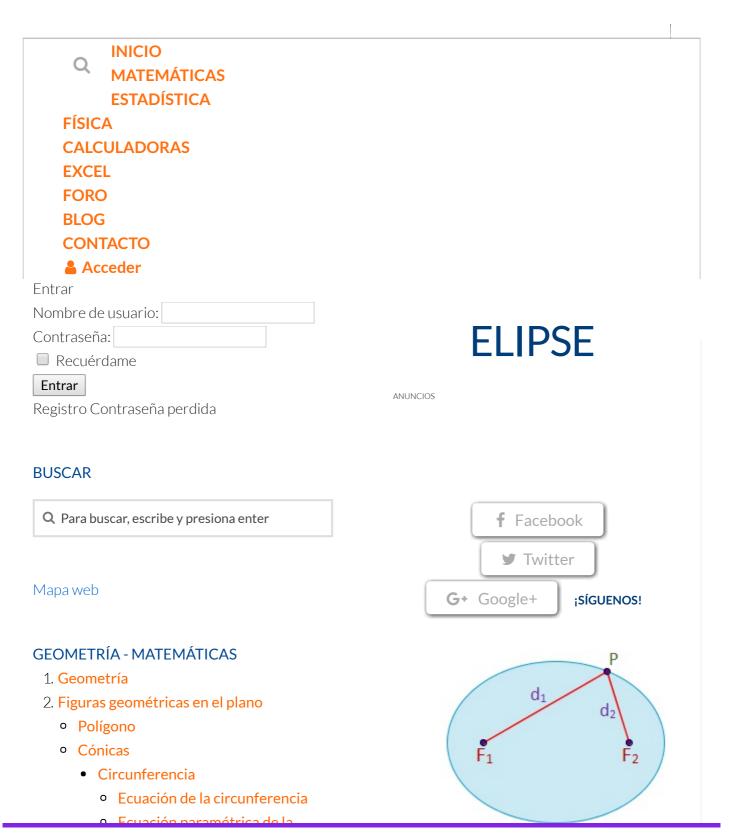
20/10/2017 Elipse

**SEGUIR:** 



ANUNCIOS

S



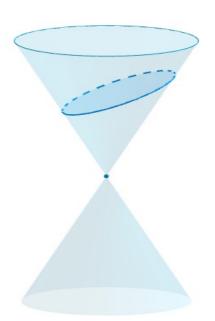
Elipse

**SEGUIR:** 



ANUNCIOS

de las distancias a los dos focos (puntos interiores fijos  $F_1$  y  $F_2$ ) es **constante**. Es decir, para todo punto a de la elipse, la suma de las distancias  $d_1$  y  $d_2$  es constante.



También podemos definir la **elipse** como una cónica, consecuencia de la intersección de un cono con un plano oblicuo que no corta la base.

### **CONÉCTATE**

Entrar

Nombre de usuario:

Contraseña:

Recuérdame

Entrar

Registro Contraseña perdida

#### **BUSCAR**

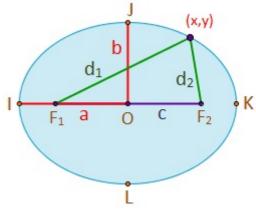
Q Para buscar, escribe y presiona enter

Mapa web

#### GEOMETRÍA - MATEMÁTICAS

- 1. Geometría
- 2. Figuras geométricas en el plano
  - Polígono
  - Cónicas
    - Circunferencia
      - Ecuación de la circunferencia
      - o Founción paramétrica de la

Elementos de una elipse



Los elementos más importante

Universo Formulas utiliza cookies para mejorar la experiencia del usuario en la web. Si sigue navegando, está aceptando

Aceptar



**ANUNCIOS** 

# CONÉCTATE

Entrar

Nombre de usuario:

Contraseña:

■ Recuérdame

Entrar

Registro Contraseña perdida

#### **BUSCAR**

Q Para buscar, escribe y presiona enter

Mapa web

#### GEOMETRÍA - MATEMÁTICAS

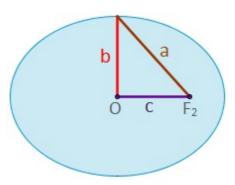
- 1. Geometría
- 2. Figuras geométricas en el plano
  - Polígono
  - Cónicas
    - Circunferencia
      - Ecuación de la circunferencia
      - o Ecuación paramétrica de la

- Focos: son los puntos fijos F<sub>1</sub> y F<sub>2</sub> que generan la elipse. La suma de las dos distancias de cualquier punto de la elipse a los dos focos (d<sub>1</sub> y d<sub>2</sub>) es constante.
- **Distancia focal** (**2c**): distancia entre los dos focos. F<sub>1</sub>F<sub>2</sub>=2c. **c** es la

semidistancia focal.

- Centro: es el punto medio de los dos focos (O).
- Semieje mayor: longitud del segmento OI o OK (a). La longitud es mayor (o igual en el caso de la circunferencia) a la del semieje menor. La suma de las distancias de cualquier punto de la elipse a los focos es constante y ésta es igual a dos veces el semieje mayor:

$$d_1 + d_2 = 2 \cdot a$$



■ Semieje menor: longitud del

segmento Olo Ol (h) Ambos



ANUNCIOS

simetría de la elipse. Se cumple que:

$$a^2 = b^2 + c^2$$

Como vemos en el dibujo, esta relación cumple el teorema de Pitágoras.

- Radios vectores: los radios vectores de cualquier punto de la elipse (P=(x,y)) son los dos segmentos que lo unen con los dos focos.  $PF_1$  y  $PF_2$  (en el dibujo,  $d_1$  y  $d_2$ ).
- Vértices: son los puntos resultantes de la intersección de la elipse con la recta que pasa por los focos, F₁F₂, y su perpendicular que pasa por el centro. Es decir, son los puntos I, J, K y L

# Ecuación de una elipse

ANUNCIOS

### CONÉCTATE

Entrar

Nombre de usuario:

Contraseña:

■ Recuérdame

Entrar

Registro Contraseña perdida

#### **BUSCAR**

Q Para buscar, escribe y presiona enter

Mapa web

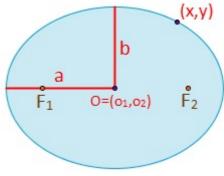
#### GEOMETRÍA - MATEMÁTICAS

- 1. Geometría
- 2. Figuras geométricas en el plano
  - Polígono
  - Cónicas
    - Circunferencia
      - o Ecuación de la circunferencia
      - o Founción paramétrica de la

Los puntos pertenecientes a la



**ANUNCIOS** 



distancia a los dos focos es constante. La **ecuación de la elipse** es la siguiente:

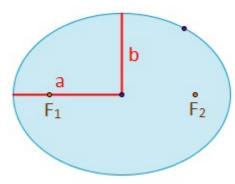
$$\frac{(x-o_1)^2}{a^2} + \frac{(y-o_2)^2}{b^2} = 1$$

donde (x,y) es un punto de la elipse,  $(o_1, o_2)$  el centro y a y b los semiejes mayor y menor

En el caso de que la elipse esté centrada (el centro es el punto (0,0)), la **ecuación** es:

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

# Área de una elipse



El área comprendida dentro de una elipse es  $\pi$  veces el producto de los dos semiejes (a y b).

# CONÉCTATE

Entrar

Nombre de usuario:

Contraseña:

■ Recuérdame

Entrar

Registro Contraseña perdida

#### **BUSCAR**

Q Para buscar, escribe y presiona enter

Mapa web

#### GEOMETRÍA - MATEMÁTICAS

- 1. Geometría
- 2. Figuras geométricas en el plano
  - Polígono
  - Cónicas
    - Circunferencia
      - Ecuación de la circunferencia
      - o Ecuación paramétrica de la



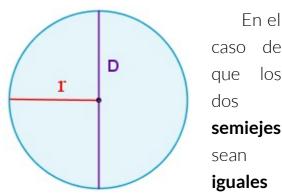
ANUNCIOS

 $\acute{A}rea = \pi \cdot a \cdot b$ 

siendo a y blos semiejes mayor y menor de la elipse

de

los

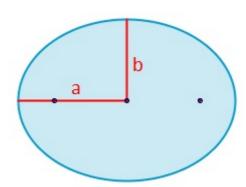


(r=a=b), su fórmula es la misma que el área comprendida dentro de una circunferencia (o lo que es lo mismo, el área del círculo):

$$\acute{A}rea = \pi \cdot r^2 = \pi \cdot \frac{D^2}{4}$$

siendo r el radio y D el diámetro del círculo

# Perímetro de una elipse



El cálculo del perímetro de la elipse (o longitud de la elipse) es muy difícil, aunque no lo parezca. Requiere de integrales complicadas

# **CONÉCTATE**

Entrar

Nombre de usuario:

Contraseña:

■ Recuérdame



Registro Contraseña perdida

#### **BUSCAR**

Q Para buscar, escribe y presiona enter

Mapa web

#### GEOMETRÍA - MATEMÁTICAS

- 1. Geometría
- 2. Figuras geométricas en el plano
  - Polígono
  - Cónicas
    - Circunferencia
      - o Ecuación de la circunferencia



ANUNCIOS

Elipse

valores bastante exactos. Existe una aproximación con menos del 5% de error, siempre que el semieje mayor (a) no sea mucho más grande que el menor (b):

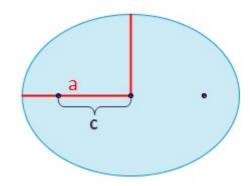
$$Per\'{i}metro \approx 2\pi \cdot \sqrt{\frac{a^2 + b^2}{2}}$$

siendo a y b los semiejes mayor y menor de la elipse

El matemático **Ramanujan** dio una aproximación más exacta que la anterior:

 $\textit{Perímetro} \approx \pi \left[ 3 \cdot (a+b) - \sqrt{(3a+b)(a+3b)} \right]$ 

# Excentricidad de la elipse



La excentricidad de una elipse

(e) es un valor que determina la **forma de la elipse**, en el sentido de si es más redondeada o si se aproxima a un segmento. Sea c la semidistancia focal y a el semieje mayor:

# CONÉCTATE

Entrar

Nombre de usuario:

Contraseña:

■ Recuérdame

Entrar

Registro Contraseña perdida

#### **BUSCAR**

Q Para buscar, escribe y presiona enter

Mapa web

#### GEOMETRÍA - MATEMÁTICAS

- 1. Geometría
- 2. Figuras geométricas en el plano
  - Polígono
  - Cónicas
    - Circunferencia
      - Ecuación de la circunferencia
      - o Founción paramétrica de la



ANUNCIOS

 $e = \frac{a}{a}$ 

siendo c la semidistancia focal y a el semieje mayor de la elipse

La excentricidad puede tomar valores entre 0 y 1 ( $0 \le e \le 1$ ). Es 0 cuando la elipse es una circunferencia. En este caso los semiejes mayor y menor son iguales y los focos ( $F_1$  y  $F_1$ ) coinciden en el centro de la elipse. Cuando la excentricidad crece y tiende a 1, la elipse se aproxima a un segmento.

#### CONÉCTATE

Entrar

Nombre de usuario:

Contraseña:

Recuérdame



Registro Contraseña perdida

#### **BUSCAR**

Q Para buscar, escribe y presiona enter

Mapa web

# $\begin{array}{c} b \\ a \\ F_1 = F_2 \end{array}$ excentricidad=0 excentricidad $\rightarrow$ 1

Existe otra fórmula que calcula la **excentricidad** a partir de los dos semiejes (a y b).

$$e = \frac{\sqrt{(a^2 - b^2)}}{a}$$

siendo a y b los semiejes mayor y menor de la elipse

Esta fórmula se obtiene a partir de la anterior ya que se cumple que:

$$a^2 = b^2 + c^2$$

## GEOMETRÍA - MATEMÁTICAS

- 1. Geometría
- 2. Figuras geométricas en el plano
  - o Polígono
  - Cónicas
    - Circunferencia
      - Ecuación de la circunferencia
      - o Founción paramétrica de la

20/10/2017 Elipse

**SEGUIR:** 





ANUNCIOS

## **10 RESPUESTAS**

**Q** Comentarios 10

Pingbacks 0



herlinso sanchez

 9 agosto, 2017 a las 23:50 esta bueno

Responder



javier

27 julio, 2017 a las 21:21 muy bueno muchas gracias

Responder



#### yemima quispe granados

<sup>©</sup> 7 junio, 2017 a las 15:35 gracias es mmuy util

Responder



#### Gustavo

 16 mayo, 2017 a las 20:38 como comentario: hay un error en la explicación del semieje menor de la elipse, este viene a ser la distancia "OJ", osea "b" en el gráfico y no cJ como se menciona.

Responder



### Respuestas

① 17 mayo, 2017 a

las 16:05

Cierto. Ahora aparece como CJ.



Juan Fernando Gutiérrez Mejía Díaz González Jaramillo Botero

#### CONÉCTATE

Entrar

Nombre de usuario:

Contraseña:

■ Recuérdame

Entrar

Registro Contraseña perdida

#### **BUSCAR**

Q Para buscar, escribe y presiona enter

Mapa web

#### GEOMETRÍA - MATEMÁTICAS

- 1. Geometría
- 2. Figuras geométricas en el plano
  - Polígono
  - Cónicas
    - Circunferencia
      - o Ecuación de la circunferencia

20/10/2017 Elipse

**SEGUIR:** 



**ANUNCIOS** 

NCIOS

CONÉCTATE

Entrar

Nombre de usuario:

Contraseña:

Recuérdame

Entrar

Registro Contraseña perdida

**BUSCAR** 

Q Para buscar, escribe y presiona enter

Mapa web

#### GEOMETRÍA - MATEMÁTICAS

- 1. Geometría
- 2. Figuras geométricas en el plano
  - Polígono
  - Cónicas
    - Circunferencia
      - Ecuación de la circunferencia
      - o Favorión novemátulos de la

 $Ax^2 + Bx + Cxy + Dy^2 + Ex + F$ = 0 necesito los focos de la elipse, Vértices

Responder

Gus

© 7 febrero, 2017 a

las 21:24

pues ponte a hacerlos... aquí no es calculadora...

**Carlos Castro** 

② 8 agosto, 2015 a las 02:25

**EXCELENTE** 

Responder

ing. mirope de leon figueroa

② 13 abril, 2015 a las 20:39

para mi es muy util. muchas gracias

Responder

marcos

© 24 marzo, 2015 a las 20:46 muchas gracias amigo so un kpo

Responder

**DEJA UN COMENTARIO** 

C				

Nombre \*

Correo

electrónico \*

Dor favor confirma que eres

Universo Formulas utiliza cookies para mejorar la experiencia del usuario en la web. Si sigue navegando, está aceptando

su uso.

Leer más

20/10/2017 Elipse

**SEGUIR:** 



No soy un robot

reCAPTCHA

Privacidad - Condiciones

Publicar comentario

ANUNCIOS





#### **CONÉCTATE**

Entrar

Nombre de usuario:

Contraseña:

Recuérdame

Entrar

Registro Contraseña perdida

#### **BUSCAR**

Q Para buscar, escribe y presiona enter

Mapa web

### GEOMETRÍA - MATEMÁTICAS

- 1. Geometría
- 2. Figuras geométricas en el plano
  - o Polígono
  - Cónicas
    - Circunferencia
      - o Ecuación de la circunferencia
      - o Founción paramétrica de la

Universo Formulas utiliza cookies para mejorar la experiencia del usuario en la web. Si sigue navegando, está aceptando

su uso.

Leer más