# Auswertung

June 28, 2024

# 1 Auswertung B3.1

```
[1]: using CSV
    using DataFrames
    using Plots
    using LaTeXStrings
    using LsqFit
    using Measurements
    using Statistics
```

## 1.1 Rechnungen zur Vorbereitung

```
[2]: T_12 = 30.08 * 365.25 * 24 * 60 * 60 # s
```

[2]: 9.492526079999999e8

```
[3]: log(2) / T_12
```

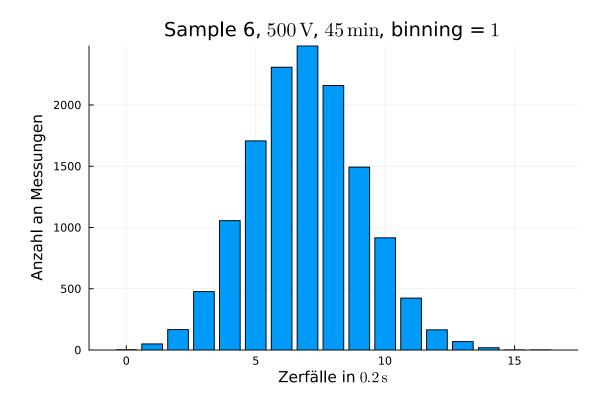
[4]:

[3]: 7.302030826339804e-10

#### 1.2 0: Rohe Messdaten

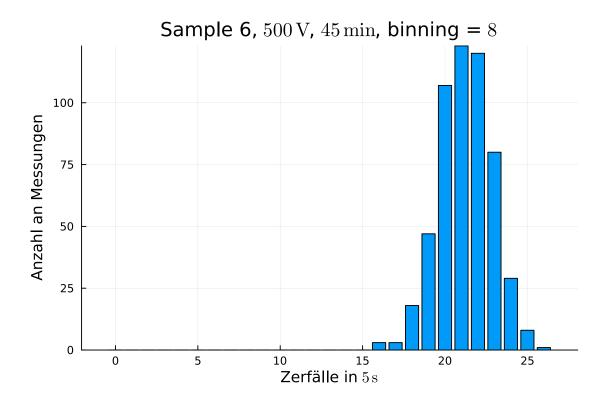
### Sample 6, 500 V, 45min:

```
[4]: # \( \Delta T = 0.2\), \( \binning = 1\)
\text{zerfälle_6_500_1} = \( [0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16] \)
\text{anzahl_6_500_1} = \( \bigcup_{\text{3,50,167,477,1056,1707,2308,2482,2159,1493,916,424,165,69,19,2,2] } \)
\text{plot(bar(zerfälle_6_500_1,anzahl_6_500_1,label=""), title=L"Sample 6, \( \bigcup_{\text{$500\mathrm{\nin}}}\), \( \bigcup_{\text{$45\mathrm{\nin}}}\), \( \bigcup_{\text{binning}} = \$1\$") \)
\text{xlabel!(L"Zerfälle in \$0.2\mathrm{\nin}}\), \( \shapersymbol{\text{$8$}}") \)
\text{ylabel!("Anzahl an Messungen")}
```



```
[5]: # \( \Delta T = 5s\), \( \begin{aligned} \begin{aligned}
```

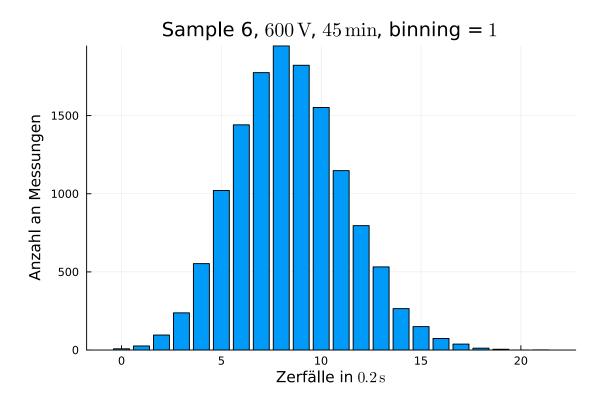
[5]:



# Sample 6, 600V, 45min:

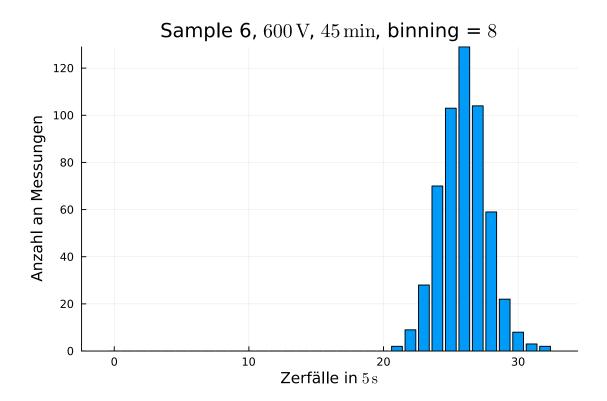
```
[6]: # \( \Delta T = 0.2s\), \( \begin{align*} \beg
```

LOJ.



```
[7]: # \( \Delta T = 5s\), \( \begin{align*} \begin
```

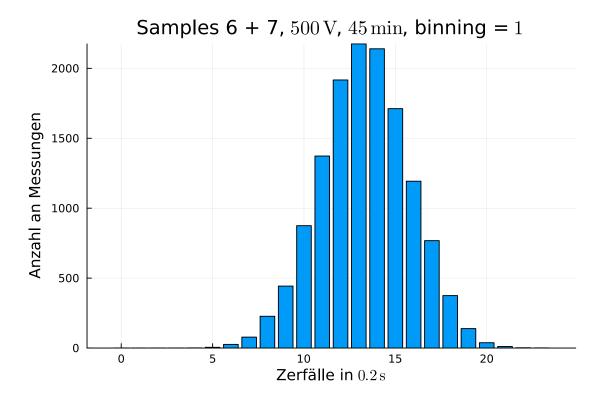
\_\_\_\_

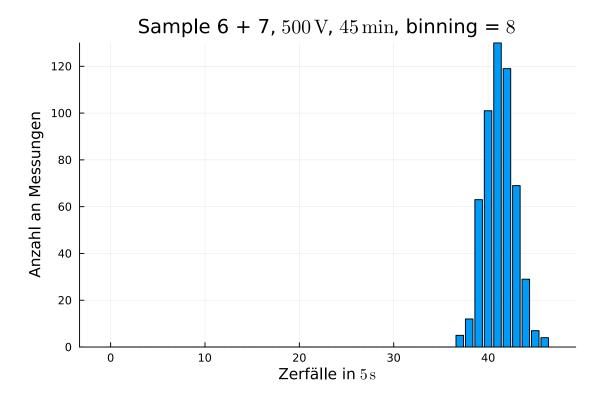


## Sample 6+7, 500V, 45min:

```
[8]: # \( \Delta T = 0.2s\), \( \begin{align*} \beg
```

[8]:





# 1.3 1: Poisson-Verteilung

[10]: rounded\_string (generic function with 1 method)

```
function plotte_poisson(anzahl, zerfälle; new_plot=true)
    # Passende Poissonverteilung:
    lambda = mittel(anzahl, zerfälle)
    lambda_rounded = rounded_string(lambda)
    P(n) = Poisson(n, sum(anzahl), lambda)

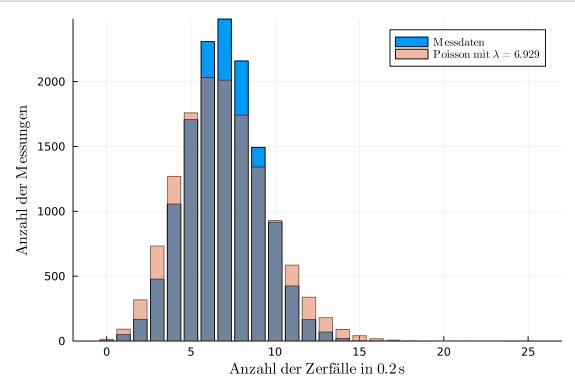
if new_plot
    plot()
    bar!(zerfälle,anzahl,label=L"\mathrm{Messdaten}")
end
```

```
bar!(0:25,P,label=LaTeXString("\$\\mathrm{Poisson\\ mit\\ } \\lambda =_\
$\lambda_rounded\$"),alpha=0.5)
xlabel!(L"\mathrm{Anzahl\ der\ Zerfälle\ in\ }0.2\mathrm{\,s}")
ylabel!(L"\mathrm{Anzahl\ der\ Messungen}")
end
```

[11]: plotte\_poisson (generic function with 1 method)

## Sample 6, 500V, 45min, $\Delta T = 0.2s$ , binning = 1

[12]:



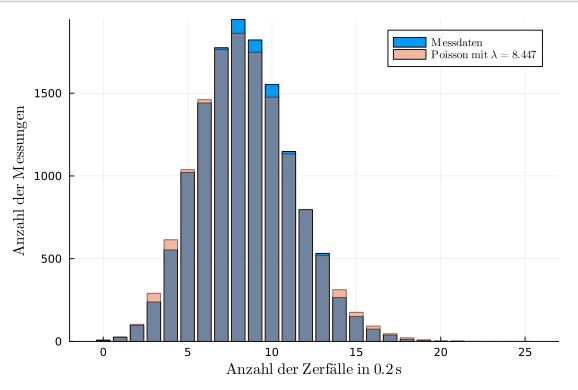
savefig("../../media/B3.1/poisson1.pdf");

#### Sample 6, 600V, 45min, $\Delta T = 0.2s$ , binning = 1

```
[13]: # Messdaten mit \Delta T = 0.2s, binning = 1 zerfälle_6_600_1 = [0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16,17,18,19,20,21] anzahl_6_600_1 = \Box \Box [8,26,96,238,553,1021,1441,1775,1946,1822,1552,1148,796,532,265,150,74,38,12,5,0,1]
```

```
plotte_poisson(anzahl_6_600_1, zerfälle_6_600_1)
```

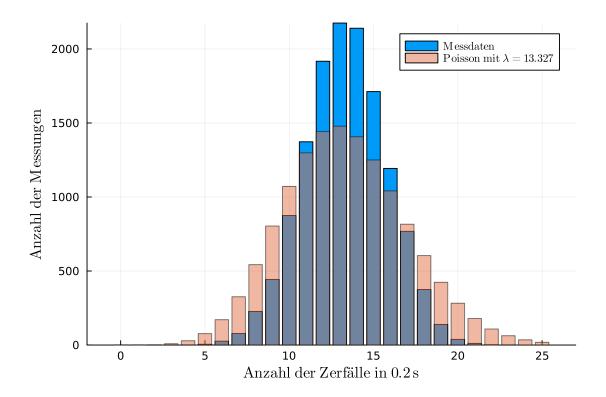
[13]:



savefig("../../media/B3.1/poisson2.pdf");

```
Sample 6 + 7, 500V, 45min, \Delta T = 0.2s, binning = 1
```

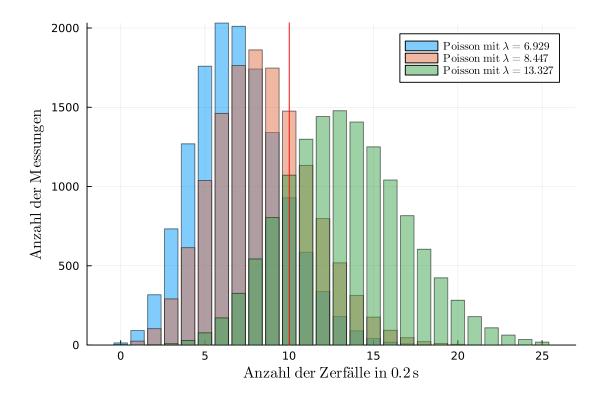
```
[14]: # Messdaten mit \( \Delta T = 0.2s\), \( \begin{align*} \begin{align*} \begin{align*} \begin{align*} \left* \left*
```



savefig("../../media/B3.1/poisson3.pdf");

Alle Poisson-Verteilungen zusammen:

```
[15]: plot()
    plotte_poisson(anzahl_6_500_1, zerfälle_6_500_1, new_plot=false)
    plotte_poisson(anzahl_6_600_1, zerfälle_6_600_1, new_plot=false)
    plotte_poisson(anzahl_6und7_500_1, zerfälle_6und7_500_1, new_plot=false)
    vline!([10], color=:red, label="")
[15]:
```



savefig("../../media/B3.1/allePoisson.pdf");

## 1.4 2: Gaußverteilung

```
[16]: n = 8 \# Binning (f\"{u}r alle Messungen gleich)

\Delta t = 5 \# (f\"{u}r alle Messungen gleich)

G(x, m, F, n=8) = 1/sqrt(2 * pi * m) * F * sqrt(n) * exp(- (x - m)^2 / (2 * m / L) + m))
```

[16]: G (generic function with 2 methods)

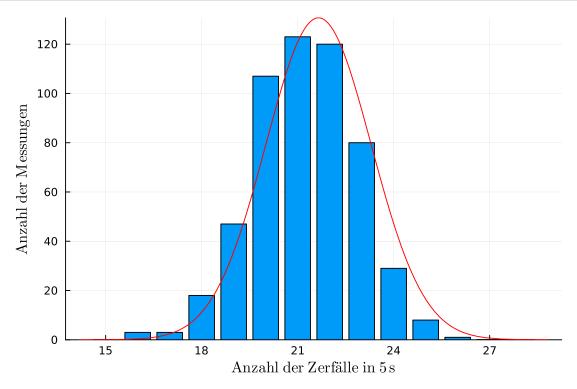
Sample 6, 500V, 45min,  $\Delta T = 5s$ , binning = 8:

```
[17]: # Messdaten mit \Delta T = 5s, binning = 8
anzahl_6_500_2 = [2,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,3,3,18,47,107,123,120,80,29,8,1,0,0,0]

# Schneide interessanten Bereich hereaus
zerfälle_6_500_2 = 16:29
anzahl_6_500_2 = anzahl_6_500_2[zerfälle_6_500_2]

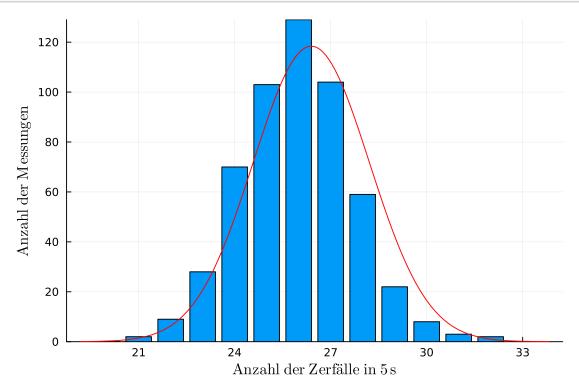
# Passende Gaußverteilung:
z_strich = 11044/300 # Aus Kurzmessung
```

[17]:

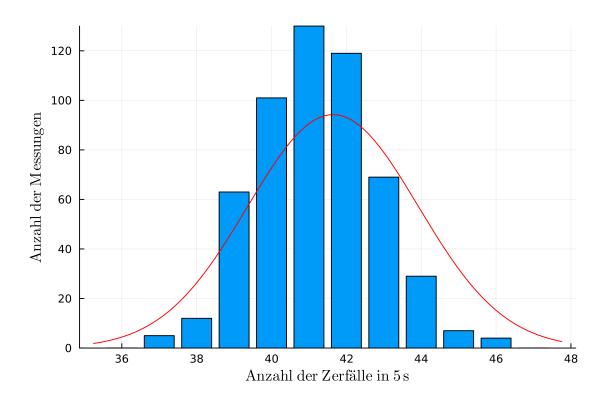


```
[19]: # Messdaten mit \Delta T = 5s, binning = 8
     anzahl_6_600_2 = 
     # Schneide interessanten Bereich hereaus
     zerfälle_6_600_2 = 21:34
     anzahl_6_600_2 = anzahl_6_600_2[zerfälle_6_600_2]
     # Passende Gaußverteilung:
     z_strich = 12917/300 # Aus Kurzmessung
     z_{strich_korr} = sum(anzahl_6_600_1) .* zerfälle_6_600_1)/(45*60) # Diesmal aus_1
     →45 min Messung
     m = z  strich korr * \Delta t / n
     F = sum(anzahl_6_600_2)
     G(x) = G(x, m, F)
     # Plot
     gauß2 = plot(bar(zerfälle_6_600_2.
      plot!(G,color=:red,label=L"\mathrm{Gauß}")
     xlabel!(L"\mathrm{Anzahl\ der\ Zerfälle\ in\ }5\mathrm{\,s}")
     ylabel!(L"\mathrm{Anzahl\ der\ Messungen}")
```

[19]:



```
[20]: [m,F,z_strich_korr]
[20]: 3-element Vector{Float64}:
       26.3944444444446
      539.0
       42.2311111111111
     savefig(gauß2, "../../media/B3.1/gauss2.pdf");
     Sample 6 + 7, 500V, 45min, \Delta T = 5s, binning = 8:
[21]: # Messdaten mit \Delta T = 5s, binning = 8
     anzahl_6und7_500_2 = 
      29,7,4,0,0]
     # Schneide interessanten Bereich hereaus
     zerfälle_6und7_500_2 = 37:48
     anzahl_6und7_500_2 = anzahl_6und7_500_2[zerfälle_6und7_500_2]
     # Passende Gaußverteilung:
     z_strich = 20300/300 # Aus Kurzmessung
     z_strich_korr = sum(anzahl_6und7_500_1 .* zerfälle_6und7_500_1)/(45*60) #_
      →Diesmal aus 45 min Messung
     m = z_strich_korr * Δt / n
     F = sum(anzahl_6und7_500_2)
     G(x) = G(x, m, F)
     # Plot
     gauß3 = plot(bar(zerfälle_6und7_500_2.
      -1,anzahl_6und7_500_2,label=L"\mathrm{Messdaten}"), legend=:none)
     plot!(G,color=:red,label=L"\mathrm{Gauß}")
     xlabel!(L"\mathrm{Anzahl\ der\ Zerfälle\ in\ }5\mathrm{\,s}")
     ylabel!(L"\mathrm{Anzahl\ der\ Messungen}")
[21]:
```

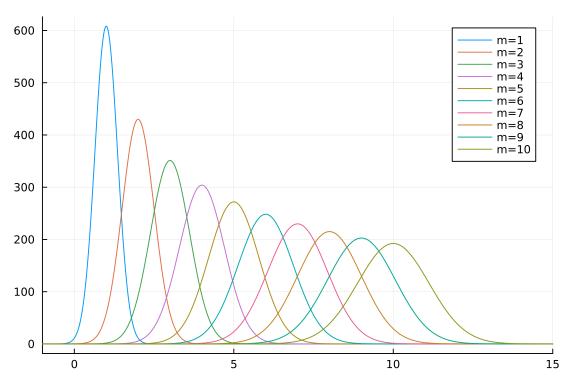


```
[22]: 3-element Vector{Float64}:
        41.643287037037034
       539.0
        66.62925925925926
     savefig(gauß3, "../../media/B3.1/gauss3.pdf");
[23]: G(x) = G(x, m, F)
      m = 1
      plot(G, xaxis=[-1,15], label="m=$m")
      plot!(G, label="m=$m")
      m=3
      plot!(G, label="m=$m")
      m=4
      plot!(G, label="m=$m")
      plot!(G, label="m=$m")
      plot!(G, label="m=$m")
      plot!(G, label="m=$m")
```

[22]: [m,F,z\_strich\_korr]

```
m=8
plot!(G, label="m=$m")
m=9
plot!(G, label="m=$m")
m=10
plot!(G, label="m=$m")
```

[23]:

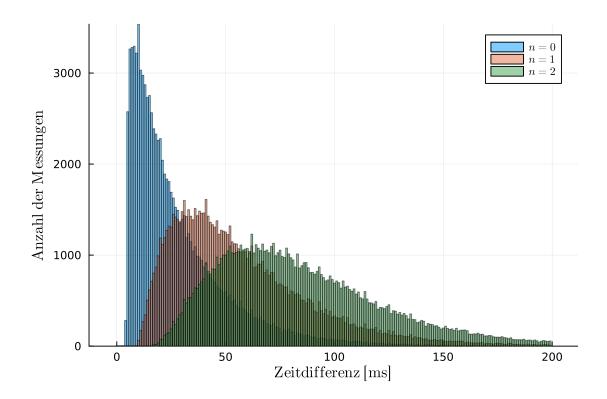


#### 1.5 3: Intervall-Verteilung

```
Plotten der Messwerte
```

```
[24]: interval0 = CSV.read("sample_6/500V_45min/interval_0.001_1.csv", DataFrame)
interval1 = CSV.read("sample_6/500V_45min/interval_0.001_2.csv", DataFrame)
interval2 = CSV.read("sample_6/500V_45min/interval_0.001_3.csv", DataFrame);
```

#### [25]:



savefig(interval, "../../media/B3.1/interval.pdf");

#### Fitten für n=0

• Alle Messwerte im Bereich  $t \in [0,totzeit]$  abschneiden und den Rest fitten

[26]: 0.043206773430525904

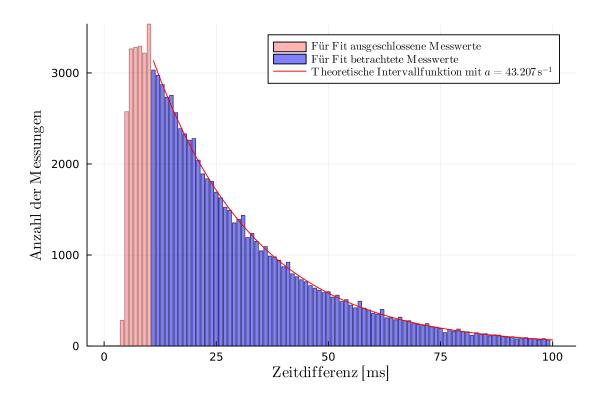
```
[27]: \[ \Delta_fit = sqrt(estimate_covar(fit)[1]) \]
```

[27]: 0.00012693544086906926

```
[28]: a_strich = 11044/300 * 10^{-3} # ms^{-1} Gemessene Zählrate aus Kurzzeitmessungu (in ms^{-1}), weil a_fit auch in ms^{-1} ist) a_strich_korr = sum(anzahl_6_500_1 .* zerfälle_6_500_1)/(45*60) * 10^{-3} #_{-1} Diesmal aus Langzeitmessung
```

```
= 1/a_strich - 1/a_fit # ms
       _korr = 1/a_strich_korr - 1/a_fit # ms
[28]: 5.721989171391037
[29]: \Delta = \Delta a_{fit}/a_{fit}^2
[29]: 0.06799535172900686
[30]: a_fit
[30]: 0.043206773430525904
[31]: I(t) = modelFunction(t, [a_fit])
      # Plot
      intervalFit = bar(interval0[1:totzeitIndex, :interval1], interval0[1:
       →totzeitIndex, :count],
          color=:red, alpha=0.3, label=L"\mathrm{Für\ Fit\ ausgeschlossene\u

→Messwerte}", title="", legend=:topright)
      bar!(interval0[(totzeitIndex+1):100, :intervall],
          interval0[(totzeitIndex+1):100, :count], color=:blue, alpha=0.5,__
       ⇔label=L"\mathrm{Für\ Fit\ betrachtete\ Messwerte}", title="")
      rounded_a = rounded_string(a_fit*1000)
      plot!(totzeitIndex:100,I,label=LaTeXString("\$\\mathrm{Theoretische\\_
       \negIntervallfunktion\\ mit\\ } a = $rounded_a \\mathrm{\\,s^{-1}}\$"), color=:
       ⇔red)
      xlabel!(L"\mathrm{Zeitdifferenz\ } [\mathrm{ms}]")
      ylabel!(L"\mathrm{Anzahl\ der\ Messungen}")
[31]:
```



savefig(intervalFit, "../../media/B3.1/intervalFit.pdf");

### 1.6 4: Totzeit

#### 1.6.1 Aus Intervallverteilung

$$a = a'/(1-a'*\tau)$$
 
$$\Leftrightarrow \tau = 1/a' - 1/a$$

Benötigt a aus der Intervallverteilung. Falls a nicht schon definiert ist, wird es hier definiert:

```
[32]: if ! isdefined(Main, :a)
    a = 0.043
end
```

[32]: 0.043

```
[33]: a_strich = 11044/300 * 10^(-3) # ms Gemessene Zählrate aus Kurzzeitmessung
a_strich_korr = sum(anzahl_6_500_1 .* zerfälle_6_500_1)/(45*60) * 10^(-3) #__

Diesmal aus Langzeitmessung
tau = 1/a_strich - 1/a # ms
tau_korr = 1/a_strich_korr - 1/a # ms
```

[33]: 5.610694481946865

#### Aus kurzen Messungen

9

10

11

12

 $sample\_7$ 

no sample

no sample

no\_sample

300

300

300

300

[34]: sample\_name seconds voltage rate\_w\_error count rates rate errors Float64 String15 Int64 Int64 Int64 Float64 Measurem... 1 sample 6 7 300 500 20300 67.6667 0.474927 $67.67 \pm 0.47$ 2 85.03sample 6 7 300 550 255090.53238585.03 + 0.533 sample 6 7 300 600 2852295.07330.562949 $95.07 \pm 0.56$ 4 sample 6 300 500 36.8133 0.35030136.81 + 0.3511044sample 6  $40.87 \pm 0.37$ 5 300 550 12260 40.86670.3690836 sample 6 300 600 1291743.05670.37884343.06 + 0.387 sample\_7 300 500 1583352.77670.419431 $52.78 \pm 0.42$ 8 sample 7 300 550 1791459.71330.446144 $59.71 \pm 0.45$ 

19421

2396

2513

2550

64.7367

7.98667

8.37667

8.5

0.464531

0.163163

0.167099

0.168325

 $64.74 \pm 0.46$ 

 $7.99 \pm 0.16$ 

 $8.38 \pm 0.17$ 

 $8.5 \pm 0.17$ 

600

500

550

600

```
[35]: function totzeit in milliseconds(data, voltage)
          filtered_voltage = short_measures[short_measures.voltage .== voltage, :]
          n6 = filtered_voltage[filtered_voltage.sample_name .== "sample_6", :
       →rate_w_error][1]
          n7 = filtered_voltage[filtered_voltage.sample_name .== "sample_7", :
       →rate_w_error][1]
          n67 = filtered_voltage[filtered_voltage.sample_name .== "sample_6_7", :
       ⇒rate w error][1]
          n0 = filtered_voltage[filtered_voltage.sample_name .== "no_sample", :
       →rate w error][1]
          A = n0*n67*n7-n6*n67*n7+n0*n67*n6-n0*n6*n7
          B = -2*n67*n0+2*n6*n7
          C = n67-n6+n0-n7
          t1 = (-B + sqrt(B^2 - 4*A*C))/(2*A) * 1000
          t2 = (-B-sqrt(B^2 - 4*A*C))/(2*A) * 1000
          return t1, t2
      end
```

[35]: totzeit\_in\_milliseconds (generic function with 1 method)

Ermittle realistische Totzeiten

```
[36]: tau_1 = totzeit_in_milliseconds(short_measures, 500)[1]
tau_2 = totzeit_in_milliseconds(short_measures, 550)[1]
tau_3 = totzeit_in_milliseconds(short_measures, 600)[1];
```

Stelle alle Totzeiten als LATEX-Tabelle dar

```
for voltage in (500, 550, 600)
    print("\$$voltage\$")
    for t in totzeit_in_milliseconds(short_measures, voltage)
       value = round(Measurements.value(t), digits=digits)
       uncert = round(Measurements.uncertainty(t), digits=digits)
       print(" & \$$value \\pm $uncert\$")
       perc = round(Integer, uncert / value * 100)
       print(" \$(\\pm $perc \\,\\%)\$")
    end
    println(" \\\")
end
```

```
$500$ & $6.41 \pm 0.33$ $(\pm 5 \,\%)$ & $22.04 \pm 0.15$ $(\pm 1 \,\%)$ \\
$550$ & $2.32 \pm 0.25$ $(\pm 11 \,\%)$ & $19.79 \pm 0.12$ $(\pm 1 \,\%)$ \\
$600$ & $1.13 \pm 0.22$ $(\pm 19 \,\%)$ & $18.51 \pm 0.11$ $(\pm 1 \,\%)$ \\
```

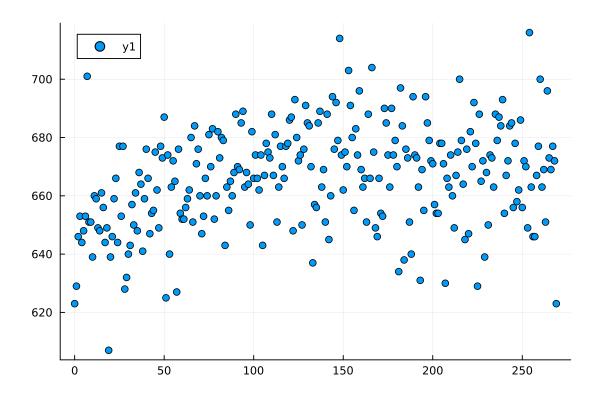
#### 1.7 5: Aufgaben zum $\chi^2$ -Test

Benötigt Totzeit.

Daten einlesen

```
[38]: data = CSV.File("sample_6_7/500V_45min/divide_10.csv") scatter(0:length(data), data.Zerfälle_in_10_sec)
```

[38]:



```
[39]: pos_min = 0
    pos_max = 50
    x_data = pos_min:pos_max
    decays = data.Zerfälle_in_10_sec[x_data.+1]
    avg_decays = mean(decays)

[39]: 653.8039215686274

[40]: std(decays)

[41]: avg_decays

[41]: 653.8039215686274

[42]: avg_decays_corrected = avg_decays / (1 - a_strich*tau)

[42]: 763.6789739437968

[43]: avg_decays_corrected/avg_decays

[43]: 1.1680550525172038
```

[44]: decays\_corrected = decays ./ (1 .- a\_strich\*tau);

#### 1.7.1 1. Hypothesen

Zeigen Sie zeichnerisch, was die Hypothesen a, b und c besagen.

- a: Die Präparatstärke ist konstant im betrachteten Zeitraum und gleicht dem Mittelwert der 51 Messwerte.
- b: Die Präparatstärke ist konstant im betrachteten Zeitraum und gleicht dem Mittelwert der 51 Messwerte minus 10%.
- c: Die Präparatstärke nimmt im betrachteten Zeitraum linear mit der Zeit ab (als erste Näherung eines exponentiellen Abfalls). Die Anfangszählrate ist der Mittelwert, und der Abfall von einer Messung zur anderen sei 1.

Hypothese  $H_1$ : "Die Präparatstärke ist konstant im betrachteten Zeitraum und gleicht dem Mittelwert der 51 Messwerte."

Diese Hypothese besagt, jeder erwartete Zählmenge  $n_1(i)$  sei gleich dem Mittelwert der 51 Messungen  $n_i$ .

$$\begin{split} \bar{x} &= \bar{n} \\ n_1(i) &= \frac{1}{51} \sum_{i=1}^{51} n_i \\ \chi_1^2 &= \sum_i \frac{(n_i - \bar{n})^2}{\bar{n}} \end{split}$$

Hypothese  $H_2$ : "Die Präparatstärke ist konstant im betrachteten Zeitraum und gleicht dem Mittelwert der 51 Messwerte minus 10%."

Dies bedeutet, dass die erwarteten Zählungen  $n_2(i)$  um 10% kleiner als die Zählungen nach  $H_1$  sein müssen.

$$\begin{split} n_2(i) &= \frac{9}{10} \cdot n_1(i) \\ \chi_2^2 &= \sum_i \frac{(n_i - 0.9 \, \bar{n})^2}{0.9 \, \bar{n}} \end{split}$$

Hypothese  $H_3$ : "Die Präparatstärke nimmt im betrachteten Zeitraum linear mit der Zeit ab (als erste Näherung eines exponentiellen Abfalls). Die Anfangszählrate ist der Mittelwert, und der Abfall von einer Messung zur anderen sei 1."

Die erwarteten Ereignisse starten demnach bei  $n_1(0)$  und fallen dann linear mit einer Steigung von 1 ab.

$$\begin{split} n_3(i) &= n_1(0) - i \\ \chi_3^2 &= \sum_i \frac{(n_i - (n-i))^2}{(n-i)} \end{split}$$

```
[45]: function plot_hypotheses(x_data, decays, title; legend_pos)
          scatter(x_data, decays, label=L"\mathrm{Messwerte}", legend=legend_pos,__
       yrange=[580, 830])
          title!(title)
          xlabel!(L"\mathrm{Zeitintervalle je}\ 10\mathrm{\,s}")
          ylabel!(L"\mathrm{Ereignisse}\ \left[(10\,\mathrm{s})^{-1}\right]")
          h1_results = fill(mean(decays), length(x_data))
          plot!(
              x_data,
              h1_results,
              label=L"H_1",
              color=:red4,
              lw=2
          )
          plot!(
              x_data,
              0.9 .* h1_results,
              label=L"H_2",
              color=:darkgreen,
              lw=2
          )
          plot!(
              x_{data}
              h1_results .- x_data,
              label=L"H_3",
              color=:navy,
              lw=2
          )
      end
```

```
[45]: plot_hypotheses (generic function with 1 method)
```

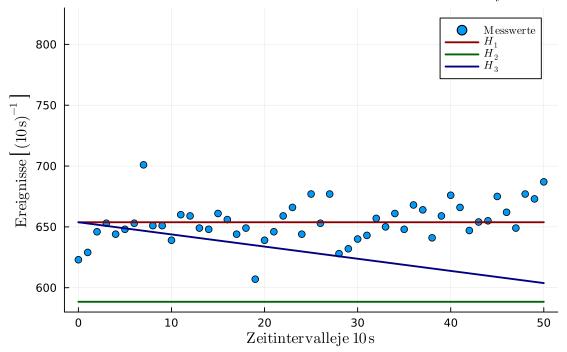
```
[46]: plot_hypotheses(x_data, decays, L"\mathrm{unkorrigierte\ Messwerte\ und\_

⇔Hypothesen\ } H_i", legend_pos=:topright)

[46]:
```

\_\_\_\_.

# unkorrigierte Messwerte und Hypothesen $\boldsymbol{H}_i$



 $savefig("../../media/B3.1/Hypothesen\_plot.pdf");$ 

[47]: plot\_hypotheses(x\_data, decays\_corrected, L"\mathrm{totzeitkorrigierte\\_ →Messwerte\ und\ Hypothesen\ } H\_i"; legend\_pos=:bottomright)

[47]:

totzeitkorrigierte Messwerte und Hypothesen  $H_i$ 800

750

600

Messwerte  $H_i$   $H_1$   $H_2$   $H_3$ 

20

Zeitintervalleje 10 s

30

40

50

 $savefig("../../media/B3.1/Hypothesen\_plot\_corr.pdf");\\$ 

Man Erkennt, dass  $H_1$  die Messwerte am besten beschreibt.

10

#### 1.7.2 2. Hypothesentest

0

Nun werden die drei Hypothesen  $H_i$  mithilfe des  $\chi^2$ -Tests geprüft. Hierzu werden 51 Messwerte aus der 45 min-Messung beider Proben gewählt, deren Zählungen über 10 s gemittelt werden. Dies wird sowohl für die nicht-totzeitkorrigierten als auch für die totzeitkorrigierten Daten durchgeführt.

Durch die Bildung des Mittelwertes gibt es noch 50 statistische Freiheitsgrade. Dadurch können die erlaubten Grenzen für  $\chi^2$  für ein System mit 50 Freiheitsgraden und einer Signifikanz von 5% verwendet werden [6].

$$\chi^2_{\rm min} = 32.357$$
 $\chi^2_{\rm max} = 71.420$ 

unkorrigiert

$$\chi_1^2 = \sum_i \frac{(x_i - \bar{x})^2}{\bar{x}}$$

$$\chi_2^2 = \sum_i \frac{(x_i - 0.9\,\bar{x})^2}{0.9\,\bar{x}}$$

$$\chi_3^2 = \sum_i \frac{(x_i - (\bar{n} - i))^2}{(\bar{n} - i)}$$

[48]: chi\_squared\_1 = sum((decays .- avg\_decays).^2 ./ avg\_decays)

[48]: 20.84422984644914

[49]: (1 - chi\_squared\_1 / 32.357)\*100

[49]: 35.58046219844504

[50]: chi\_squared\_2 = sum((decays .- 0.9\*avg\_decays).^2 ./ (0.9\*avg\_decays))

[50]: 393.6491442738329

[51]: chi\_squared\_2 / 71.420

[51]: 5.511749429765232

[52]: chi\_squared\_3 = sum((decays .- (avg\_decays .- x\_data)).^2 ./ (avg\_decays .- $\square$   $\hookrightarrow$ x\_data))

[52]: 106.02106295610936

[53]: chi\_squared\_3 / 71.420

[53]: 1.4844730181477088

#### totzeitkorrigiert

$$\chi_{i,\text{korr}}^2 = \frac{1}{1 - \frac{m}{\Delta t}\tau} \cdot \chi_i^2$$

[54]: chi\_squared\_1\_corrected = 1 / (1-a\_strich\*tau) \* chi\_squared\_1

[54]: 24.34720798797481

[55]: (1 - chi\_squared\_1\_corrected / 32.357)\*100

[55]: 24.75443339007074

[56]: chi\_squared\_2\_corrected = 1 / (1-a\_strich\*tau) \* chi\_squared\_2

[56]: 459.80387188812415

[57]: chi\_squared\_2\_corrected / 71.420

[57]: 6.438026769646095

```
[58]: chi_squared_3_corrected = 1 / (1-a_strich*tau) * chi_squared_3
[58]: 123.83843825912807
[59]: chi_squared_3_corrected / 71.420
[59]: 1.7339462091728937
```

#### 1.7.3 3. Halbwertszeit

Welche Halbwertszeit ergibt sich aus der Hypothese c, wenn Sie einen zeitlichen Abstand der Messungen von 10 Sekunden annehmen als Näherung eines exponentiellen Zerfalls?

Nun soll nach Hypothese  $H_3$  die Halbwertszeit  $T_{1/2}$  der Proben bestimmt werden. Hierzu wird der exponentielle Zerfall durch eine lineare Kurve beschrieben. Es wird erwartet, dass diese Halbwertszeit deutlich geringer als die ca. 30 vr der Probe ist.

Dabei wird davon ausgegangen, dass innerhalb der Messdauer  $\Delta t=10\,\mathrm{s}$  der Wert  $N_0$  um 1 sinkt. Weiterhin wird die Halbwertszeit nach Gleichung ?? bestimmt. Nach Hypothese  $H_3$  ist  $N(0)=\bar{n}$  der Mittelwert der Zählraten.

```
[60]: T_12 = Integer(round(10 * log(2) / log(avg_decays/(avg_decays-1)))) # seconds
      println(T_12, " seconds")
      T_12_{str} = string("\T_{1/2}(m^\gamma)prime) = ", Integer(round(T_12/3600)),__
       \rightarrow"\\,\\mathrm{h}\\,", Integer(round(T_12%60)), "\\,\\mathrm{min}\$",)
      println(T_12_str)
      latexstring(T_12_str)
     4528 seconds
     T_{1/2}(m^\pi)=1\, \mathrm{h}\, 28\, \mathrm{mathrm}\{
[60]:
     T_{1/2}(m') = 1 h 28 \min
[61]: T_12_corr = Integer(round(10 * log(2) / log(avg_decays_corrected/
       →(avg_decays_corrected-1)))) # seconds
      println(T_12_corr, " seconds")
      T_12_corr_str = string("\T_{1/2}(m)=", Integer(round(T_12_corr/3600)),_\_
       \neg"\\,\\mathrm{h}\\,", Integer(round(T_12_corr%60)), "\\,\\mathrm{min}\$",)
      println(T_12_corr_str)
      latexstring(T_12_corr_str)
      5290 seconds
     T_{1/2}(m)=1\, \mathrm{h}\, 10\, \mathrm{mathrm}\{
[61]: T_{1/2}(m) = 1 h 10 min
```