一般に、ある正整数 n の素因数分解が相異なる素数 p_1, p_2, \ldots, p_k を用いて

$$n = p_1^{\alpha_1} p_2^{\alpha_2} \dots p_k^{\alpha_k}$$

と表せるとき、nの正の約数の個数は

$$(\alpha_1+1)(\alpha_2+1)\dots(\alpha_k+1)$$

である。

 $75 = 3 \cdot 5^2$ なので、七五数は相異なる素数 a, b, c を用いて

$$a^4b^4c^2$$
 または $a^{14}b^4$ または $a^{24}b^2$ または a^{74}

と表せる数である。

N! の素因数のうち、N! の素因数分解に 2 個以上、4 個以上、14 個以上、24 個以上、74 個以上含まれるようなものの集合をそれぞれ $G_2,G_4,G_{14},G_{24},G_{74}$ とおき、

$$\begin{aligned} d_0 &= |G_{24}| \\ d_1 &= |G_2 \setminus G_{24}| \\ d_2 &= |G_{14}| \\ d_3 &= |G_4 \setminus G_{14}| \\ d_4 &= |G_4| \\ d_5 &= |G_2 \setminus G_4| \\ d_6 &= |G_{74}| \end{aligned}$$

とおく。

求める七五数の個数は、

$$\begin{aligned} &d_0(d_0-1) + d_1d_0 \\ &+ d_2(d_2-1) + d_3d_2 \\ &+ d_4 \times_{d_4-1}C_2 + d_5 \times_{d_4}C_2 \\ &+ d_6 \end{aligned}$$

である。