

簡単のため、 $x_i = p$ とおき、西端を原点とし西から東に進む向きを正として x 軸をとる。

同種の寺社のうち最初に通過するもののみを「訪れた」とみなすことにすると、始点を出発して神社 1 個と寺 1 個を訪れるような移動の仕方は、

- i) 始点から進む向き 2 通り
- ii) 1 番目に訪れる寺社の種類の選び方 2 通り
- iii) 1 番目に訪れた寺社から進む向き 2 通り

より、計 $2^3 = 8$ 通りである。

始点に最も近い神社、寺の座標はそれぞれ p の関数であることから、次のように表せる：

- 始点以東で最も近い神社、寺の座標をそれぞれ $f_+(p)$, $g_+(p)$
- 始点以西で最も近い神社、寺の座標をそれぞれ $f_-(p)$, $g_-(p)$
- 始点から最も近い神社、寺の座標をそれぞれ $f(p)$, $g(p)$

ただし、始点以東、以西に寺社が存在しない場合は $f_{\pm}(p) = \pm\infty$, $g_{\pm}(p) = \pm\infty$ (複号同順) とする。

[1] i),iii) で同方向に進むとき

- ii) について、始点に最も近い寺社を 1 番目に訪れるしかないから、求める最小の移動距離は、

$$\max\{|f_{\pm}(p) - p|, |g_{\pm}(p) - p|\} \text{ (複号同順)} \quad (1)$$

[2] i),iii) で逆方向に進むとき

- ii) について、1 番目に訪れる寺社の選び方は 2 通りあるが、始点と 1 番目に訪れる寺社との間に 2 番目に訪れる寺社がないことに注意すれば、移動距離は

$$2 \times (\text{始点と 1 番目に訪れる寺社との距離}) \\ + (\text{始点と 2 番目に訪れる寺社との距離})$$

と表せるので、始点から最も近い寺社に 1 番目に訪れると移動距離が最小となる。したがって、求める最小の移動距離は、

$$2 \min\{|f(p) - p|, |g(p) - p|\} + \max\{|f(p) - p|, |g(p) - p|\} \quad (2)$$

以上より、求める最小の移動距離は (1) と (2) のうち最小のものである。