

| Propriété | Fonction exponentielle | Fonction logarithme |
|--------------------------|---|---|
| Valeurs particulières | $e^0 = 1$ $e^1 = e$ | $\ln(1) = 0$ |
| Équations | $e^x = e^y \Leftrightarrow x = y$ | $\ln(x) = \ln(y) \Leftrightarrow x = y > 0$ |
| Inéquations | $e^x < e^y \Leftrightarrow x < y$ | $\ln(x) < \ln(y) \Leftrightarrow 0 < x < y$ |
| Signe | $e^x > 0 \forall x \in \mathbb{R}$ | $\ln(x) < 0$ si $x \in]0, 1[$, $\ln(x) > 0$ si $x > 1$ |
| Propriétés calculatoires | $e^{a+b} = e^a \times e^b$ $(e^a)^b = e^{ab}$ $e^{a-b} = \frac{e^a}{e^b}$ $e^{-b} = \frac{1}{e^b}$ | $\ln(ab) = \ln(a) + \ln(b)$ $a, b > 0 \quad n \ln(a) = \ln(a^n)$ $\ln\left(\frac{a}{b}\right) = \ln(a) - \ln(b)$ $-\ln(b) = \ln\left(\frac{1}{b}\right)$ |
| Limites | $\lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} e^x = +\infty$ | $\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln(x) = -\infty$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln(x) = +\infty$ |
| Asymptotes | L'axe des abscisses en $-\infty$. | L'axe des ordonnées en 0. |
| Dérivée | $(e^x)' = e^x$ $(e^{u(x)})' = u'(x)e^{u(x)}$ | $(\ln(x))' = \frac{1}{x}$ $(\ln(u(x)))' = \frac{u'(x)}{u(x)}$ (si $u(x) > 0$) |
| Fonctions composées | $e^{u(x)}$ a les mêmes variations que $u(x)$ | $\ln(u(x))$ a les mêmes variations que $u(x)$ (et est définie si et seulement si $u(x) > 0$). |