässigbar war.

Weiterhin muss das Projektil sehr schwer im Vergleich zu Elektronen sein, da ansonsten die Näherung einer geraden Flugbahn des Projektils nicht mehr angenommen werden kann.

### 2.3.4 Bragg-Kurve

Die Bragg-Kurve beschreibt den gesamten Energieverlust eines geladenen Teilchens abhängig von der in einem Bremsmedium zurückgelegten Strecke. Damit wird sie durch die integrierte Bethe-Bloch-Gleichung beschrieben.

$$\frac{\Delta E}{dx}(x) = \int_0^x \left( \frac{dE}{dx} \right) dx' \quad (2.34)$$

Je weiter das Projektil in das Bremsmedium eindringt, desto größer wird der Energieverlust. Bei der mittleren Reichweite  $\bar{R}$  des Projektils ist ein Maximum erreicht, dann fällt die Kurve nahezu senkrecht ab. In diesem Bereich kommt das Projektil zum Stillstand. Da dies durch Straggling keine feste Grenze hat, flacht die Kurve ganz am Ende wieder leicht ab.

Extrapoliert man den steilen Abfall, kann man die extrapolierte Reichweite  $R_{\text{ex}}$  ermitteln. Dabei wird die Abflachung der Kurve durch Straggling herausgerechnet.

Für eine feste Eindringtiefe  $x$  kann die Restenergie  $E_{\text{Rest}}(x)$  ermittelt werden.

$$E_{\text{Rest}} = E_0 - \int_0^x \left( \frac{dE}{dx} \right) dx' \quad (2.35)$$

## 2.4 Reichweite von $\alpha$ -Teilchen

### 2.4.1 Abhängigkeit vom Druck

Der Luftdruck in einer Kammer ist einfacher zu variieren als der Abstand zwischen Quelle und Detektor, insbesondere kleine Änderungen im Druck sind leichter zu erreichen als minimale Abstandsänderungen. Daher soll die Abhängigkeit zwischen dem mittleren Druck  $\bar{p}$  und der mittleren Reichweite  $\bar{R}$  der  $\alpha$ -Teilchen ermittelt werden.

Die ideale Gasgleichung (2.36) bringt die Teilchenzahl  $N$ , die Temperatur  $T$ , den Druck  $p$  und das Volumen  $V$  unter Verwendung der Boltzmann-Konstante  $k_B$  in Relation. Wenn Volumen und Temperatur konstant gehalten werden können, dann kann eine Proportionalität  $N \propto p$  ermittelt werden.

$$k_B N T = p V \quad (2.36)$$

$$N(p) = \frac{V}{k_B T} \quad (2.37)$$

Der Energieverlust pro Weglänge  $-\frac{dE}{dx}$  wird durch die Bethe-Bloch-Gleichung (2.26) beschrieben. Er ist proportional zur Teilchenzahl  $N$ , folglich auch zum Druck  $p$ .

$$-\frac{dE}{dx} \propto N \propto p \quad (2.38)$$

Die mittlere Reichweite  $\bar{R}$  ist die Position, an der Erwartungswert der Restenergie  $E_{\text{Rest}}$  verschwindet. Daher kann sie aus dem Energieverlust pro Weglänge  $-\frac{dE}{dx}$  ermittelt werden.

$$\bar{R} = \int_{E_0}^0 -\left(\frac{dx}{dE}\right) dE \quad (2.39)$$

Für eine feste Energie  $E_i \in \{0, E_0\}$  ist die Geschwindigkeit der Teilchen konstant. Damit ist nur noch der Druck  $p_i$  variabel und aus Gleichung (2.38) folgt eine Proportionalität zwischen dem  $i$ -ten Integranden und dem inversen Druck  $p_i$ .

$$-\left(\frac{dE}{dx}\right)_i \propto p_i \quad (2.40)$$

$$\Leftrightarrow -\left(\frac{dx}{dE}\right)_i \propto \frac{1}{p_i} \quad (2.41)$$

Sei der *mittlere Druck*  $\bar{p}$  der über alle Energien gemittelte Druck. Zu einem bestimmten Zeitpunkt seien die Drücke  $p_i$  für alle Energien  $E_i$  näherungsweise konstant, es gelte daher  $\forall i : p_i \approx \bar{p}$ . Dies ist gewährleistet, wenn der Druck während einer Messung nicht variiert wird. Dann ist die mittlere Reichweite  $\bar{R}$  proportional zu dem inversen mittleren Druck  $\bar{p}$ .

$$\bar{R} = \int_{E_0}^0 - \left( \frac{dx}{dE} \right) dE \quad (2.42)$$

$$\approx \int_{E_0}^0 \left( - \frac{4\pi z^2 e^4}{m_e v^2} \frac{\bar{p}V}{k_B T} Z \left[ \ln \left( \frac{2mv^2}{\bar{I}} \right) - \ln(1 - \beta^2) - \beta^2 - \frac{c_K}{Z} \right] \right)^{-1} dE \quad (2.43)$$

$$= \frac{1}{\bar{p}} \int_{E_0}^0 \left( - \frac{4\pi z^2 e^4}{m_e v^2} \frac{V}{k_B T} Z \left[ \ln \left( \frac{2mv^2}{\bar{I}} \right) - \ln(1 - \beta^2) - \beta^2 - \frac{c_K}{Z} \right] \right)^{-1} dE \quad (2.44)$$

$$\Rightarrow \bar{R} \propto \frac{1}{\bar{p}} \quad (2.45)$$

### 2.4.2 Abhängigkeit von der Masse

Leichte Teilchen folgen einer sehr ähnlichen Formel für den Energieverlust in Materie, wie schwere Teilchen. Bei gleichen Geschwindigkeiten sind die Energieverluste pro Weglänge identisch.

Bei gleichen kinetischen Energien  $E$  hingegen ist der Energieverlust von leichten Teilchen geringer als der von schweren Teilchen, da das Quadrat der Geschwindigkeit des leichteren Teilchens  $v_{\text{leicht}}^2$  der Masse  $m$  um einen Faktor  $\frac{M}{m}$  kleiner als das des schwereren Teilchens der Masse  $M$  und Geschwindigkeitsquadrat  $v_{\text{schwer}}^2$  ist.

$$E = \frac{1}{2} m_i v_i^2 \quad (2.46)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m v_{\text{leicht}}^2 \stackrel{!}{=} \frac{1}{2} M v_{\text{schwer}}^2 \quad (2.47)$$

$$\Rightarrow v_{\text{leicht}}^2 = \frac{M}{m} v_{\text{schwer}}^2 \quad (2.48)$$

Aufgrund der inversen Proportionalität des Energieverlustes mit dem Quadrat der Geschwindigkeit folgt eine Verringerung des Energieverlusts des leichten Teilchens verglichen mit einem schweren Teilchen um den Faktor  $\frac{m}{M} < 1$ . [7]

$$-\frac{dE}{dx} \propto \frac{1}{v^2} \quad (2.49)$$

$$\frac{dE_{\text{leicht}}}{dx} = \frac{dE_{\text{schwer}}}{dx} \cdot \frac{m}{M} \quad (2.50)$$

### 2.4.3 Abschätzung der Anzahl von Stößen

Teilchen mit deutlich größeren Massen als die Elektronenmasse verlieren ihre Energie vor allem durch inelastische Stöße mit den Elektronen der Atome im Bremsmedium, wie es im Abschnitt 2.2 Bremsvermögen erläutert wurde.

Dadurch werden die Elektronen entweder aus ihrer Bindung herausgestoßen und das Atom bleibt ionisiert zurück, oder die Elektronen werden angeregt und das Atom erreicht einen höheren energetischen Zustand.

Um nun die Anzahl an Stößen abzuschätzen, nach denen ein  $\alpha$ -Teilchen zur Ruhe kommt, werden ein paar Annahmen getroffen. Da der Großteil unserer Luft aus molekularem Stickstoff besteht, sei das Bremsmedium ein Gas aus  $^{14}\text{N}$ -Isotopen. und zweitens soll das  $\alpha$ -Teilchen seine Energie nur abgeben, indem es den Stickstoff genau einfach ionisiert. Dazu ist eine Ionisationsenergie  $E_I \approx 14.534 \text{ eV}$  nötig. [8]

Unsere  $\alpha$ -Quelle  $^{241}\text{Am}$  erzeugt primär  $\alpha$ -Teilchen mit einer Anfangsenergie von  $E_\alpha \approx 5.486 \text{ MeV}$ . Daraus kann die erwartete Anzahl an Stößen  $\langle N \rangle$  ermittelt werden.

$$\langle N \rangle = \frac{E_\alpha}{E_I} \quad (2.51)$$

$$\langle N \rangle \approx 3.78 \cdot 10^5 \quad (2.52)$$

Ein  $\alpha$ -Teilchen stößt abgeschätzt also mehrere hunderttausend Male, bevor es zur Ruhe kommt.

#### 2.4.4 Bragg-Kleemann-Formel

Mithilfe der empirischen Bragg-Kleemann-Formel kann die mittlere Reichweite  $\bar{R}_A$  in einem Stoff  $A$  ermittelt werden, wenn die mittlere Reichweite  $\bar{R}_S$  in einem Standard-Absorber bekannt ist. Sie hat eine Genauigkeit von 15 %. Dazu werden neben  $\bar{R}_S$  die Dichten  $\rho_i$  und die Nukleonenzahlen  $A_i$  der beiden Materialien benötigt.

Oft wird die mittlere Reichweite  $\bar{R}_{\text{Luft}}$  in Luft unter Normalbedingungen als Standard-Absorber verwendet, d.h. bei  $15^\circ\text{C}$  und einem Druck von  $1 \text{ atm} = 1013.25 \text{ mbar}$ .

$$\bar{R}_A = \frac{\rho_S}{\rho_A} \sqrt{\frac{A_A}{A_S}} \bar{R}_S \quad (2.53)$$

$$\bar{R}_A = 3.2 \cdot 10^{-4} \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \cdot \frac{\sqrt{A_A}}{\rho_A} \cdot \bar{R}_{\text{Luft}} \quad (2.54)$$

## 2.5 Straggling

Das sogenannte Straggling bezeichnet eine statistische Streuung der betrachteten Größe mit einer bekannten Verteilung. In diesem Experiment gibt es Reichweiten-Straggling, Energie-Straggling und Winkel-Straggling.

Beim *Reichweiten-Straggling* kommt zu einer normalverteilten Streuung der Reichweiten  $R_i$  um die mittlere Reichweite  $\bar{R}$ . Der Reichweitenstraggling-Parameter  $\alpha_0^R$  und ist folgendermaßen durch die experimentell gemessene Reichweite  $R_{\text{ex}}$  und die mittlere Reichweite  $\bar{R}$  zu bestimmen.

$$\alpha_0^R = \sqrt{2} (R_{\text{ex}} - \bar{R}) \quad (2.55)$$

Die Streuung der Energien der  $\alpha$ -Teilchen zum Zeitpunkt der Messung wird *Energie-straggling* genannt. Bei einem monoenergetischen Strahl streuen die Energien nach dem

Durchdringen von Materie statistisch mit einer Gaußverteilung um eine mittlere Energie  $E$ . Die Breite der beobachteten Linie im Spektrum  $\alpha$  wird durch den Stragglingparameter  $\alpha_E$  und die Auflösung des Messapparats  $\alpha_{\text{res}}$  beeinflusst. Berechnet wird dies durch eine Faltung der Gaußverteilung.

$$\alpha = \sqrt{\alpha_E^2 + \alpha_{\text{res}}^2} \quad (2.56)$$

Falls man einen Strahl von Teilchen misst, kommt es zudem zu *Winkelstraggling*. Im Vakuum verläuft ein solcher Strahl geradlinig, alle Teilchen bewegen sich parallel zueinander in einem Winkel  $\theta$  zu z.B. der Oberfläche. In Materie stoßen die Teilchen dagegen mit anderen Atomen, dadurch wird er um den ursprünglichen Winkel  $\theta$  gestreut.

## 2.6 Oberflächensperrschichtzähler

Eine Halbleiterdiode besteht aus einer Abfolge von  $p$ - und  $n$ -dotierten Halbleiterschichten. In einem mittels Akzeptoren  $p$ -dotierten Bereich gibt es Löcher als bewegliche Ladungen, in einem mit Donatoren  $n$ -dotierten Halbleiter bilden Elektronen die frei beweglichen Ladungen.

Im Grenzbereich zwischen diesen Schichten rekombinieren sich Elektronen und Löcher, daher ist dieser Bereich frei von Ladungsträgern. Deshalb wird diese Zone *Verarmungszone* genannt, hier sind keine weiteren Rekombinationen möglich.

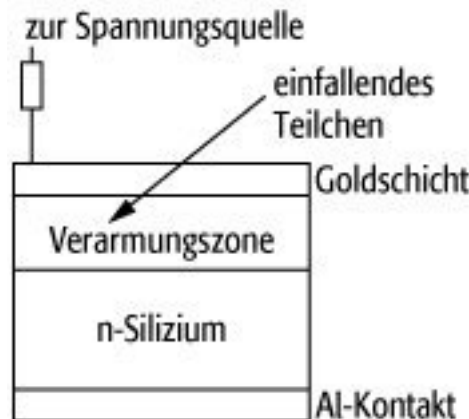


Abbildung 2: Abbildung 1: Oberflächen-sperrschichtzähler Quelle: [5]

Wird eine äußere Spannung angelegt, wächst oder schrumpft die Verarmungszone, bei ausreichender Spannung verschwindet sie. In letzterem Fall fließt Strom, daher nennt man diese Richtung *Durchlassrichtung*. Wird ein Strom in *Sperrrichtung* angelegt, so wird die Verarmungszone dagegen vergrößert. Daher kann kein Strom fließen.

Dringt ein  $\alpha$ -Teilchen in die Verarmungszone ein, entstehen Elektronen-Loch-Paare, während das  $\alpha$ -Teilchen gebremst wird. Die Elektronen und Löcher werden durch eine anliegende Spannung getrennt und sammeln sich an den Enden des jeweiligen Halbleiters. Durch einen empfindlichen Vorverstärker wird ein Spannungsimpuls erzeugt, der



von der Energie des Teilchen abhängt. Um die Verarmungszone und damit das Detektionsvolumen zu maximieren, wird eine Spannung in Sperrrichtung angelegt.

Der Si-Oberflächen-Sperrschichtzähler besteht aus einer relativ dicken  $n$ -dotierten Schicht und einer dünnen  $p$ -dotierten Schicht. Eine sehr dünne Goldschicht sorgt für ein schnelles und verlustarmes Eindringen der  $\alpha$ -Teilchen. Der schematische Aufbau eines Oberflächensperrschichtzählers ist in Abbildung 1 dargestellt.

Silizium-Halbleiterdetektoren eignen sich aufgrund ihrer Bandlücke von 1.11 eV sehr gut für  $\alpha$ -Strahlung. Germanium-Halbleiterdetektoren sind prinzipiell ebenfalls geeignet, müssen allerdings auf ca. 70 K abgekühlt werden. Bei Raumtemperatur reicht die thermische Energie aus, um die Bandlücke von 0.7 eV zu überwinden. [6]

## 3 Durchführung

### 3.1 Versuchsaufbau

Eine  $^{241}\text{Am}$ - $\alpha$ -Strahlungsquelle und ein Silizium-Oberflächensperrschichtzähler sind in einer geschlossenen Kammer aufgebaut. Zudem gibt es ein Gerüst, in dem sich drei verschiedene Folien befinden, die zwischen Quelle und Detektor geschoben werden können. Durch eine Vakuumpumpe kann der Luftdruck in der Kammer verringert werden.

Der Abstand zwischen Strahlungsquelle und Detektor kann variiert werden, wobei ein relativer Abstand  $R$  in Millimetern einstellbar ist. Da ein Abstand von 0 mm eingestellt werden kann, während Folien eingeschoben sind, weist die Messskala einen Offset  $R_{\text{off}}$  auf.

Das Signal des Detektors wird elektronisch verstärkt. Das verstärkte Zeitsignal wird an einen digitalen Zähler angeschlossen, das verstärkte Energiesignal kann entweder an ein Oszilloskop oder an einen Vielkanal-detektor (VKA) angeschlossen werden.

### 3.2 Eichung

Zunächst wurde das Signal des VKA geeicht. Dazu wurde die Luft aus der Kammer abgepumpt, bis ein minimaler Druck von ca.  $1.2 \cdot 10^{-2}$  mbar erreicht wurde. Dann wurde eine Messung bei  $R = (0 \pm 0.5)$  mm mit dem VKA aufgenommen und mit `hdtv` [4] ausgewertet.

Hierbei wurde davon ausgegangen, dass der Kanal 0 dem Energienullpunkt entspricht. Weiter wurde angenommen, dass der so gemessene Peak bei der Energie der  $\alpha$ -Strahlung von  $E_{\alpha} = 5486$  keV liegt, dies war bei Kanal 10450.4 der Fall. Damit wurde `hdtv` kalibriert.

### 3.3 Energiestraggling

Um das Energiestraggling zu untersuchen, wurden bei einem eingestellten relativen Abstand  $R = (18 \pm 0.5)$  mm die Energiespektren bei verschiedenen Drücken  $p_i$  zwischen 0 mbar und 1013.25 mbar = 1 atm aufgenommen. Es wurden 10 Messungen mit einer

Dauer von jeweils  $\Delta t = 30\text{ s}$  getätigt. Diese Messungen wurden sogleich mit **hdtv** [4] ausgewertet.

### 3.4 Reichweite in Luft

Daraufhin wurde die Reichweite der  $\alpha$ -Teilchen gemessen. Dazu wurden 4 verschiedene relative Abstände  $R_i$  eingestellt und je  $R_i$  Messungen für 10 verschiedene Drücke  $p_{i,j}$  aufgenommen. Hierbei sollten die  $R_i$  größer als die mittlere Reichweite  $\bar{R}$  der  $\alpha$ -Teilchen in Luft bei 1 atm sein.

Dabei wurden mittels des digitalen Zählers die Anzahl Detektionen  $n_i$  sowie die Dauern der Messungen  $\Delta t_i$  aufgezeichnet, woraus die Zählraten ermittelt werden können. Weiterhin wurden die Impulshöhen mithilfe des Oszilloskops gemessen.

Die Messungsdauern für die Detektionen unterscheiden sich voneinander, da versucht wurde, in den meisten Fällen wenigstens 4500 Ereignisse zu messen. Dies soll den statistischen Fehler gering halten. Für die Messungen mit maximalem Druck wurde dieses Ziel nicht erreicht, hier wurden maximal 2 min lang gemessen.

### 3.5 Metallfolien

Zuletzt wurden Folien aus Metall zwischen Strahlungsquelle und Detektor geschoben. Eine der Folien bestand aus Aluminium, die andere aus Gold.

Die Messungen erfolgten analog zu den Messungen der Reichweite in Luft, allerdings nur für einen relativen Abstand je Folie. Im Falle von Aluminium war der relative Abstand  $R_{\text{Al}} = 4\text{ mm}$ , im Falle von Gold  $R_{\text{Au}} = 8\text{ mm}$ .

## 4 Auswertung

### 4.1 Reichweiten

Zunächst sollen die Reichweite der  $\alpha$ -Teilchen in Luft bestimmen. Dies kann durch den linearen Zusammenhang von mittlerer Reichweite  $\bar{R}$  und dem inversen Druck  $\frac{1}{p}$  erfolgen, der in Gleichung (2.45) dargestellt ist.

Dazu werden zunächst Wertepaare von mittlerer Reichweite  $\bar{R}$  und inversem mittlerem Druck  $\frac{1}{p}$  gesucht. Dann kann der gesuchte Wert mittels des bekannten Luftdrucks von 1 atm = 1013.25 mbar bestimmt werden. Dieses Verfahren jeweils einmal für die Messungen von Zählrate und Druck bzw. Spannungs und Druck durchgeführt. Die Ergebnisse werden abschließend verglichen.

#### 4.1.1 Abhängigkeit von der Zählrate

Der eingestellte Abstand  $R$  entspricht der mittleren Reichweite  $\bar{R}$ , wenn die Zählrate  $r$  auf die mittlere Zählrate  $\bar{r}$  abgesunken ist. Der Druck  $p$ , bei dem dies geschieht, ist dann genau der mittlere Druck  $\bar{p}$ . Dies liefert die gesuchten Messwert-Paare.

Dafür werden für alle vier Abstände  $R_i$  die gemessenen Zählraten gegen die Drücke aufgetragen, wobei die Enden der Kurve mittels rechnerischer Geradenanpassung gefittet wurden. Dies ist in Abbildung 3 dargestellt.

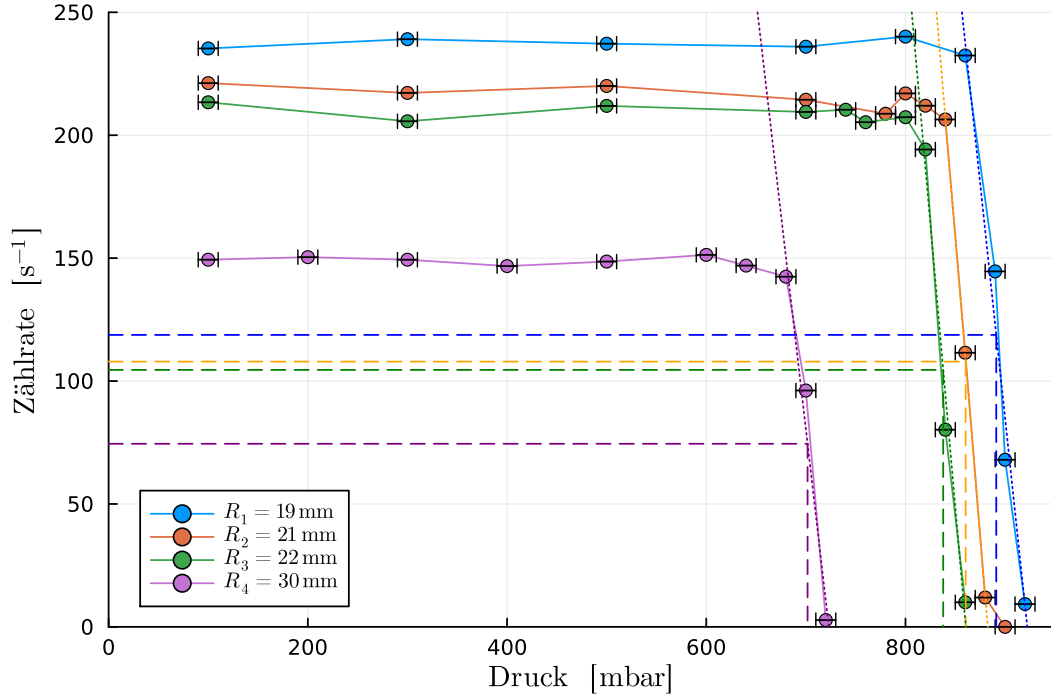


Abbildung 3: Extrapolierte Zählratenkurven für vier Reichweiten  
gestrichelte Linien:  $\bar{r}_{R_j}$  bzw.  $\bar{p}_{R_j}$

Der Fehler der gemessenen Zählraten  $r$  ist durch den statistische Fehler bestimmt (4.1), wobei  $N$  die Anzahl an gemessenen  $\alpha$ -Teilchen ist. Für die verschiedenen Messwerte ist er in Tabelle 1 dargestellt.

Da dieser Fehler aufgrund der hohen Anzahl an gezählten  $\alpha$ -Teilchen sehr gering ausfällt, wird er in den folgenden Fehlerfortpflanzungen vernachlässigt werden.

$$\Delta r = \frac{1}{\sqrt{N}} \quad (4.1)$$

Die mittlere Zählrate  $\bar{r}$  ist nun die Hälfte der durchschnittlichen Zählrate im ersten, nahezu konstanten Teil des Graphen. Der Fehler  $\Delta \bar{r}$  wird durch die mittlere Quadratsumme der Residuen ermittelt.

Die Zählvariable  $k$  beschreibt hier den letzten Messwert, der den konstanten Teil des Graphen ausmacht. Der Faktor  $\frac{1}{2}$  ist notwendig, da dieser Messwert die mittlere Reichweite  $\bar{R}$  beschreiben soll, an dessen Stelle die Strahlungsintensität die Hälfte ihres Maximums erreicht.<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Diese Erklärung fehlt im Abschnitt 2.4

$$\bar{r}_{R_j} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k r_{i,R_j} \quad (4.2)$$

$$\Delta \bar{r}_{R_j} = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{1}{k(k-1)} \sum_{i=1}^k (r_{i,R_j} - \bar{r}_{R_j})^2} \quad (4.3)$$

Aus den mittleren Zählraten  $\bar{r}$  sowie den Geradengleichungen mit Steigungen  $a_{R_j}$  und  $r$ -Achsenabschnitten  $b_{R_j}$  lassen sich die mittleren Drücke  $\bar{p}_{R_j}$  bestimmen. Deren Fehler  $\Delta \bar{p}_{R_j}$  werden mittels Gauß'scher Fehlerfortpflanzung ermittelt.

$$\bar{p}_{R_j} = \frac{\bar{r}_{R_j} - b_{R_j}}{a_{R_j}} \quad (4.4)$$

$$\Delta \bar{p}_{R_j} = \sqrt{\left(\frac{\Delta \bar{r}_{R_j}}{a_{R_j}}\right)^2 + \left(\frac{\Delta b_{R_j}}{a_{R_j}}\right)^2 + \left(\frac{(\bar{r}_{R_j} - b_{R_j}) \cdot \Delta a_{R_j}}{a_{R_j}^2}\right)^2} \quad (4.5)$$

Die Abstände liefern die zugehörigen mittleren Reichweiten und damit die vier Wertepaare für mittlere Reichweite  $\bar{R}$  und inversem mittlerem Druck  $\frac{1}{\bar{p}}$ . Die Ergebnisse sind in Tabelle 2 zu dargestellt.

Messwert	$\Delta r$ [ $10^{-3}$ 1/s]			
	$R_1$	$R_2$	$R_3$	$R_4$
1	11.90	12.28	12.50	10.56
2	11.81	12.39	12.73	10.53
3	11.85	12.31	12.54	10.56
4	11.88	12.47	12.61	10.66
5	11.78	12.64	12.59	10.59
6	11.98	12.39	12.74	10.49
7	10.74	12.54	12.68	10.65
8	12.78	12.71	13.10	10.82
9	29.97	12.23	14.42	13.17
10	—	26.41	28.86	54.88
11	—	n.e.	—	—

Tabelle 1: Statistische Fehler der gemessenen Zählraten  
n.e. nicht ermittelbar, da  $N = 0$

$R_j$ [mm]	$a_{R_j}$ [ $s^{-1}$ ]	$b_{R_j}$ [ $10^3 s^{-1}$ ]	$k$	$\bar{r}$ [ $s^{-1}$ ]	$\bar{p}$ [mbar]
19	$-3.81 \pm 0.46$	$3.51 \pm 0.40$	5	$118.77 \pm 1.81$	$891.14 \pm 150.55$
21	$-4.86 \pm 0.07$	$4.29 \pm 0.05$	7	$107.90 \pm 5.42$	$860.42 \pm 16.83$
22	$-4.60 \pm 0.63$	$3.96 \pm 0.53$	7	$104.53 \pm 3.84$	$837.89 \pm 162.94$
30	$-3.49 \pm 0.68$	$2.52 \pm 0.47$	7	$74.48 \pm 2.00$	$701.71 \pm 192.92$

Tabelle 2: Ergebnisse aus Zählratenkurven

### 4.1.2 Abhängigkeit von der Spannung

Der eingestellte Abstand  $R$  entspricht genau dann der mittleren Reichweite  $\bar{R}$ , wenn der Impuls  $\vec{p}$  der  $\alpha$ -Teilchen verschwunden ist. Das Oszilloskop zeigt eine Spannung  $U$  an, die proportional zum Betrag des Impulses der  $\alpha$ -Teilchen ist. Die gesuchten mittleren Drücke  $\bar{p}$  sind daher die Nullstellen der Kurven.

$$U \propto |\vec{p}| \quad (4.6)$$

Dafür werden die Messwerte der Spannungs-Druck Messung aufgetragen und die Enden linear gefittet, siehe Abbildung 4. Die Nullstellen dieser Geraden mit Steigungen  $a_{R_j}$  und  $U$ -Achsenabschnitten  $b_{R_j}$  liefern dann die mittleren Drücke für die vier Messwertpaare für Reichweite  $\bar{R}$  und inversem Druck  $\frac{1}{\bar{p}}$ .

Die Fehler  $\Delta\bar{p}_{R_j}$  werden wieder mittels Gauß'scher Fehlerfortpflanzung bestimmt. Die Ergebnisse sind in Tabelle 3 dargestellt.

$$\bar{p}_{R_j} = -\frac{b_{R_j}}{a_{R_j}} \quad (4.7)$$

$$\Delta\bar{p}_{R_j} = \sqrt{\left(\frac{\Delta b_{R_j}}{a_{R_j}}\right)^2 + \left(\frac{b_{R_j} \cdot \Delta a_{R_j}}{a_{R_j}^2}\right)^2} \quad (4.8)$$

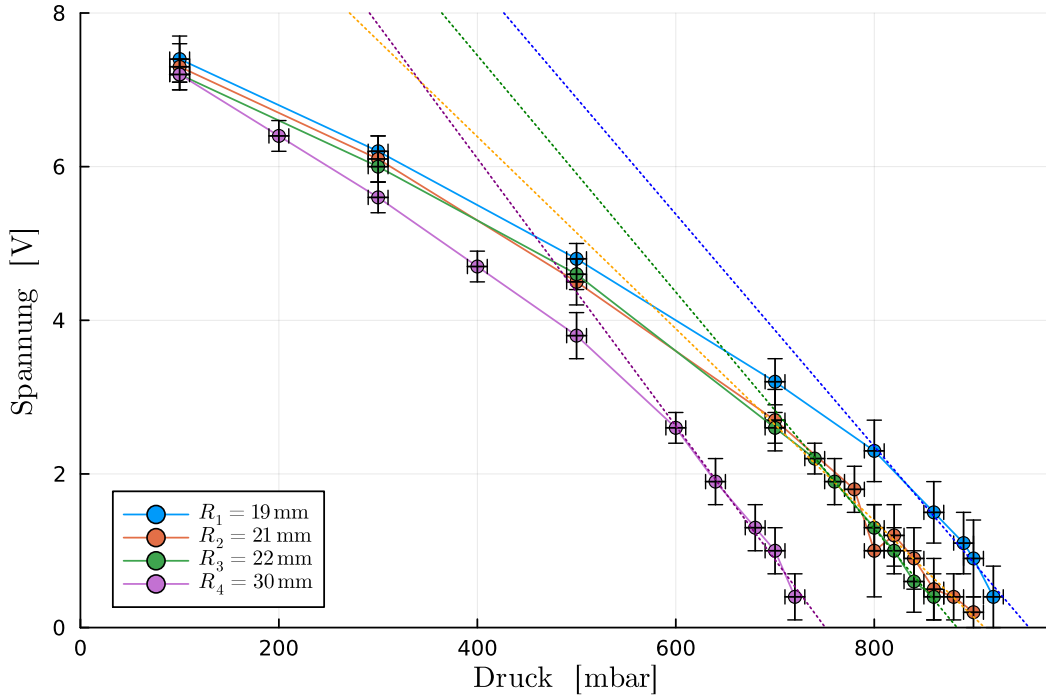


Abbildung 4: Extrapolierte Spannungskurven für vier Reichweiten  
gepunktete Linien: lineare Fits

$R_i$ [mm]	$a_{R_j}$ [V]	$b_{R_j}$ [V]	$\bar{p}$ [mbar]
19	$-0.015 \pm 0.001$	$14.450 \pm 1.080$	$956.04 \pm 105.88$
21	$-0.013 \pm 0.002$	$11.390 \pm 1.291$	$911.20 \pm 150.39$
22	$-0.015 \pm 0.001$	$13.611 \pm 0.514$	$883.51 \pm 49.13$
30	$-0.017 \pm 0.001$	$13.072 \pm 0.781$	$750.69 \pm 67.42$

Tabelle 3: Entnommene Messwerte aus Spannungskurven

#### 4.1.3 Reichweitenbestimmung

Die Ergebnisse aus beiden Messungsarten werden nun gegeneinander aufgetragen. Dann wird jeweils eine Geradenanpassung nach der Methode der kleinsten Fehlerquadrate durchgeführt.

Daraufhin die Geraden in  $\bar{R}$ -Richtung verschoben werden, um den Offset  $R_{\text{off}}$  der Messskala abzuziehen. Das Ergebnis ist in Abbildung 5 dargestellt.

Nun kann die Reichweite der  $\alpha$ -Teilchen in Luft bestimmt werden, indem der Wert Normaldruck ermittelt wird. Der Fehler wird erneut durch die Gauß'sche Fehlerfortpflanzung bestimmt, der Fehler des Normaldrucks wird als Rundungsfehler angenommen. Die Ergebnisse sind in Tabelle 4 ersichtlich.

$$R_{\text{off}} = (21.4025 \pm 1.0054) \text{ mm} \quad (4.9)$$

$$\bar{R}_{\text{Luft}} = a \cdot \frac{1}{\bar{p}_{\text{Luft}}} \quad (4.10)$$

$$\Delta \bar{R}_{\text{Luft}} = \sqrt{\left(\frac{\Delta a}{\bar{p}_{\text{Luft}}}\right)^2 + \left(\frac{a \cdot \Delta \bar{p}_{\text{Luft}}}{\bar{p}_{\text{Luft}}^2}\right)^2} \quad (4.11)$$

$$p_{\text{Luft}} = (1013.25 \pm 0.005) \text{ mbar} \quad (4.12)$$

	$a$ [mm · mbar]	Reichweite in Luft $\bar{R}$ [mm]
Zählratenkurven	$35.45 \pm 1.33$	$34.99 \pm 1.32$
Spannungskurven	$38.55 \pm 0.87$	$38.04 \pm 0.88$

Tabelle 4: Reichweite in Luft

#### 4.1.4 Vergleich der Messmethoden

Beide Messmethoden liefern ähnliche Ergebnisse, der relative Fehler zwischen ihnen liegt bei 8.02%. Dies lässt sich erklären, indem man die möglichen Fehlerquellen der Methoden vergleicht.

Obwohl das Oszilloskop einen deutlich größeren Fehler aufzeigt, ist damit gut erkennbar, ob noch ein Signal gemessen wurde. Auch wenn das eintreffende Signal schwach ist, lässt es sich durch das Vergrößern der Messkurve klar erkennen.

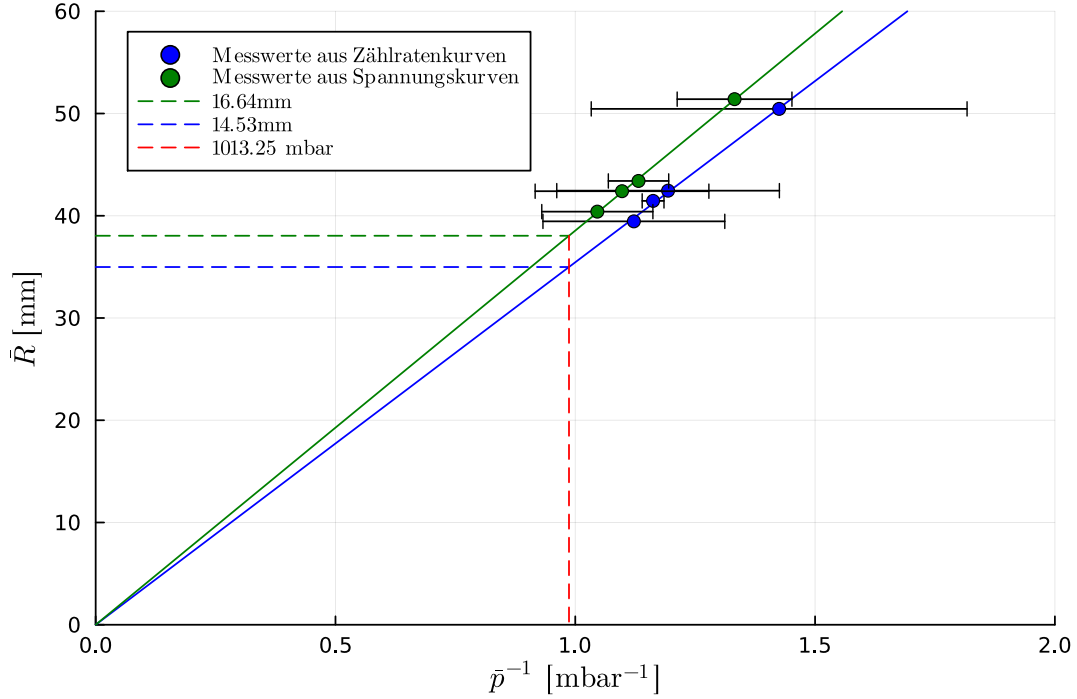


Abbildung 5: Reichweiten gegen inverse Drücke aufgetragen

Die Zählschwelle des Si-Oberflächen-Sperrschichtzählers hingegen ist nicht so durchschaubar. Es ist durchaus möglich, dass Teilchen nicht gezählt wurden, weil ihre Restenergie zu gering war.

Daher wird in weiteren Betrachtungen die durch die Spannung gemessene mittlere Reichweite in Luft  $\bar{R}$  verwendet werden.

Da der Unterschied zwischen den beiden Reichweitenmessungen klein ist, sind beide Methoden zufriedenstellend.

#### 4.1.5 Reichweite in Aluminium

Mit der nun bekannten Reichweite der  $\alpha$ -Teilchen in Luft lässt sich die Reichweite in Aluminium  $R_{\text{Al}}$  mit der empirischen Bragg-Kleemann-Gleichung für Luft bei 15 °C und 1013.25 mbar Mit einem Fehler  $\Delta \bar{R}_{\text{Al}}$  mittels Gauß'scher Fehlerfortpflanzung bestimmen.

$$\bar{R}_{\text{Al}} = 3.2 \cdot 10^{-4} \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \cdot \frac{A_{\text{Al}}^{1/2}}{\rho_{\text{Al}}} \bar{R}_{\text{Luft}} \quad (4.13)$$

$$\Delta \bar{R}_{\text{Al}} = 3.2 \cdot 10^{-4} \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \cdot \sqrt{\left( \frac{A_{\text{Al}}^{1/2}}{\rho_{\text{Al}}^2} \bar{R}_{\text{Luft}} \cdot \Delta \rho_{\text{Al}} \right)^2 + \left( \frac{A_{\text{Al}}^{1/2}}{\rho_{\text{Al}}} \Delta \bar{R}_{\text{Luft}} \right)^2} \quad (4.14)$$

Für stabiles Aluminium bei Raumtemperatur hat folgende Eigenschaften, [9] woraus sich die Reichweite ergibt.

$$A_{\text{Al}} = 27 \quad (4.15)$$

$$\rho_{\text{Al}} = (2.69890 \pm 0.00005) \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \quad (4.16)$$

$$\Rightarrow \bar{R}_{\text{Al}} = (23.43 \pm 0.54) \mu\text{m} \quad (4.17)$$

Der Literaturwert für die Reichweite von  $\alpha$ -Teilchen in Aluminium mit 4 MeV beträgt  $16 \mu\text{m}$  und von  $\alpha$ -Teilchen mit 6 MeV  $30 \mu\text{m}$ . [10]

Unsere  $\alpha$ -Teilchen haben eine Energie von ca. 5.5 MeV. Nehmen wir hier an, die Literaturwerte zwischen 4 MeV und 6 MeV steigen linear an. Daraus kann die Steigung  $a_{\text{lit}}$  der Literaturwerte ebenso bestimmt werden. Damit kann ein Literaturwert  $\bar{R}_{\text{lit}}$  für 5.5 MeV ermittelt werden.

$$a_{\text{lit}} = 12 \frac{\mu\text{m}}{\text{MeV}} \quad (4.18)$$

$$\bar{R}_{\text{lit}} = 24 \mu\text{m} \quad (4.19)$$

Unser Ergebnis von  $(23.43 \pm 0.54) \mu\text{m}$  liegt innerhalb der Fehlergrenzen sehr nah an diesem Literaturwert. Dadurch lässt sich schließen, dass dieser Teil des Experiments äußerst erfolgreich verlief.

## 4.2 Energiestraggling

### 4.2.1 Auflösung

Die Energie  $E$  in keV kann durch eine lineare Relation aus der Kanalnummer  $K_E$  ermittelt werden. Weiterhin kann die Halbwertsbreite  $\Delta E$  abgelesen werden. Nach der Annahme, dass das Straggling bei dem vorliegenden Luftdruck vernachlässigbar ist, stimmt  $\Delta E$  nach Gleichung (2.56) mit der Auflösung  $\alpha_{\text{res}}$  des Detektors überein.

$$E = 0.525 \frac{\text{keV}}{\text{Kanal}} \cdot K_E \quad (4.20)$$

$$\Delta E = (61.9 \pm 1.2) \text{ keV} \quad (4.21)$$

$$\alpha_{\text{res}} = \frac{\Delta E}{E_\alpha} = (1.13 \pm 0.02)\% \quad (4.22)$$

### 4.2.2 Straggling

Die Energiepeaks  $\hat{E}$  und Halbwertsbreiten  $\Delta E$  des gemessenen  $\alpha$ -Spektrums sind in Tabelle 5 aufgelistet.

Um die Veränderung des Stragglings zu bewerten, muss zunächst die Dichte  $\rho$  ermittelt werden. Diese ist über eine Referenzdichte  $\rho_0$  und einen Referenzdruck  $p_0$  linear vom Druck  $p$  abhängig. Dies folgt aus dem idealen Gasgesetz.



Druck $p$ [mbar]	Peak $\hat{E}$ [keV]	Halbwertsbreite $\Delta E$ [keV]
$1.2 \pm 0.1$	$5486.0 \pm 0.6$	$61.9 \pm 1.2$
$100 \pm 10$	$4885.6 \pm 0.6$	$79.2 \pm 1.3$
$200 \pm 10$	$4387.2 \pm 0.7$	$93.3 \pm 1.4$
$300 \pm 10$	$3862.1 \pm 1.0$	$109.4 \pm 2.0$
$400 \pm 10$	$3187.4 \pm 0.9$	$130.9 \pm 1.7$
$500 \pm 10$	$2603.3 \pm 1.1$	$145.2 \pm 2.3$
$600 \pm 10$	$1885.6 \pm 1.3$	$164.4 \pm 2.7$
$700 \pm 10$	$1088.9 \pm 1.6$	$209.9 \pm 3.1$
$750 \pm 10$	$670.8 \pm 1.9$	$215.0 \pm 4.0$
$800 \pm 10$	$226.5 \pm 3.4$	$239.0 \pm 7.0$

Tabelle 5: Energie-Straggling

Als Referenzgröße werden Werte der Standardatmosphäre verwendet, also eine Dichte  $\rho_0$  bei Normaldruck  $p_0$ .<sup>2</sup> [11]

$$\rho = \frac{\rho_0}{p_0} \cdot p \quad (4.23)$$

$$\rho_0 = 1.225 \cdot 10^{-3} \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \quad (4.24)$$

$$p_0 = 1013.25 \text{ mbar} \quad (4.25)$$

Für den Abstand  $x$  zwischen Detektor und Quelle muss der Offset  $R_{\text{off}} = (21.4025 \pm 1.0054) \text{ mm}$  berücksichtigt werden, der in Abschnitt 4.1.3 ermittelt wurde. Dieser muss zu dem in der Messung abgelesenen Abstand  $d = (18 \pm 0.5) \text{ mm}$  addiert werden, um den Abstand  $x$  zu erhalten. Der Fehler für  $\rho \cdot x$  ergibt sich durch Gauß'sche Fehlerfortpflanzung.

$$x = d - b \quad (4.26)$$

$$x = (3.94025 \pm 0.10054) \text{ cm} \quad (4.27)$$

$$\Delta(\rho \cdot x) = \sqrt{\left(\frac{\rho_0 \cdot x \cdot \Delta p}{p_0}\right)^2 + \left(\frac{\rho_0 \cdot p \cdot \Delta x}{p_0}\right)^2} \quad (4.28)$$

Aus dem Straggling  $\alpha$  können wir den Energiestraggling-Parameter oder auch das korrigierte Straggling  $\alpha_E$  nach Gleichung (2.56) bestimmen. Hierbei ist Energieauflösung  $\alpha_{\text{res}}$  mit der Halbwertsbreite (4.21) identisch, die bei der Eichung gemessen wurde. Die so erhaltenen Ergebnisse sind in Tabelle 6 dargestellt.

---

<sup>2</sup>FEHLER:  $\rho_0$  um Faktor  $10^3$  höher!

Druck $p$ [mbar]	$\rho \cdot x$ [ $10^{-3} \frac{\text{g}}{\text{cm}^2}$ ]	$\alpha$ [keV]	$\alpha_E$ [keV]
$1.2 \pm 0.1$	$0.0057 \pm 0.0005$	$61.9 \pm 1.2$	$0.0 \pm 0.0$
$100 \pm 10$	$0.47 \pm 0.05$	$79.2 \pm 1.3$	$49.4 \pm 2.6$
$200 \pm 10$	$0.95 \pm 0.05$	$93.3 \pm 1.4$	$69.8 \pm 2.2$
$300 \pm 10$	$1.43 \pm 0.06$	$109.4 \pm 2.0$	$90.2 \pm 2.6$
$400 \pm 10$	$1.91 \pm 0.07$	$130.9 \pm 1.7$	$115.3 \pm 2.0$
$500 \pm 10$	$2.38 \pm 0.08$	$145.2 \pm 2.3$	$131.3 \pm 2.6$
$600 \pm 10$	$2.86 \pm 0.09$	$164.4 \pm 2.7$	$152.3 \pm 3.0$
$700 \pm 10$	$3.33 \pm 0.10$	$209.9 \pm 3.1$	$200.6 \pm 3.3$
$750 \pm 10$	$3.57 \pm 0.10$	$215.0 \pm 4.0$	$205.9 \pm 4.2$
$800 \pm 10$	$3.81 \pm 0.11$	$239.0 \pm 7.0$	$230.8 \pm 7.3$

Tabelle 6: Straggling  $\alpha$  und korrigiertes Straggling  $\alpha_E$

$$\alpha_E = \sqrt{\alpha^2 - \alpha_{\text{res}}^2} \quad (4.29)$$

$$\Delta\alpha_E = \sqrt{\frac{(\alpha \cdot \Delta\alpha)^2}{\alpha^2 - \alpha_{\text{res}}^2} + \frac{(\alpha_{\text{res}} \cdot \Delta\alpha_{\text{res}})^2}{\alpha^2 - \alpha_{\text{res}}^2}} \quad (4.30)$$

Wie man anhand der Abbildungen 6 und 7 erkennen kann, weisen die Graphen einen linearen Verlauf auf. Dagegen wird eine Abnahme des Energiestraggling-Parameters bei kleineren Energien erwartet. [2]

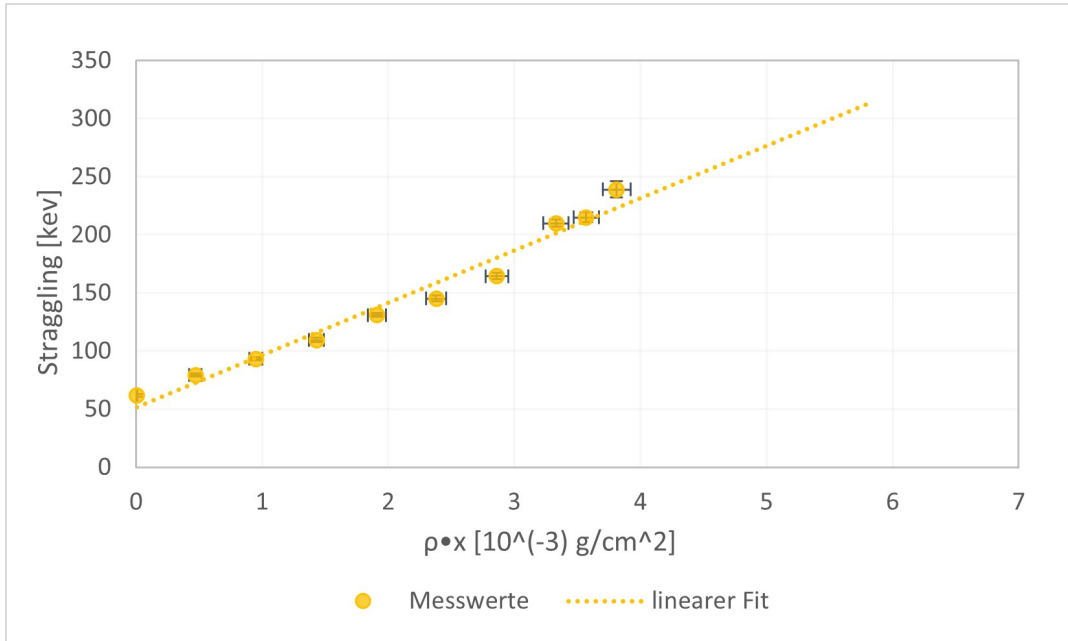


Abbildung 6: Energiestraggling  $\alpha$  als Funktion von  $\rho \cdot x$

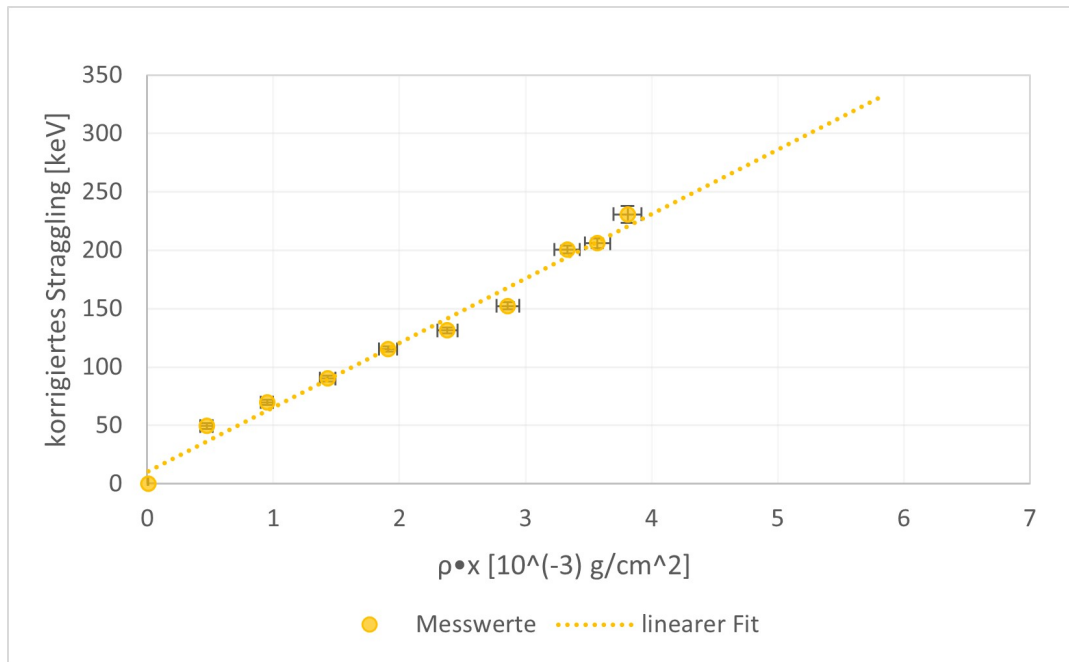


Abbildung 7: korrigiertes Energiestraggling  $\alpha_E$  als Funktion von  $\rho \cdot x$

Für eine Energieverteilung mit der Halbwertbreite von ab 10% der mittleren Energie dominieren die nicht-statistischen Effekte über die statistische und das Straggling nimmt ab, d.h. das  $\alpha$ -Spektrum sollte ab einem bestimmten Energiewert mit abnehmender Energie bzw. zunehmendem Druck schmaler werden.

Dies lässt sich jedoch in der Auswertung nicht beobachten, weil wir zu geringen Energien haben. Um diesen Effekt beobachten zu können ist es notwendig die 10% zu erreichen, dann erhält man den beschriebenen Verlauf.

Der Abstand zwischen Quelle und Detektor beträgt bei Prior bei 5 cm [2], bei uns dagegen ca. 4 cm, möglicherweise kann unsere Abweichung damit begründet werden. Dies sei bei Laborberichten von Studenten sehr häufig der Fall. [2] In unserem Versuchsaufbau war der Offset nicht im Voraus bekannt. Dadurch war es uns nicht möglich, einen mit Prior gut vergleichbaren Abstand einzustellen.

### 4.3 Massenbremsvermögen

Zuletzt soll das Massenbremsvermögen von Gold relativ zu Luft bzw. Aluminium sowie die Dicke der Aluminiumfolie bestimmen. Das relative Massenbremsvermögen  $Q_F$  eines Stoffes  $F$  relativ zur Luft  $L$  wie folgt zu bestimmen. Dazu ist die Dichte der Luft  $\rho_L$  bei den Drücken der Messungen ohne Folie  $\bar{p}_1$  und mit Folie  $\bar{p}_2$  bei der selben Reichweite  $\bar{R}_1$  notwendig, ebenso wie Dichte  $\rho_F$  und Dicke  $d_F$  der Folie. Der Fehler wird mittels Gauß'scher Fehlerfortpflanzung bestimmt.<sup>3</sup>

<sup>3</sup>Fehlt ggf. in Vorbereitung, [14, p. 5]

$$Q_F = \frac{\rho_L(\bar{p}_1) - \rho_L(\bar{p}_2)}{\rho_F d_F} \bar{R}_1 \quad (4.31)$$

$$\Delta Q_F = Q \cdot \sqrt{\frac{\Delta \rho_L(\bar{p}_1)^2 + \Delta \rho_L(\bar{p}_2)^2}{(\rho_L(\bar{p}_1) - \rho_L(\bar{p}_2))^2} + \left(\frac{\Delta \bar{R}_1}{\bar{R}_1}\right)^2 + \left(\frac{\Delta \rho_F}{\rho_F}\right)^2 + \left(\frac{\Delta d_F}{d_F}\right)^2} \quad (4.32)$$

Aus der gleichen Relation lässt sich auch die Dicke  $d_F$  der Aluminiumfolie bestimmen, ebenso wie ihr Fehler.

$$d_F = \frac{\rho_L(\bar{p}_1) - \rho_L(\bar{p}_2)}{\rho_F Q_F} \bar{R}_1 \quad (4.33)$$

$$\Delta d_F = d_F \cdot \sqrt{\frac{\Delta \rho_L(\bar{p}_1)^2 + \Delta \rho_L(\bar{p}_2)^2}{(\rho_L(\bar{p}_1) - \rho_L(\bar{p}_2))^2} + \left(\frac{\Delta \bar{R}_1}{\bar{R}_1}\right)^2 + \left(\frac{\Delta \rho_F}{\rho_F}\right)^2 + \left(\frac{\Delta Q_F}{Q_F}\right)^2} \quad (4.34)$$

Der mittlere Druck  $\bar{p}_2$  und die mittlere Reichweite  $\bar{R}_1$  werden aus den Zählraten ermittelt. Dazu werden analog zum Abschnitt 4.1.1 die mit Folie gemessenen Zählraten gegen die Drücke aufgetragen und die Enden als Gerade gefittet. Dies ist in Abbildung 8 dargestellt.

Daraus werden erneut Wertepaare von mittlerem Druck und mittlerem Abstand bestimmt, wobei die Abstände um den Offset von  $(21.40 \pm 1.01)$  mm verschoben werden. Die Ergebnisse sind in Tabelle 7 ersichtlich. Diese Werte sind in Abbildung 9 gegeneinander aufgetragen.

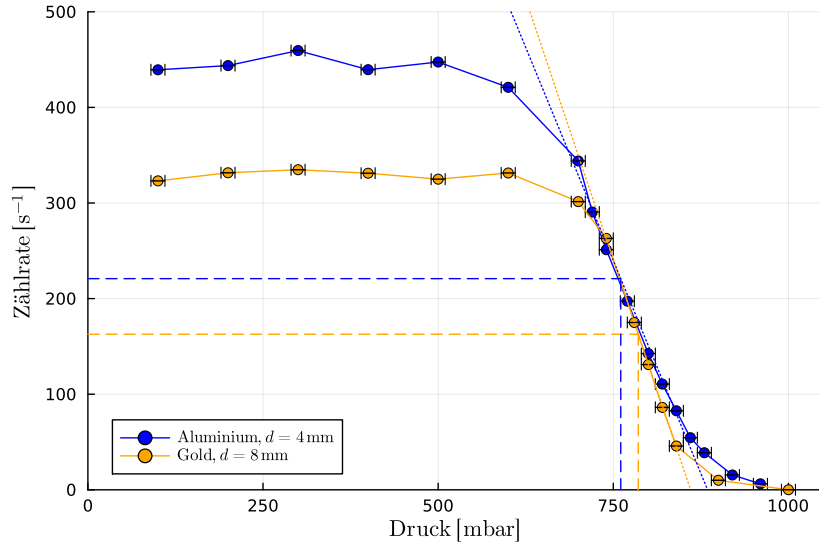


Abbildung 8: Zählratenkurven für Messung mit Aluminium- und Goldfolie gestrichelte Linien stellen mittlere Zählraten bzw. Drücke dar

	Gold	Aluminium
$\bar{p}_2$ [mbar]	$785.66 \pm 148.83$	$760.65 \pm 219.86$
$\bar{R}_1$ [mm]	$29.40 \pm 1.01$	$25.40 \pm 1.01$

Tabelle 7: Entnommene Messwertpaare aus mittlerem Druck  $\bar{p}$  und mittlerer Reichweite  $\bar{R}$  für Gold und Aluminium

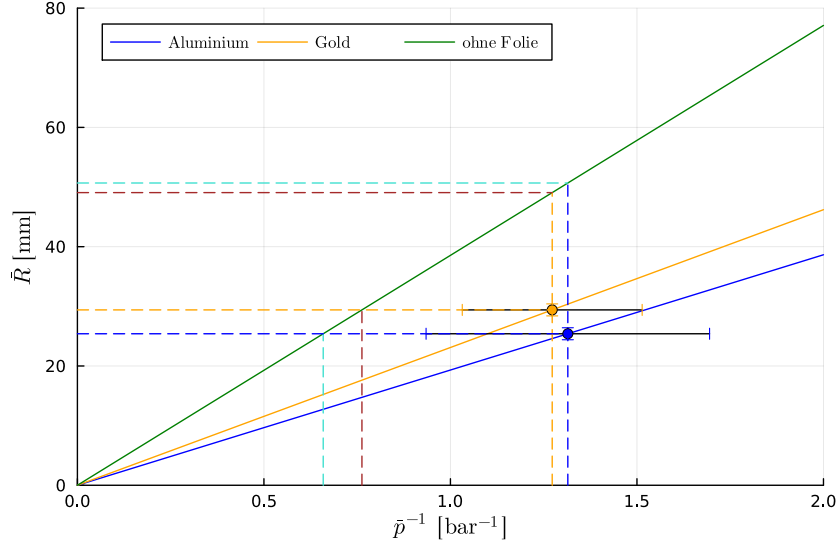


Abbildung 9: Reichweiten gegen inverse Drücke aufgetragen

$\bar{p}_1$  ist der Druck aus der Messung ohne Folien, bei dem die Reichweite  $\bar{R}(\bar{p}_1)$  mit der Reichweite mit Folien  $\bar{R}_1$  übereinstimmt. Daher kann er aus Gleichung (4.11) hergeleitet werden, wobei die Steigung  $a$  aus der Messung über die Spannung in Abschnitt 4.1.3 gewählt wird. Der Fehler wird wieder über die Gauß'sche Fehlerfortpflanzung ermittelt.

$$\bar{p}_1 = \frac{a}{\bar{R}_1} \quad (4.35)$$

$$\Delta \bar{p}_1 = \sqrt{\left(\frac{\Delta a}{\bar{R}_1}\right)^2 + \left(\frac{a \cdot \Delta \bar{R}_1}{\bar{R}_1^2}\right)^2} \quad (4.36)$$

Die Ergebnisse sind in Tabelle 8 dargestellt.

	Gold	Aluminium
$\bar{p}_1$ [mbar]	$1311.08 \pm 53.70$	$1517.53 \pm 69.12$

Tabelle 8: Mittlerer Druck  $\bar{p}_1$  für Gold und Aluminium

Um die Dichten  $\rho_L(\bar{p}_1)$  und  $\rho_L(\bar{p}_2)$  aus den ermittelten Drücken  $\bar{p}_{1/2}$  zu bestimmen, wird die thermische Zustandsgleichung idealer Gase verwendet. Dabei wird das Volumen

$V$  durch den Quotient aus Masse  $m$  und Dichte  $\rho$  dargestellt.

$$pV = p \frac{m}{\rho} = Nk_B T \quad (4.37)$$

$$\Leftrightarrow \frac{p}{\rho} = \frac{N}{m} k_B T \quad (4.38)$$

Sowohl die Temperatur  $T$ , als auch das Verhältnis von Teilchenzahl  $N$  zu Masse  $m$  sind in diesem Versuch konstant. Damit kann die Dichte  $\rho_i$  abhängig vom Druck  $p_i$  bestimmt werden. Der Fehler wird durch Gauß'sche Fehlerfortpflanzung bestimmt.

Die Dichte  $\rho_0$  und der Normaldruck  $p_0$  werden wie in Abschnitt 4.2.2 gewählt, siehe Gleichungen (4.24) und (4.25). [11]

$$\frac{p_i}{\rho_i} = \frac{p_0}{\rho_0} \quad (4.39)$$

$$\Leftrightarrow \rho_i = p_i \frac{\rho_0}{p_0} \quad (4.40)$$

$$\Delta \rho_i = \sqrt{\left(\frac{\rho_0 \cdot \Delta p_i}{p_0}\right)^2 + \left(\frac{p_i \cdot \Delta \rho_0}{p_0}\right)^2 + \left(\frac{p_i \cdot \rho_0 \cdot \Delta p_0}{p_0^2}\right)^2} \quad (4.41)$$

Die so bestimmten Dichten sind in Tabelle 9 zu finden.

	Gold	Aluminium
$\rho_L(\bar{p}_1) \text{ [kg/m}^3\text{]}$	$1.58 \pm 0.06$	$1.80 \pm 0.08$
$\rho_L(\bar{p}_2) \text{ [kg/m}^3\text{]}$	$0.95 \pm 0.18$	$0.90 \pm 0.26$

Tabelle 9: Dichten  $\rho_L(\bar{p}_{1/2})$  für Gold und Aluminium

Nun werden noch die Dichten der Goldfolie  $\rho_{\text{Au}}$  [12] und der Aluminiumfolie  $\rho_{\text{Al}}$  [13] benötigt, ebenso wie die Dicke der Goldfolie  $d_{\text{Au}}$  [14] und das relative Massenbremsvermögen von Aluminium zu Luft  $Q_{\text{Al}}$  [14].

$$\rho_{\text{Au}} = (19.32 \pm 0.005) \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \quad (4.42)$$

$$\rho_{\text{Al}} = (2.6989 \pm 0.00005) \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \quad (4.43)$$

$$d_{\text{Au}} = (2.50 \pm 0.25) \mu\text{m} \quad (4.44)$$

$$Q_{\text{Al}} = (0.78 \pm 0.04) \quad (4.45)$$

Das Massenbremsvermögen von Gold zu Aluminium folgt aus den Gleichungen (4.31) und (4.32), die Dicke der Aluminiumfolie aus den Gleichungen (4.33) und (4.34).

$$Q_{\text{Au}} = 0.38 \pm 0.12 \quad (4.46)$$

$$d_{\text{Al}} = (10.86 \pm 3.36) \mu\text{m} \quad (4.47)$$

Zudem kann das relative Massenbremsvermögen von Gold zu Aluminium  $Q_{\text{Au,Al}}$  als Quotient der relativen Massenbremsvermögens von Gold zu Luft  $Q_{\text{Au}}$  bzw. von Aluminium zu Luft  $Q_{\text{Al}}$  ermittelt werden. Der Fehler wird wiederum durch Gauß'sche Fehlerfortpflanzung bestimmt.

$$Q_{\text{Au,Al}} = \frac{Q_{\text{Au}}}{Q_{\text{Al}}} \quad (4.48)$$

$$\Delta Q_{\text{Au,Al}} = \sqrt{\left(\frac{\Delta Q_{\text{Au}}}{Q_{\text{Al}}}\right)^2 + \left(\frac{Q_{\text{Au}}}{Q_{\text{Al}}^2} \Delta Q_{\text{Al}}\right)^2} \quad (4.49)$$

$$\Rightarrow Q_{\text{Au,Al}} = 0.49 \pm 0.16 \quad (4.50)$$

## 5 Literaturverzeichnis

- [1] K. Bethge, “Kernphysik: Eine Einführung”, 3. Auflage, Springer-Verlag, 2008, ISBN: 9783540745679, DOI: 10.1007/978-3-540-74567-9
- [2] Prior und Rollefson, “Anomalous energy straggling of alpha particles”, American Journal of Physics, Mai 1982, DOI 10.1119/1.12834
- [3] “Chart of Nuclides”, National Nuclear Data Center, <https://www.nndc.bnl.gov/nudat3>,  $^{241}_{95}\text{Am}$ , Abruf am 28.01.2024
- [4] Software hdtv, Kurzanleitung unter <https://www.ikp.uni-koeln.de/fileadmin/data/praktikum/hdtv.pdf>, Abruf am 28.01.2024
- [5] Lexikon der Physik, Spektrum Verlag, <https://www.spektrum.de/lexikon/physik/oberflaechensperrschichtzaehler/10568>, 29.01.2024
- [6] G. Knoll, “Radiation Detection and Measurement”, Wiley, 2010, ISBN: 9780470131480
- [7] W. Demtröder, “Experimentalphysik 4: Kern-, Teilchen- und Astrophysik”, Springer-Spektrum-Verlag, 2017, ISBN: 9783662528839, DOI: 10.1007/978-3-662-52884-6
- [8] NIH National Library of Medicine NCBI, “Ionization Energy in the Periodic Table of Elements”, <https://pubchem.ncbi.nlm.nih.gov/periodic-table/ionization-energy>, Abruf am 28.01.2024
- [9] National Institute of Standards and Technology, “Composition of Aluminium”, <https://physics.nist.gov/cgi-bin/Star/compos.pl?matno=013>
- [10] LEIFIphysik, “Alphazerfall und Alphastrahlung”, <https://www.leifiphysik.de/kern-teilchenphysik/radioaktivitaet-einfuehrung/grundwissen/alphazerfall-und-alphastrahlung>, Abruf am 01.03.2024
- [11] DWD, “Standardatmosphäre”, [https://www.dwd.de/DE/service/lexikon/begriffe/S/Standardatmosphaere\\_pdf.pdf?\\_\\_blob=publicationFile](https://www.dwd.de/DE/service/lexikon/begriffe/S/Standardatmosphaere_pdf.pdf?__blob=publicationFile), Abruf am 10.03.2024
- [12] N. N. Greenwood, A. Earnshaw, “Chemie der Elemente”, 1. Auflage, Verlag Chemie, ISBN 3-527-26169-9, S. 1509
- [13] C. Kammer, “Aluminium-Taschenbuch – Band 1”, 16. Auflage, Aluminium-Verlag, Düsseldorf 2002, ISBN 3-410-22028-3, S. 74
- [14] Universität zu Köln, “B3.3: Reichweite von  $\alpha$ -Teilchen”, Januar 2021, Online verfügbar unter [https://www.ikp.uni-koeln.de/fileadmin/data/praktikum/B3.3\\_alpha\\_de.pdf](https://www.ikp.uni-koeln.de/fileadmin/data/praktikum/B3.3_alpha_de.pdf)