次のように点をとる:

 $A(x_1, y_1)$

 $P_1(x_2, y_2)$

 $P_2(x_3, y_2)$

 $P_3(x_3, y_3)$

 $P_4(x_2, y_3)$

点 A を中心とする半径 r の円 C の円周および内部が赤く塗られ、4 点 P_1 , P_2 , P_3 , P_4 の長方形 D の周および内部が青く塗られ、2 つの図形の共通部分が紫に塗られる。

2つの図形が一致することはないので、2つの図形の包含関係は次の3通りのいずれかひとつのみが成り立つ。

- i) $C \subset D$
- ii) $D \subset C$
- iii) 上記以外

ここで,次の同値関係が成り立つ。

- $i) \iff$ 赤い部分が存在しない
- $ii) \iff$ 青い部分が存在しない

まず、赤い部分の存在条件 i) を考える。i) が成り立つのは点 A が長方形の内部にあって A と長方形 D の各辺との距離がいずれも r 以上のとき、およびそのときのみであるから、

$$x_2 + r \le x_1 \le x_3 - r$$
 かつ $y_2 + r \le y_1 \le y_3 - r$

と同値である。

次に、青い部分の存在条件 i) を考える。赤い部分が存在しないならば青い部分が存在するから、赤い部分が存在するという前提のもとで青い部分の存在条件 ii) を考えればよい。

ii) が成り立つのは点 A と長方形の各頂点との距離の最大値がr以下のとき、およびそのときのみであるから、

$$\max\{AP_1, AP_2, AP_3, AP_4\} \le r$$

と同値である。