# Universität zu Köln

MATHEMATISCH-NATURWISSENSCHAFTLICHE FAKULTÄT



Praktikum B 28. Mai 2024

# B1.5 Elektronenspinresonanz

CATHERINE TRAN
CARLO KLEEFISCH
OLIVER FILLA

# Inhaltsverzeichnis

Ein	leitung	S	3
The	oretisc	che Grundlagen	4
2.1	Elektr	omagnetismus	4
	2.1.1	Dipolmoment	4
	2.1.2	Spin	4
	2.1.3	Zeemann–Effekt	5
	2.1.4	Lamorpräzession	5
	2.1.5	Paramagnetismus	6
	2.1.6	Erdmagnetfeld	6
2.2	Energi		6
	2.2.1	Hauptstruktur	7
	2.2.2		7
	2.2.3		8
	2.2.4	· -	8
	2.2.5		8
	2.2.6	<u> </u>	9
	2.2.7		9
	2.2.8		9
2.3		9 9	9
			10
			10
			10
		-	11
2.5	_		11
2.0	VCIBAC	Albadioud	11
Dur	chführ	rung	13
3.1	Landé	-Faktor	13
3.2	Halbw	rertsbreite	13
3.3	Erdma	agnetfeld	13
Aus		9	14
4.1			14
4.2	Halbw	rertsbreite	16
4.3	Erdma	agnetfeld	17
Fazi	it		20
Lite	eratur		21
	2.3 2.4 2.5 Dur 3.1 3.2 3.3 4.1 4.2 4.3 Fazi	Theoretise 2.1 Elektr 2.1.1 2.1.2 2.1.3 2.1.4 2.1.5 2.1.6 2.2 Energi 2.2.1 2.2.2 2.2.3 2.2.4 2.2.5 2.2.6 2.2.7 2.2.8 2.3 Linien 2.4 Elektr 2.4.1 2.4.2 2.4.3 2.5 Versuc  Durchführ 3.1 Landé 3.2 Halbw 3.3 Erdma  Auswertun 4.1 Landé 4.2 Halbw	2.1.1   Dipolmoment   2.1.2   Spin   2.1.3   Zeemann—Effekt   2.1.4   Lamorpräzession   2.1.5   Paramagnetismus   2.1.6   Erdmagnetfeld   Erdmagnetfeld   2.2   Energieniveaus   2.2.1   Hauptstruktur   2.2.2   Feinstruktur   2.2.2   Feinstruktur   2.2.3   Hyperfeinstruktur   2.2.4   Auswahlregeln   2.2.5   Besetzungszahlen und Boltzmannfaktor   2.2.6   Resonanz   2.2.7   Radikale   2.2.8   Relaxation und Sättigung   2.3   Linienverbreiterung   2.4   Elektrotechnik   2.4.1   Schwingkreise   2.4.2   Impedanz   2.4.3   Wheatstonebrücke   2.5   Versuchsaufbau   Durchführung   3.1   Landé–Faktor   3.2   Halbwertsbreite   3.3   Erdmagnetfeld   Erdmagnetfeld   Auswertung   4.1   Landé–Faktor   4.2   Halbwertsbreite   4.3   Erdmagnetfeld   Erzit

# 1 Einleitung

Die Elektronenspinresonanz (ESR) ist eine Hochfrequenzspektroskopiemethode, welche das Untersuchen von Eigenschaften paramagnetischer Proben ermöglicht. Man beobachtet die resonante Absorption von Mikrowellen, die Übergänge zwischen Zeeman-Niveaus mit gleicher Hauptquantenzahl verursachen.

Dabei wird das äußere Magnetfeld variiert, während die Mikrowellenfrequenz üblicherweise fest bleibt. [6] Der Zeeman-Effekt begründet die Aufspaltung von Energieniveaus in einem äußeren Magnetfeld.

Die ESR wurde 1945 von dem russischen Physiker E. ZAVOISKY entdeckt und beruht auf der Wechselwirkung des Spins freier Elektronen mit hochfrequenter elektromagnetischer Strahlung. [6]

Sie ist eine Standardmethode zur detaillierten Untersuchung der mikroskopischen Eigenschaften von Systemen mit ungepaarten Elektronen, wie chemischen Radikalen und Leitungselektronen in Halbleitern. Diese Methode ist besonders nützlich in der Materialwissenschaft, Chemie und Biologie zur Untersuchung von Reaktionsmechanismen und der Struktur von Molekülen. Im Alltag findet ESR Anwendung in der Qualitätskontrolle von Lebensmitteln und der Datierung archäologischer Funde. [6]

Durch das aufgezeichnete Absorptionsspektrum lässt sich weiterhin der Landé–Faktor bestimmen.

# Theoretische Grundlagen

## 2.1 Elektromagnetismus

#### 2.1.1 Dipolmoment

Das magnetische Dipolmoment  $\vec{\mu}$  tritt auf, wenn sich elektrische Ladungen bewegen. Es lässt sich über das auf einen magnetischen Dipol wirkende Drehmoment  $\vec{\tau}$  in einem Magnetfeld  $\vec{B}$  definieren. Für eine ebene Leiterschleife ist es durch Gleichung (2.1) beschrieben. [1]

Damit ist das Dipolmoment  $\vec{\mu}$  parallel zum Drehimpuls  $\vec{L}$ . Die Energie E zur Ausrichtung eines Dipolmomentes wird durch das Skalarprodukt  $\vec{\mu} \cdot \vec{B}$  beschrieben.

$$\vec{\tau} = \vec{\mu} \times \vec{B} \tag{2.1}$$

$$E = \vec{\mu} \cdot \vec{B} \tag{2.2}$$

Das magnetische Moment eines Atoms wird durch Rotation einer elektrischen Ladung erzeugt. Beispielsweise entsteht im Bohr-Sommerfeld'schen Atommodell das Bohr'sche  $Magneton \mu_B$  durch die Rotation eines Elektrons um den Atomkern. Es wird durch die reduzierte Planck-Konstante  $\hbar$ , die Elementarladung e und die Elektronenmasse  $m_e$ beschrieben.

$$\mu_B = \frac{e\hbar}{2m_e} \tag{2.3}$$

#### 2.1.2 Spin

Der Spin  $\vec{s}$  ist der Drehimpuls, der durch die Rotation eines Körpers um sich selbst entsteht. Er kann nur einen von zwei Werten abnehmen.

Beispielsweise beträgt der Eigenwert des Elektronenspins immer  $\pm \frac{\hbar}{2}$ , insbesondere gilt für die z-Komponente des Spins  $\hat{s}_3 | z \pm \rangle = \pm \frac{\hbar}{2} | z \pm \rangle$ . Dadurch ist die magnetische Quantenzahl  $m=\pm\frac{1}{2}$ . Die Drehimpulsquantenzahl j=s muss  $\frac{1}{2}$  sein, da j die Grenzen der gültigen m definiert. Dies wird als Spin bezeichnet.

Elektronen nennt man  $Spin-\frac{1}{2}-Teilchen$  oder Fermionen, da der Spin  $s=\pm\frac{1}{2}$  halbzahlig ist.

Das Dipolmoment  $\vec{\mu}$  und der Spin  $\vec{s}$  sind über das qyromagnetische Verhältnis  $\gamma$  miteinander verknüpft. Dazu wird der Landé-Faktor g benötigt.

$$\vec{\mu} = \gamma \vec{s} \tag{2.4}$$

$$\vec{\mu} = \gamma \vec{s} \tag{2.4}$$

$$\gamma = \frac{g\mu_B}{\hbar} \tag{2.5}$$

$$g = 1 + \frac{j(j+1) + s(s+1) + l(l+1)}{2j(l+1)}$$
 (2.6)

Hierbei werden die Eigenwerte der Drehimpulsoperatoren  $\hat{\vec{j}}$ ,  $\hat{\vec{s}}$  und  $\hat{\vec{l}}$  benötigt, die den Spin  $\vec{s}$ , den Bahndrehimpuls  $\vec{l}$  und den Gesamtdrehimpuls  $\vec{j} = \vec{l} + \vec{s}$  beschreiben. Falls es keinen Bahndrehimpuls l = 0 gibt, so folgt in erster Ordnung g = 2.

Korrekturen aufgrund von quantenelektrodynamischen Effekten erhöhen den Landé-Faktor eines freien Elektrons auf  $g \approx 2.00232$ . Beispielsweise der Austausch virtueller Photonen wird dabei berücksichtigt. Dieser theoretische Wert stimmt sehr gut mit experimentellen Werten überein, bis auf die elfte Nachkommastelle.

Bei dem hier verwendeten Radikal DPPH sind die Bahnanteile der magnetischen Momente der Elektronen aufgrund der Kristallfelder gleich 0. Da diese Elektronen ungepaart und gebunden sind, weist ihr Landé–Faktor dennoch eine weitere Abweichung auf. Diese wird die umso größer, je schwerere Atome im Molekül vorkommen. Dadurch beträgt der tatsächlich erwartete Wert des Landé–Faktors der Elektronen in DPPH q=2.0037.

#### 2.1.3 Zeemann-Effekt

Der Zeemann–Effekt beschreibt eine Aufspaltung der Spektrallinien durch ein äußeres Magnetfeld. Diese entsteht durch eine Wechselwirkung des Magnetfeldes mit dem magnetischen Moment der Hüllenelektronen.

Das Magnetfeld kann auch mit dem magnetischen Moment des Kerns wechselwirken. Diese Aufspaltung ist jedoch deutlich kleiner, da das magnetische Moment des Kerns deutlich kleiner als das der Hüllenelektronen ist.

Der normale Zeemann-Effekt tritt auf, wenn der Spin der betrachteten Teilchen gleich 0 ist. Beim anormalen Zeemann-Effekt hingegen ist der Spin der betrachteten Teilchen ungleich 0. In diesem Versuch ist der anormale Zeemann-Effekt relevant, da der Spin der Elektronen nicht verschwindet.

Nach dem Bohr–Sommerfeldschen Atommodell haben Elektronen durch die Rotation um den Atomkern einen gequantelten Drehimpuls  $\vec{L}$ . Er ist durch die Quantenzahl  $l=1,2,3,\ldots$  quantisiert, es gilt  $|\vec{L}|=l\hbar$ . Die Drehimpulskomponente in Richtung der z-Achse  $L_z=m\hbar$  ist nun durch eine magnetische Quantenzahl  $m=-l,-l+1,\ldots,l$  zu beschreiben.

Durch  $L_z$  werden die Energieniveaus der Elektronen verschoben. Die Energieverschiebung  $\Delta E$  entspricht der Energie, ein Dipolmoment  $\vec{\mu}$  in einem Magnetfeld  $\vec{B}$  auszurichten (2.2). Diese Verschiebung führt zu einer Verschiebung der Spektrallinien. Außerdem ist dadurch auch das magnetische Moment gequantelt.

#### 2.1.4 Lamorpräzession

Aufgrund des Zeemann–Effekts kommt es zur Lamorpräzession der Elektronen, bei der der Spin rotiert. Das magnetische Moment  $\mu$  eines Spins weist im Magnetfeld  $\vec{B}$  durch Quantenschwebung eine Präzession mit einer Lamorfrequenz  $\omega_L$  auf.

$$\omega_L = \gamma \cdot B \tag{2.7}$$

#### 2.1.5 Paramagnetismus

In einem paramagnetischen Material existieren innere magnetische Dipolmomente, die beispielsweise durch den Spin und den Bahndrehimpuls der Elektronen hervorgerufen werden. Im Gegensatz zum Ferromagnetismus bilden diese jedoch keine kohärenten Domänen, sondern sind zufällig angeordnet, da sie nicht miteinander wechselwirken. Diese magnetischen Dipolmomente rühren von ungepaarten Elektronen im Material her.

Erst in Anwesenheit eines äußeren Magnetfeldes richten sich die Dipolmomente entlang des Feldes aus. Daher ist die magnetische Suszeptibilität  $\chi$  eines Paramagneten positiv. Diese beschreibt die Änderung der Magnetisierung M durch die Änderung der magnetischen Feldstärke H (2.8).

Die Suszeptibilität ist sowohl material- als auch temperaturabhängig. Mit steigender Temperatur erhöht sich die Wahrscheinlichkeit einer antiparallelen Ausrichtung der magnetischen Dipolmomente zum Magnetfeld. Zudem führt die erhöhte thermische Energie zu einer Zunahme der Eigenbewegung der Teilchen, was der Ausrichtung entgegenwirkt. Dadurch nimmt die Magnetisierung ab. Dieses Verhalten wird durch das Curie-Gesetz beschrieben, welches die Curie-Konstante C einführt.

$$\chi = \frac{\mathrm{d}M}{\mathrm{d}H}$$

$$\chi = \frac{C}{T}$$
(2.8)

$$\chi = \frac{C}{T} \tag{2.9}$$

Neben dem Paramagnetismus und dem bereits erwähnten Ferromagnetismus gibt es noch den Diamagnetismus. Hierbei sind alle Elektronen gepaart und die Dipolmomente heben sich einander auf. Ihre magnetischen Eigenschaften erhalten Diamagnete durch Induktion.

#### 2.1.6 Erdmagnetfeld

Unsere Erde verhält sich wie ein großer Stabmagnet mit einem starken Magnetfeld.

95 % des Feldes entsteht aus Induktionsvorgänge im flüssigen, elektrisch leitfähigen Erdkern. Dieser Prozess wird Geodynamo-Prozess genannt. Magnetisierte Gesteine sowie Felder von Stromsystemen in der Ionosphäre und Magnetosphäre tragen die restlichen 5 % zum Magnetfeld bei.

Die Stärke des Feldes ist abhängig vom Ort und schwankt stark. Geodynamo-Prozesse polen das Erdmagnetfeld um, was tausende Jahre dauert. Momentan befindet sich der magnetische Nordpol in der Nähe des geografischen Südpols und umgekehrt. Die magnetische Flussdichte beträgt am Aquator etwa  $25 \,\mu T$  und an den Polen etwa  $70 \,\mu T$ . [3]

### 2.2 Energieniveaus

MAX PLANCK formulierte um 1900 die Quantenhypothese. Nach dieser können nicht alle physikalischen Größen kontinuierliche Werte nehmen. Das kleinste übertragbare Energiepaket wird durch das Planck'sche Wirkungsquantum h und die Frequenz  $\nu$  beschrieben. Daher ist auch die Energie in Atomen gequantelt.

$$E = h \cdot \nu \tag{2.10}$$

#### 2.2.1 Hauptstruktur

Zur Vereinfachung wird im Folgenden das Wasserstoffatom betrachtet. Dessen Energieeigenwerte sind allein durch die Hauptquantenzahl n bestimmt. Sie wird zudem durch die Rydberg-Konstante Ry und die Kernladungszahl Z beschrieben.

$$E_n = -\operatorname{Ry} \cdot \frac{Z^2}{n^2} \tag{2.11}$$

$$Ry = 13.6057 \, eV$$
 (2.12)

Die Energiedifferenz  $E_{21}$  zwischen zwei Energiezuständen entspricht der Energie  $\hbar\omega$  des Photons, das bei dem Übergang zwischen den Zuständen erzeugt oder vernichtet wird.

$$E_{21} = \text{Ry}\left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2}\right) \tag{2.13}$$

Die Drehimpulsquantenzahl l erfüllt die Bedingung  $l \leq n-1$ , woraus folgende Bedingung für den Entartungsgrad k folgt.

$$k = \sum_{l=0}^{n-1} (2l+1) \tag{2.14}$$

$$k = n^2 (2.15)$$

#### 2.2.2 Feinstruktur

Durch spektrale Hochauflösungsvermögen können kleinere Aufspaltungen in Atomen entdeckt werden. Diese Energien sind viel kleiner als die Energie zwischen zwei benachbarten Schalen. Hauptursache für diese Aufspaltung ist der Elektronenspin. [2]

Den kleinsten Betrag zur Feinstruktur trägt der spinmagnetische Effekt bei. Hierbei wechselwirken die Spins ungepaarter Elektronen mit dem von ihnen erzeugten Magnetfeld, dafür erforderlich sind ein Spin S>0 und ein Bahndrehimpuls  $L\geq 0$ . Dieser Effekt lässt sich in diesem Versuch untersuchen, obwohl er sehr klein ist.

Der zweitgrößte Effekt ist die Spin-Spin-Kopplung, welche im Wesentlichen die Kopplung vom Spin zweier Elektronen mit der selben Hauptquantenzahl beschreibt. Hierfür müssen für den Spin  $S \geq 1$  und  $L \geq 0$  für den Bahndrehimpuls gelten. Da in diesem Versuch Radikale untersucht werden, muss dieser Effekt nicht genauer betrachtet werden.

Den größten Effekt bildet die Spin-Bahn-Kopplung, bei der der Spin S>0 sich mit dem Bahndrehimpuls L>0 zu einem Gesamtdrehimpuls J koppelt. Diese Aufspaltung ist so groß, dass sie mit dem ESR nicht direkt untersucht werden kann.

#### 2.2.3 Hyperfeinstruktur

Die Hyperfeinstruktur entsteht durch Wechselwirkungen des Gesamtdrehimpulses J mit dem Kernspin I. Sie ist nicht an die Existenz von der Feinstruktur gebunden.

### 2.2.4 Auswahlregeln

Die Auswahlregeln für Energieübergänge bestimmen, ob ein Übergang von einem Zustand in einen anderen stattfinden darf. Damit wird auch die Übergangswahrscheinlichkeit beschrieben.

Für diesen Versuch spielen magnetische Dipolübergänge die zentrale Rolle. Die Auswahlregel lautet hierbei  $\Delta m_j = \pm 1$ . Ein magnetischer Übergang ist im Vergleich zum elektrischen Übergang unwahrscheinlicher. Daher wird hier ein ein Resonanzverfahren anstelle eines Absorptionsverfahrens verwendet.

Ein unwahrscheinlicher Übergang hat eine sehr schwache Intensität und kann mit einem Absorptionsverfahren nicht bzw. nicht leicht ohne Resonanz untersucht werden.

#### 2.2.5 Besetzungszahlen und Boltzmannfaktor

Die Besetzungszahl gibt die Anzahl  $N_i$  der Teilchen in einem Energiezustand  $E_i$  im thermischen Gleichgewicht an. Sie wird mithilfe des Boltzmann-Faktors beschrieben, der  $E_i$  in Relation zur thermischen Energie  $k_BT$  setzt.

$$N_i = \exp\left(-\frac{E_i}{k_B T}\right) \tag{2.16}$$

Das Besetzungsverhältnis zweier Zustände ist durch seine Energiedifferenz  $\Delta E$  bestimmt.

$$\frac{N_2}{N_1} = \exp\left(-\frac{\Delta E}{k_B T}\right) \tag{2.17}$$

$$= \exp\left(-\frac{g\mu_B B}{k_B T}\right) \tag{2.18}$$

Die ESR–Methode ist sehr empfindlich auf die Besetzungszahlen. Dies unterscheidet sie von der Absorptionsspektroskopie, bei der in diesem Fall die Bestimmung des Landé–Faktors mit  $\frac{N_2}{N_1} \approx 1$  aufgrund der zu kleinen Energiedifferenz nicht möglich ist. Mittels ESR lässt sich dieser Wert jedoch bestimmen.

#### 2.2.6 Resonanz

Resonanz ist das verstärkte Mitschwingen eines schwingungsfähigen Systems, wenn es einer zeitlich veränderlichen Einwirkung unterliegt. Dabei kann das System um ein Vielfaches stärker ausschlagen als beim konstanten Einwirken der Anregung mit ihrer maximalen Stärke.

Im Falle von ESR werden die magnetischen Dipole von Elektronen resonant angeregt. Dabei wird die Frequenz des angelegten Magnetfeldes so gewählt, dass diese mit der Energiedifferenz der Zeemann–Niveaus  $\Delta E$  übereinstimmt. Diese Energie muss der der eingestrahlten Mikrowellen entsprechen, deren Frequenz f bis zu 146 GHz betragen kann.

$$\Delta E = hf \tag{2.19}$$

#### 2.2.7 Radikale

Als Radikale bezeichnet man Atome oder Moleküle mit mindestens einem ungepaarten Elektron, die meist besonders reaktionsfreudig sind. Radikale werden mit einem Punkt dargestellt, der das freie Elektron symbolisiert. Beispiele sind Stickstoffmonoxid (NO<sup>•</sup>), das Hydroxyl–Radikal (OH<sup>•</sup>), oder das Bromradikal (Br<sup>•</sup>). [7]

#### 2.2.8 Relaxation und Sättigung

Relaxation bezeichnet die Abregung eines angeregten Systems durch Photonenabstrahlung, beispielsweise eines Atoms oder Moleküls. Dadurch gelang es in seinen Grundzustand.

Die Zeit zwischen Anregung und Relaxation wird *Relaxationszeit* genannt. Je unwahrscheinlicher ein Übergang ist, desto höher ist die Relaxationszeit. In diesem Versuch sind die magnetischen Übergänge unwahrscheinlich und haben daher eine hohe Relaxationszeit.

Ist die Relaxationszeit hoch, kommt es leichter zur Sättigung. Dabei verschwindet die Besetzungszahldifferenz zwischen Grundzustand und angeregtem Zustand durch ständige Anregungen. [4] In diesem Fall wird das ESR-Signal immer kleiner und breiter bis, es irgendwann komplett verschwindet.

# 2.3 Linienverbreiterung

Das ESR-Signal ist nicht beliebig scharf, sondern besitzt eine bestimmte Breite. Nach Heisenberg muss die Energie eine Unschärfe aufweisen, da die Relaxationszeit endlich ist. Die Breite der Resonanzkurve  $\Delta \nu$  lässt sich mit der transversalen Relaxationszeit  $T_2$  bestimmen, die auch Spin-Spin-Relaxationszeit genannt wird.

$$\Delta \nu = \frac{1}{2\pi T_2} \tag{2.20}$$

Im Unterschied dazu gibt es die Spin-Gitter-Relaxationszeit  $T_1$ , welche den Grad der Sättigung bestimmt.  $T_2$  dagegen führt nicht zur Sättigung.

Diese zwei Prozesse führen zu einer homogenen Linienverbreiterung, die durch eine Lorentz-Kurve angenähert werden kann. Bei Resonanz ohne Sättigung wird die Kurve folgendermaßen beschrieben. [5]

$$f(\omega) = \frac{T_2}{\pi} \frac{1}{(1 + T_2^2(\omega - \omega_0)^2)}$$
 (2.21)

Eine Form der Linienverbreiterung ist die Stoßverbreiterung. Hierbei verschiebt sich die Energieniveaus wenn zwei Atomen sich annähern und wechselwirken. Je mehr die Atomen aufeinander stoßen, desto breiter ist die Linie.

### 2.4 Elektrotechnik

#### 2.4.1 Schwingkreise

Ein LC-Schwingkreis besteht aus einem Kondensator C und einer Spule L, die kurzgeschlossen sind. Die Ladung des Kondensators wird über die Spule entladen und infolge der Selbstinduktion der Spule umgekehrt gepolt wieder aufgeladen. Wegen Leitungswiderständen klingt der Schwingkreis nach wenigen Perioden ab.

#### 2.4.2 Impedanz

Die elektrische Impedanz ist ein elektrischer Widerstand in der Wechselstromtechnik. Sie gibt bei einem zweipoligen Netzwerkelement das Verhältnis von elektrischer Spannung U zur Stromstärke I an.

Der Begriff wird insbesondere dann verwendet, wenn zwischen den beiden Größen eine Phasenverschiebung besteht, wodurch sich das Verhältnis vom Widerstand in Gleichstromanwendungen unterscheidet.

Die Impedanz einer Spule  $Z_L$  wird durch die Induktivität L bestimmt, die Impedanz eines Kondensators  $Z_C$  durch die Kapazität C.

$$Z_L = i\omega L \tag{2.22}$$

$$Z_C = \frac{1}{i\omega C} \tag{2.23}$$

Ein Ohm'scher Widerstand ist dagegen ein elektrischer Widerstand, der unabhängig von elektrischer Spannung U, Stromstärke I und deren Frequenz  $\nu$  ist. Das Ohm'sche Gesetz kann sowohl für Ohm'sche Widerstände R als auch für Impedanzen Z angewendet werden.

$$U = R \cdot I \tag{2.24}$$

$$U = Z \cdot I \tag{2.25}$$

#### 2.4.3 Wheatstonebrücke

Eine Wheatstonebrücke wird verwendet, um die ohm'schen und kapazitiven Anteile von Wechselstromwiderständen zu bestimmen.

Dabei werden zwei Wechselstromwiderstände, bestehend aus einem Ohm'schen Widerstand R und einem Kondensator C, in Reihe geschaltet. Parallel dazu wird ein Widerstand geschaltet, der mit einem Schleifdraht geregelt werden kann. Dabei sind  $R_1$  der zu bestimmende Widerstand in der Masche.

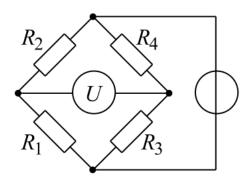


Abbildung 1: Schaltplan einer Wheatstonebrücke [9]

Durch das Oszilloskopsignal wird der Abgriff des Schleifdrahtes in die Mitte gebracht. Der Nullabgleich erfolgt dadurch, dass das Signal am Oszilloskop durch eine geeignete Wahl von  $R_2$  auf ein Minimum gebracht wird. Der Feinabgleich erfolgt mit dem Schleifdraht; alternativ kann  $R_3$  ein regelbarer Widerstand sein.

Mithilfe der Wheatstoneformel kann ein unbekannter Widerstand  $R_x$  aus drei bekannten Widerständen  $R_i$  bestimmt werden.

$$R_1 I_A = R_2 I_B \tag{2.26}$$

$$R_3 I_A = R_4 I_B \tag{2.27}$$

$$R_3 I_A = R_4 I_B$$

$$\Rightarrow \frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4}$$

$$(2.27)$$

## 2.5 Versuchsaufbau

Der in Abbildung 2 dargestellte Versuchsaufbau besteht aus einem Resonator mit einer Brückenschaltung, welche mit hochfrequenter Wechselspannung von 146 MHz betrieben wird.

Der eine Zweig dieser Brückenschaltung enthält einen variablen Widerstand, der andere einen abstimmbaren Schwingkreis. Der wiederum besteht aus einer Spule, in welcher sich die Probensubstanz befindet. Die Spule ist von zwei Helmholtzspulen umgeben.

Bei richtiger Einstellung ist die Impedanz beider Zweige gleich und es liegt keine Spannung am Diagonalzweig der Wheatstonebrücke an.

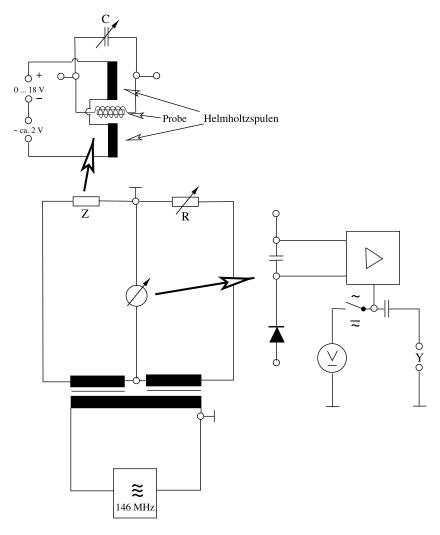


Abbildung 2: Schaltplan der Brückenschaltung des Resonators [6]

Die Absorption von Strahlungsquanten beginnt dann in der Probe, wenn das Magnetfeld der Helmholtzspulen die Resonanzflussdichte  $B_r$  erreicht. Damit ändert sich die Impedanz des Schwingkreises.

Am Diagonalzweig tritt eine Spannung auf, da beide Zweige der Brückenschaltung unterschiedliche Impedanzen haben. Diese Spannung wird mittels einer Halbleiterdiode gleichgerichtet und mit einem Kondensator verstärkt.

Falls die Gleichspannung an den Helmholtzspulen mit einer kleinen Wechselspannung überlagert wird, schwingt das dadurch erzeugte Magnetfeld. Bei geeigneter Einstellung oszilliert dieses symmetrisch um die Resonanzflussdichte  $B_r$ . Die mittels eines Multimeters gemessene mittlere Stromstärke entspricht dann genau der Resonanzstromstärke  $I_r$ .

# 3 Durchführung

Der Versuch besteht aus drei Teilen.

Im ersten Teil soll die Resonanzstromstärke  $I_r$  ermittelt werden, um den Landé-Faktor eines Elektrons zu bestimmen, im zweiten die Halbwertsbreite des Signals. Diese beiden Versuchsteile werden gemeinsam ausgeführt, da sie die selbe Methodik verwenden. Weiterhin werden die Messungen jeweils fünf mal ausgeführt.

Im dritten Teil sollen die Stärke und Richtung des Erdmagnetfeldes bestimmt werden.

#### 3.1 Landé-Faktor

Ziel dieses Teils ist die Bestimmung des Landé-Faktor eines Elektrons in einer DPPH-Probe.

Es wird ein Strom zwischen 1.0 A und 1.5 A eingestellt. Die Kapazität des Resonators wird so konfiguriert, dass zwei möglichst symmetrische Glockenkurven auf dem Oszilloskop sichtbar sind. Dann wird die Phase so eingestellt, dass sich beide Kurven möglichst gut überlagern.

Mittels des Widerstandsreglers lässt sich die Amplitude der nun übereinander liegenden Glockenkurven maximieren. Daraufhin wird die Stromstärke so eingestellt, dass die Glockenkurven um die y-Achse zentriert sind. Diese eingestellte Stromstärke ist dann genau die gesuchte Resonanzstromstärke  $I_r$ . Daraufhin wird die Halbwertsbreite bestimmt, erst danach wird ein neuer Strom eingestellt.

#### 3.2 Halbwertsbreite

Zur Bestimmung der Halbwertsbreite wird zunächst die halbe Höhe des Signals ermittelt, danach wird die dazugehörige Position bestimmt.

Dazu wird die Oszilloskopanzeige in y-Richtung verschoben, bis das Signal auf halber Höhe von der x-Achse geschnitten wird. Daraufhin wird die sie in x-Richtung verschoben, bis das Signal den Ursprung schneidet. Das Signal wird erneut zentriert, indem die Stromstärke verändert wird.

Die Differenz der so gemessenen Stromstärke und der dazugehörigen Resonanzstromstärke  $I_r$  entspricht der halben Halbwertsbreite.

# 3.3 Erdmagnetfeld

Zur Messung des Erdmagnetfelds wird die Resonanzstromstärke  $I_r$  für vier Ausrichtungen des Resonators gemessen. Dazu wird der Resonator in 90°–Schritten rotiert. Für alle vier Richtungen werden jeweils fünf Messungen durchgeführt, wobei zwischen jeder Messung rotiert wird.

# 4 Auswertung

### 4.1 Landé-Faktor

Zur Bestimmung des g-Faktors von DPPH aus der gemessenen Resonanzstromstärke  $I_r$  werden zunächst einige Überlegungen angestellt.

Durch die Kristallfelder in DPPH wird der Bahndrehimpuls des Elektrons fast völlig ausgelöscht, sodass ein reines Spinmoment  $\vec{\mu}_s$  des Elektrons vorliegt. Dadurch kann die Energie E des Elektrons im Magnetfeld bestimmt werden.

Sei die Richtung des konstanten Magnetfelds der Helmholtzspulen die z-Richtung. Dadurch wird die magnetische Flussdichte durch ihre z-Komponente bestimmt, wodurch nur die z-Komponente  $\mu_{s,z}$  des magnetischen Moments die Energie des Elektrons beschreibt.

$$\vec{\mu}_{\text{ges}} = \vec{\mu}_s \tag{4.1}$$

$$E = \vec{\mu}_s \cdot \vec{B} \tag{4.2}$$

$$= \mu_{s,z} \cdot B \tag{4.3}$$

Durch die Definitionen des magnetischen Moments des Spins (2.4) und durch das gyromagnetische Verhältnis (2.5) kann diese Relation umgeschrieben werden.

$$E = \gamma \cdot s_z \cdot B \tag{4.4}$$

$$= \frac{g \cdot \mu_B}{\hbar} \cdot s_z \cdot B \tag{4.5}$$

Weiterhin lässt sich  $s_z$  durch die entsprechende magnetische Quantenzahl  $m_s$  beschreiben, wie es in Abschnitt 2.1.3 beschrieben wurde. Hierbei ist  $m_s$  durch die Forderung  $|m_s| \leq s$  eingeschränkt. Für Elektronen gilt daher  $m_s = \pm \frac{1}{2}$ .

$$s_z = \hbar \cdot m_s \tag{4.6}$$

$$\Rightarrow E = g \cdot \mu_B \cdot m_s \cdot B \tag{4.7}$$

Die Energiedifferenz  $\Delta E$  zwischen den beiden Zuständen folgt aus der Differenz der magnetischen Spinquantenzahl  $\Delta m_s = 1$ .

Für die Anregung der Elektronen muss  $\Delta E$  durch die Energie elektromagnetischer Strahlung (2.10) bereitgestellt werden.

$$\Delta E = q \cdot \mu_B \cdot B \tag{4.8}$$

Dabei wird das entsprechende Resonanzmagnetfeld  $B_r$  gemessen. Der Landé-Faktor g folgt durch Gleichsetzen der Gleichung (4.8) mit der Energie der Mikrowellenstrahlung (2.10).

$$g = \frac{h \cdot \nu}{\mu_B \cdot B_r} \tag{4.9}$$

Da das Magnetfeld der Helmholtzspulen nicht ideal ist, wird ein Korrekturfaktor  $\zeta$  verwendet. Dabei werden die Anzahl der Windungen  $n_W$ , der Spulenradius r, die magnetische Feldkonstante  $\mu_0$  und die gemessene Resonanzstromstärke  $I_r$  verwendet. Alle Konstanten sind in Tabelle 1 angegeben.

$$B_r = \zeta \cdot \left(\frac{4}{5}\right)^{\frac{3}{2}} \mu_0 \frac{n_W}{r} I_r \tag{4.10}$$

$$\Rightarrow g = \frac{1}{\zeta} \cdot \left(\frac{5}{4}\right)^{\frac{3}{2}} \frac{h\nu r}{\mu_B \mu_0 n_W} \cdot \frac{1}{I_r} \tag{4.11}$$

Konstante	Wert	
ζ	0.90072	
h	$6.6256 \cdot 10^{-34}  \mathrm{Js}$	
$\nu$	$(146.000 \pm 0.012) \mathrm{MHz}$	
r	$0.054\mathrm{m}$	
$\mu_B$	$9.2732 \cdot 10^{-24}  \mathrm{Am^2}$	
$\mu_0$	$1.256 \cdot 10^{-6}  \mathrm{Tm/A}$	
$n_W$	250	

Tabelle 1: Konstanten zur Bestimmung des Landé-Faktors nach Gleichung (4.11)

 $I_r$  wurde während des Versuchs fünf mal gemessen, um statistische Schwankungen zu minimieren. Die Ergebnisse sind in Tabelle 2 dargestellt.

Daraus lässt sich der Mittelwert  $\bar{I}_r$  inklusive Fehler  $\Delta \bar{I}_r$  mittels folgender Formeln bilden.

$$\bar{I}_r = \frac{1}{5} \sum_{i=1}^5 I_{r,i} \tag{4.12}$$

$$\Delta \bar{I}_r = \pm \sqrt{\frac{1}{20} \sum_{i=1}^5 (I_{r,i} - \bar{I}_r)^2}$$
 (4.13)

$$\Rightarrow \bar{I}_r = (1.24460 \pm 0.0012) \,\text{A}$$
 (4.14)

Der Landé–Faktor  $g\approx 2.2364$  folgt damit aus Gleichung (4.11) inklusive eines Fehlers  $\Delta g$  mittels Gauß'scher Fehlerfortpflanzung.

$$\Delta g = \pm \sqrt{\left(\frac{1}{\zeta} \left(\frac{5}{4}\right)^{\frac{3}{2}} \frac{hr \cdot \Delta \nu}{\mu_B \mu_0 n_W} \cdot \frac{1}{I_r}\right)^2 + \left(\frac{1}{\zeta} \left(\frac{5}{4}\right)^{\frac{3}{2}} \frac{h\nu r}{\mu_B \mu_0 n_W} \cdot \frac{\Delta I_r}{I_r^2}\right)^2}$$
(4.15)

$$g = 2.2364 \pm 0.0022 \tag{4.16}$$

Messung	$I_r$ [A]
1	1.248
2	1.243
3	1.242
4	1.243
5	1.247

Tabelle 2: Messwerte der Resonanzstromstärke  $I_r$ 

Der Literaturwert für den Landé-Faktor in DPPH beträgt 2.0037. [6] Der hier bestimmte Wert stimmt auch innerhalb der Fehlergrenzen nicht damit überein.

Dies kann verschieden Erklärt werden. Zum Einen war die Einstellung des Signals am Oszilloskop recht ungenau. Das Signal zitterte stark und die beiden Signale ließen sich nicht perfekt in Phase bringen. Auch die die Symmetrie-Einstellung folgte nach Augenmaß.

Weitere Einflüsse sind durch das Erdmagnetfeld und die Halbwertsbreite des Signals. Diese werden in den folgenden Abschnitten genauer untersucht.

Insgesamt lässt sich sagen, dass das Messergebnis zumindest größenordnungsmäßig mit dem Literaturwert übereinstimmt und deshalb dieser Versuchsteil dennoch als Erfolg gewertet werden kann.

### 4.2 Halbwertsbreite

Nun wird die Halbwertsbreite der Flussdichte  $B_{\rm FWHM}$  aus der des Resonanzstroms  $I_{r,{\rm FWHM}}$  ermittelt. Dafür wurden der Resonanzstrom  $I_r$  und die Position der halben Halbwertsbreite  $I_{r,{\rm FWHM/2}}$  gemessen, wie in Abschnitt 3.2 beschrieben.

Der Fehler folgt aus Gauß'scher Fehlerfortpflanzung. Er kann vereinfacht werden, da der Fehler für alle Stromablesungen gleich ist. Die Messwerte sowie berechneten Halbwertsbreiten sind in Tabelle 3 angegeben.

$$I_{r,\text{FWHM}} = 2 \cdot \left| I_r - I_{r,\text{FWHM/2}} \right| \tag{4.17}$$

$$\Delta I_{r,\text{FWHM}} = \pm 2\sqrt{2} \cdot \Delta I_r \tag{4.18}$$

Daraus wird der Mittelwert der Halbwertbreiten  $\bar{I}_{r,\text{FWHM}}$  bestimmt. Der Fehler  $\Delta \bar{I}_{r,\text{FWHM}}$  folgt aus der mittleren Quadratsumme der Residuen.

$$\bar{I}_{r,\text{FWHM}} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} I_{r,i,\text{FWHM}}$$

$$(4.19)$$

$$\Delta \bar{I}_{r,\text{FWHM}} = \pm \sqrt{\frac{1}{N(N-1)} \sum_{i=1}^{N} (I_{r,i,\text{FWHM}} - \bar{I}_{r,\text{FWHM}})^2}$$
(4.20)

$$\bar{I}_{r,\text{FWHM}} = (56.40 \pm 1.76) \,\text{mA}$$
 (4.21)

Messung $i$	$I_r$ [A]	$I_{r,\text{FWHM}/2}$ [A]	$I_{r,\text{FWHM}} [\text{mA}]$
1	$1.248 \pm 0.002$	$1.222 \pm 0.002$	$52 \pm 6$
2	$1.243 \pm 0.002$	$1.215 \pm 0.002$	$56 \pm 6$
3	$1.242 \pm 0.002$	$1.270 \pm 0.002$	$56 \pm 6$
4	$1.243 \pm 0.002$	$1.272 \pm 0.002$	$58 \pm 6$
5	$1.247 \pm 0.002$	$1.217 \pm 0.002$	$60 \pm 6$

Tabelle 3: Gemessene Resonanzstromstärken  $I_r$ , Positionen der halben Halbwertsbreite  $I_{r,\text{FWHM}/2}$  und Halbwertsbreiten  $I_{r,\text{FWHM}}$ 

Die Halbwertsbreite der Flussdichte  $B_{\rm FWHM}$  lässt sich somit inklusive Fehler  $\Delta B_{\rm FWHM}$  nach Gauß'scher Fehlerfortpflanzung mittels Gleichung (4.10) berechnen. Dabei wird  $\bar{I}_{r,\rm FWHM}$  als Resonanzstrom verwendet. Die Konstanten sind wie in Abschnitt 4.1 Tabelle 1 zu entnehmen.

$$B_{FWHM} = \xi \cdot \left(\frac{4}{5}\right)^{\frac{3}{2}} \mu_0 \frac{n_W}{r} \cdot \bar{I}_{r,\text{FWHM}}$$
 (4.22)

$$\Delta B_{FWHM} = \xi \cdot \left(\frac{4}{5}\right)^{\frac{3}{2}} \mu_0 \frac{n_W}{r} \cdot \Delta \bar{I}_{r,\text{FWHM}}$$
 (4.23)

$$B_{\text{FWHM}} = (2.11 \pm 0.07) \cdot 10^{-4} \,\text{T}$$
 (4.24)

Der theoretische Wert beträgt  $2.7 \cdot 10^{-4}$  T. [6] Das vorliegende Ergebnis hat somit die selbe Größenordnung, stimmt mit dem theoretischen Wert aber auch innerhalb der Fehlergrenzen nicht überein.

Dies könnte ebenfalls am Schwanken des Resonanzsignals liegen. Es war aufgrund dieser Schwankung schwierig, die Stromstärke per Augenmaß genau einzustellen und zu justieren.

# 4.3 Erdmagnetfeld

Zuletzt wird der Betrag der horizontalen Komponente des Erdmagnetfeldes zum Magnetfeld bestimmt. Dieses überlagert sich mit dem Magnetfeld der Spule. Das gesamte Magnetfeld innerhalb der Spulen hängt von dem Winkel zwischen den Spulen und dem Erdmagnetfeld ab.

Die für alle vier Richtungen gemessenen Resonanzstromstärken  $I_r$  sind in Tabelle 4 dargestellt. Als Orientierung ist die Position der Steuerungsknöpfe des Resonators angegeben. In den vorherigen Versuchsteilen waren diese nach vorne ausgerichtet, diese Position entspricht einer Rotation von 0°.

Analog zu Abschnitt 3.2 können die Resonanzstromstärken  $\bar{I}_r$  und die entsprechenden magnetischen Flussdichten B mittels der Gleichungen (4.19), (4.20) und (4.22) ermittelt werden. Die Ergebnisse sind Tabelle 5 zu entnehmen.

Zur Ermittlung der Horizontalkomponente des Erdmagnetfeldes führt man eine Kurvenanpassung mit einer Sinusfunktion f(x) durch. Dabei entspricht die Amplitude A

Messung $i$	Orientierung	Resonanzstrom $I_r$ [A]
1	Knöpfe vorne	$1.246 \pm 0.002$
2	Knöpfe rechts	$1.252 \pm 0.002$
3	Knöpfe hinten	$1.243 \pm 0.002$
4	Knöpfe links	$1.236 \pm 0.002$
5	Knöpfe vorne	$1.245 \pm 0.002$
6	Knöpfe links	$1.238 \pm 0.002$
7	Knöpfe hinten	$1.244 \pm 0.002$
8	Knöpfe rechts	$1.254 \pm 0.002$
9	Knöpfe vorne	$1.247 \pm 0.002$
10	Knöpfe links	$1.240 \pm 0.002$
11	Knöpfe hinten	$1.245 \pm 0.002$
12	Knöpfe rechts	$1.253 \pm 0.002$
13	Knöpfe hinten	$1.244 \pm 0.002$
14	Knöpfe links	$1.237 \pm 0.002$
15	Knöpfe vorne	$1.247 \pm 0.002$
16	Knöpfe rechts	$1.255 \pm 0.002$

Tabelle 4: Messung des Resonanzstrom bei verschiedenen Orientierungen; "Knöpfe vorne" entspricht 0°, alle Rotationen erfolgten um 90°

Orientierung	$ar{I}_r$ [A]	B [mT]
Knöpfe vorne	$1.2463 \pm 0.0005$	$4.6705 \pm 0.0018$
Knöpfe rechts	$1.2535 \pm 0.0006$	$4.6980 \pm 0.0024$
Knöpfe hinten	$1.2440 \pm 0.0004$	$4.6620 \pm 0.0015$
Knöpfe links	$1.2378 \pm 0.0009$	$4.6390 \pm 0.0030$

Tabelle 5: mittlere Resonanzfrequenzen  $\bar{I}_r$  und zugehörige Flussdichten B bei verschiedenen Orientierungen; "Knöpfe vorne" entspricht 0°, alle Rotationen erfolgten um 90°

dem Betrag der gesuchten Erdmagnetfeldkomponente. Weiterhin werden eine Phasenverschiebung  $\phi$  und ein Offset B verwendet. Der Faktor  $\frac{\pi}{2}$  beschreibt die Rotation des Resonator um jeweils 90°. Dazu werden die Orientierungen den Zahlen 0 – 3 zugewiesen. Diese werden auf der x-Achse aufgetragen, die magnetischen Flussdichten B auf der y-Achse. Das Ergebnis ist in Abbildung 3 dargestellt.

$$f(x) = A \cdot \sin \left[ \frac{\pi}{2} (x + \phi) \right] + B$$

$$A = (0.0308 \pm 0.0026) \,\text{mT}$$

$$B = (4.667 \pm 0.002) \,\text{mT}$$

$$\phi = 0.084 \pm 0.015$$

$$(4.25)$$

Das Erdmagnetfeld beträgt daher  $B_{\rm Erde} = (30.8 \pm 2.6)\,\mu{\rm T}$ . Die minimale Phasenverschie-

bung  $\phi \ll 1$  rad deutet darauf hin, dass die Horizotalkomponente nahezu entlang der Richtung von  $B_{\text{rechts}}$  verläuft und leicht nach vorne kippt.

In Köln beträgt die Stärke der horizontalen Komponente des Erdmagnetfeldes ungefähr  $20\,\mu\mathrm{T}$ . [8]

Wie bei den vorherigen Versuchsteilen hier liegt der experimentelle Wert in derselben Größenordnung wie der Literaturwert, stimmt mit diesem aber auch innerhalb der Fehlergrenzen nicht überein. Auch die Ausrichtung des Magnetfeldes unterscheidet sich von einem erwarteten Winkel von ca.  $45\,^{\circ}$ .

Die Hauptfehlerquelle hier bleibt bei dem schwankenden Signal. Hinzu kommt, dass beim manuellen Drehen des Resonators per Hand der gewünschte Winkel von 90° nicht exakt getroffen werden konnte. Da es keine Winkelskala gab, dürfte es einen merkbaren Fehler bei den Positionen geben. Dieser Faktor führt zu zusätzlichen Abweichungen in der Stromstärke.

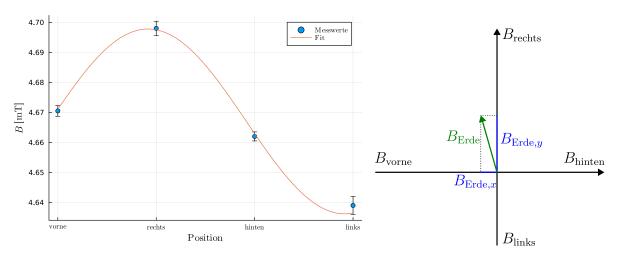


Abbildung 3: Fit der Messwerte

Abbildung 4: Orientierung des Magnetfelds

# 5 Fazit

Insgesamt sind die Ergebnisse dieses Versuchs nur bedingt zufriedenstellend, da sie alle deutlich von den erwarteten Werten abweichen. Dafür stimmen sie zumindest größenordnungsmäßig mit den Theoriewerten überein. Somit ist der Versuch kein kompletter Fehlschlag.

Die zu identifizierende Abweichung des gemessenen Landé–Faktors vom theoretischen Wert ließ sich daher nicht nachweisen, dafür ist die Abweichung zu groß. Dennoch stimmt der gemessene Landé–Faktor zumindest grob mit dem Literaturwert überein, wodurch dieser immerhin ungefähr nachgewiesen werden konnte.

Auch die Bestimmung der Halbwertsbreite lieferte eine recht große Abweichung vom erwarteten Wert, doch auch hier ließ sich der Wert wenigstens ungefähr nachweisen.

Zuletzt tritt auch bei der Bestimmung der magnetischen Flussdichte des Erdmagnetfeldes eine recht große Abweichung auf. Wieder stimmen aber Messwert und Literaturwert zumindest größenordnungsmäßig überein. Der ermittelte Winkel bei etwa  $0^{\circ}$  unterscheidet sich stark von den erwarteten  $45^{\circ}$ .

Für die Abweichungen aller drei Ergebnisse von den erwarteten Werten lassen sich mehrere Gründe finden. Zum Einen zitterte das Signal auf dem Oszilloskop während der Messung stark, weshalb eine genaue Einstellung desselben schwierig war. Des Weiteren ließen sich die beiden Glockenkurven nur mittelmäßig in Phase bringen.

Zudem folgte sämtliche Einstellungen der Signale nach Augenmaß, ebenso wie die Rotation des Resonators. Dadurch ist nur eine gewisse Präzision erreichbar. Rechnete man die Ungenauigkeit des Fehlers ein, so könnte das gemessene Erdmagnetfeld genauer mit dem Literaturwert übereinstimmen. Ebenso fließt die Beeinflussung des Erdmagnetfeldes nicht in die Bestimmung des Landé-Faktors ein. Unter dessen Berücksichtigung könnten möglicherweise bessere Ergebnisse bestimmt werden.

Trotz all den Abweichungen stimmen alle Messergebnisse größenordnungsmäßig mit den erwarteten Werten überein. Alle Ergebnisse lassen sich daher als bedingt erfolgreich bewerten, auch wenn die gewünschten Präzision nicht erreicht wurde.

# 6 Literatur

- [1] J. D. Jackson, "Classical Elektrodynamics", 3. Auflage, Springer Verlag, 2018, DOI 10.1007/978-3-319-91809-9
- [2] R. Weber, "Atom-, Molekül- und Quantenphysik", Teubner Verlag, 2007, ISBN: 978-3-8351-0201-9
- [3] Physikalische-Technische Bundesanstalt, "Geomagnetismus: Grundlagen zum Erdmagnetfeld", https://www.ptb.de/cms/fileadmin/internet/fachabteilunge n/abteilung\_2/2.5\_halbleiterphysik\_und\_magnetismus/2.51/Geomagnetismus.pdf, Abruf am 27.05.2024
- [4] Universität Oldenburg, "ESR-Stichworte", 1995, https://www.staff.uni-oldenburg.de/richard.kaupass/esr\_stwo.html, Abruf am 27.05.2024
- [5] Universität Bern, "ESR", 1994, https://www.physik.unibe.ch/e41821/e41822/e140946/e148625/e270487/files270492/Elektronenspinresonanz\_ger.pdf, Abruf am 27.05.2024
- [6] Universität zu Köln, "B1.5: Elektronenspinresonanz", April 2024, Online verfügbar unter https://teaching.astro.uni-koeln.de/sites/default/files/praktikum\_b/Anleitung\_1.5.pdf, Abruf am 17.04.2024
- [7] Chemie.de, "Radikale (Chemie)", https://www.chemie.de/lexikon/Radikale (Chemie).html, Abruf am 23.05.2024
- [8] Deutsches GeoForschungsZentrum Potsdam, "IGRF Declination Calculator", ht tps://isdc.gfz-potsdam.de/igrf-declination-calculator/, Abruf am 01.07.2024
- [9] Wikimedia, "File:WhBr\_Diagonalbild.svg", https://commons.wikimedia.org/wiki/File:WhBr Diagonalbild.svg, Abruf am 23.05.2024