# Skilaverkefni 3 - Stærðfræðimynstur

#### ttb3@hi.is

#### 16. september 2021

## Verkefni 1

```
Forritið tekur inn þessi gildi:  mkk = meðallaun karla fyrri skatt   mkvk = meðallaun kvenna fyrri skatt   ke = kyn einstaklings   me = mánaðarlaun einstaklings  og athugar hvort me sé hærra eða lægra en tilheyrandi meðallaun, þ.e.  \mathbf{a)}  Bakmengi fallsins eru öll þau gildi sem myndmengi fallsins getur valið úr. Í þessu tilfelli er það output forritsins, þ.e.  \mathbb{Y} \equiv \{\text{"Yfir meðallaunum", "Undir meðallaunum"}\}   \mathbf{b)}  Formengið er öll stök sem fallið getur tekið inn, það eru  \mathbb{X} = (mkk, mkvk, me, ke|mkk, mkvk, me \in \mathbb{R} \land ke \in \{\text{"kona", "karl"}\})
```

#### Verkefni 2

Með fylkjamargföldun fáum við tvær yrðingar

$$(a \wedge b) \vee (\neg b \wedge T) = T$$

$$(b \wedge b) \vee (b \wedge T) = \neg a$$

byrjum að vinna með seinni yrðinguna, notum sjálfsvalsregluna vinstra megin við eðun og samsemdarregluna hægra megin við eðun útkoman úr því er

$$b \lor b = \neg a$$

og þá er hægt að nota sjálfsvalsregluna á þá yrðingu og fá út að

$$b = \neg a$$

snúum okkur þá að fyrri yrðingunni og stingum  $\neg a$ inn í staðinn fyrir b, yrðingin lítur þá svona út

$$(a \land \neg a) \lor (\neg b \land T) = T$$

þá er hægt að nota samsemdarreglunahægra megin og neitunarreglunavinstra megin til þess að fá

$$F \vee \neg b = T$$

þá beitir maður örsnöggri samsemdarreglu og er kominn með

$$\neg b = T$$

þá er hægt að setja upp lista yfir gildi

$$\neg b = T$$

$$b = F$$

$$b = \neg a$$

$$\neg a = F$$

$$a = T$$

Þá eru gildin á a og b<br/> þessi a=1 og b=0

## Verkefni 3

Í hvert skipti sem maður þvær á sér hendurnar drepur maður 99.9% af bakteríum, það skilur eftir 0.1% baktería eða 0.001 sinnum upprunalega fjölda baktería. Þannig er hægt að finna út hversu oft þarf að þvo sér um hendur með því að leysa fyrir veldið n yfir 0.001 og það má sýna með þessari formúlu

$$10^9 * 0.001^n = 1 \tag{1}$$

$$0.001^n = \frac{1}{10^9} \tag{2}$$

$$log(0.001^n) = log(\frac{1}{10^9}) \tag{3}$$

$$n*log(0.001) = log(\frac{1}{10^9}) \tag{4}$$

$$n = \frac{\log \frac{1}{10^9}}{\log(0.001)} \tag{5}$$

$$n = 3 \tag{6}$$

Maður þarf að þvo sér þrisvar sinnum um hendurnar til þess að enda með aðeins 1 bakteríu á hvorri hendi.

## Verkefni 4

**a**)

$$\sum_{k=0}^{n} 12k(k+4) = \sum_{k=0}^{n} 12k^{2} + 48k$$

$$= 12\sum_{k=0}^{n} k^{2} + 12\sum_{k=0}^{n} 4k$$

$$= 12\frac{n(n+1)(2n+1)}{6} + 48\frac{n(n+1)}{2}$$

b)

$$\sum_{k=1}^{n} 4k^{2}(6+k) = \sum_{k=1}^{n} 24k^{2} + 4k^{3}$$

$$= 24\sum_{k=1}^{n} k^{2} + 4\sum_{k=1}^{n} k^{3}$$

$$= 24\frac{n(n+1)(2n+1)}{6} + 4\frac{n^{2}(n+1)^{2}}{4}$$

Par sem að útkoman á þessu falli minnkar hratt eftir því sem k stækkar, og k stækkar endalaust, er hægt að segja að útkoman úr þessu falli sé 0

$$\sum_{k=2}^{\infty} 0.5^k$$

$$0.5^2 = \frac{1}{4}$$

$$0.5^3 = \frac{1}{8}$$

$$0.5^4 = \frac{1}{16}$$

$$0.5^5 = \frac{1}{32}$$

$$0.5^{10} = \frac{1}{1024}$$

$$0.5^{20} = \frac{1}{1048576}$$

$$0.5^{25} = \frac{1}{33554432}$$

þessi veldisvöxtur heldur áfram og þegar k<br/> er komið upp í stærri tölur eins og 329 eða meir hætta reiknivélar að geta sýnt úttakið á nokkurn merkingalegan máta og sýna í staðinn bara 0