ALOHA #3주차

반복문 응용 및 기본 DP

#CH.1

반복문 + 변수





목표



반복문 + 변수

반복문으로 변수 i의 크기를 1씩 증가시키면서 실행했어요.

지금까지는 반복문의 범위가 상수였어요.

반복문이 실행되는 횟수를 변수로 줄 수도 있어요.



반복문 + 변수

i를 1부터 10까지 반복 j를 1 부터 i까지 반복

```
for (int i = 1; i <= 10; i++){
    for(int j = 1; j <= i; j++){
        //do Something
    }
}</pre>
```



반복문 + 변수

i를 a 부터 b까지 반복

```
for(int i = a; I <= b; i++){
    //do Something
}</pre>
```





목표

- 별 1개 출력하기
- 별 2개 출력하기
- 별 3개 출력하기
- •••
- 별 10개 출력하기



감이 잡힌 분들은 직접 짜보세요!

for(int i = 1; i <= 10; i++) { 별_i개_출력하기 한_줄_띄우기 }

별 찍기

어렵다고 겁먹을 필요 없어요! 천천히 보면서 같이 이해해 봅시다.

왼쪽 코드처럼 만 작성하면 되겠네요.

별을 i개 출력하는 방법만 따로 떼어 내서 생각해 봅시다.



```
for( int j = 1; j <= i; j++ ) {
    printf("*");
}</pre>
```

별 i개 출력하기

아까 배웠던 대로 1~ i 까지 반복하면서 *을 하나씩 출력하면 별이 총 i개 나오겠죠?

이제 앞부분이랑 다시 합쳐 볼 게요.



```
for( int i = 1; i <= 10; i++ ) {
    for( int j = 1; j <= i; j++ ) {
        printf("*");
    }
    printf("\n");
}</pre>
```

별 찍기

어렵지 않죠?

#61.2

반복문 + 배열





복습 - 배열

- 변수를 여러 개 만들기 귀찮을 때 써요.
- · 배열이름[몇 번째 칸] 으로 변수처럼 쓸 수 있어요.
 - => arr[2] 는 arr배열의 3번째 칸 (숫자는 0부터 셉니다)

예시 - 10개의 숫자 입력받기

- 아래처럼 하면 돼요.
- 인덱스(arr[i] 의 i) 는 0부터 세는 것에 주의합시다.
- arr[10]은 존재하지 않아요.

```
int arr[10];
for( int i = 0; i < 10; i++ ) {
    scanf( "%d", &arr[i] );
}</pre>
```



실습 - 누적 합 구하기

- "누적 합 구하기" 라는 테크닉을 배울 거예요.
- 이 테크닉은 고급반에서도 써먹으니까 집중해서 해봐요.

#61.2.1

누적 합 구하기





내용은 조금 어려울 수 있어요.



누적 합 구하기 - 문제

- N개의 숫자가 주어질 때,
- a번째 숫자부터 b번째 숫자까지 총 합을 구하고 싶어요.
- [a, b]를 모두 확인 하는 것보다 빠른 방법은 없을까요?

누적 합 구하기 - 아이디어

- $\sum_{i=a}^{b} arr_i = \sum_{i=0}^{b} arr_i \sum_{i=0}^{a-1} arr_i$
- [a, b]의 합은 [0, b]의 합에서 [0, a-1]의 합을 뺀 것과 같아요.
- 예시) 3, 4, 5, 6번째의 합 = [0.6]의 합 [0.2] 의 합.

0	1	2	3	4	5	6	7
0	1	2	3	4	5	6	7
0	1	2	3	4	5	6	7



누적 합 구하기 - 구현

- · 새로운 배열 sum[N] 을 만들 거예요.
- Sum[i] = $\sum_{k=0}^{i} arr[k]$
- 이렇게 하면 배열에 있는 두 값만 알면 어떤 구간의 합을 구할 수 있겠죠?

누적 합 구하기 - 해보기

한번 따라해 봅시다.

어떤 식으로 작동하는지 이해하는게 목표입니다.

언젠가 다시 배울 거니까 이해는 안돼도 괜찮아요.

```
int arr[15];
int sum[15];
for( int i = 1; i <= 10; i++ ) {
    scanf( "%d", &arr[i] );
}
for( int i = 1; i <= 10; i++ ) {
    sum[i] = sum[i-1] + arr[i];
}</pre>
```



누적 합 구하기 - 해보기

- arr 에는 입력되는 숫자가 들어간다.
- sum 에는 누적합이 들어간다.

```
int arr[15];
int sum[15];
for( int i = 1; i <= 10; i++ ) {
    scanf( "%d", &arr[i] );
}
for( int i = 1; i <= 10; i++ ) {
    sum[i] = sum[i-1] + arr[i];
}</pre>
```

#CH.3

기본 Dynamic Programming



DP란?

영어 그대로 해석하면, Dynamic programming = 동적 계획법 이에요.

다양한 알고리즘을 통해서, 시간이나 메모리 제한이 있는 복잡한 문제를, 작은 하위 문제들로 나누어서, 여러가지 기법을 더하여 문제를 해결해 나가는 과정 또는 방식을 의미한답니다.

수학문제를 풀 때처럼 일종의 설계를 하는 과정으로 이해하면 좋을 거 같아요.



DP란?

DP의 방식은 매우 다양해요.

대표적으로는 두가지로 나뉘는데

- 1. Top-Down 방식: 큰 문제를 점점 작은 단위문제로 나누어서 푸는 방식
- 2. Bottom-Up 방식: 작은 문제들을 해결하면서 점점 큰 문제에 접근하는 방식

우리는 이번주에 Bottom-Up 방식만 확인할게요 (Top-Down 방식에서 쓰이는 재귀함수가 다음주에 배우기 때문)

#61.3.1

Fibonacci Sequence



작은 문제를 해결하면서 점점 큰 문제에 접근하는 방식이에요.

예를 들어서, 7번째 피보나치 수를 구하기 위해서 F(1), F(2), ···, F(6)를 순서대로 구해 나가는 과정이 있겠네요.

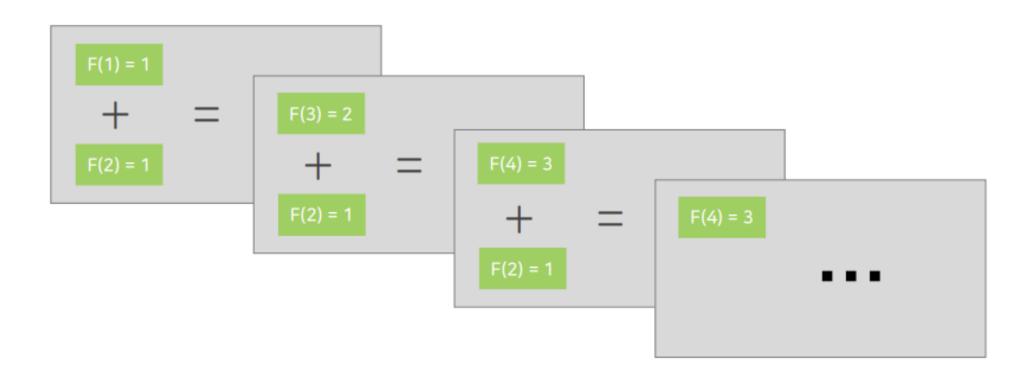
그리고 한번 구해낸 결과값은 매번 다시 계산하지 않고, 배열에 저장해서 다시 꺼내 쓰면 빠르겠네요!

우리는 N번째 값에 도달하기 위해 수열의 항들 사이의 관계를 알아야 해요.

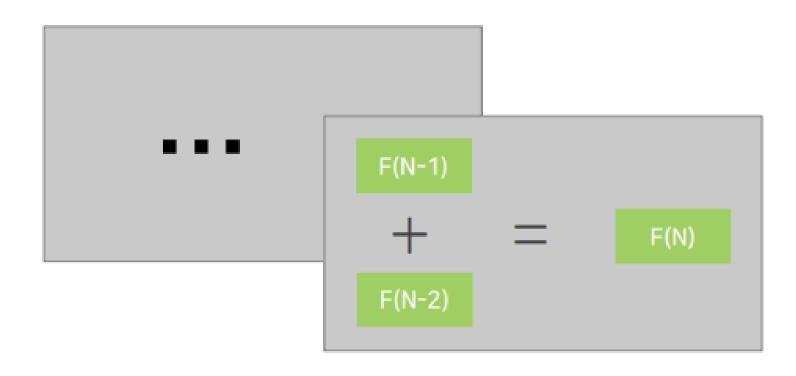
기본적으로 F(1) = 1, F(2) = 1인 것은 알고있는 상태에서 다른 항과의 관계는 어떨까요?

이걸 점화식이라고 해요. (피보나치 수열의 경우 F(n) = F(n-1) + F(n-2))

이 점화식을 통해 값을 차근차근 구해 나가서 N까지 구하면 되겠죠?







그림으로 보니까 더 쉽죠?

```
#include <cstdio>
     int fib[10000];
                 전역변수는 0으로 초기화 돼요
     int main(void)
          int N;
          scanf("%d", &N);
10
          fib[1] = 1;
          fib[2] = 1;
11
12
13
          for (int i = 3; i \le N; i++)
14
               fib[i] = fib[i - 1] + fib[i - 2];
15
16
                                 앞에서 말한 점화식이에요
17
18
          printf("%d\n", fib[N]);
19
20
          return 0;
```

N번째 피보나치 수

N 을 입력으로 받고 N번째 피보나치 수를 구하는 코드입니다.

직접 한번 해봐야 겠죠?



DP_Bottom-up

피보나치를 보면서 알게 된 사실이 하나 있죠? 우리가 DP 문제를 Bottom-up 방식으로 접근하려면

- 1. 초기값
- 2. 점화식

이 두가지를 알아야 해요. 매우 중요하니까 다양한 문제를 통해 연습해야 해요.





#13301 타일 장식물

DP 연습



#2748 피보나치 수 2

DP 연습



#13699 점화식

조금 다르게 생긴 점화식

부록 - while문으로 별찍기

While 도 반복문이다.

```
int i, j;
i = 1;
while ( i <= 10 ) {
    j = 1;
    while( j <= i ) {
        printf( "*" );
        j++;
    }
    i++;
    printf( "\n" );
}</pre>
```



부록 - 수식으로 별 찍기

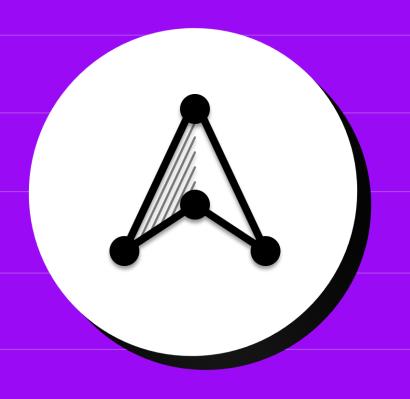
부등식이 나타내는 범위로 찍을 수 있다.

```
for( int i = 1; i <= 10; i++ ) {
    for( int j = 1; j <= 10; j++ ) {
        if( i >= j ) printf("*");
    }
    printf("\n");
}
```

부록 - 수식으로 별찍기 응용

이런 것도 된다.

```
for( int i = 1; i <= 10; i++ ) {
    for( int j = 1; j <= 10; j++ ) {
        if( i == 1 || j == 1 || i == 10 || j == 10 || (i + j) % 4 == 0 )
        printf("*");
    else
        printf(" ");
    }
    printf("\n");
}
```



다음 시간에 만나요~