Adatbázisok 1. Relációs adatbázis tervezés – 2. rész

Funkcionális függőségek

Felbontások

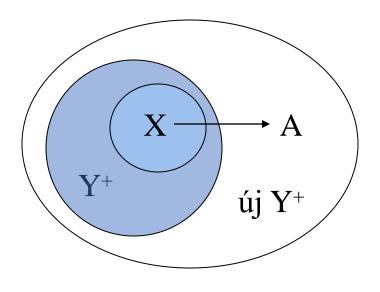
Normálformák

Lezárás

- Adott FF-eknek egy F halmaza: bizonyos attribútumértékből esetleg milyen más attribútum értékek???
- ➤ lezárás fogalom
- Adott *R* reláció és *F* FF halmaza mellett, *Y lezártja*: jelölésben *Y* + az összes olyan *A* attribútum halmaza, amire *Y->A* következik *F*-ből.

Lezárás

- Y +-nak kiszámítására egy algoritmust adunk.
- Kiindulás: Y + = Y.
- Indukció: Olyan FF-ket keresünk, melyeknek a baloldala már benne van Y +-ban. Ha X -> A ilyen, A-t hozzáadjuk Y +-hoz.
- Ha Y +-hoz már nem lehet további attribútumot adni → vége.



A lezárást kiszámító algoritmus "helyes"

- A lezárást kiszámító algoritmus "helyes", azaz tényleg Y +-t számítja ki.
- Jelöljük R-rel egy relációt és F-fel az FF halmazt
- A bizonyítás két részből áll:
- 1. Ha *B* az *Y* +-nak eleme, akkor *Y* -> *B* fennáll minden olyan reláció esetén, amely kielégíti *F* FF halmazt
- 2. Az algoritmus nem hagyott ki egyetlen FF-t sem, amely F FF halmazból következik

A lezárást kiszámító algoritmus "helyes" I. rész

- Nézzük először ezt: ha B az Y +-nak eleme, akkor Y -> B fennáll minden olyan reláció esetén, amely kielégíti F FF halmazt
- Indukcióval lehet bizonyítani: hányszor kellett alkalmazni az algo. bővítési műveletét
- 0. lépés B az Y-nak eleme, akkor fennáll (triviális függőség)
- Tfh. *B*-vel akkor bővítünk, amikor *X* -> *B* FF-et használjuk *F*-ből:
 - Az ind. feltétel miatt R eleget tesz Y -> X FF-nek
 - Tehát ha 2 sor megegyezik Y-n, akkor X-n is, és mivel X -> B is fennáll, ezért B-n is megegyezik
 - Ezért R eleget tesz Y -> B-nek is

A lezárást kiszámító algoritmus "helyes" II. rész

- Nézzük most ezt: az algoritmus nem hagyott ki egyetlen FF-t sem, amely F FF halmazból következik
- Indirekt módon lehet bizonyítani: tfh. létezik olyan fennálló Y -> B FF, amelyet az algo. nem talált meg.
- Ha mutatunk min. 1 olyan relációelőfordulást, amelyre F minden FF-e teljesül, és még így sem teljesíti $Y \rightarrow B$ -t, akkor ellentmondást kapunk (mert még sem áll fenn mindig), és kész a bizonyítás.

A lezárást kiszámító algoritmus "helyes" II. rész

• Egy ilyen előfordulásnak t és s sorai vannak:

	Y ⁺ elemei	más attribútumok
t	111 111	000 000
S	111 111	111 111

- Meg kell mutatni, hogy ez kielégíti F minden FF-ét, de Y -> B-t nem:
 - Indirekt tfh. létezik Z -> C FF F-ben, amelyiket a fenti nem elégíti ki → csak úgy lehet, ha Z-n megegyeznek t és s sorok, de C-n nem
 - Az ábra alapján Z része Y ⁺-nak, C a más attribútumok között → nem jól számítottuk a lezárást, mert algo. alapján C eleme kellett volna legyen Y ⁺-nak
 - Kell még: Y -> B-t nem elégíti ki a fenti: Y-n a sorok megegyeznek, de az algo. nem találta meg, így a t és s sorok különböző értékeket vesznek fel B-n.