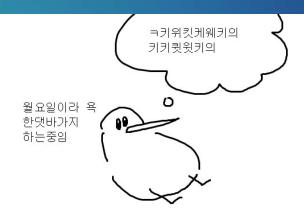
#3주차 알고리즘반



DFS, BFS, Backtracking



T. 김기현

공부 하기 싫을땐



딱히 도움되진 않지만 이 포즈를 취해보세요

Graph(그래프)

3가지를 사용하는데 필요한 그래프에 대해 알아보자!

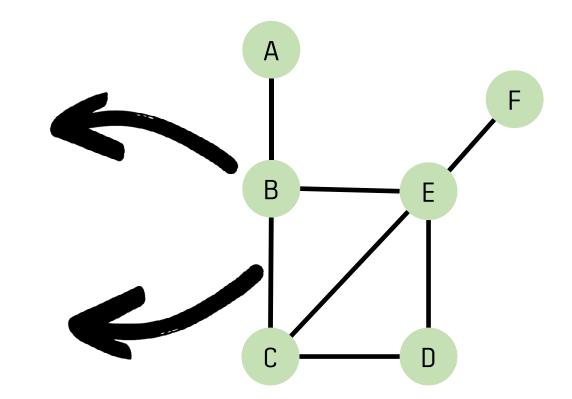
Graph(IDHE)

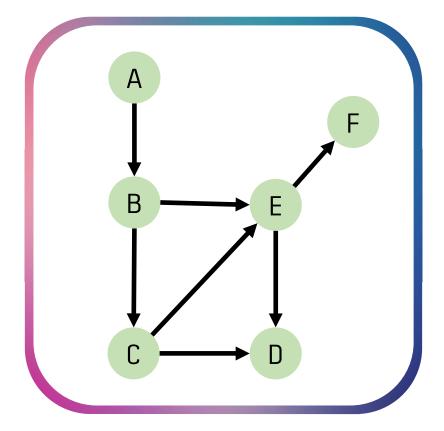
노드(N,node)

= 위치 알고리즘에서는 정점(vertex)

간선(E,edge)

노드들을 연결하는 선





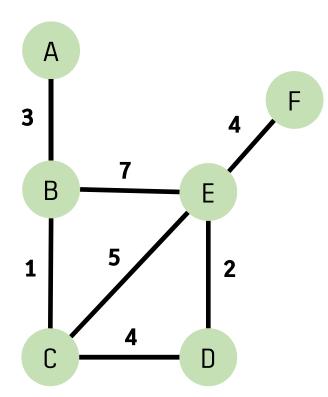
Directed Graph 방향성 0

Undirected Graph 방향성 X

Graph(Ideal)

가중치 그래프_Network

그래프의 간선에 비용이나 가중치가 할당된 그래프 Ex) 도로를 지나가는데 드는 비용, 도로의 길이 …



Graph(IDHIE)

그래프를 표현할 수 있는 2가지 방법

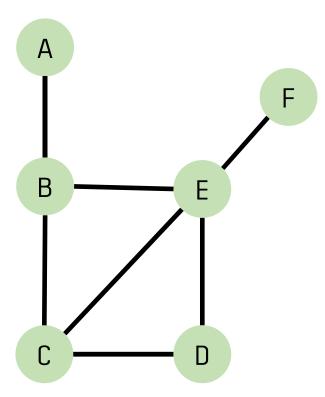
인접 행렬 (배열)

인접 리스트 (연결리스트, 벡터)

Graph_Olding (III)

간선이 존재하면 "1" 그렇지 않으면 "0"

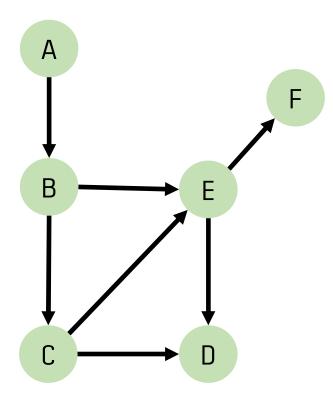
	Α	В	С	D	Е	F
Α	0	1	0	0	0	0
В	1	0	1	0	1	0
C	0	1	0	1	1	0
D	0	0	1	0	1	0
Е	0	1	1	1	0	1
F	0	0	0	0	1	0



Graph_Olding (Hig)

간선이 존재하면 "1" 그렇지 않으면 "0"

	Α	В	С	D	Ε	F
Α	0	1	0	0	0	0
В	0	0	1	0	1	0
C	0	0	0	1	1	0
D	0	0	0	0	0	0
Е	0	0	0	1	0	1
F	0	0	0	0	0	0

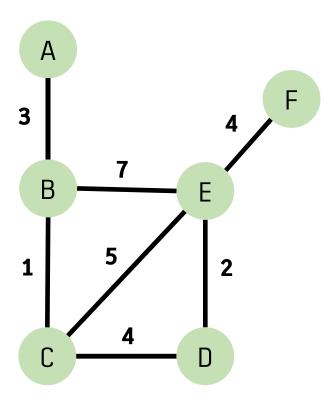


Graph_Olding (HIG)

가중치가 존재한다면..

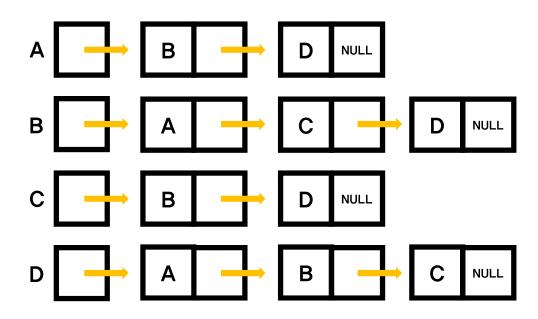
간선이 존재하면 "가중치" 그렇지 않으면 "0"

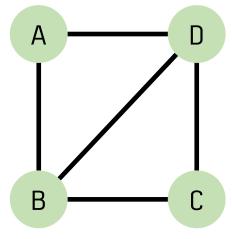
	Α	В	С	D	Е	F
Α	0	3	0	0	0	0
В	3	0	1	0	7	0
C	0	1	0	4	5	0
D	0	0	4	0	2	0
Е	0	7	5	2	0	4
F	0	0	0	0	4	0



Graph__OMAIO_E (연결리스트)

연결리스트를 사용하지만, 알고리즘에서는 잘 사용하지 않는다. PASS





Graph_인접리스트 (Vector)

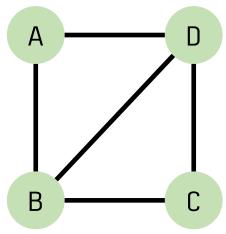
각각의 정점 벡터에 연결된 정점을 push_back





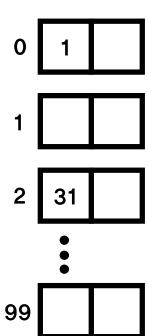
C B D





Graph_인접리스트 (Vector)

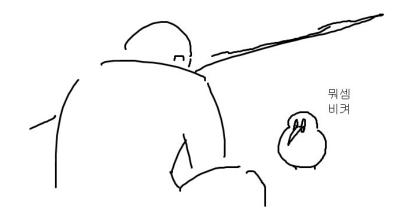
벡터 이용법?



Graph(Ideal)

그래프의 탐색

그래프의 모든 정점을 방문하는 것으로 DFS, BFS등이 존재한다



Depth-First Search (깊이 우선 탐색)

'DFS' 에 대해 알아보자!

DFS_"III

- 현재 정점에서 갈 수 있는 정점들까지 들어가며 탐색
 - → 한 방향으로 계속 갈 수 있을 때까지 탐색하다 막히면, 가장 가까운 갈림길로 돌아와서 다른 방향으로 탐색을 진행하는 방법
- 모든 정점을 방문하고 싶을 때 사용
- BFS와 비교하면 코드는 간단하다

DFS_58

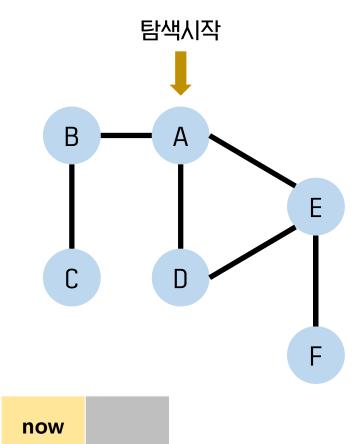
- 1. 한번 방문한 정점은 다시 방문하지 않는다
 - → 정점에 방문하였는지 확인하는 visit 배열을 만들어 구현
- 2. 재귀함수 또는 스택을 이용하여 구현
- 3. 표현 방식에 따른 시간복잡도
 - → 인접 행렬 : O(V^2)
 - → 인접 리스트: O(V+E)

간선(E)이 적을 경우 있을 리스트를 사용하는 것이 유리하다

- 2. 재귀함수 또는 스택을 이용하여 구현
- 3. 표현 방식에 **V♠ 2**간 **>**작**V+E**
 - → 인접 행렬 : O(V^2)
 - → 인접 리스트: O(V+E)

DFS_원리

- A ~ F 의 방문을 확인하는 visit배열 생성
 - → 정점의 개수 ≤ 배열크기
- 그래프를 입력 받고, 탐색 시작할 정점 결정

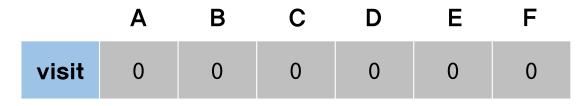


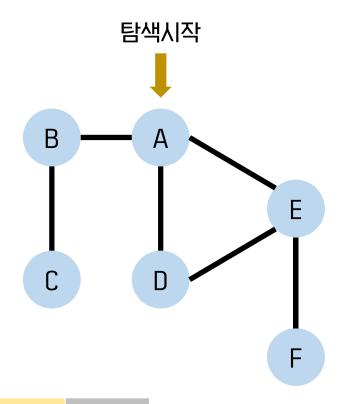
	Α	В	С	D	Ε	F
visi	0	0	0	0	0	0

DFS_≌

- A부터 탐색시작
 - → 다른 정점부터 시작해도 상관없다.
- 그 이후 번호가 작은 정점부터 탐색

방문 순서

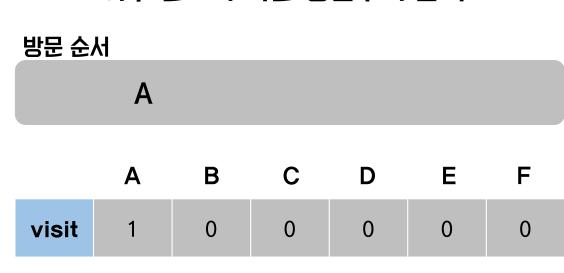


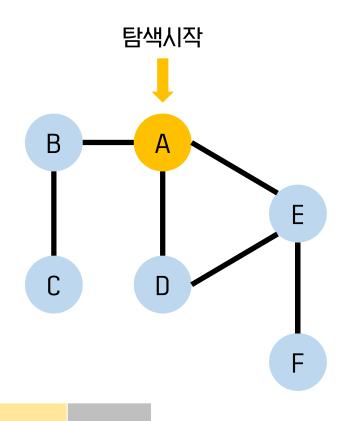


now

DFS_≌

- A부터 탐색시작
 - → 다른 정점부터 시작해도 상관없다.
- 그 이후 번호가 작은 정점부터 탐색





Α

now

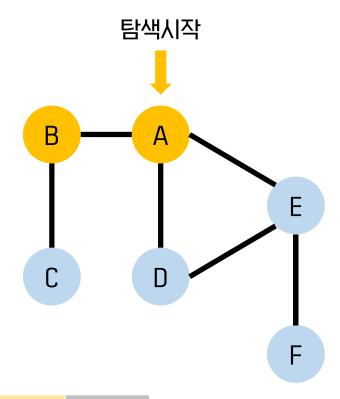
- 그 이후 번호가 작은 정점부터 탐색

방문 순서

 $A \rightarrow B$

A B C D E F

visit 1 1 0 0 0 0



now B

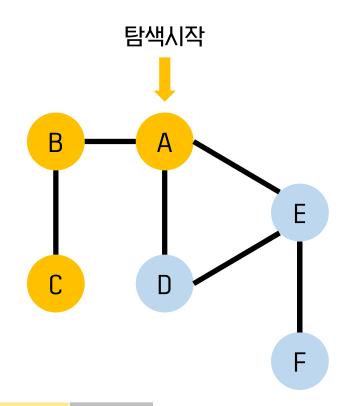
- 그 이후 번호가 작은 정점부터 탐색

방문 순서

$$A \rightarrow B \rightarrow C$$

A B C D E F

visit 1 1 1 0 0 0



now C

DFS_원리

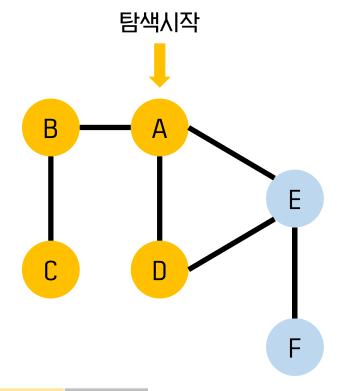
- C에서 더 갈수 있는 정점이 없으므로 돌아오기
 - → 연결된 노드 중 방문하지 않은 정점이 있나 확인
- 그 이후 번호가 작은 정점부터 탐색

방문 순서

$$A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D$$

A B C D E F

visit	1	1	1	1	0	0
-------	---	---	---	---	---	---



now D

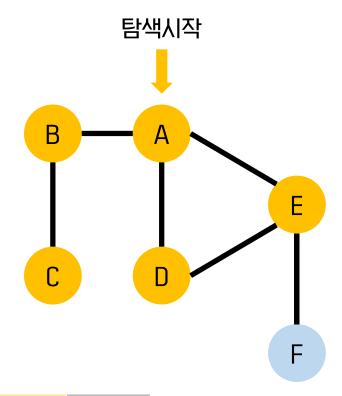
- 그 이후 번호가 작은 정점부터 탐색

방문 순서

$$A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E$$

A B C D E F

visit 1 1 1 1 0



now

Ε

DFS_원리

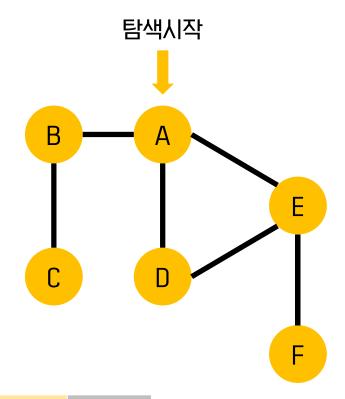
- 그 이후 번호가 작은 정점부터 탐색
- 방문하지 않은 정점이 없으므로 탐색 종료

방문 순서

$$A \to B \to C \to D \to E \to F$$

A B C D E F

visit	1	1	1	1	1	1
-------	---	---	---	---	---	---



now

F



Breadth-First Search (너비 우선 탐색)

'BFS' 에 대해 알아보자!

DFS_nla

- 현재 정점에서 인접한 연결된 정점부터 탐색
 - → 시작 정점에 가까운 정점부터 넓게 탐색하여 먼 정점은 가장 나중에 방문
- 정점간의 최단경로 또는 임의의 경로를 찾을 때 사용
- BFS와 비교하면 코드는 복잡하다.

DFS_58

1. 한번 방문한 정점은 다시 방문하지 않는다

→ 정점에 방문하였는지 확인하는 visit 배열을 만들어 구현

2. 큐를 이용하여 구현

3. 표현 방식에 따른 시간복잡도

→ 인접 행렬 : O(V^2)

→ 인접 리스트: O(V+E)

+ Dijkstra 알고리즘과 유사

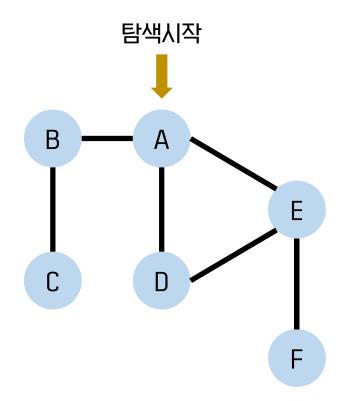
간선(E)이 적을 경우 있을 리스트를 사용하는 것이 유리하다

- 2. 큐를 이용하여 구현
- 3. 표현 방식에 **V 수 2**가 작 **V + E**
 - → 인접 행렬 : O(V^2)
 - → 인접 리스트: O(V+E)

BFS_ੴ

- A ~ F 의 방문을 확인하는 visit배열 생성
 - → 정점의 개수 ≤ 배열크기
- 그래프를 입력 받고, 탐색 시작할 정점 결정

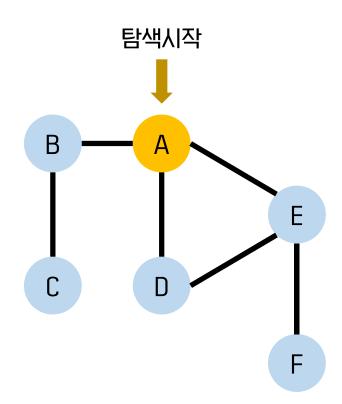
	Α	В	С	D	Е	F
visit	0	0	0	0	0	0
Queue						



BFS_ਈ

- 큐에 처음 탐색 시작하는 정점 입력

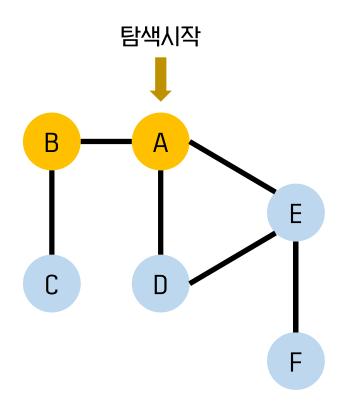
	Α	В	С	D	E	F
visit	1	0	0	0	0	0
Queue	А					



BFS_ੴ

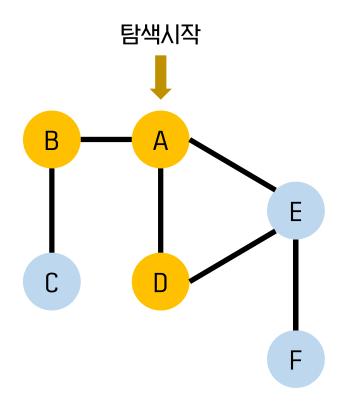
- A와 인접한 방문하지 않은 정점을 큐에 삽입
 - → 큐의 순서대로 탐색한다
- 방문한 정점은 큐에서 POP

	Α	В	С	D	E	F
visit	1	0	0	0	0	0
Queue	В	D	E			



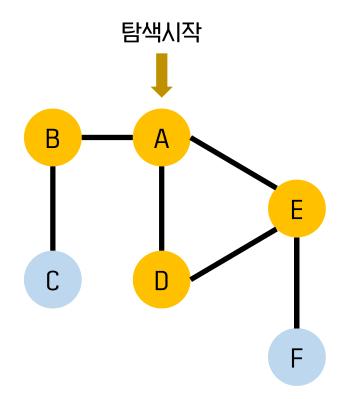
- B와 인접한 방문하지 않은 정점을 큐에 삽입
 - → 큐의 순서대로 탐색한다
- 방문한 정점은 큐에서 POP

	Α	В	С	D	E	F
visit	1	1	0	0	0	0
Queue	D	E	С			



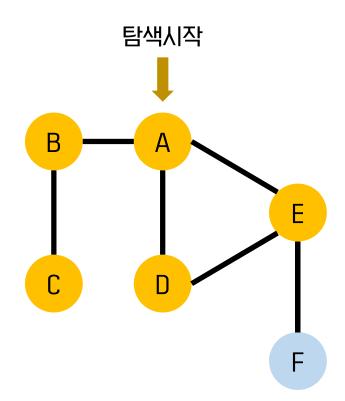
- D와 인접한 방문하지 않은 정점을 큐에 삽입
 - → 큐의 순서대로 탐색한다
- 방문한 정점은 큐에서 POP

	Α	В	C	D	E	F
visit	1	1	0	1	0	0
Queue	Е	С	F			



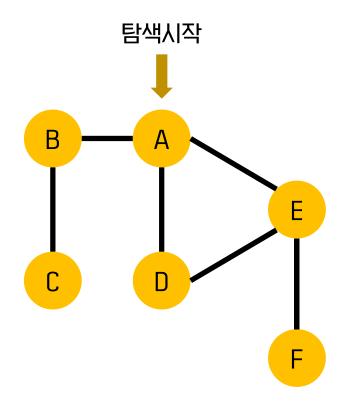
- E와 인접한 방문하지 않은 정점을 큐에 삽입
 - → 큐의 순서대로 탐색한다
- 방문한 정점은 큐에서 POP

	Α	В	С	D	E	F
visit	1	1	0	1	1	0
Queue	С	F				



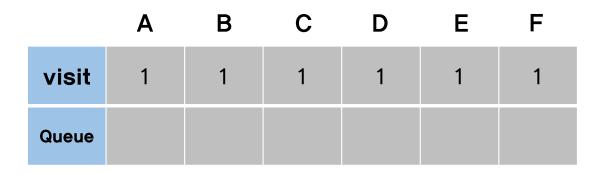
- F와 인접한 방문하지 않은 정점을 큐에 삽입
 - → 큐의 순서대로 탐색한다
- 방문한 정점은 큐에서 POP

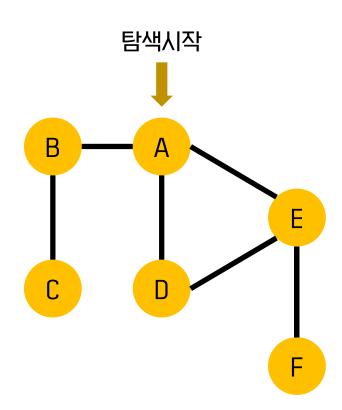
	Α	В	С	D	E	F
visit	1	1	1	1	1	0
Queue	F					



BFS_ੴ

- 모든 정점을 방문했으면 탐색 종료



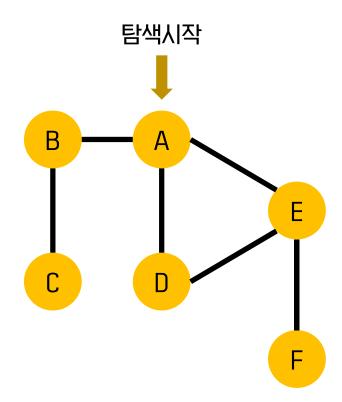


BFS_ੴ

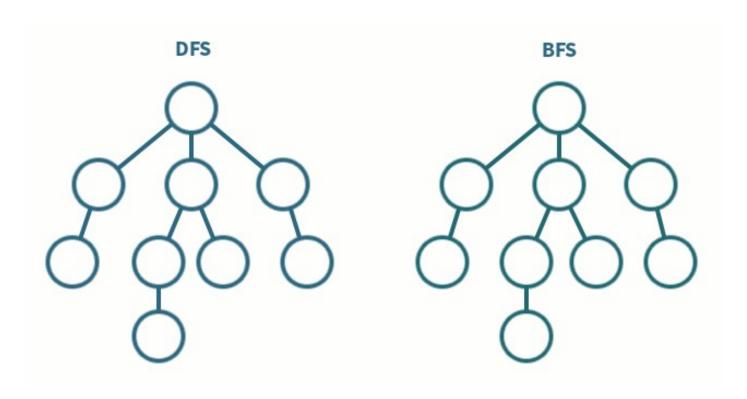
탐색 순서

$$A \rightarrow B \rightarrow D \rightarrow E \rightarrow C \rightarrow F$$

	Α	В	C	D	E	F
visit	1	1	1	1	1	1
Queue						



한눈에 보는 DFS, BFS의 탐색차이



https://twpower.github.io/images/20180114_73/dfs-bfs-example.gif



DFS, BFS 구현

DFS, BFS 하루 만에 뽀개기!

DFS_구현(벡터)

```
void dfs(int x) // main에서 처음 탐색할 정점 입력
{
    visit_dfs[x] = true; // 정점 x 를 방문했으므로 true
    printf("%d ", x); // 방문한 정점 x 를 출력
    for (int i = 0; i < vec[x].size(); i++) // 정점x에 연결된 정점만큼
        if (!visit_dfs[vec[x][i]]) // 방문하지 않은 정점이면
              dfs(vec[x][i]); // dfs 실행 (재귀함수이용)
}
```

BFS_구현(벡터)

```
void bfs()
   q.push(v); // v = 처음 시작할 정점
   visit_bfs[v] = true; // 방문했다고 표시
   while (!q.empty()) { // q 에 아무것도 없을때까지 (연결된 정점 X)
      int now = q.front(); // q의 첫번째 요소 = now
      q.pop(); // 방문한 정점은 pop
      printf("%d ", now); // 방문한 정점 출력
      for (int i = 0; i < vec[now].size(); i++) { // 현재 정점에 연결된 정점 개수만큼
          if (!visit_bfs[vec[now][i]]) { //방문하지 않았으면
             q.push(vec[now][i]); // 큐에 그 정점 push
             visit_bfs[vec[now][i]] = true; // 그 정점을 방문했다고 표시
```

만약 visit_bfs를 정점을 pop할 때 바꾼다면? - Queue에 여러 번 입력되어 중복 방문이 될 수 있다!

연습

1260번 - DFS와 BFS 11724번 - 연결 요소의 개수

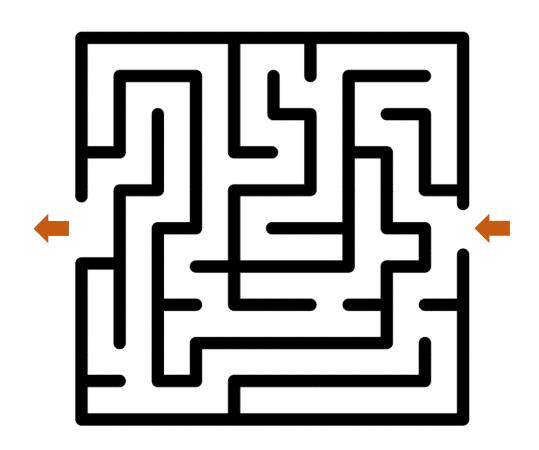
오늘 숙제 안해두 내일의 내가 하지 않을까??



시간순삭 미로찾기

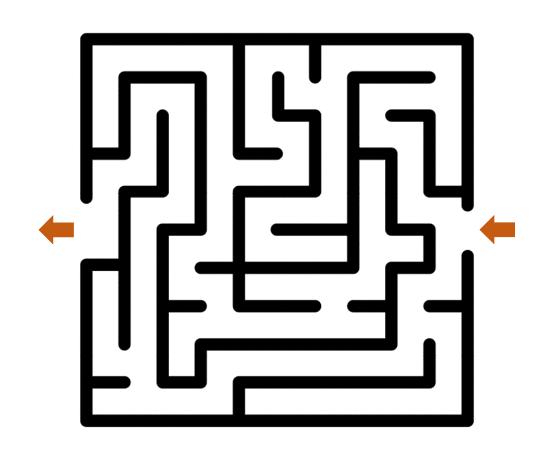
주말엔 벛꽃구경 말고 미로 구경하세요~

미로 찾기(2178번)



미로 찾기(2178번)_개

- 정점 대신 (x,y) <u>좌표</u>
- bfs는 pair<int, int> 사용 하여 queue 이용
- 지도이므로 배열로 받아서 탐색
- visit은 미로의 모든 좌표(2차원)



미로 찾기(2178번)_개

- 한자리 수로 scanf 하기

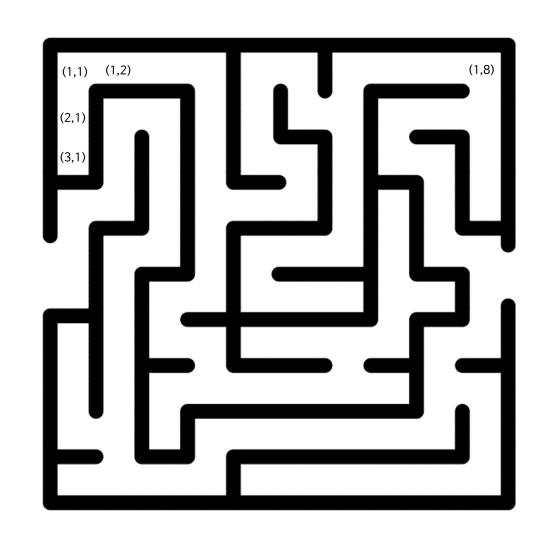
→ scanf("%1d", &MAP[i][j])

- 최단거리를 구하기 위한 식

→ dis[y][x] 배열로 각 좌표까지 최단거리 구하기

- 상,하,좌,우를 나타내기

 \rightarrow int dx[4] = {-1,1,0, 0} int dy[4] = {0,0,-1,1}



미로 찾기_DFS 018

```
      void dfs(int x, int y) { //x,y 좌표

      visit_dfs[y][x] = true; // 이차원 배열에서는 앞에가 y

      for (int i = 0; i < 4; i++) { // 상하좌우 확인</td>

      int nx = x + dx[i]; // x값 변화

      int ny = y + dy[i]; // y값 변화

      if (visit_dfs[ny][nx] == false) { // 방문하지 않았다면 + 지도 안쪽인지 확인도 추가해야함!

      dfs(ny, nx); //dfs 실행

      }

      최단거리를 구하는 것이므로 bfs가 좋다
```

지도에서 벗어나는지 확인하는 법?

미로 찾기_BFS 018

```
void bfs() {
   q.push({ 1,1 }); // 1,1 에서부터 미로탐색 시작
   while (!q.empty()) {
       int size = q.size(); // q의 값 = 현재 연결된 정점 개수
      int x = q.front().first; // xx
      int y = q.front().second; // yzt
      q.pop();
      visit[x][y] = true; // 방문함 표시
       for (int i = 0; i < size; i++) {
          for (int j = 0; j < 4; j++) { // 상하좌우
             int nx = x + dx[j];
             int ny = y + dy[j];
             if (MAP[ny][nx] == 1 && dis[ny][nx] > dis[y][x] + 1) { // map 안쪽이고, 갈수 있는 길이고, 거리가 더 적으면
                 q.push({ nx,ny });
                 dis[ny][nx] = dis[y][x] + 1; // 걸린 거리 입력
                                                                       dis 배열은 INF값으로 초기화
```

지도에서 벗어나는지 확인하는 법?

미로 찾기_memset

- memset을 사용하여 배열을 -1로 초기화

```
#include<string.h>
[main() {
          memset(MAP, -1, sizeof(MAP));
}
```

-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	1	-1	-1	-1
-1	-1	-1	1	1	-1	-1	-1
-1	-1	-1	1	1	-1	-1	-1
-1	-1	-1	1	1	-1	1	-1
-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1

미로 찾기_memset

- 지도를 입력 받고 bfs 탐색 실행

- → if문에 -1, 0 이 아닌 조건을 추가
- → MAP은 (1,1) 부터 입력받기

-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
-1	1	0	0	0	0	0	-1
-1	1	0	0	1	1	1	-1
-1	1	0	0	1	0	1	-1
-1	1	0	0	1	0	1	-1
-1	1	1	1	1	0	1	-1
-1	1	0	1	1	0	1	-1
-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1

미로 찾기_지도의 범위

- 지도의 크기가 나와있다면

→ if문에 지도의 크기보다 x,y 값이 작다는 조건 추가

연습

2178번 - 미로탐색(최단기리) 1012번 - 유기농 배추 7576 - 토마토

내일은 내일의해가 뜰것이다.



연습+++

2644번 - 촌수계산 2583번 - 영역 구하기 7562번 - 나이트의 이동

아니 과제를 이렇게 많이내줏심면 어떠케요!!!!!!!!!!





머릿속에서 내적갈 등 하고잇음

BackTracking (feat.dfs)

마지막 'BackTracking' 에 대해 알아보자! (너무 많아..)

BackTracking_ma

모든 경우의 수를 전부 고려하는 알고리즘

= Brute-force?

BUT

(조건을 충족하는)모든 경우의 수를 전부 고려하는 트리 탐색 알고리즘

BackTracking_male

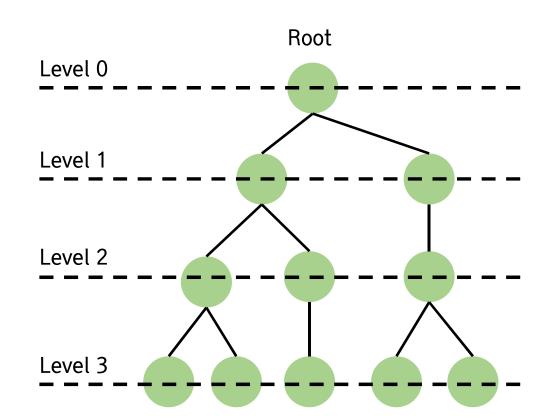
(조건을 충족하는)모든 경우의 수를 전부 고려하 는 트리 탐색 알고리즘



최적해(정답)

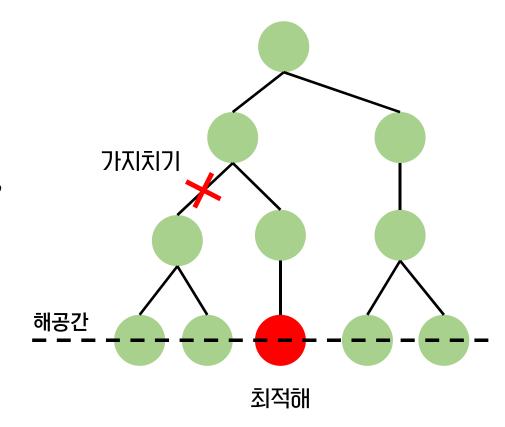
Tree_______

- 노드로 이루어진 자료구조
- 그래프의 일종입니다
- 사이클이 없는 하나의 방향성이 있는 그래프
- 각 노드는 <mark>깊이(level)</mark>을 가지고 Root 노드는 level 0 이다
- 현재 노드와 연결된 레벨이 낮은 노드는 부모 노드라고 부른다



BackTracking_ma

최적해(답)을 향해 가지를 뻗어나가며, 가능성이 없는 해(가지) 는 제거하며 해중에 최적 해를 탐색해나간다



BackTracking_≅

- 1. 해는 어떻게 정점(노드)으로 만드나요?
- 2. 트리는 어떻게 구성하나요?
- 3. 트리의 순회(탐색)은 어떻게 하나요?

질문

1. 해는 어떻게 정점(노드)으로 만드나요?

해는 주로 tuple을 사용해 만들지만, 다른 방법도 가능합니다

Ex)
$$(x_1, x_2, x_3, x_4 \dots, x_{n-1}, x_n)$$

질문

2. 트리는 어떻게 구성하나요?

tuple의 개수에만큼 트리의 깊이를 정합니다.

즉, x_n 까지 확정된 tuple은 깊이(Level)가 n인 곳에 위치

질문

3. 트리의 순회(탐색)은 어떻게 하나요?

트리(그래프)를 탐색하는 법인 DFS를 사용합니다

- BFS를 사용하지 않는 이유

BFS = 같은 Level을 가지는 노드의 개수만큼 메모리가 필요

DFS = <mark>트리의 Level</mark>만큼 메모리가 필요

노드의 개수가 K일 때 공간복잡도가

 $\mathsf{BFS} - \mathsf{O}(\mathsf{K}^\mathsf{N}) \; \rangle \; \mathsf{DFS} - \mathsf{O}(\log_2 \mathsf{N})$

이므로 DFS를 사용합니다

문제를 통해 원리를 공부해 봅시다!

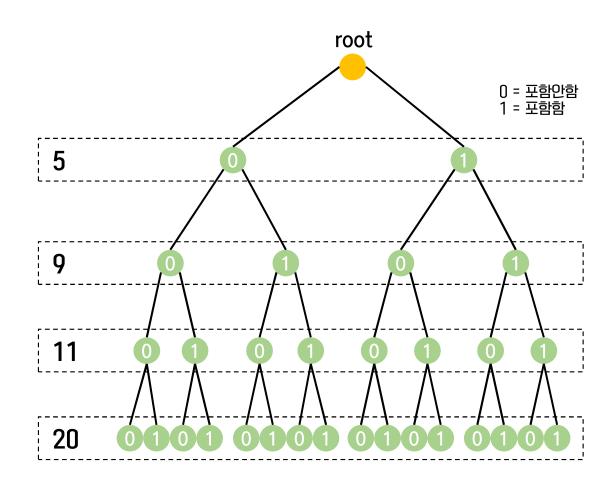
오른차순으로 주어지는 이 집합의 부분집합의 원소들의 합이 sum이 되도록 만들어보세요

{5, 9, 11, 20}

sum = 25

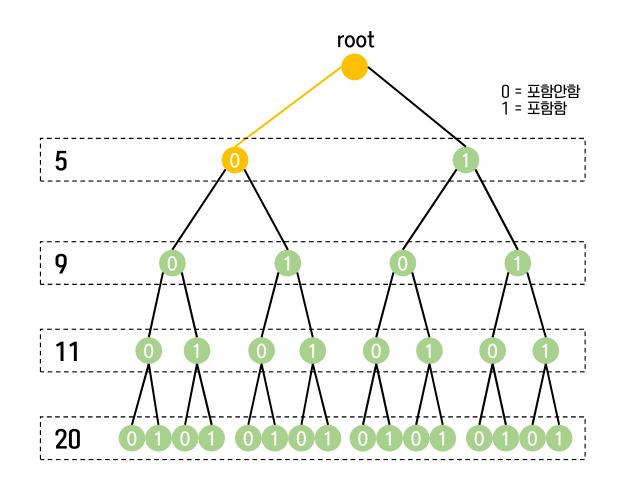
답 = {5, 9, 11}, {5, 20}

- 각 노드는 그 숫자의 유무
- 숫자의 개수가 4개이므로 깊이 = 4
- Root 부터 dfs 시작



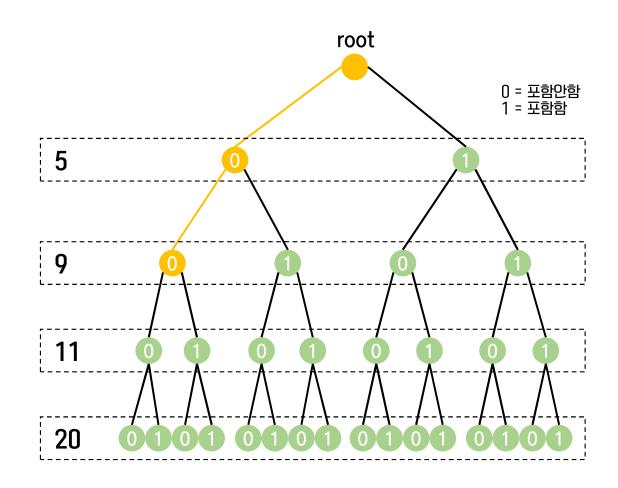
- 5를 포함하지 않으면 25보다 작나?
 - → 조건에 성립하므로 계속 순회
- 순회 할 때마다 조건과 비교

Tuple(0)



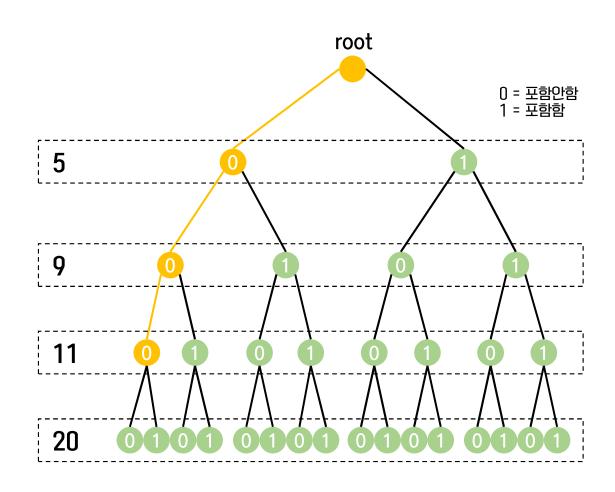
- 9를 포함하지 않으면 25보다 작나?
 - → 조건에 성립하므로 계속 순회
- 순회 할 때마다 조건과 비교

Tuple(0, 0)



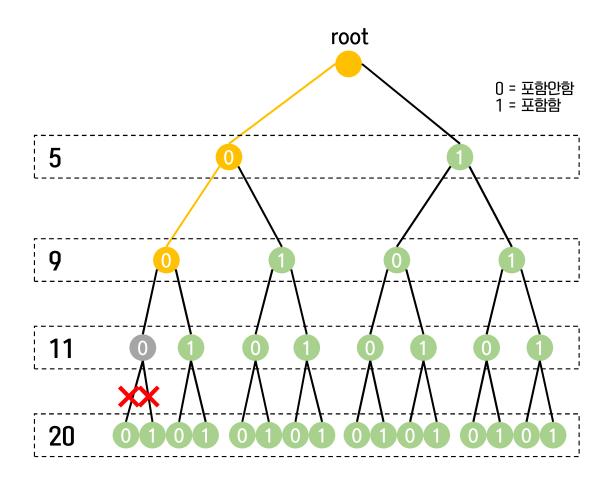
- 11를 포함하지 않으면 25보다 작나?
 - → 조건에 성립하므로 계속 순회
- 순회 할 때마다 조건과 비교

Tuple(0, 0, 0)



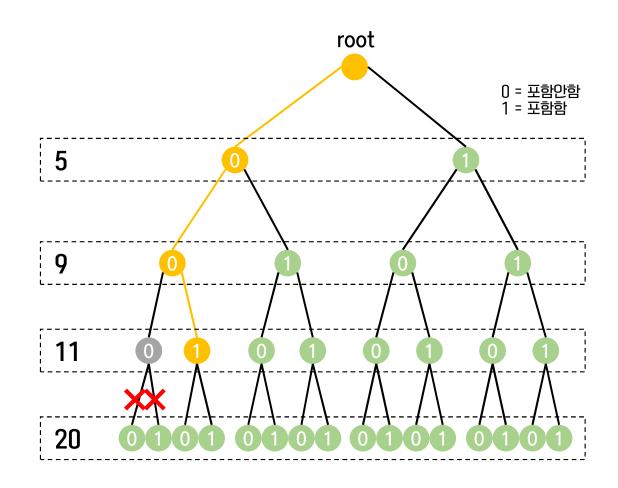
- 남은 Level의 합이 25이상인가?
 - → 성립하지 않으므로 부모 노드로 돌아감
- 순회 할 때마다 조건과 비교

Tuple(0, 0)



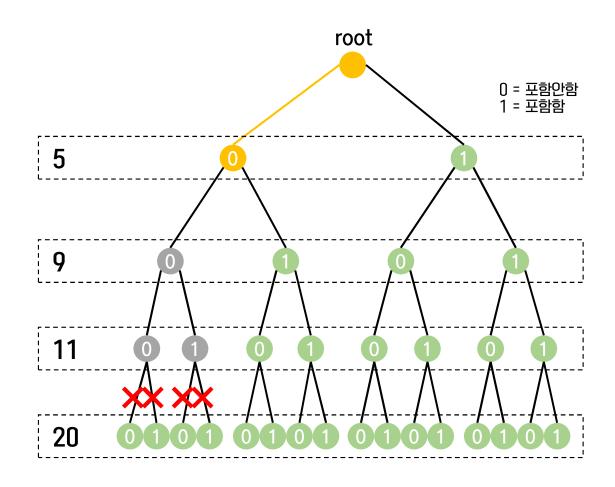
- 11을 포함해도 25보다 작은가?
 - → 조건 성립하므로 계속 순회
- 순회 할 때마다 조건과 비교

Tuple(0, 0, 1)



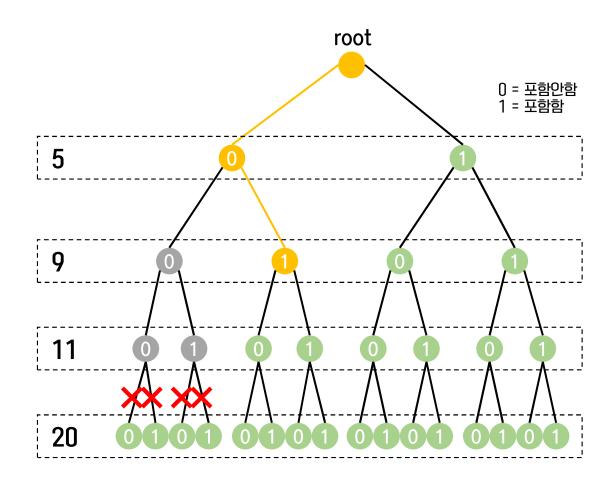
- 지금 까지의 방식으로 계속 반복

Tuple(0)



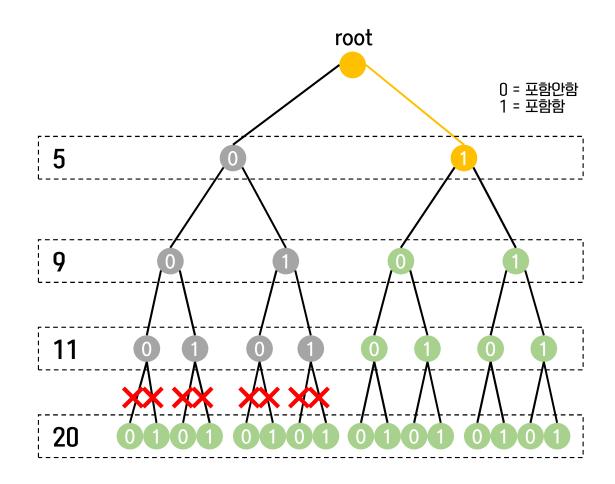
- 지금 까지의 방식으로 계속 반복

Tuple(0,1)



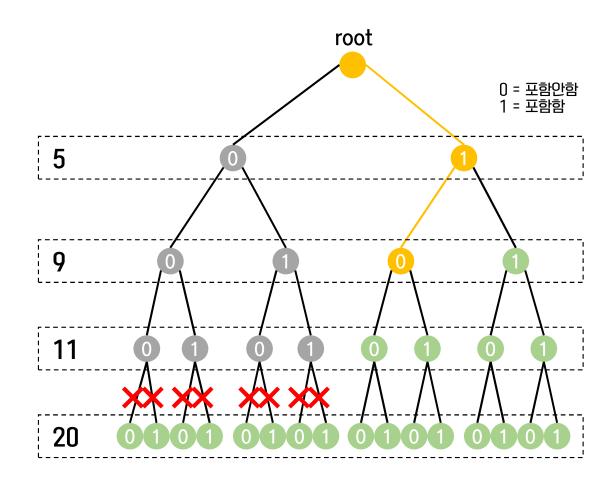
- 지금 까지의 방식으로 계속 반복

Tuple(1)



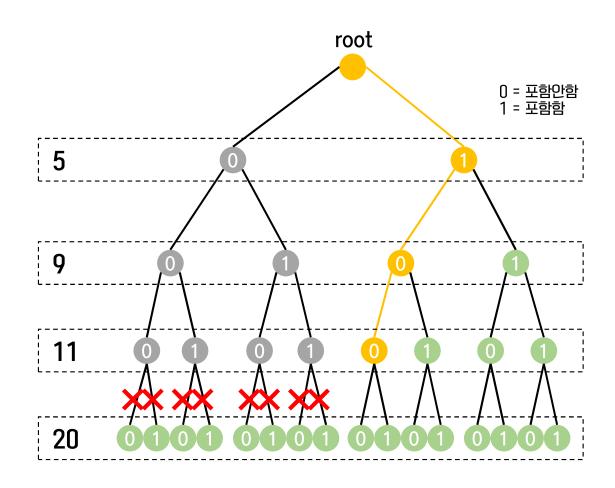
- 지금 까지의 방식으로 계속 반복

Tuple(1, 0)



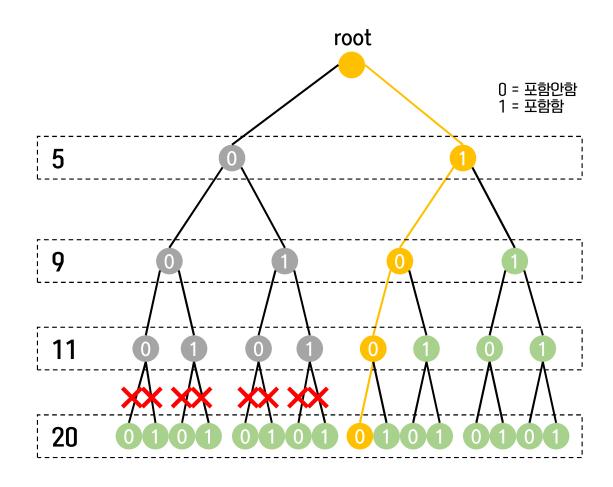
- 지금 까지의 방식으로 계속 반복

Tuple(1, 0, 0)



- 지금 까지의 방식으로 계속 반복

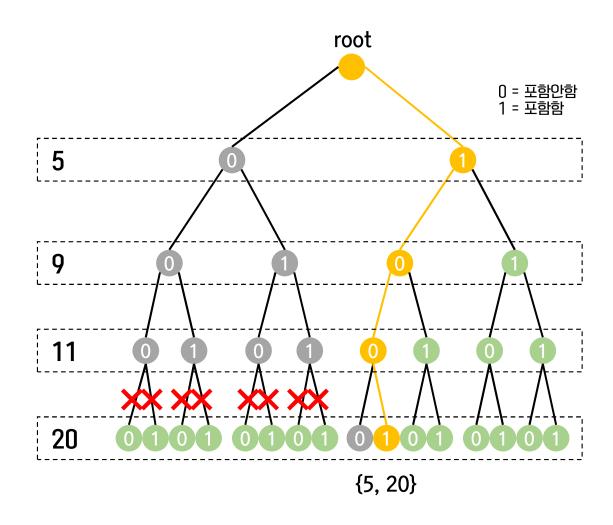
Tuple(1, 0, 0, 0)



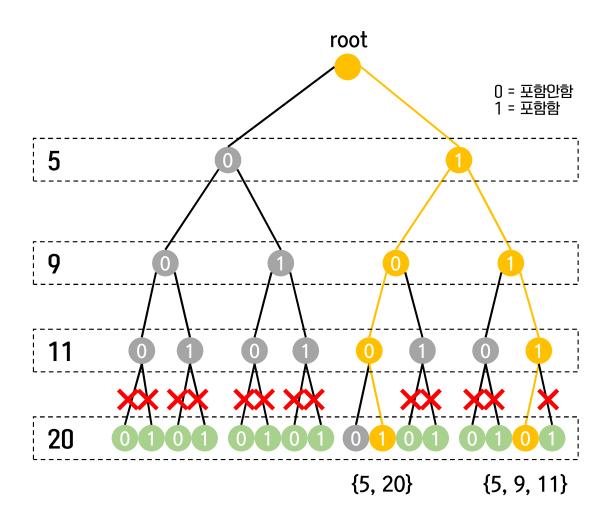
BackTracking_

- <mark>정답</mark>을 찾거나 모든 노드가 죽으면 탐색종료

Tuple(1, 0, 0, 1)



- 모든 정답을 찾고 싶으면 모든 노드가 죽을 때 까지 탐색



BackTracking_-7⁸

근데 트리의 노드와 간선을 모두 저장하면 메모리를 많이 쓰지 않을까?

우리는 해의 범위를 알고 있기 때문에 자식노드를 만들어 낼 수 있다. 간선과 노드는 저장하지 않고 순회를 하면서 만든다

BackTracking_-7⁸

첫번째 방법 - 모든 해를 만들고 최적해인지 검사(쉬움)

```
int solution[5];
// main 에서는 root부터 시작하므로 Backtracking(0)으로 시작
int Backtracking(int depth) { //dfs방식으로 트리 순회, depth로 현재 깊이 확인
if (depth == 4) //깊이가 4일때 = 해일때
if (isOK()) // 최적해인지 검사
doSomething(); // 출력하거나 다른 결과수행
for (int i = 0; i <= 1; i++) { // 해가 완성x, 같은 깊이의 노드 개수만큼 트리를 만드는 구간
solution[depth] = i; // solution에 포함 되는지 안되는지 저장 or 다른 문제에서는 변형
Backtracking(depth + 1); // 다음 자식노드로 이동함
}
```

BackTracking_75

첫번째 방법 - 모든 해를 만들고 최적해인지 검사(쉬움)

```
해가 많이 존재할 때에는 어떻게?
```

BackTracking_-₽ª

두번째 방법 - 현재 노드의 자식노드들이 최적해일 수 있나 판단(가지치기)

```
int solution[5];

// main 에서는 root부터 시작하므로 Backtracking(0)으로 시작

int Backtracking(int depth) { //dfs방식으로 트리 순회, depth로 현재 깊이 확인

if (depth == 4) //깊이가 4일때 = 해일때

if (isoK()) // 최적해인지 검사

doSomething(); // 출력하거나 다른 결과수행

for (int i = 0; i <= 1; i++) { // 해가 완성x, 같은 깊이의 노드 개수만큼 트리를 만드는 구간

solution[depth] = i; // solution에 포함 되는지 안되는지 저장 or 다른 문제에서는 변형

// 지금까지의 합이 25이상이거나 지금부터 앞으로의 합이 25보다 작으면 넘어가지 말고 continue; 사용

Backtracking(depth + 1); // 다음 자식노드로 이동함

}

}
```

BackTracking_-7⁵

이렇듯 모든 해를 찾지 말고 가지치기를 하면서 탐색하는 것이 BackTracking의 핵심입니다!

연습

1182번 - 부분수열의 합 1759번 - 암호 만들기(LIS) 2661번 - 좋은 수열 1987 - 알파벳

할일많음+움직이기 싫음=내일해도 되겠지?

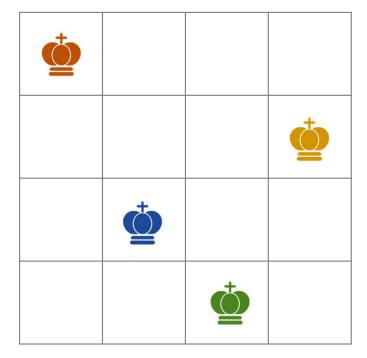




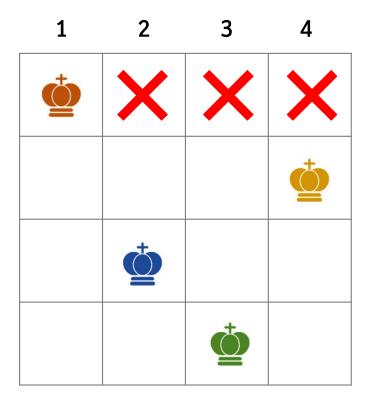
N-Queen(9663世)

백트래킹의 교과서 문제

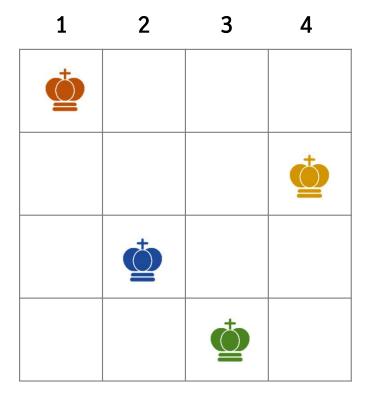
- 1. 같은 행에 존재하면 안 된다.
- 1. 같은 열에 존재하면 안 된다.
- 1. 같은 대각선에 존재하면 안 된다.



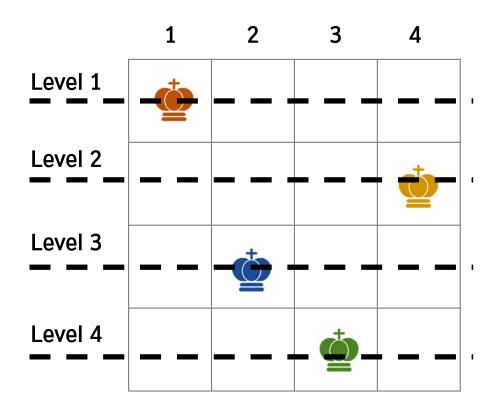
- 같은 행에 여왕이 2명 이상 올 수 없다?
 - → X, y 축으로 나누어 생각해보자



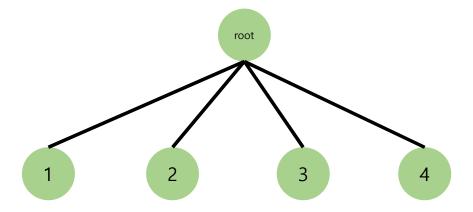
- 확인은 어떻게 할까요?
 - → 상하좌우는 X, y 좌표가 같은 것이 있는지 확인
 - → 대각선은 x, y 좌표의 <mark>합과 차가 같은지</mark> 확인



- 행 하나당 4개의 x좌표를 트리로 만들기



- 행 하나당 4개의 위치를 트리로 만들기



연습

9663 - N-Queen 1799번 - 비숍 2580번 - 스도쿠



다 보느라 수고하셨어요 감사합니다

역시 나는 총명하구계 획적이구 최고라니깐!