

TUGAS AKHIR - IF184802

IMPLEMENTASI REDUKSI POLYGON DALAM MENYELESAIKAN PERMASALAHAN RELATIVE CONVEX HULL DENGAN STUDI KASUS SPHERE ONLINE JUDGE 5637 LL AND ERBAO

MICHAEL JULIAN ALBERTUS NRP 05111640000097

Dosen Pembimbing 1 Rully Soelaiman, S.Kom., M.Kom.

Dosen Pembimbing 2 Yudhi Purwananto, S.Kom., M.Kom.

DEPARTEMEN INFORMATIKA Fakultas Teknologi Informasi dan Komunikasi Institut Teknologi Sepuluh Nopember Surabaya, 2019



TUGAS AKHIR - IF184802

IMPLEMENTASI REDUKSI POLYGON DALAM MENYELESAIKAN PERMASALAHAN RELATIVE CONVEX HULL DENGAN STUDI KASUS SPHERE ONLINE JUDGE 5637 LL AND ERBAO

MICHAEL JULIAN ALBERTUS NRP 05111640000097

Dosen Pembimbing 1 Rully Soelaiman, S.Kom., M.Kom.

Dosen Pembimbing 2 Yudhi Purwananto, S.Kom., M.Kom.

DEPARTEMEN INFORMATIKA Fakultas Teknologi Informasi dan Komunikasi Institut Teknologi Sepuluh Nopember Surabaya, 2019



UNDERGRADUATE THESES - IF184802

IMPLEMENTATION OF POLYGON REDUCTION FOR SOLVING RELATIVE CONVEX HULL PROBLEM WITH CASE STUDY SPHERE ONLINE JUDGE 5637 LL AND ERBAO

MICHAEL JULIAN ALBERTUS NRP 05111640000097

Supervisor 1 Rully Soelaiman, S.Kom., M.Kom.

Supervisor 2 Yudhi Purwananto, S.Kom., M.Kom.

INFORMATICS DEPARTMENT Faculty of Information Technology and Communication Institut Teknologi Sepuluh Nopember Surabaya, 2019

LEMBAR PENGESAHAN

IMPLEMENTASI REDUKSI POLYGON DALAM MENYELESAIKAN PERMASALAHAN RELATIVE CONVEX HULL DENGAN STUDI KASUS SPHERE ONLINE JUDGE 5637 LL AND ERBAO

TUGAS AKHIR

Diajukan Guna Memenuhi Salah Satu Syarat Memperoleh Gelar Sarjana Komputer pada

Bidang Studi Algoritma Pemrograman Program Studi S-1 Departemen Informatika Fakultas Teknologi Informasi dan Komunikasi Institut Teknologi Sepuluh Nopember

Oleh:

Michael Julian Albertus NRP, 05111640000097

Digatujui olah Dogan Pambimbing Tugog Alchir

Disclujui oleh Dosen Temoliholilg Tug	gas Akiiii.
Rully Soelaiman, S.Kom., M.Kom.	
NIP. 197002131994021001	(Pembimbing 1)
Yudhi Purwananto, S.Kom., M.Kom.	
NIP. 197007141997031002	(Pembimbing 2)

Surabaya 9 November 2019

ABSTRAK

IMPLEMENTASI REDUKSI POLYGON DALAM MENYE-LESAIKAN PERMASALAHAN RELATIVE CONVEX HU-LL DENGAN STUDI KASUS SPHERE ONLINE JUDGE 5637 LL AND ERBAO

Nama : Michael Julian Albertus

NRP : 05111640000097

Departemen : Departemen Informatika,

Fakultas Teknologi Informasi dan

Komunikasi, ITS

Pembimbing I : Rully Soelaiman, S.Kom., M.Kom. Pembimbing II : Yudhi Purwananto, S.Kom.,

M.Kom.

Abstrak

[TBA]

Kata Kunci: geometri; convex hull; melkman algorithm; relative poligon;

ABSTRACT

IMPLEMENTATION OF POLYGON REDUCTION FOR SO-LVING RELATIVE CONVEX HULL PROBLEM WITH CA-SE STUDY SPHERE ONLINE JUDGE 5637 LL AND ERBAO

Name : Michael Julian Albertus

Student ID : 05111640000097

Department : Informatics Department,

Faculty of Information Technology

and Communication, ITS

Supervisor I : Rully Soelaiman, S.Kom., M.Kom. Supervisor II : Yudhi Purwananto, S.Kom.,

M.Kom.

Abstract

[TBA]

Keywords: geometry; convex hull; melkman algorithm; relative poligon;

KATA PENGANTAR

Puji syukur penulis panjatkan kepada Tuhan Yang Maha Esa. Atas rahmat dan kasih sayangNya, penulis dapat menyelesaikan tugas akhir dan laporan akhir dalam bentuk buku ini.

Pengerjaan buku ini penulis tujukan untuk mengeksplorasi lebih mendalam topik-topik yang tidak diwadahi oleh kampus, namun banyak menarik perhatian penulis. Selain itu besar harapan penulis bahwa pengerjaan tugas akhir sekaligus pengerjaan buku ini dapat menjadi batu loncatan penulis dalam menimba ilmu yang bermanfaat.

Penulis ingin menyampaikan rasa terima kasih kepada banyak pihak yang telah membimbing, menemani dan membantu penulis selama masa pengerjaan tugas akhir maupun masa studi.

1. Bapak Rully Soelaiman S.Kom.,M.Kom., selaku pembimbing penulis. Ucapan terima kasih juga penulis sampaikan atas segala perhatian, didikan, pengajaran, dan nasihat yang telah diberikan oleh beliau selama masa studi penulis.

Penulis menyadari bahwa buku ini jauh dari kata sempurna. Maka dari itu, penulis memohon maaf apabila terdapat salah kata maupun makna pada buku ini. Akhir kata, penulis mempersembahkan buku ini sebagai wujud nyata kontribusi penulis dalam ilmu pengetahuan.

Surabaya, 9 November 2019

Michael Julian Albertus

DAFTAR ISI

LEMI	AR PENGESAHAN vi
ABST	RAK is
ABST	RACT x
KATA	PENGANTAR xii
DAFT	AR ISI
DAFT	AR GAMBAR xiz
DAFT	AR TABEL
	AR PSEUDOCODE xxii
	AR KODE SUMBER xx
DAFT	AR NOTASI
BAB 1	PENDAHULUAN
1	1 Latar Belakang
1	2 Rumusan Masalah
1	3 Batasan Masalah
1	4 Tujuan
1	5 Manfaat
1	6 Metodologi
1	7 Sistematika Penulisan
BAB l	I DASAR TEORI
2	1 Deskripsi Permasalahan
2	2 Convex Polygon
2	3 Relative Convex Polygon
2	4 Strategi Penyelesaian Permasalahan
	2.4.1 Pemrosesan Titik Pembentuk Polygon
	yang Membentuk Convex 10

	•		Convex Hull dari Titik yang Berada di Da- lam Polygon	11
	2.5		K Hull	11
	_	2.5.1	Relative Convex Hull	12
	•	2.5.1		13
			Algoritma Convex Hull	
	2.6		nside Polygon	18
BAE				19
	3.1		Umum Sistem	19
	3.2		Fungsi Main	19
	3.3	Desain	Class Point	19
	3.4	Desain	Class Vec	21
	3.5	Desain	Class Line	22
	3.6	Desain	Class Segment	23
	3.7	Desain	Class Polygon	24
	3.8	Fungsi	BetweenD	27
	3.9			28
	3.10			29
		_		29
				30
		_	_	30
				31
				33
		_		36
BAE	B IV			39
	4.1			39
	4.2	•		39
		4.2.1	8	39
		4.2.2		40
		4.2.3	1	41
			141140VI 010041	1 1

	4.2.4	Implementasi Fungsi Main	41
	4.2.5	Implementasi Class Point	42
	4.2.6	Implementasi Class Vec	43
	4.2.7	Implementasi Class Line	44
	4.2.8	Implementasi Class Segment	46
	4.2.9	Implementasi Class Polygon	46
	4.2.10	Implementasi Fungsi BetweenD	47
	4.2.11	Implementasi Fungsi EDist	48
	4.2.12	Implementasi Fungsi Cross	48
	4.2.13	Implementasi Fungsi Orientation	48
	4.2.14	Implementasi Fungsi OnSegment	49
	4.2.15	Implementasi Fungsi ConvexHull	49
	4.2.16	Implementasi Fungsi InSimplePolygon	50
	4.2.17	Implementasi Fungsi GetBetween	50
	4.2.18	Implementasi Fungsi Solve	52
BAB V	UJI C	COBA DAN EVALUASI	55
5.1	Lingk	ungan Uji Coba	55
5.2		rio Uji Coba	56
5.3	Uji Co	bba Kebenaran	56
5.4	Uji Co	oba Kinerja Lokal	57
5.5	Evalua	asi Kebenaran Uji Coba Lokal	57
5.6		oba Kinerja Luar	65
BAB VI	KESI	MPULAN	67
6.1	Kesim	ıpulan	67
6.2			67
DAFTA	R PUST	'AKA	69

xviii

DAFTAR GAMBAR

Gambar 1.1	Ilustrasi Convex Hull	1
Gambar 1.2	Ilustrasi Relative Convex Hull	2
Gambar 2.1	Ilustrasi Contoh Kasus Tanpa Solusi	7
Gambar 2.2	Ilustrasi Contoh Kasus	8
Gambar 2.3	Ilustrasi Properti Convex Polygon 1	9
Gambar 2.4	Ilustrasi Properti Convex Polygon 2	9
Gambar 2.5	Ilustrasi Relative Convex Polygon	9
Gambar 2.6	Ilustrasi Convex Cull	12
Gambar 2.7	Ilustrasi Relative Convex Hull	12
Gambar 2.8	Ilustrasi Algoritma Melkman	14
Gambar 2.9	Ilustrasi Algoritma Monotone Chain	16
Gambar 2.10	Ilustrasi Algoritma Point Inside Polygon	18
Gambar 5.1	Hasil Uji Coba Kebenaran Situs Penilaian Sphere Online Judge	56
Gambar 5.2	Grafik Mean Running Time Kasus Uji	58
Gambar 5.3	Ilustrasi Kondisi Awal	58
Gambar 5.4	Ilustrasi Iterasi 1	59
Gambar 5.5	Ilustrasi Iterasi 2	60
Gambar 5.6	Ilustrasi Iterasi 3	61
Gambar 5.7	Ilustrasi Iterasi 4	62
Gambar 5.8	Ilustrasi Iterasi 5	62
Gambar 5.9	Ilustrasi Iterasi 6	63
Gambar 5.10	Ilustrasi Iterasi 7	64
Gambar 5.11	Ilustrasi Iterasi 8	64

Gambar 5.12	Grafik Waktu Uji Coba 10 Kali pada Situs SPOJ	65
Gambar 5.13	Grafik Memori Uji Coba 10 Kali pada Situs	
	SPOJ	66

DAFTAR TABEL

Tabel 2.1	Tabel Perbandingan Algoritma Convex Hull	13
Tabel 3.1	Nama dan Fungsi Variabel dalam Class POINT .	21
Tabel 3.2	Nama dan Fungsi Variabel dalam Class VEC	21
Tabel 3.3	Nama dan Fungsi Variabel dalam class LINE	22
Tabel 3.4	Nama dan Fungsi Variabel dalam Class SEGMENT	23
Tabel 3.5	Nama dan Fungsi Variabel dalam Class POLYGON	24
Tabel 3.6	Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi NEXT Class POLYGON	25
Tabel 3.7	Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi PREV Class POLYGON	26
Tabel 3.8	Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi PERIMETER Class POLYGON	27
Tabel 3.9	Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi BETWEEND	28
Tabel 3.10	Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi EDIST	28
Tabel 3.11	Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi CROSS	29
Tabel 3.12	Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi ORIENTATION	30
Tabel 3.13	Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi ONSEGMENT	31
Tabel 3.14	Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi CONVEXHULL	33
Tabel 3.15	Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi	33

xxii

Tabel 3.16	Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi	
	GETBETWEEN	36
Tabel 3.17	Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi	
	Solve	38
Tabel 5.1	Tabel Data Uji Coba Kebenaran Lokal dengan	
	Sampel Data	59

DAFTAR PSEUDOCODE

Pseudocode 2.1	Melkman Convex Hull	15
Pseudocode 2.2	Monotone Chain Algorithm	17
Pseudocode 3.1	Fungsi MAIN	20
Pseudocode 3.2	Class POINT	20
Pseudocode 3.3	Class VEC	22
Pseudocode 3.4	Class Line	23
Pseudocode 3.5	Class Segment	24
Pseudocode 3.6	Class POLYGON	25
Pseudocode 3.7	Fungsi NEXT pada class POLYGON	26
Pseudocode 3.8	Fungsi PREV pada class POLYGON	26
Pseudocode 3.9	Fungsi PERIMETER pada class POLYGON	27
Pseudocode 3.10	Fungsi BetweenD	27
Pseudocode 3.11	Fungsi EDIST	29
Pseudocode 3.12	Fungsi CROSS	29
Pseudocode 3.13	Fungsi ORIENTATION	30
Pseudocode 3.14	Fungsi OnSegment	31
Pseudocode 3.15	Fungsi CONVEXHULL	32
Pseudocode 3.16	Fungsi InSIMPLEPOLYGON	34
Pseudocode 3.17	Fungsi GETBETWEEN	35
Pseudocode 3.18	Fungsi SOLVE	37

DAFTAR KODE SUMBER

Kode Sumber 4.1	Header yang Diperlukan 40
Kode Sumber 4.2	Preprocessor yang Diperlukan 41
Kode Sumber 4.3	Variabel Global yang Didefinisikan Un-
	tuk Program 41
Kode Sumber 4.4	Fungsi Main
Kode Sumber 4.5	Struct Point
Kode Sumber 4.6	Struct Vec
Kode Sumber 4.7	Struct Line
Kode Sumber 4.8	Struct Segment
Kode Sumber 4.9	Struct Polygon 47
Kode Sumber 4.10	Fungsi BetweenD 47
Kode Sumber 4.11	Fungsi EDist 48
Kode Sumber 4.12	Fungsi Cross 48
Kode Sumber 4.13	Fungsi Orientation 48
Kode Sumber 4.14	Fungsi OnSegment 49
Kode Sumber 4.15	Fungsi ConvexHull 49
Kode Sumber 4.16	Fungsi InSimplePolygon 50
Kode Sumber 4.17	Fungsi GetBetween 51
	Fungsi Solve

DAFTAR NOTASI

<u>L</u>	Himpunan bilangan bulat.
\mathbb{Z}_n	Himpunan bilangan bulat positif hingga n eksklusif.
$\mathbb{Z}/p\mathbb{Z}$	Himpunan kongruensi dalam modulo p , dimana p me-
	rupakan bilangan prima dalam multiplicative group.
$\phi(n)$	Euler Totient Function atau Euler Phi. Menotasikan
	banyaknya nilai yang koprima dengan n .

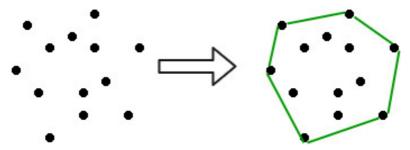
R[x]/R Himpunan ring yang merupakan struktur aljabar bilangan pada pertambahan dan perkalian.

BAB I PENDAHULUAN

Pada bab ini, akan dijelaskan mengenai latar belakang, rumusan masalah, batasan masalah, tujuan, metodologi pengerjaan, dan sistematika penulisan Tugas Akhir.

1.1 Latar Belakang

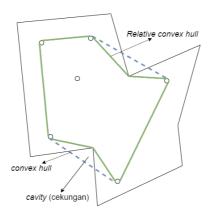
Computational geometry adalah cabang dari ilmu komputer yang dikhususkan untuk mempelajari algoritma yang dapat dinyatakan dalam suatu geometri. Salah satu algoritma yang sering dipakai pada computational geometry adalah algoritma convex hull. Convex hull adalah sebuah set polygon dari titik pada bidang euclidean atau ruang euclidean, atau dapat disebut himpunan cembung terkecil yang berisi titik. Sebagai contoh, ketika suatu kumpulan titik merupakan bagian yang dibatasi dalam sebuah bidang, convex hull dapat divisualisasikan sebagai bentuk yang tertutup oleh karet gelang yang membentang di sekitar titik - titik tersebut. Berikut merupakan contoh dari convex hull:



Gambar 1.1 Ilustrasi Convex Hull

Relative convex hull merupakan penurunan dari convex hull. Relative convex hull merupakan convex hull yang mempunyai

cavity (cekungan ke dalam) yang diakibatkan atau relatif terhadap sesuatu yang membatasi *convex hull* tersebut. Ilustrasi *relative convex hull* dapat dilihat pada gambar 2.7.



Gambar 1.2 Ilustrasi Relative Convex Hull

Pada topik Tugas Akhir ini akan dijelaskan algoritma penyelesaian untuk mencari *relative convex hull* dari sekumpulan titik yang berada di dalam sebuah polygon sederhana dengan menggunakan reduksi polygon pada studi kasus pada Sphere Online Judge 5637 LL and ErBao.

1.2Rumusan Masalah

Rumusan masalah yang diangkat dalam Tugas Akhir ini adalah sebagai berikut :

- 1. Bagaimana mencari *relative convex hull* dari kumpulan titik di dalam sebuah polygon?
- 2. Bagaimana reduksi polygon menyelesaikan masalah *relative convex hull* dari kumpulan titik?

1.3Batasan Masalah

Permasalahan yang dibahas pada Tugas Akhir ini memiliki beberapa batasan, yaitu sebagai berikut :

- 1. Implementasi reduksi polygon sebagai penyelesaian permasalahan *relative convex hull* pada soal ISUN1.
- 2. Algoritma *relative convex hull* terbatas pada analisis intuitif yang logis.

Berikut merupakan batasan pada situs Sphere Online Judge:

- 1. Implementasi dilakukan menggunakan bahasa pemrograman C++
- 2. Banyaknya sisi pada polygon pembatas (n) diantara 3 sampai 500.
- 3. Banyaknya pohon yang berada dalam taman (*m*) diantara 0 sampai 500.
- 4. Batas maksimum untuk tiap vertex memenuhi(x, y) dimana nilai $|x|, |y| \le 10000$.
- 5. Banyak soal tidak diketahui karena program berhenti sampai EOF.
- 6. Batas waktu yang diberikan adalah 0.142 detik.
- 7. Batas memori yang diberikan adalah 1.536 MB.
- 8. Batas kode sumber yang diberikan adalah $50.000~\mathrm{B}.$

1.4Tujuan

Tujuan Tugas Akhir ini adalah sebagai berikut :

1. Mengevaluasi kinerja reduksi polygon untuk menyelesaikan permasalahan komputasi *relative convex hull* pada LL and Er-Bao.

1.5Manfaat

Tugas Akhir ini mampu memberikan pemahaman algoritma yang tepat untuk menyelesaikan permasalahan komputasi *relative convex hull* dengan efisien.

1.6Metodologi

Metodologi pengerjaan yang digunakan pada Tugas Akhir ini memiliki beberapa tahapan. Tahapan-tahapan tersebut yaitu :

1. Penyusunan proposal

Pada tahapan ini penulis memberikan penjelasan mengenai apa yang penulis akan lakukan dan mengapa Tugas Akhir ini dilakukan. Penjelasan tersebut dituliskan dalam bentuk proposal Tugas Akhir.

2. Studi literatur

Pada tahapan ini penulis mengumpulkan referensi yang diperlukan guna mendukung pengerjaan Tugas Akhir. Referensi yang digunakan dapat berupa hasil penelitian yang sudah pernah dilakukan, buku, artikel internet, atau sumber lain yang bisa dipertanggungjawabkan.

3. Implementasi algoritma

Pada tahapan ini penulis mulai mengembangkan algoritma yang digunakan untuk menyelesaikan permasalahan komputasi *relative convex hull*.

4. Pengujian dan evaluasi

Pada tahapan ini penulis menguji performa algoritma yang digunakan. Hasil pengujian kemudian dievaluasi untuk kemudian dipertimbangkan apakah algoritma masih bisa ditingkatkan lagi atau tidak.

5. Penyusunan buku

Pada tahapan ini penulis menyusun hasil pengerjaan Tugas Akhir mengikuti format penulisan Tugas Akhir.

1.7Sistematika Penulisan

Sistematika laporan Tugas Akhir yang akan digunakan adalah sebagai berikut :

1. BAB I : PENDAHULUAN

Bab ini berisi latar belakang, rumusan masalah, batasan masalah, tujuan, manfaat, metodologi dan sistematika penulisan Tugas Akhir.

2. BAB II: DASAR TEORI

Bab ini berisi dasar teori mengenai permasalahan dan algoritma penyelesaian yang digunakan dalam Tugas Akhir

3. BAB III: DESAIN

Bab ini berisi desain algoritma dan struktur data yang digunakan dalam penyelesaian permasalahan.

4. BAB IV: IMPLEMENTASI

Bab ini berisi implementasi berdasarkan desain algoritma yang telah dilakukan pada tahap desain.

5. BAB V: UJI COBA DAN EVALUASI

Bab ini berisi uji coba dan evaluasi dari hasil implementasi yang telah dilakukan pada tahap implementasi.

6. BAB VI: PENUTUP

Bab ini berisi kesimpulan dan saran yang didapat dari hasil uji coba yang telah dilakukan.

BAB II DASAR TEORI

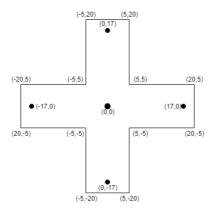
Pada bab ini, akan dijelaskan dasar teori yang digunakan sebagai landasan pengerjaan Tugas Akhir ini.

2.1 Deskripsi Permasalahan

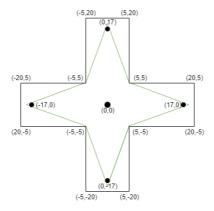
Permasalahan yang dibahas pada Tugas Akhir ini adalah perhitungan untuk mencari nilai x yang didefinisikan oleh persamaan (2.1).

$$x = \sum_{i=0}^{n-1} RCH_i \tag{2.1}$$

Sisi polygon dari RCH yang merupakan *relative convex hull* yang didapatkan dari sekumpulan titik yang dibatasi di dalam polygon sederhana[1] dinyatakan dalam RCH_i pada persamaan (2.1). Permasalahan pada tugas akhir ini adalah mencari *relative convex hull* dari sekumpulan titik yang dibatasi oleh polygon sederhana. Gambar 2.1 dan 2.2 merupakan contoh dari permasalahan ISUN1.



Gambar 2.1 Ilustrasi Contoh Kasus Tanpa Solusi



Gambar 2.2 Ilustrasi Contoh Kasus

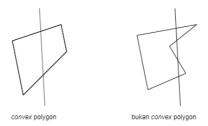
2.2 Convex Polygon

Convex polygon merupakan sebuah polygon sederhana yang memiliki sudut maksimal 180 derajat pada tiap edgenya. Convex polygon memiliki beberapa properti, yaitu:

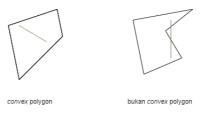
- 1. Sebuah garis lurus yang di gambar melewati sebuah *convex polygon* akan berpotongan maksimal 2 kali. Ilustrasi dapat dilihat pada gambar 2.3.
- 2. Jika dua titik sembarang diambil dan ditarik garis antara keduanya, tidak ada bagian dari garis yang berada di luar polygon. Ilustrasi dapat dilihat pada gambar 2.4.

2.3 Relative Convex Polygon

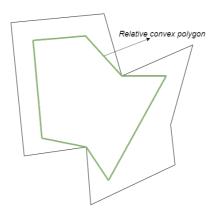
Relative convex polygon merupakan penurunan dari convex polygon tetapi ada beberapa sisi dari polygon tersebut berbentuk convace atau cekung ke dalam dikarenakan adanya batasan dari luar seperti polygon atau segmen garis lainnya. Ilustrasi relative convex polygon dapat dilihat pada gambar 2.5.



Gambar 2.3 Ilustrasi Properti Convex Polygon 1



Gambar 2.4 Ilustrasi Properti Convex Polygon 2



Gambar 2.5 Ilustrasi Relative Convex Polygon

2.4 Strategi Penyelesaian Permasalahan

Pada subbab ini akan dipaparkan mengenai strategi penyelesaian masalah klasik pada daring SPOJ dengan kode ISUN1 meng-

gunakan algoritma reduksi polygon. Secara singkat, strategi penyelesaian masalah dari ISUN1 menggunakan algoritma reduksi polygon menjadi 2 bagian besar, yaitu:

- 1. Pemrosesan titik pembentuk polygon yang membentuk *Convex*.
- 2. Convex Hull dari titik yang berada di dalam polygon.

Sebagai contoh, pada subbab ini akan digunakan beberapa variabel seperti, P sebagai polygon luar yang mempunyai n vertex, dimana $P = \langle p_1, p_2, ..., p_n \rangle$ yang mempunyai titik sebanyak m ($S = \langle s_1, s_2, ..., s_m \rangle$), dan D(A) merupakan sebuah deque (doublyended queue) yang menampung vertex dari polygon P. Reduksi polygon didasari dari algoritma Melkman convex hull dengan sedikit modifikasi. Modifikasi yang dilakukan adalah ketika 3 buah titik pembentuk polygon yang konsekutif membuat convex maka titik tengah dari ketiga titik tersebut dibuang, dan jika concave maka titik tengahnya tetap disimpan. Pada saat sebuah titik dibuang, maka luas dari polygon akan tereduksi. Langkah-langkah reduksi dilakukan dengan mengulangi 2 langkah yang akan dijelaskan pada subbab 2.4.1 dan 2.4.2.

2.4.1 Pemrosesan Titik Pembentuk Polygon yang Membentuk Convex

Pemrosesan titik pembentuk polygon dapat dilakukan dengan cara melakukan traversing terhadap semua vertex pembentuk polygon. Untuk setiap vertex p_i yang di periksa, hitung orientasi(secara berlawanan arah jarum jam) titik p_i dengan p_{i-1} dan p_{i+1} . Jika orientasinya membentuk convex, maka titik p_i akan dibuang.

Sebelum membuang titik p_i , kita akan membuat sebuah segitiga ABC dimana $A=p_i$, $B=p_{i-1}$, dan $C=p_{i+1}$ karena triangulation of polygon (Teorema 1).

Teorema 1 (Triangulation of Polygon) Semua polygon dapat di

buat dari beberapa segitiga.

Kemudian cari T(ABC) dimana T(ABC) merupakan semua titik S yang berada di dalam segitiga ABC dengan menggunakan algoritma Point Inside Polygon (dapat dilihat pada subbab 2.6). Pencarian titik yang berada di dalam segitiga ABC berguna untuk mencari pengganti vertex p_i sebagai pembentuk polygon luarnya.

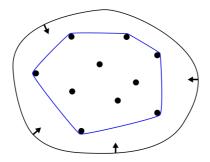
2.4.2 Convex Hull dari Titik yang Berada di Dalam Polygon

Melanjutkan dari subbab 2.4.1, ketika sudah mendapatkan T(ABC), lakukan pencarian $Convex\ Hull$ dari titik-titik tersebut menggunakan algoritma $monotone\ chain$ (dapat dilihat pada subbab 2.5.2.2). Kemudian sisipkan semua titik yang membentuk $Convex\ Hull$ di antara vertex p_{i-1}, p_{i+1} untuk me-rekonstruksi polygon luar yang sudah direduksi.

2.5 Convex Hull

Convex Hull dari sekumpulan titik S adalah sebuah set dari semua kombinasi convex dari titik-titik tersebut. Setiap titik s_i pada S diberikan sebuah koefisien a_i dimana a_i merupakan bilangan non negatif dan jika semua a_i dijumlahkan hasilnya satu. Dan koefisien ini digunakan untuk menghitung berat rata-rata untuk setiap titik. Untuk setiap koefisien yang dipilih akan dikombinasikan dan menghasilkan $convex\ hull$. Set $convex\ hull$ ini dapat diekspresikan dengan formula (2.2) dan ilustrasi $convex\ hull$ ada pada gambar 2.6.

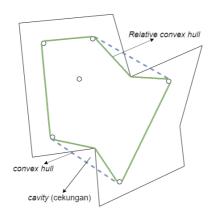
$$Conv(S) = \left\{ \sum_{i=1}^{|S|} a_i s_i | (\forall i : a_i \ge 0 \land \sum_{i=1}^{|S|} a_i = 1) \right\}$$
 (2.2)



Gambar 2.6 Ilustrasi Convex Cull

2.5.1 Relative Convex Hull

Relative convex hull merupakan penurunan dari convex hull. Relative convex hull merupakan convex hull yang mempunyai cavity (cekungan ke dalam) yang diakibatkan atau relatif terhadap sesuatu yang membatasi convex hull tersebut. Ilustrasi relative convex hull dapat dilihat pada gambar 2.7.



Gambar 2.7 Ilustrasi Relative Convex Hull

Penentuan untuk mengetahui sebuah polygon merupakan convex atau concave dapat menggunakan orientasi. Apabila ori-

Algoritma	Implementasi	Kompleksitas	Kode	Jenis Input
Convex Hull			Sumber	
Jarvis's	Mudah	$\mathcal{O}(n^2)$	Singkat	Kumpulan
Algorithm				Titik
Graham's	Sedikit	$\mathcal{O}(n\log(n))$	Singkat	Kumpulan
Scan	Mudah			Titik
Quick Hull	Kompleks	$\mathcal{O}(n\log(n))$	Panjang	Kumpulan
				Titik
Monotone	Mudah	$\mathcal{O}(n\log(n))$	Singkat	Kumpulan
Chain				Titik
Melkman's	Mudah	$\mathcal{O}(n)$	Singkat	Polygon
Algorithm				Sederhana
				atau
				Polyline

Tabel 2.1 Tabel Perbandingan Algoritma Convex Hull

entasi dari tiga titik yang berurutan adalah positif berlawanan arah jarum jam maka tiga titik tersebut adalah *convex*. Sebaliknya apabila negatif maka tiga titik tersebut adalah *concave*. Untuk mencari orientasi antara tiga titik dapat digunakan persamaan 2.3.

$$\vec{u} = (B_x - A_x)x + (B_y - A_y)y$$

$$\vec{v} = (C_x - A_x)x + (C_y - A_y)y$$

$$Orientasi = u_x * v_y - u_y * v_x$$
(2.3)

2.5.2 Algoritma Convex Hull

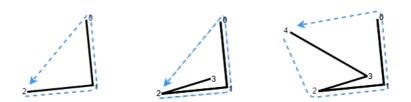
Ada beberapa algoritma yang dapat digunakan untuk mencari sebuah *convex hull*, untuk melihat perbandingan dari beberapa algoritma dapat dilihat pada tabel 2.1. Berdasarkan tabel 2.1, penulis memilih 2 algoritma yang akan digunakan pada buku ini.

2.5.2.1 Algoritma Melkman Convex Hull

Algoritma $Melkman\ convex\ hull$ merupakan algoritma untuk menghitung rantai polygonal ataupun polygon sederhana dengan waktu linear $\mathcal{O}(n)[2]$. Asumsikan sebuah polygon sederhana P, dengan vertex p_i dan edge p_ip_{i+1} . Algoritma ini menggunakan deque, $D = \langle d_1, d_2, ..., d_n \rangle$, untuk merepresentasikan $convex\ hull$, $Q_i = CH(P_i)$, dimana $P_i = (p_0, p_1, ..., p_i)$. Deque mempunyai fungsi $push\ dan\ pop\ dari\ atas/depan\ dan\ insert\ dan\ remove\ dari\ bawah/belakang. Secara spesifiknya yang\ dilakukan\ <math>push\ v$ ke deque melakukan $(l \leftarrow l+1; d_t \leftarrow v)$, untuk $pop\ d_t\ dari\ deque\ melakukan\ (t \leftarrow t-1)$, untuk $pop\ d_t\ dari\ deque\ melakukan\ (t \leftarrow t-1)$, untuk $pop\ d_t\ dari\ deque\ melakukan\ (t \leftarrow t-1)$, dan $pop\ dari\ deque\ melakukan\ (t \leftarrow t-1)$, dan $pop\ dari\ deque\ melakukan\ (t \leftarrow t-1)$.

Algoritma ini menggunakan konvensi dimana vertexnya berurutan secara berlawanan arah jarum jam di sekitar *convex hull Q*.

Setiap d_t dan d_b mengacu kepada vertex yang sama pada rantai polygon C, dan vertex ini akan selalu menjadi vertex yang kita tambahkan terakhir pada $convex\ hull$. Pseudocode $Melkman\ convex\ hull$ dapat dilihat pada pseudocode 2.1.



Gambar 2.8 Ilustrasi Algoritma Melkman

Algoritma Melkman convex hull sendiri tidak dapat dapat digunakan untuk mencari relative convex hull, tetapi beberapa ide dari Melkman convex hull nantinya akan digunakan untuk mendapatkan solusi dalam mencari relative convex hull. Ide yang diambil penulis dari Melkman convex hull adalah cara algoritma tersebut dalam melakukan traversing polygon atau segmen garis dan cara algori-

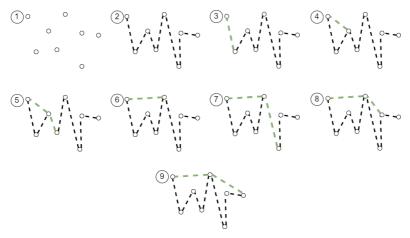
tma tersebut menyimpan atau membuang suatu titik yang dianggap tidak berguna dalam pembentukan polygon yang diinginkan. Ide yang pertama adalah *traversing* pada vertex dapat dilakukan dengan queue ataupun deque. Ide yang kedua adalah untuk masing-masing vertex yang di *traverse* dapat dicari tahu apakah titik atau vertex tersebut dapat dibuang atau tidak dengan melihat orientasinya dengan titik sebelum dan sesudahnya.

Pseudocode 2.1 Melkman Convex Hull

```
Input: P
Output: Q
 1: Inisialisasi: D
 2: if LEFT(p_0, p_1, p_2) then
          D \leftarrow \langle p_2, p_0, p_1, p_2 \rangle
 3:
 4: else
          D \leftarrow \langle p_2, p_1, p_0, p_2 \rangle
 5:
 6: end if
 7: i = 3
 8: while i < n \text{ do}
          while LEFT(d_{t-1}, d_t, p_i) dan LEFT(d_b, d_{b+1}, p_i) do
 9:
               i \leftarrow i + 1
10:
11:
          end while
          while !LEFT(d_{t-1}, d_t, p_i) do
12:
13:
              pop d_t
          end while
14:
15:
          push p_i
          while !LEFT(p_i, d_b, d_{b+1}) do
16:
               remove d_b
17:
          end while
18:
19:
          insert p_i
          i \leftarrow i + 1
20:
21: end while
```

2.5.2.2 Algoritma Monotone Chain

Algoritma monotone chain merupakan proses pembentukan convex hull dari sekumpulan titik dengan kompleksitas $\mathcal{O}(n \log(n))$ [3]. Asumsikan sekumpulan titik S sejumlah n, $S = \langle s_1, s_2, ..., s_n \rangle$ algoritma ini menggunakan list untuk membentuk sebuah rantai (monotone chain), dimana list L(S) menampung semua titik yang ada di S yang terurut berdasarkan nilai koordinatnya terhadap sumbu x. Algoritma ini memeriksa setiap S vertex yang berurutan, jika S vertex tersebut membuat convex maka ketiga vertex tersebut disimpan, dan sebaliknya jika ketiga vertex tersebut membuat concave maka vertex ke S akan dibuang dari vertex penyusun convex hull. Lalu lakukan hal yang sama dengan membalikkan urutan pada S untuk mendapatkan lower hull. Pseudocode algoritma Monotone Chain dapat dilihat pada pseudocode S.



Gambar 2.9 Ilustrasi Algoritma Monotone Chain

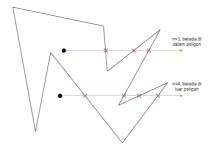
Algoritma *monotone chain* ini nantinya akan digunakan pada saat pencarian titik pengganti ketika suatu titik pembentuk polygon akan dibuang.

Pseudocode 2.2 Monotone Chain Algorithm

```
Input: S
Output: CH(S)
 1: Inisialisasi: L
 2: Sort S
 3: L \leftarrow S
 4: Inisialisasi CH(S)
 5: for i = 0; i < 2; i + + do
       for j = 0; j < Size(L); j + + do
 6:
           while Size(CH) \geq 2 and right(CH[Size(CH) -
 7:
    1], CH[Size(CH) - 2], S[j]) do
               Delete CH last element
 8:
           end while
 9:
           push pt to CH
10:
       end for
11:
       reverse L
12:
13: end for
```

2.6 Point Inside Polygon

Point inside polygon merupakan algoritma untuk menentukan apakah suatu polygon berada di dalam sebuah polygon atau tidak [4]. Ide utama dari algoritma ini adalah dengan cara menarik garis sejajar dengan sumbu x dimana garis tersebut berujung pada titik yang ingin dicari lokasinya kemudian hitung ada berapa edge dari polygon yang berpotongan dengan garis tersebut. Jika jumlah edge polygon yang berpotongan adalah ganjil, maka titik tersebut berada dalam polygon, dan sebaliknya, jika jumlahnya genap maka titik tersebut berada di luar polygon.



Gambar 2.10 Ilustrasi Algoritma Point Inside Polygon

BAB III DESAIN

Pada bab ini akan dijelaskan desain algoritma yang akan digunakan untuk menyelesaikan permasalahan.

3.1 Desain Umum Sistem

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai gambaran secara umum dari algoritma yang dirancang. Sistem diawali dengan menerima masukan 2 buah bilangan bulat N yang merupakan banyaknya vertex pembentuk polygon luar dan M yang merupakan banyaknya titik yang ada di dalam polygon tersebut. N baris berikutnya berisikan 2 buah bilangan bulat x_i , y_i yang merupakan koordinat dari vertex pembentuk polygon luar terurut berlawanan arah jarum jam. M baris berikutnya berisikan dua buah bilangan bulat x_i , y_i yang merupakan koordinat dari titik yang ada di dalam polygon.

3.2 Desain Fungsi Main

Fungsi MAIN merupakan fungsi yang bertanggung jawab untuk menerima masukan yang sudah dijelaskan pada 3.1 untuk dilakukan proses selanjutnya. Pseudocode fungsi MAIN dapat dilihat pada pseudocode 3.1. Fungsi INPUT merupakan fungsi untuk menerima masukan, dan fungsi PRINT merupakan fungsi untuk menampilkan hasil.

3.3 Desain Class Point

Class POINT adalah class untuk menyimpan titik dalam diagram Kartesius. Pseudocode 3.2 merupakan pseudocode dari class POINT. Nantinya pada implementasi, class ini akan melakukan *override* terhadap operator perbandingan.

Pseudocode 3.1 Fungsi MAIN

```
1: while (N \leftarrow INPUT()) and N \neq EOF do
         M \leftarrow \text{INPUT()}
 2:
 3:
         perimeter \leftarrow Polygon
         trees \leftarrow Array Point
 4:
         for i \leftarrow 1, N do
 5:
             x_i, y_i \leftarrow \text{INPUT}()
 6:
             perimeter.P[i] \leftarrow Point(x_i, y_i, false)
 7:
         end for
 8:
         if M=1 or M=0 then
 9:
10:
             PRINT(0)
11:
             CONTINUE
12:
         end if
         for i \leftarrow 1, M do
13:
             x1_i, y1_i \leftarrow \text{INPUT}()
14:
             trees \leftarrow POINT(x1_i, y1_i, true)
15:
         end for
16:
         ans \leftarrow Solve(perimeter, trees)
17:
         PRINT (ans)
18:
19: end while
```

Pseudocode 3.2 Class Point

```
1: x, y \leftarrow \text{double}

2: fixed \leftarrow \text{boolean}

3: \text{constructor Point}()

4: \text{constructor Point}(\_x, \_y, \_fixed)
```

Nama Variabel	Fungsi Variabel	
x	Menyimpan ordinat dari titik tersebut	
y	Menyimpan absis dari titik tersebut	
fixed	Untuk membedakan antara titik pemben-	
	tuk polygon P dan titik yang ada di dalam	
	kumpulan titik S	

Tabel 3.1 Nama dan Fungsi Variabel dalam Class POINT

Class POINT tidak memiliki fungsi karena class ini memang hanya untuk menyimpan suatu titik yang akan digunakan nanti.

Fungsi *Constructor* dari class ini terdiri dari dua jenis. Fungsi *constructor* yang pertama adalah fungsi dengan tanpa parameter, pada *constructor* ini, semua variabel yang ada di dalam class POINT akan di inisialisasi dengan 0. Fungsi *constructor* kedua adalah fungsi dengan parameter x, y, fixed, menyatakan nilai x, y, fixed secara berurutan.

3.4 Desain Class Vec

Class VEC merupakan class yang menyimpan vector dari dua buah titik pada diagram kartesian. Pseudocode 3.3 merupakan pseudocode dari class VEC.

Tabel 3.2 Nama dan Fungsi Variabel dalam Class VEC

Nama Variabel	Fungsi Variabel	
x	Menyimpan arah vektor absis	
y	Menyimpan arah vektor ordinat	

Class VEC tidak memiliki fungsi karena class ini hanya untuk menyimpan vector dari dua titik yang akan digunakan nanti.

Fungsi Constructor dari class ini terdiri dari 3 jenis. Fungsi constructor yang pertama adalah fungsi dengan tanpa parame-

Pseudocode 3.3 Class VEC

- 1: $x, y \leftarrow$ double
- 2: constructor VEC()
- 3: **constructor** VEC(x, y)
- 4: **constructor** VEC(A, B)

ter, pada constructor ini, semua variabel yang ada di dalam class VEC akan di inisialisasi dengan 0. Fungsi constructor kedua adalah fungsi dengan parameter $_x,_y$, menyatakan nilai x,y secara berurutan. Fungsi constructor ketiga adalah fungsi dengan parameter A,B, menyatakan POINT dari titik A dan POINT dari titik B, dimana nantinya nilai x dan y akan didapatkan dari pengurangan koordinat dari POINT A dan POINT B.

3.5 Desain Class Line

Class Line merupakan class yang bertanggung jawab untuk melakukan operasi-operasi pada garis dalam diagram kartesian. Pseudocode 3.4 merupakan pseudocode dari Class Line.

Nama Variabel	Fungsi Variabel	
a	Menyimpan nilai a pada persamaan $ax+by+$	
	c = 0	
b	Menyimpan nilai b pada persamaan $ax+by+$	
	c = 0	
c	Menyimpan nilai c pada persamaan $ax+by+$	
	c = 0	

Class LINE tidak memiliki fungsi karena class ini hanya untuk menyimpan nilai dari fungsi ax+by+c=0 yang akan digunakan nanti.

Pseudocode 3.4 Class LINE

- 1: $a, b, c \leftarrow \mathbf{double}$
- 2: constructor LINE()
- 3: **constructor** LINE(a, b, c)
- 4: **constructor** LINE(A, B)

Fungsi *Constructor* dari class ini terdiri dari 3 jenis. Fungsi *constructor* yang pertama adalah fungsi dengan tanpa parameter, pada *constructor* ini, semua variabel yang ada di dalam class LINE akan di inisialisasi dengan 0. Fungsi *constructor* kedua adalah fungsi dengan parameter $_a, _b, _c$, menyatakan nilai a, b, c secara berurutan. Fungsi *constructor* ketiga adalah fungsi dengan parameter A, B, menyatakan POINT dari titik A dan POINT dari titik B, dimana nantinya nilai a, b dan c akan didapatkan dengan mencari fungsi garis yang melewati POINT A dan POINT B.

3.6 Desain Class Segment

Class SEGMENT merupakan class yang bertanggung jawab untuk menyimpan dan melakukan operasi-operasi pada segmen garis dalam diagram kartesian. Pseudocode 3.5 merupakan pseudocode dari class SEGMENT.

Tabel 3.4 Nama dan Fungsi Variabel dalam Class SEGMENT

Nama Variabel	Fungsi Variabel	
P	Menyimpan POINT yang merupakan ujung	
	awal dari sebuah segmen garis	
Q	Menyimpan POINT yang merupakan ujung	
	akhir dari sebuah segmen garis	
L	Menyimpan fungsi dari garis yang melalui	
	dua titik tersebut	

Class SEGMENT tidak memiliki fungsi karena class ini hanya

Pseudocode 3.5 Class SEGMENT

- 1: $P, Q \leftarrow POINT$
- 2: $L \leftarrow \text{Line}$
- 3: constructor SEGMENT()
- 4: constructor Segment(P, Q)

untuk menyimpan data dari sebuah segmen garis yang akan digunakan nanti.

Fungsi Constructor dari class ini terdiri dari 2 jenis. Fungsi constructor yang pertama adalah fungsi dengan tanpa parameter, pada constructor ini, semua variabel yang ada di dalam class SEGMENT akan di inisialisasi dengan 0. Fungsi constructor kedua adalah fungsi dengan parameter P, Q, menyatakan POINT dari titik P dan POINT dari titik Q, yang merupakan titik POINT A dan POINT B secara berturut, dan LINE B didapar dengan menggunakan B constructor LINE dengan parameter B dan B.

3.7 Desain Class Polygon

Class POLYGON merupakan class yang bertanggung jawab untuk menyimpan dan melakukan operasi-operasi pada polygon pada diagram kartesian. Pseudocode 3.6 merupakan pseudocode dari class POLYGON.

Tabel 3.5 Nama dan Fungsi Variabel dalam Class POLYGON

Nama Variabel	Fungsi Variabel	
P	Menyimpan array dari POINT yang memben-	
	tuk polygon tersebut	

Fungsi-fungsi yang terkandung dalam class ini adalah PREV, NEXT, PERIMETER. Tabel 3.5 menjelaskan variabel dan kegunaannya dalam class POLYGON.

Pseudocode 3.6 Class Polygon

- 1: $P \leftarrow Array POINT$
- 2: constructor POLYGON()
- 3: **constructor** POLYGON(_P)
- 4: **function** PREV(idx)
- 5: **function** NEXT(idx)
- 6: **function** PERIMETER()

Fungsi *Constructor* dari class ini terdiri dari 2 jenis. Fungsi *constructor* yang pertama adalah fungsi dengan tanpa parameter, pada *constructor* ini, variabel P yang ada di dalam class POLYGON akan di inisialisasi. Fungsi *constructor* kedua adalah fungsi dengan parameter P, menyatakan array POINT dari titik pembentuk polygon tersebut.

Fungsi *next* bertanggung jawab untuk mencari index selanjutnya dari titik yang membentuk polygon. Masukan, proses dan keluaran dari fungsi ini tercantum pada tabel 3.6. Pseudocode fungsi ini dapat dilihat pada pseudocode 3.7.

Tabel 3.6 Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi NEXT Class POLYGON

Masukan	Proses	Keluaran
Suatu bilangan	mencari index	Suatu bilangan
bulat idx yang	selanjutnya	bulat yang me-
menyatakan index		nyatakan index
saat ini		selanjutnya

Fungsi *prev* bertanggung jawab untuk mencari index sebelumnya dari titik yang membentuk polygon. Masukan, proses dan keluaran dari fungsi ini tercantum pada tabel 3.7. Pseudocode fungsi ini dapat dilihat pada pseudocode 3.8.

Fungsi perimeter bertanggung jawab untuk mencari keliling

Pseudocode 3.7 Fungsi NEXT pada class POLYGON

Input: idx

1: **if** idx = SIZE(P) - 1 **then**

2: return 0

3: else

4: return idx + 1

5: end if

Tabel 3.7 Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi PREV Class POLYGON

Masukan	Proses	Keluaran
Suatu bilangan	mencari index	Suatu bilangan
bulat idx yang	sebelumnya	bulat yang me-
menyatakan index		nyatakan index
saat ini		sebelumnya

dari sebuah polygon. Masukan, proses, dan keluaran dari fungsi ini tercantum pada tabel 3.8. Pseudocode fungsi ini dapat dilihat pada pseudocode 3.9.

Pseudocode 3.8 Fungsi PREV pada class POLYGON

Input: idx

1: if idx = 0 then

2: **return** SIZE(P)-1

3: else

4: return idx - 1

5: end if

Tabel 3.8 Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi PERIMETER Class POLYGON

Masukan	Proses	Keluaran
-	Mencari keliling	Suatu bilangan
	dengan mencari	berkoma yang
	jarak eulerian dari	menyatakan keli-
	semua titik pem- ling dari polygon	
	bentuk polygon	tersebut

Pseudocode 3.9 Fungsi PERIMETER pada class POLYGON

- 1: $ret \leftarrow 0$
- 2: for $i \leftarrow 0$ to SIZE(P)-1 do
- 3: $ret \leftarrow ret \, \text{EDIST}(P[i], P[\, \text{NEXT}(i)])$
- 4: end for
- 5: return ret

3.8 Fungsi BetweenD

Fungsi BetweenD bertanggung jawab untuk mencari tahu apakah suatu bilangan x berada diantara bilangan l dan bilanganr. Pseudocode dari fungsi BetweenD dapat dilihat pada pseudocode 3.10. Masukan, proses, dan keluaran dari fungsi ini tercantum pada tabel 3.9.

Pseudocode 3.10 Fungsi BETWEEND

Input: x, l, r

- 1: if $MIN(l,r) \le x + EPS$ and $x \le MAX(l,r) + EPS$ then
- 2: **return** TRUE
- 3: else
- 4: return FALSE
- 5: end if

Tabel 3.9 Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi BetweenD

Masukan	Proses	Keluaran
Tiga buah bilangan	Mencari tahu apa-	Sebuah boolean
x, l, r, dimana	kah bilangan x	yang menyatakan
bilangan x meru-	berada diantara	apakah x berada
pakan bilangan	bilangan l dan r	diantara l dan r
yang ingin diketa-		
hui apakah berada		
diantara titik l dan		
$\mid r \mid$		

3.9 Fungsi EDist

Fungsi EDIST bertanggung jawab untuk mencari jarak antara dua titik POINT A dan POINT B dengan menggunakan rumus Pythagoras. Rumus Pythagoras dapat di lihat pada persamaan 3.1. Pseudocode fungsi EDIST dapat dilihat pada pseudocode 3.11. Masukan, proses, dan keluaran dari fungsi ini tercantum pada tabel 3.10.

$$C = \sqrt{A^2 + B^2} \tag{3.1}$$

Tabel 3.10 Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi EDIST

Masukan	Proses	Keluaran
Dua buah POINT	Mencari jarak an-	Sebuah bilangan
A dan POINT B	tara POINT A dan	berkoma yang
yang akan dicari	POINT B	menyatakan ja-
jaraknya		rak POINT A dan
		Point B

Pseudocode 3.11 Fungsi EDIST

Input: A, B

1: **return** SQRT((A * A) + (B * B))

3.10 Fungsi Cross

Fungsi CROSS bertanggung jawab untuk mencari nilai perkalian *cross* dari dua buah vector. Rumus Pythagoras dapat di lihat pada persamaan 3.2. Pseudocode fungsi CROSS dapat dilihat pada pseudocode 3.12. Masukan, proses, dan keluaran dari fungsi ini tercantum pada tabel 3.11.

$$C = (u_x * v_y) - (u_y * v_x)$$
(3.2)

Tabel 3.11 Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi CROSS

Masukan	Proses	Keluaran
Dua buah VEC	Mencari nilai per-	Sebuah bilangan
U dan VEC V	kalian silang dari	yang menyatakan
yang akan dicari	$VEC\ U$ dan $VEC\ V$	hasil perkalian
hasil perkalian		silang VEC U dan
silangnya		VEC V

Pseudocode 3.12 Fungsi CROSS

Input: U, V

1: **return** (U.x * V.y) - (U.y * V.x)

3.11 Fungsi Orientation

Fungsi ORIENTATION bertanggung jawab untuk mencari orientasi dari tiga titik. Pseudocode fungsi ORIENTATION dapat dilihat

pada pseudocode 3.13. Masukan, proses, dan keluaran dari fungsi ini tercantum pada tabel 3.12.

Tabel 3.12 Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi ORIENTATION

Masukan	Proses	Keluaran
Tiga buah POINT	Mencari orienta-	Sebuah bilangan
O, POINT P dan	si antara POINT	yang menyatakan
POINT Q yang	O, POINT P dan	orientasi antara
akan dicari orienta-	POINT Q	POINT O , POINT P
sinya		dan POINT Q

Pseudocode 3.13 Fungsi ORIENTATION

Input: O, P, Q

1: $OP \leftarrow VEC(O, P)$ 2: $OQ \leftarrow VEC(O, Q)$

3: **return** CROSS(OP, OQ)

3.12 Fungsi OnSegment

Fungsi ONSEGMENT bertanggung jawab untuk mencari tahu apakah sebuah titik POINT P bersentuhan dengan sebuah segmen garis SEGMENT S atau tidak. Pseudocode fungsi ONSEGMENT dapat dilihat pada pseudocode 3.14. Masukan, proses, dan keluaran dari fungsi ini tercantum pada tabel 3.13.

3.13 Fungsi ConvexHull

Fungsi Convex Hull bertanggung jawab untuk mencari $convex\ hull$ dari sekumpulan titik pts. Algoritma yang digunakan oleh fungsi ini adalah algoritma $Monotone\ Chain$ yang dapat dilihat pada

Tabel 3.13 Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi
ONSEGMENT

Masukan	Proses	Keluaran
Dua buah POINT	Mencari tahu apa-	Sebuah boolean
P dan SEGMENT	kah POINT P ber-	yang menyatakan
S yang akan di-	ada di SEGMENT	apakah POINT P
cari tahu apakah	$\mid S \mid$	berada di dalam
POINT P berada di		SEGMENT S
SEGMENT S		

Pseudocode 3.14 Fungsi ONSEGMENT

Input: P, S

1: if ORIENTATION(S.P, S.Q, P) then

2: **return** FALSE

3: else

4: **return** (BETWEEND(P.x, S.P.x, S.Q.x) and BETWEEND(P.y, S.P.y, S.Q.y))

5: end if

bagian 2.5.2.2. Pseudocode dari fungsi CONVEXHULL yang digunakan dapat dilihat pada Pseudocode 3.15. Masukan, proses, dan keluaran dari fungsi ini tercantum pada tabel 3.14.

3.14 Fungsi InSimplePolygon

Fungsi INSIMPLEPOLYGON bertanggung jawab untuk mencari tahu apakah sebuah titik POINT P berada di dalam POLYGON A atau tidak. Algoritma yang digunakan pada fungsi ini adalah algoritma point inside polygon yang dapat dilihat pada bagian 2.6. Pada desain fungsi INSIMPLEPOLYGON ada 3 macam keluaran yaitu -1 untuk menandakan bahwa POINT P berada di dalam POLYGON A, 0 untuk menandakan bahwa POINT P berada di salah satu si-

Pseudocode 3.15 Fungsi CONVEXHULL

```
Input: pts
 1: SORT(pts)
 2: hull \leftarrow Array POINT
 3: for i \leftarrow 0 to 2 do
       start \leftarrow SIZE(hull)
       for pt in pts do
 5:
           while (SIZE(hull)> start + 2)
 6:
                                                            and
    (ORIENTATION(hull[SIZE(hull)-1], hull[SIZE(hull)-2],
    pt \le 0 do
              hull.Erase(hull[SIZE(hull)-1])
 7:
 8:
           end while
           hull.INSERT(pt)
 9:
       end for
10:
       hull.Erase(hull[SIZE(hull)-1])
11:
       REVERSE(pts)
12:
13: end for
14: return POLYGON(hull);
```

Masukan	Proses	Keluaran
Sebuah array	Mencari POLYGON	Sebuah POLYGON
POINT pts yang	dengan keliling	yang mengelilingi
merupakan sekum-	terkecil dari se-	kumpulan POINT
pulan titik	kumpulan titik	pts

Tabel 3.14 Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi CONVEXHULL

si POLYGON A, dan 1 untuk menandakan bahwa POINT P berada di luar POLYGON A. Pseudocode fungsi INSIMPLEPOLYGON dapat dilihat pada pseudocode 3.16. Masukan, proses, dan keluaran dari fungsi ini tercantum pada tabel 3.15.

Tabel 3.15 Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi INSIMPLEPOLYGON

Masukan	Proses	Keluaran
Sebuah POINT	Mencari tahu	Sebuah bilangan
A dan sebuah	apakah POINT A	yang apakah POINT
POLYGON P yang	berada di dalam	A berada di dalam
akan dicari tahu	POLYGON P	POLYGON P
apakah POINT A		
berada di dalam		
POLYGON P		

3.15 Fungsi GetBetween

Fungsi GETBETWEEN bertanggung jawab untuk mencari list POINT yang akan menggantikan POINT yang akan dibuang. Pseudocode fungsi GETBETWEEN dapat dilihat pada pseudocode 3.17. Masukan, proses, dan keluaran dari fungsi ini tercantum pada tabel 3.16.

Pseudocode 3.16 Fungsi INSIMPLEPOLYGON

```
Input: P, A
 1: ret \leftarrow Integer
 2: for i \leftarrow 0 to SIZE(A.P) do
        if P = A.P[i] then
 3:
 4:
            return 0
        end if
 5:
        j \leftarrow A.\text{NEXT}(i)
 6:
        if ONSEGMENT(P, SEGMENT(A.P[i], A.P[j])) then
 7:
            return 0
 8:
        end if
 9:
        below \leftarrow (A.P[i].y < P.y)
10:
        if below \neq (A.P[j].y < P.y) then
11:
            o \leftarrow \text{ORIENTATION}(P, A.P[i], A.P[j])
12:
            if o = 0 then
13:
14:
                return 0
            end if
15:
            if below = (o > 0) and below = TRUE then
16:
17:
                ret + = 1
18:
            else
                if below = (o > 0) and below = FALSE then
19:
                    ret - = 1
20:
                end if
21:
22:
            end if
23:
        end if
24: end for
25: if ret = 0 then
26:
        return 1
27: else
28:
        return -1
29: end if
```

Pseudocode 3.17 Fungsi GETBETWEEN

```
Input: triangle, q, trees
 1: points, pts \leftarrow Array POINT
 2: while q not EMPTY do
        if InSimplepolygon(q.front(), triangle) \neq 1 then
            points.Insert(q.Front())
 4:
 5:
        end if
        q.POP
 6:
 7: end while
 8: for pt in trees do
        if InSimplepolygon(pt, triangle) \neq 1 then
10:
            points.INSERT(pt)
        end if
11:
12: end for
13: P \leftarrow \text{CONVEXHULL}(points)
14: i \leftarrow 0
15: while TRUE do
        if P.P[i] = triangle.P[0] then
16:
            if P.P[P.NEXT(i)] = triangle.P[2] then
17:
                i \leftarrow P.PREV(i)
18:
                while P.P[i] \neq triangle.P[2] do
19:
                    pts.INSERT(P.P[i])
20:
                    i = P.PREV(i)
21:
22:
                end while
23:
            else
                i \leftarrow P.\text{NEXT}(i)
24:
                while P.P[i] \neq triangle.P[2] do
25:
                    pts.INSERT(P.P[i])
26:
                    i = P.NEXT(i)
27:
28:
                end while
            end if
29:
            BREAK
30:
        end if
31:
        i \leftarrow P.\text{NEXT}(i)
32:
33: end while
34: return pts
```

Tabel 3.16 Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi GETBETWEEN

Masukan	Proses	Keluaran
Sebuah POLYGON	Mencari POINT	Sebuah LIST
triangle yang me-	mana saja yang	POINT yang beri-
rupakan segitiga,	akan meng-	sikan daftar POINT
QUEUE POINT q	gantikan POINT	yang akan meng-
yang merupakan	triangle[1] yang	gantikan POINT
pembentuk po-	akan dibuang	triangle[1]
lygon luar, dan		
array POINT trees		
yang merupakan		
titik yang berada di		
dalam polygon luar		

3.16 Fungsi Solve

Fungsi SOLVE bertanggung jawab untuk mencari *relative convex polygon* yang mengelilingi semua titik yang ada di dalam polygon luar. Pseudocode fungsi SOLVE dapat dilihat pada pseudocode 3.18. Masukan, proses, dan keluaran dari fungsi ini tercantum pada tabel 3.17.

Pseudocode 3.18 Fungsi SOLVE

```
Input: perimeter, trees
 1: q \leftarrow QUEUE
 2: for pt in perimeter.P do
        q.PUSH pt
 4: end for
 5: bef \leftarrow perimeter.P[perimeter.SIZE() - 1]
 6: while TRUE do
 7:
        erased \leftarrow False
        count \leftarrow q.SIZE()
 8:
        while count-do
 9:
            cur \leftarrow q.FRONT() q.POP()
10:
            if cur. fixed = FALSE and (FINE(q, cur) \text{ or } cur = bef
11:
    or cur = q.FRONT()) then
                erased \leftarrow TRUE
12:
                triangle \leftarrow Polygon
13:
                triangle.P.Insert(bef, cur, q.Front())
14:
                points \leftarrow GETBETWEEN(triangle, q, trees)
15:
                for pt in points do
16:
                    q.PUSH(pt); bef \leftarrow pt
17:
                end for
18:
19:
            else
                q.PUSH(cur); bef \leftarrow cur
20:
            end if
21:
        end while
22:
        if erased = False then Break
23:
24:
        end if
25: end while
26: hull \leftarrow array of POINT
27: while q not empty do
        hull.INSERT(q.FRONT())
28:
29:
        q.POP()
30: end while
31: return POLYGON(hull)
```

Tabel 3.17 Masukan, Proses, dan Keluaran dari Fungsi Solve

Masukan	Proses	Keluaran
Sebuah POLYGON	Mencari relative	Sebuah POLYGON
perimeter yang	convex hull dari	yang merupakan
merupakan po-	semua titik $trees$	relative convex
lygon sederhana	di dalam POLYGON	hull dari semua
yang merupakan	perimeter	titik $trees$
polygon pembatas,		
dan array POINT		
trees yang meru-		
pakan titik yang		
berada di dalam		
polygon pembatas		

BAB IV IMPLEMENTASI

4.1 Lingkungan implementasi

Lingkungan implementasi dan pengembangan yang dilakukan adalah sebagai berikut.

1. Perangkat Keras

- (a) Processor Intel® Core™ i7-6500U CPU @ 2.50GHz (4 CPUs), 2.6GHz
- (b) Random Access Memory 8192MB

2. Perangkat Lunak

- (a) Sistem Operasi Windows 10 Home Single Language 64-bit
- (b) Visual Studio Code
- (c) Bahasa Pemrograman C++
- (d) Kompiler GCC 7.4.0 (Ubuntu 7.4.0-1ubuntu1 18.04.1) untuk Windows Subsystem Linux

4.2 Implementasi Program Utama

Subbab ini menjelaskan implementasi proses algoritma secara keseluruhan berdasarkan desain yang telah dijelaskan pada bab 3. Program ini merupakan program yang digunakan untuk menyelesaikan permasalahan LL and ErBao.

4.2.1 Header yang diperlukan

Implementasi algoritma ini membutuhkan enam buah *header* yaitu iostream, vector, cmath, map, queue, dan algorithm seperti yang terlihat pada kode sumber 4.1.

```
1 #pragma GCC optimize("03")
2 #pragma GCC target("avx")
3
4 #include <iostream>
5 #include<vector>
6 #include<cmath>
7 #include<map>
8 #include<queue>
9 #include<algorithm>
```

Kode Sumber 4.1 Header yang Diperlukan

Selain header, terdapat juga preprocessor *pragma*, digunakan untuk mengganti flag kompiler yang digunakan pada daring SPOJ. *Header* iostream berisi fungsi standar input output operasi yang digunakan oleh bahasa C++. *Header* vector berisi struktur data yang digunakan untuk menyimpan data array secara dinamis. *Header* cmath berisi fungsi-fungsi untuk operasi matematika seperti fungsi hypot. *Header* map berisi struktur data untuk menyimpan data *key value*. *Header* queue berisi struktur data yang digunakan untuk menyimpan antrian data. *Header* algorithm berisi modul yang memiliki fungsi-fungsi yang sangat berguna dalam membantu mengimplementasi algoritma yang telah dibangun, contohnya adalah fungsi *reverse* dan *sort*.

4.2.2 Preprocessor

Preprocessor seperti using digunakan untuk membuat alias dari tipe data sesungguhnya. Terdapat empat alias yang digunakan yaitu push_back(x) sebagai pb(x), pop_back(x) sebagai pob(x), getchar(x) sebagai gc(x), dan for (int i = 0; i < n; i++) sebagai FOR(i,n). Preprocessor dapat dilihat pada kode sumber 4.2.

```
1 #define pb(x) push_back(x)
2 #define pob(x) pop_back(x)
3 #define FOR(i, n) for (int i = 0; i < n; i++)
4 #define gc(x) getchar(x)
5 using namespace std;</pre>
```

Kode Sumber 4.2 Preprocessor yang Diperlukan

4.2.3 Variabel Global

Variabel global digunakan untuk memudahkan dalam mengakses data yang digunakan lintas fungsi/struct. kode sumber implementasi variabel global dapat dilihat pada kode sumber 4.3. Variabel tersebut didefinisikan secara global agar dapat digunakan pada setiap fungsi.

```
1 const double EPS = 0.0;
2 const double INF = 1E9;
3 map<point, int> pool;
```

Kode Sumber 4.3 Variabel Global yang Didefinisikan Untuk Program

4.2.4 Implementasi Fungsi Main

Fungsi main adalah implementasi algoritma yang dirancang pada pseudocode 3.1. Implementasi fungsi main dapat dilihat pada kode sumber 4.4.

```
1 int main(){
 2
     int kase = 1;
 3
     int n, m;
     while (cin >> n) {
       pool.clear();
       cin >> m;
       polygon perimeter;
       vector<point> trees;
 9
10
       for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
11
         double a = readint(), b = readint();
12
         pool[point(a, b, false)]++;
13
         perimeter.P.push back(point(a, b, false));
14
15
16
       if (m == 0 | | m == 1) {
17
         printf("Case #%d: %.31f\n", kase++, 0.0);
18
         continue;
19
20
21
       for (int i = 0; i < m; i++) {
22
         double a = readint(), b = readint();
23
         pool[point(a, b, true)]++;
24
         trees.push back(point(a, b, true));
25
       }
26
27
       polygon hasil = solve(perimeter, trees);
28
29
       printf("Case #%d: %.3lf\n", kase++,
           hasil.perimeter());
30
31 }
```

Kode Sumber 4.4 Fungsi Main

4.2.5 Implementasi Class Point

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari class Point pada subbab 3.3 dan pseudocode 3.2. Implementasi

dari class Point dapat dilihat pada kode sumber 4.5.

```
1 struct point{
 2
     double x, y;
     bool fixed;
    point(){
     x = y = 0.0;
       fixed = 0;
     point(double x, double y, bool fixed =
         false) {
       x = x;
10
       y = y;
11
       fixed = _fixed;
12
13
     bool operator<(point other) const{</pre>
14
       if (y < other.y + EPS)</pre>
         return true;
16
       if (y + EPS > other.y)
         return false;
       return x < other.x + EPS;</pre>
18
19
20
     bool operator==(point other) const{
       return same d(x, other.x) && same d(y,
           other.y);
22
     }
23 };
```

Kode Sumber 4.5 Struct Point

4.2.6 Implementasi Class Vec

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari class Vec pada subbab 3.4 dan pseudocode 3.3. Implementasi dari class Vec dapat dilihat pada kode sumber 4.6.

```
1 struct vec{
 2
    double x, y;
     vec(){
       x = y = 0.0;
     vec(double x, double y) {
       x = x;
       y = y;
 9
10
    vec(point A) {
11
      x = A.x;
12
       y = A.y;
13
14
    vec(point A, point B) {
      x = B.x - A.x;
15
16
      y = B.y - A.y;
17
18 };
```

Kode Sumber 4.6 Struct Vec

4.2.7 Implementasi Class Line

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari class Line pada subbab 3.5 dan pseudocode 3.4. Implementasi dari class Line dapat dilihat pada kode sumber 4.7.

```
1 struct line{
 2
     double a, b, c;
 3
     line(){
 4
       a = b = c = 0.0;
 5
 6
     line (double a, double b, double c) {
 7
       a = _a;
 8
       b = b;
 9
       c = _c;
10
11
     line(point P1, point P2) {
12
       if (P2 < P1) {
13
         point T;
14
         T = P1;
15
         P1 = P2;
16
         P2 = T;
17
18
       if (same d(P1.x, P2.x))
19
         a = 1.0, b = 0.0, c = -P1.x;
20
       else
21
         a = -(P1.y - P2.y) / (P1.x - P2.x), b =
             1.0, c = -(a * P1.x) - P1.y;
22
23
     line (point P, double slope) {
24
       if (same d(slope, INF))
25
         a = 1.0, b = 0.0, c = -P.x;
26
       else
27
         a = -slope, b = 1.0, c = -(a * P.x) - P.y;
28
29
     bool operator==(line other) const{
30
       return same d(a, other.a) && same d(b,
           other.b) && same d(c, other.c);
31
32 };
```

Kode Sumber 4.7 Struct Line

4.2.8 Implementasi Class Segment

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari class Segment pada subbab 3.6 dan pseudocode 3.5. Implementasi dari class Segment dapat dilihat pada kode sumber 4.8.

```
1 struct segment{
    point P, Q;
 3 line L;
  segment(){
     point T1;
     P = Q = T1;
     line T2;
     L = T2;
10
    segment(point P, point Q) {
     if (_Q < _P) {
11
12
        point T1 = P;
        _{P} = Q;
13
14
         _Q = T1;
15
16
     P = P;
17
      Q = Q;
      line T2(_P, _Q);
18
19
      L = T2;
20
21
    bool operator==(segment other) const{
22
       return P == other.P && Q == other.Q;
23
24 };
```

Kode Sumber 4.8 Struct Segment

4.2.9 Implementasi Class Polygon

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari class Polygon pada subbab 3.7 dan pseudocode 3.6. Implementasi dari class Polygon dapat dilihat pada kode sumber 4.9.

```
1 struct polygon{
 2
     vector<point> P;
 3
     polygon(){
       P.clear();
     polygon(vector<point> & P) {
 7
       P = P;
     int prev(int idx) {
10
       return (idx == 0 ? P.size() - 1 : idx - 1);
11
12
     int next(int idx) {
13
       return (idx == P.size() - 1 ? 0 : idx + 1);
14
15
     double perimeter() {
16
       double ret = 0;
       FOR(i, P.size()){
17
18
         ret += e dist(P[i], P[next(i)]);
19
20
       return ret;
21
22 };
```

Kode Sumber 4.9 Struct Polygon

4.2.10 Implementasi Fungsi BetweenD

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari fungsi BetweenD pada pseudocode 3.10. Implementasi dapat dilihat pada kode sumber 4.10.

```
1 double between_d(double x, double 1, double r) {
2  return (min(1, r) <= x + EPS && x <= max(1, r) + EPS);
3 }</pre>
```

Kode Sumber 4.10 Fungsi BetweenD

4.2.11 Implementasi Fungsi EDist

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari fungsi EDist pada pseudocode 3.11. Implementasi dapat dilihat pada kode sumber 4.11.

```
1 double e_dist(point P1, point P2) {
2   return hypot(P1.x - P2.x, P1.y - P2.y);
3 }
```

Kode Sumber 4.11 Fungsi EDist

4.2.12 Implementasi Fungsi Cross

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari fungsi Cross pada pseudocode 3.12. Implementasi dapat dilihat pada kode sumber 4.12.

```
1 double cross(vec u, vec v) {
2   return (u.x * v.y - u.y * v.x);
3 }
```

Kode Sumber 4.12 Fungsi Cross

4.2.13 Implementasi Fungsi Orientation

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari fungsi Orientation pada pseudocode 3.13. Implementasi dapat dilihat pada kode sumber 4.13.

```
1 double orientation(point O, point P, point Q){
2  vec OP(O, P), OQ(O, Q);
3  double c = cross(OP, OQ);
4  return c;
5 }
```

Kode Sumber 4.13 Fungsi Orientation

4.2.14 Implementasi Fungsi OnSegment

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari fungsi OnSegment pada pseudocode 3.14. Implementasi dapat dilihat pada kode sumber 4.14.

```
1 bool onSegment(point P, segment S) {
2   if (orientation(S.P, S.Q, P) != 0.0)
3    return false;
4   return between_d(P.x, S.P.x, S.Q.x) &&
       between_d(P.y, S.P.y, S.Q.y);
5 }
```

Kode Sumber 4.14 Fungsi OnSegment

4.2.15 Implementasi Fungsi ConvexHull

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari fungsi ConvexHull pada pseudocode 3.15. Implementasi dapat dilihat pada kode sumber 4.15.

```
1 polygon convexHull(vector<point> &pts) {
     sort(pts.begin(), pts.end());
     vector<point> hull;
     for (int i = 0; i < 2; i++) {
       int start = (int)hull.size();
       for (int i = 0; i < pts.size(); i++) {</pre>
         while ((int)hull.size() >= start + 2 &&
             orientation(hull[(int)hull.size() - 1],
             hull[(int)hull.size() - 2], pts[i]) <=
             0.0)
           hull.pob();
 8
 9
         hull.pb(pts[i]);
10
11
       hull.pop back();
12
       reverse(pts.begin(), pts.end());
13
     return polygon(hull);
14
15 }
```

Kode Sumber 4.15 Fungsi ConvexHull

4.2.16 Implementasi Fungsi InSimplePolygon

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari fungsi inSimplePolygon pada pseudocode 3.16. Implementasi dapat dilihat pada kode sumber 4.16.

```
1 int inSimplePolygon(point P, polygon &A) {
     int ret = 0;
     FOR(i, A.P.size()) {
       if (P == A.P[i])
         return 0;
      int j = A.next(i);
       if (onSegment(P, segment(A.P[i], A.P[j])))
         return 0;
       bool below = (A.P[i].y < P.y);</pre>
       if (below != (A.P[j].y < P.y)) {</pre>
         double o = orientation(P, A.P[i], A.P[j]);
12
         if (0 == 0.0)
13
           return 0;
14
         if (below == (0 > 0.0))
15
           ret += below ? 1 : -1;
16
       }
17
18
     return ret == 0 ? 1 : -1;
19 }
```

Kode Sumber 4.16 Fungsi InSimplePolygon

4.2.17 Implementasi Fungsi GetBetween

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari fungsi GetBetween pada pseudocode 3.17. Implementasi dapat dilihat pada kode sumber 4.17.

```
1 vector<point> getBetween(polygon &triangle,
       queue<point> q, vector<point> trees) {
 2
     vector<point> points,pts;
 3
     while (!q.empty()) {
       if (inSimplePolygon(q.front(), triangle) !=
           1) {
 5
         points.pb(q.front());
 6
       }
 7
       q.pop();
 8
 9
     for (int i = 0; i < trees.size(); i++) {</pre>
10
       if (inSimplePolygon(trees[i], triangle) != 1) {
11
         points.pb(trees[i]);
12
       }
13
14
     polygon P = convexHull(points);
     int i = 0;
15
16
     while (1) {
17
       if (P.P[i] == triangle.P[0]) {
18
         if (P.P[P.next(i)] == triangle.P[2]) {
19
           i = P.prev(i);
20
           while (!(P.P[i] == triangle.P[2])){
21
              pts.pb(P.P[i]);i = P.prev(i);
22
           }
23
         }
24
         else{
25
           i = P.next(i);
26
           while (!(P.P[i] == triangle.P[2])){
27
             pts.pb(P.P[i]);i = P.next(i);
28
            }
29
30
         break;
31
32
       i = P.next(i);
33
     }
34
     return pts;
35 }
```

Kode Sumber 4.17 Fungsi GetBetween

4.2.18 Implementasi Fungsi Solve

Pada subbab ini akan dijelaskan mengenai implementasi dari fungsi Solve pada pseudocode 3.18. Implementasi dapat dilihat pada kode sumber 4.18.

```
1 polygon solve(polygon &perimeter, vector<point>
       &trees) {
     queue<point> q;
     for (int i = 0; i < perimeter.P.size(); i++) {</pre>
       q.push(perimeter.P[i]);
 5
     point bef = perimeter.P[perimeter.P.size() - 1];
     while (1) {
       bool erased = 0;
10
       int count = q.size();
11
       while (count--) {
12
         point cur = q.front();
13
         q.pop();
14
         pool[cur]--;
15
         if (!cur.fixed && (!find(q, cur) || cur ==
             bef || cur == q.front()) &&
             orientation(cur, bef, q.front()) <=</pre>
             0.0){}
            erased = true;
16
17
           polygon triangle;
18
            triangle.P.pb(bef);
19
           triangle.P.pb(cur);
           triangle.P.pb(q.front());
20
           vector<point> points =
21
               getBetween(triangle, q, trees);
            for (int i = 0; i < points.size(); i++) {</pre>
22
23
              q.push(points[i]);
24
              pool(points[i])++;
25
             bef = points[i];
26
27
         else{
29
            q.push(cur);
30
            pool[cur]++;
```

```
bef = cur;
31
32
33
34
     if (!erased)
        break;
36
37
38
   vector<point> hull;
39
   while (!q.empty()) {
    hull.pb(q.front());
40
41
     q.pop();
42
     return polygon(hull);
44 }
```

Kode Sumber 4.18 Fungsi Solve

[Halaman ini sengaja dikosongkan]

BAB V UJI COBA DAN EVALUASI

Pada bab ini dijelaskan tentang uji coba dan evaluasi dari implementasi yang telah dilakukan pada tugas akhir ini.

5.1 Lingkungan Uji Coba

Lingkungan uji coba digunakan untuk uji coba kebenaran adalah salah satu sistem yang digunakan situs penilaian daring Sphere Online Judge, yaitu kluster *Cube* dengan spesifikasi sebagai berikut:

1. Perangkat Keras

- (a) Processor Intel Xeon E3-1220 v5 (5 CPUs)
- (b) Random Access Memory 1536MB

2. Perangkat Lunak

(a) Kompiler GCC 6.3.0

Lingkungan uji coba yang digunakan untuk melakukan uji coba kinerja menggunakan komputer pribadi penulis yang memiliki spesifikasi sebagai berikut

1. Perangkat Keras

- (a) Processor Intel® Core™ i7-6500U CPU @ 2.50GHz (4 CPUs), 2.6GHz
- (b) Random Access Memory 8192MB

2. Perangkat Lunak

- (a) Sistem Operasi Windows 10 Home Single Language 64-bit
- (b) Visual Studio Code
- (c) Bahasa Pemrograman C++

(d) Kompiler GCC 7.4.0 (Ubuntu 7.4.0-1ubuntu1 18.04.1) untuk Windows Subsystem Linux

5.2 Skenario Uji Coba

Subbab ini akan menjelaskan hasil pengujian program untuk menyelesaikan permasalahan LL and ErBao. Metode pengujian yang dilakukan adalah sebagai berikut.

- 1. Pengujian luar. Pengujian ini menggunakan Online Judge untuk menguji kebenaran dan kinerja program.
- Pengujian lokal. Pengujian ini menggunakan mesin yang digunakan dalam pengembangan untuk mengukur kinerja program.

Dalam pengujian lokal, dibuat beberapa kasus uji berdasarkan batasan yang ada pada soal.

Untuk pengujian luar, uji coba dilakukan dengan mengirimkan kode program dengan algoritma reduksi polygon ke situs penilaian daring Sphere Online Judge sebanyak 10 kali.

5.3 Uji Coba Kebenaran

Pada subbab ini akan dibahas mengenai uji coba kebenaran yang dilakukan dengan mengirim kode sumber terkait ke dalam situs penilaian daring Sphere Online Judge. Bukti hasil pengujian dapat dilihat pada gambar 5.1.



Gambar 5.1 Hasil Uji Coba Kebenaran Situs Penilaian Sphere Online Judge

5.4 Uji Coba Kinerja Lokal

Pada subbab ini akan ditampilkan hasil uji coba kinerja dari algoritma reduksi polygon untuk menyelesaikan permasalahan LL and ErBao. Pengujian dilakukan terhadap kelompok masukan yang telah dijelaskan pada subbab 5.2. Detil masukan dapat dilihat pada Lampiran A. Langkah pengujian kinerja dilakukan dengan langkah sebagai berikut:

- 1. Rekam waktu tepat sebelum komputasi penyelesaian masalah.
- 2. Melakukan komputasi penyelesaian masalah untuk masukan kasus uji yang sama sebanyak 10 kali secara berturut-turut.
- 3. Rekam waktu tepat setelah komputasi dengan mengurangi waktu selesai komputasi dengan waktu sebelum komputasi.
- 4. Ulangi untuk semua kasus uji.

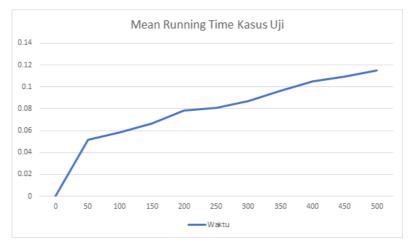
Grafik 5.2 menampilkan rata-rata kinerja masing-masing metode. Pada grafik tersebut dapat dilihat bahwa rata-rata *running time* reduksi polygon dengan algoritma *Melkman convex hull* berbanding lurus dengan banyaknya titik di dalam polygon tersebut.

5.5 Evaluasi Kebenaran Uji Coba Lokal

Evaluasi dilakukan dengan memeriksa hasil keluaran program apakah sama dengan contoh keluaran pada Sphere Online Judge 5637 LL and ErBao. Tabel kebenaran dapat dilihat pada gambar 5.1

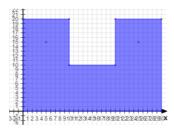
Gambar 5.3 menunjukan ilustrasi kondisi awal program sebelum iterasi dimulai.

Pada awal iterasi ke-1, memeriksa titik (0,0). Titik tersebut akan dibuang karena titik tersebut merupakan titik luar dan orientasi terhadap titik sebelumnya dan sesudahnya membentuk *convex*. Sebelum membuang titik tersebut, program membuat segitiga dengan titik sebelumnya, titik tersebut dan titik sesudahnya. Kemudian pro-



Gambar 5.2 Grafik Mean Running Time Kasus Uji

Contoh testcase 1



Queue: (0,0), (30,0), (30,20), (20,20), (20,10), (10,10), (10,20), (0,20)

Gambar 5.3 Ilustrasi Kondisi Awal

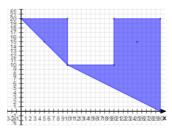
gram mencari semua titik yang berada di dalam segitiga tersebut. Selanjutnya program mencari *convex hull* dari semua titik yang didapatkan dan disisipkan ke queue polygon luar untuk menggantikan

Data Masukan	Hasil Keluaran
8 2	
0 0	
30 0	
30 20	
20 20	
20 10	Case #1: 48.284
10 10	
10 20	
0 20	
5 15	
25 15	

Tabel 5.1 Tabel Data Uji Coba Kebenaran Lokal dengan Sampel Data

titik yang dibuang. Kondisi setelah iterasi ke-1 dapat dilihat pada gambar 5.4.



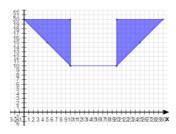


Queue: (30,0), (30,20), (20,20), (20,10), (10,10), (10,20), (0,20), (10,10)

Gambar 5.4 Ilustrasi Iterasi 1

Pada awal iterasi ke-2, memeriksa titik (30,0). Titik tersebut akan dibuang karena titik tersebut merupakan titik luar dan orientasi terhadap titik sebelumnya dan sesudahnya membentuk *convex*. Sebelum membuang titik tersebut, program membuat segitiga dengan titik sebelumnya, titik tersebut dan titik sesudahnya. Kemudian program mencari semua titik yang berada di dalam segitiga tersebut. Selanjutnya program mencari *convex hull* dari semua titik yang didapatkan dan disisipkan ke queue polygon luar untuk menggantikan titik yang dibuang. Kondisi setelah iterasi ke-2 dapat dilihat pada gambar 5.5.

Cek titik(30,0)



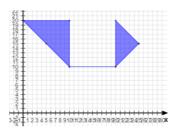
Queue: (30,20), (20,20), (20,10), (10,10), (10,20), (0,20), (10,10), (20,10)

Gambar 5.5 Ilustrasi Iterasi 2

Pada awal iterasi ke-3, memeriksa titik (30, 20). Titik tersebut akan dibuang karena titik tersebut merupakan titik luar dan orientasi terhadap titik sebelumnya dan sesudahnya membentuk *convex*. Sebelum membuang titik tersebut, program membuat segitiga dengan titik sebelumnya, titik tersebut dan titik sesudahnya. Kemudian program mencari semua titik yang berada di dalam segitiga tersebut. Selanjutnya program mencari *convex hull* dari semua titik yang didapatkan dan disisipkan ke queue polygon luar untuk meng-

gantikan titik yang dibuang. Kondisi setelah iterasi ke-3 dapat dilihat pada gambar 5.6.





Queue: (20,20), (20,10), (10,10), (10,20), (0,20), (10,10), (20,10), (25,15)

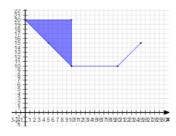
Gambar 5.6 Ilustrasi Iterasi 3

Pada awal iterasi ke-4, memeriksa titik (20, 20). Titik tersebut akan dibuang karena titik tersebut merupakan titik luar dan orientasi terhadap titik sebelumnya dan sesudahnya membentuk *convex*. Sebelum membuang titik tersebut, program membuat segitiga dengan titik sebelumnya, titik tersebut dan titik sesudahnya. Kemudian program mencari semua titik yang berada di dalam segitiga tersebut. Selanjutnya program mencari *convex hull* dari semua titik yang didapatkan dan disisipkan ke queue polygon luar untuk menggantikan titik yang dibuang. Kondisi setelah iterasi ke-4 dapat dilihat pada gambar 5.7.

Pada awal iterasi ke-5, memeriksa titik (20, 10). Titik tersebut tidak akan dibuang karena titik tersebut merupakan titik luar tetapi orientasi terhadap titik sebelumnya dan sesudahnya membentuk *concave*. Kondisi setelah iterasi ke-5 dapat dilihat pada gambar 5.8.

Pada awal iterasi ke-6, memeriksa titik (10, 10). Titik ter-

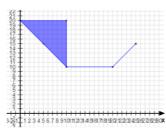
Cek titik(20,20)



Queue: (20,10), (10,10), (10,20), (0,20), (10,10), (20,10), (25,15)

Gambar 5.7 Ilustrasi Iterasi 4

Cek titik(20,10)

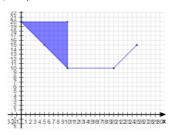


Queue: (10,10), (10,20), (0,20), (10,10), (20,10), (25,15), (20,10)

Gambar 5.8 Ilustrasi Iterasi 5

sebut tidak akan dibuang karena titik tersebut merupakan titik luar tetapi orientasi terhadap titik sebelumnya dan sesudahnya membentuk *concave*. Kondisi setelah iterasi ke-6 dapat dilihat pada gambar 5.9.

Cek titik(10,10)



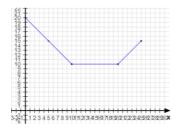
Queue: (10,20), (0,20), (10,10), (20,10), (25,15), (20,10), (10,10)

Gambar 5.9 Ilustrasi Iterasi 6

Pada awal iterasi ke-7, memeriksa titik (10,20). Titik tersebut akan dibuang karena titik tersebut merupakan titik luar dan orientasi terhadap titik sebelumnya dan sesudahnya membentuk *convex*. Sebelum membuang titik tersebut, program membuat segitiga dengan titik sebelumnya, titik tersebut dan titik sesudahnya. Kemudian program mencari semua titik yang berada di dalam segitiga tersebut. Selanjutnya program mencari *convex hull* dari semua titik yang didapatkan dan disisipkan ke queue polygon luar untuk menggantikan titik yang dibuang. Kondisi setelah iterasi ke-7 dapat dilihat pada gambar 5.10.

Pada awal iterasi ke-8, memeriksa titik (0,20). Titik tersebut akan dibuang karena titik tersebut merupakan titik luar dan orientasi terhadap titik sebelumnya dan sesudahnya membentuk convex. Sebelum membuang titik tersebut, program membuat segitiga dengan titik sebelumnya, titik tersebut dan titik sesudahnya. Kemudian program mencari semua titik yang berada di dalam segitiga tersebut. Selanjutnya program mencari $convex\ hull$ dari semua titik yang didapatkan dan disisipkan ke queue polygon luar untuk menggantikan

Cek titik(10,20)

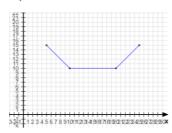


Queue: (0,20), (10,10), (20,10), (25,15), (20,10), (10,10)

Gambar 5.10 Ilustrasi Iterasi 7

titik yang dibuang. Kondisi setelah iterasi ke-8 dapat dilihat pada gambar 5.11.

Cek titik(0,20)



Queue: (10,10), (20,10), (25,15), (20,10), (10,10), (5,15)

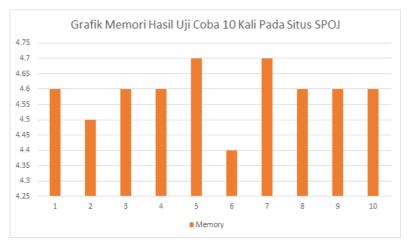
Gambar 5.11 Ilustrasi Iterasi 8

5.6 Uji Coba Kinerja Luar

Pada subbab ini akan ditampilkan hasil uji coba kinerja dari algoritma reduksi polygon. Pengujian dilakukan dengan cara mengirimkan kode program ke situs penilaian daring Sphere Online Judge. Detil mengenai hasil uji kinerja dapat dilihat pada Lampiran. Rata-rata hasil pengumpulan kode berkas dengan algoritma *Melkman Convex Hull* adalah 0.08 detik dengan memori 4.6 MB. Hasil uji coba pada situs Sphere Online Judge dapat dilihat pada gambar 5.12 dan 5.13.



Gambar 5.12 Grafik Waktu Uji Coba 10 Kali pada Situs SPOJ



Gambar 5.13 Grafik Memori Uji Coba 10 Kali pada Situs SPOJ

BAB VI KESIMPULAN

Pada bab ini dijelaskan mengenai kesimpulan dari hasil uji coba yang telah dilakukan serta saran-saran tentang pengembangan yang dapat dilakukan terhadap Tugas Akhir ini di masa yang akan datang.

6.1 Kesimpulan

Berdasarkan penjabaran di bab-bab sebelumnya, dapat disimpulkan beberapa poin terkait penyelesaian permasalahan LL and Erbao.

- 1. Permasalahan LL and ErBao dapat diselesaikan dengan melakukan reduksi polygon luar terhadap titik di dalamnya.
- Permasalahan LL and Erbao dapat diselesaikan dengan batasan pada soal dapat diselesaikan dengan reduksi polygon dengan waktu minimum 0.08 detik, waktu maksimum 0.08 detik, dan memori minimum 4.4 MB, memori maksimum 4.7 MB.
- 3. Algoritma *Melkman convex hull* terbukti efektif untuk melakukan reduksi polygon untuk mencari *relative convex polygon*.

6.2 Saran

Pada Tugas Akhir kali ini tentunya terdapat kekurangan serta nilai-nilai yang dapat penulis ambil. Berikut adalah saran-saran yang dapat diambil melalui Tugas Akhir ini:

- 1. Untuk kedepannya, algoritma pada Tugas Akhir ini dapat menjadi bahan riset untuk mencari optimasi lebih lanjut.
- 2. Metode reduksi polygon dengan menggunakan algoritma

Melkman convex hull yang dimodifikasi dapat digunakan untuk mencari relative convex hull dengan polygon yang membatasi segmen garis ataupun polygon sederhana.

DAFTAR PUSTAKA

- [1] SPOJ. (2009). LL and ErBao, **url**: https://www.spoj.com/problems/ISUN1/.
- [2] A. A. Melkman, "On-line construction of the convex hull of a simple polyline", *Information Processing Letters 25*, pages 11–12, 1987.
- [3] A. Andrew., "Another Efficient Algorithm for Convex Hulls in Two Dimensions", *Information Processing Letters 9*, pages 216–219, 1979.
- [4] geeksforgeeks. (2019). How to check if a given point lies inside or outside a polygon, **url**: https://www.geeksforgeeks.org/how-to-check-if-a-given-point-lies-inside-a-polygon/.