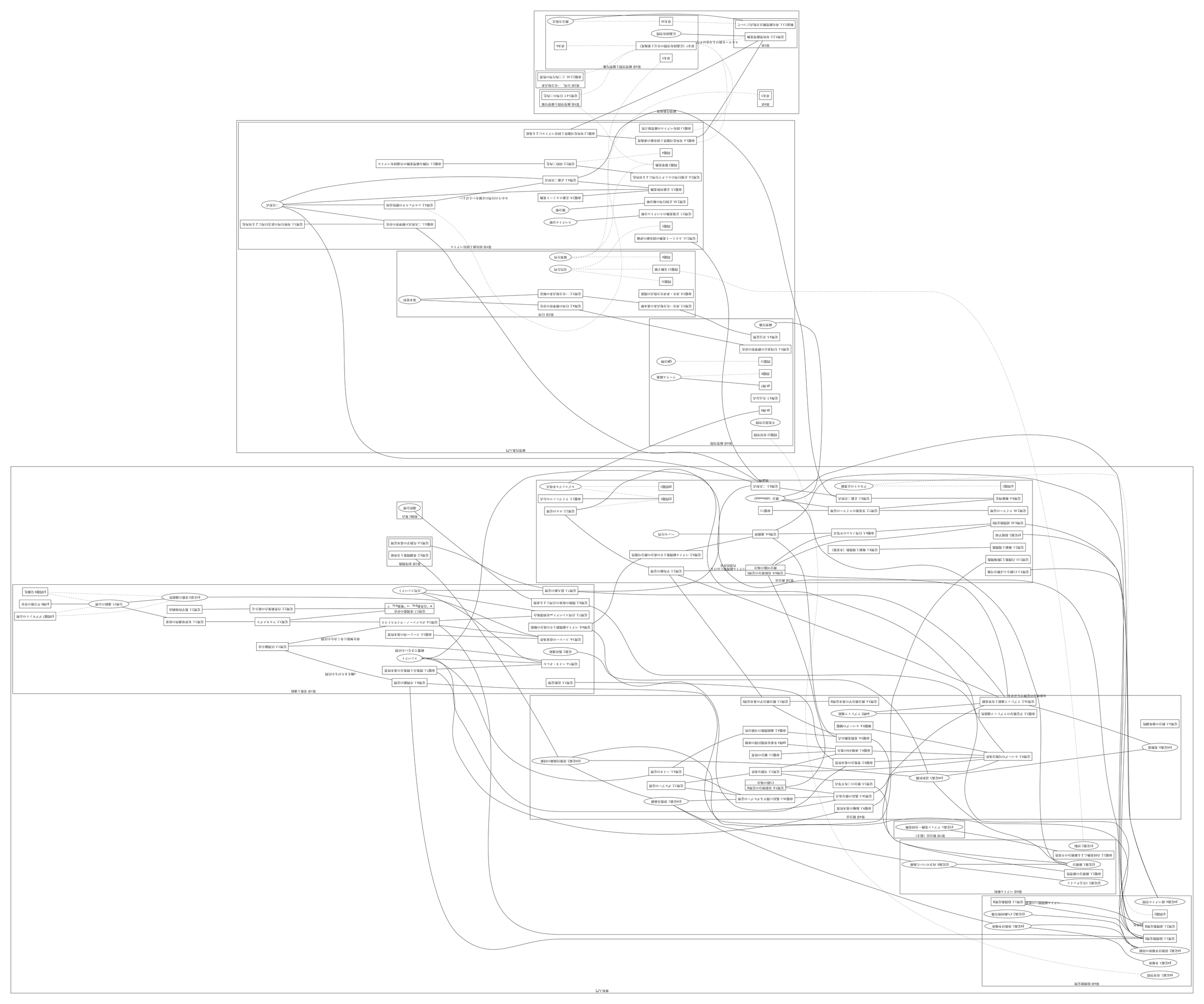
幾何入門
第0章 自然数定理
定理0.1 ペアノの公理
定理0.2 帰納法
定義0.3 後者関数
定理0.4 加法の定義
定理0.5 乗法の定義
定理0.6 順序の定義
定理0.7 三分律
定理0.8 整列原理
定理0.9 最小元原理
定理0.10 数学的帰納法
例題0.11 和 $1+2+\cdots+n$
例題0.12 等比数列の和
例題0.13 二項係数の性質
例題0.14 鳩の巣原理
例題0.15 最大公約数の存在
例題0.16 互除法
例題0.17 素因数分解の一意性
例題0.18 $\sqrt{2}$ の無理性
例題0.19 素数の無限性
例題0.20 フェルマーの小定理
例題0.21 オイラーの定理
例題0.22 中国剰余定理
第1章 集合と論理
定義1.1 集合
定義1.2 元 $\in$
定義1.3 部分集合 $\subseteq$
定義1.4 冪集合 $\mathcal{P}(A)$
定義1.5 和集合 $\bigcup$
定義1.6 共通部分 $\bigcap$
定義1.7 差集合 $A \setminus B$
定義1.8 直積 $A \times B$
定義1.9 対称差 $A \triangle B$
定義1.10 補集合 A^c
例題1.11 ド・モルガンの法則
例題1.12 分配法則
例題1.13 集合族の和集合
例題1.14 集合族の共通部分
例題1.15 直積と射影
例題1.16 冪集合の濃度
例題1.17 対角線論法
例題1.18 連続体濃度
例題1.19 カントール集合
例題1.20 ベキ集合の濃度
第2章 写像
定義2.1 写像 $f: A \to B$
定義2.2 定義域・値域・終域
定義2.3 像 $f(A)$
定義2.4 逆像 $f^{-1}(B)$
定義2.5 単射
定義2.6 全射
定義2.7 全単射
定義2.8 逆写像 f^{-1}
定義2.9 合成 $g \circ f$
例題2.10 合成の結合律
例題2.11 単射と左逆写像
例題2.12 全射と右逆写像
例題2.13 全単射と逆写像の一意性
例題2.14 逆像は和・共通集合を保つ
例題2.15 単射 $\Leftrightarrow$ 左簡約可能
例題2.16 全射 $\Leftrightarrow$ 右簡約可能
例題2.17 $f^{-1}(f(A)) \supseteq A$ の真偽
例題2.18 $f(f^{-1}(B)) \subseteq B$ の真偽
例題2.19 f 単射 $\Leftrightarrow f(A\cap B)=f(A)\cap f(B)$
例題2.20 f 全射 $\Leftrightarrow f(f^{-1}(B))=B$
例題2.21 f 単射 $\Leftrightarrow f^{-1}(f(A))=A$
例題2.22 f 全射 $\Leftrightarrow f^{-1}(f(A))\supseteq A$
第3章 同値関係と商集合
定義3.1 同値関係
定義3.2 同値類 $[a]$
定義3.3 商集合 $X/\sim$
定義3.4 代表元
定義3.5 同値関係の生成
例題3.6 $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ の構成
例題3.7 $\mathbb{Q}$ の構成
例題3.8 $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ の環構造
例題3.9 $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ の単元群
例題3.10 $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ の体判定
例題3.11 中国剰余定理（再掲）
例題3.12 $\varphi(n)$ の乗法性
例題3.13 $\varphi(n)$ の公式
例題3.14 $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ の単元群
例題3.15 $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ の体判定
例題3.16 $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ の環構造
例題3.17 $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ の単元群
例題3.18 $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ の体判定
第4章 群
定義4.1 群
定義4.2 単位元の一意性
定義4.3 逆元の一意性
定義4.4 $ab=ba$
定義4.5 可換群
定義4.6 G の位数
定義4.7 a^n
定義4.8 a^{-n}
定義4.9 $a^m a^n = a^{m+n}$
定義4.10 $(a^m)^n = a^{mn}$
定義4.11 $(ab)^n = a^n b^n$
定義4.12 $a^{|G|}=e$
定義4.13 $a^{p-1}\equiv 1 \pmod p$
定義4.14 $a^{\varphi(n)}\equiv 1 \pmod n$
定義4.15 $a^{p-1}\equiv 1 \pmod p$
定義4.16 $a^{\varphi(n)}\equiv 1 \pmod n$
定義4.17 $a^{p-1}\equiv 1 \pmod p$
定義4.18 $a^{\varphi(n)}\equiv 1 \pmod n$
定義4.19 $a^{p-1}\equiv 1 \pmod p$
定義4.20 $a^{\varphi(n)}\equiv 1 \pmod n$