TAREA 2 ASTROFÍSICA EXTRAGALÁCTICA

Nombre: Marcelo Nicolás Ojeda Cárdenas

```
import os
import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import astropy.coordinates as coord
import astropy.units as u
from astropy.io.votable import parse
from matplotlib.ticker import (MultipleLocator, AutoMinorLocator)
from astropy.convolution import convolve, Gaussian1DKernel
from scipy.optimize import curve fit
plt.rcParams.update({
    'text.usetex': False,
    'text.latex.preamble': r'\usepackage{amsmath}',
    'font.family': 'serif',
    'font.weight': 'normal'
    'figure.facecolor': 'white',
    'mathtext.fontset': 'dejavuserif'
})
```

Pregunta 1: Escala de altura del disco de la Galaxia

a)

La tabla proporcionada es un archivo con extensión .vot. Abriremos esta tabla con el módulo votable de astropy, y la abriremos como un dataframe de Pandas.

```
table path = '17156577175580-result.vot'
votable = parse(table path)
table = votable.get first table().to table()
gaia data = table.to pandas()
gaia data
                 SOURCE ID
                                              dec phot g mean mag
                                    ra
bp_rp \
       5459877261220464512 149.706117 -32.683039
                                                         13.933306
1.264465
       5459233389783747968 152.379091 -33.015255
                                                         11.911551
1.416827
       5460192099502918656 151.864369 -31.422032
                                                         13.724075
1.362687
```

```
5463677340905512960 151.169361 -29.876994
                                                         11.297482
1.363467
       5462669230478657152 153.796618 -28.619555
                                                         13.261548
1.241774
37629 4251824972391999744 281.151098 -8.266800
                                                         15.022455
2.136995
      4251846923862377856 281.229228 -8.051804
                                                         14.237474
37630
2.393588
37631 4251808788958515584 280.266640 -8.067632
                                                         13.986049
1.772787
37632 4251831187105723264
                                                         14.761138
                            281.414609 -8.098100
2.032878
37633 4251835413349666432 281.329971 -8.043636
                                                         11.848930
1.821680
       parallax
                               pmdec
                                      radial velocity
                                                       mh gspspec
                      pmra
       0.234490
0
                 -5.689235
                            0.793420
                                            79.242012
                                                              NaN
1
       0.557544
                  2.866809
                            0.745181
                                            16.321693
                                                            -0.30
2
                -5.263114 0.165210
                                            53.045547
       0.264207
                                                              NaN
3
                                                            -0.13
       0.951489 -0.551430 -3.419740
                                            32.012726
4
       0.336540 -10.312181 0.154927
                                            35.998482
                                                              NaN
37629
      0.244185
                -2.900612 -5.424893
                                           -17.687220
                                                              NaN
      0.230136
                 3.138608 -5.762636
                                            68.105782
37630
                                                              NaN
37631
      0.340971 -1.100493 -4.181602
                                            51.742645
                                                              NaN
37632
      0.219790 -3.529564 -6.251818
                                            81.449219
                                                              NaN
37633 0.428671 -0.531357 -0.905700
                                             6.055757
                                                             0.17
[37634 rows x 10 columns]
print(gaia data.columns)
Index(['SOURCE_ID', 'ra', 'dec', 'phot_g_mean_mag', 'bp_rp',
'parallax',
       pmra', 'pmdec', 'radial velocity', 'mh gspspec'],
      dtype='object')
```

Las columnas presentes en este dataframe son las siguientes:

- De gaiadr3.gaia_source:
 - SOURCE_ID: Contiene las id de cada fuente. Cada una de las id es única para cada fuente, y se obtiene codificando la posición aproximada de la fuente a través de un algoritmo.
 - ra: Contiene las coordenadas en ascención recta de las fuentes, en sistema ICRS. Tiene unidades angulares deg.

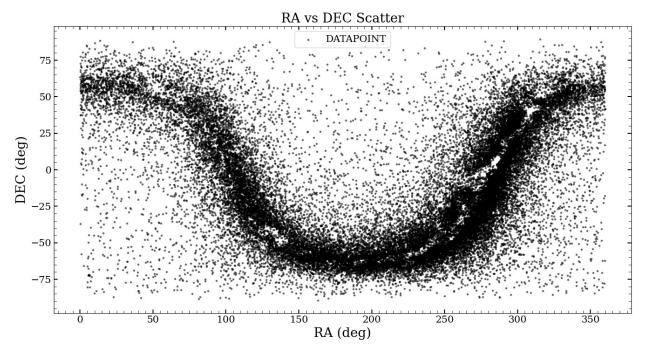
- dec: Contiene las coordenadas en declinación de las fuentes, en sistema ICRS.
 Tiene unidades angulares deg.
- phot_g_mean_mag: Contiene la magnitud promedio en la banda G de las fuentes. Esta magnitud es aparente, y está corregida con el zeropoint de la escala Vega. Tiene unidades de magnitud mag.
- bp_rp: Contiene los datos de color BP RP (la razón flujos entre la banda azul y roja de GAIA). Tiene unidades de magnitud mag.
- parallax: Contiene el paralaje absoluto de las fuentes. Tiene unidades angulares mas (miliarcosegundo).
- pmra: Contiene los datos de movimiento propio de las fuentes en la coordenada ascención recta. Tiene unidades de velocidad angular \$\ text{mas}\hspace{1mm}\text{yr}^{-1}\$ (miliarcosegundos por año).
- pmdec: Contiene los datos de movimiento propio de las fuentes en la coordenada declinación. Tiene unidades de velocidad angular \$\text{mas}\ hspace{1mm}\text{yr}^{-1}\$ (miliarcosegundos por año).
- radial velocity: Contiene los datos de velocidad radial espectroscópica calculada desde el marco de referencia del baricentro del sistema solar. El baricentro del sistema solar es el punto en el que todos los objetos del sistema solar orbitan alrededor debido a la interacción gravitatoria. Tiene unidades de velocidad \$\text{km}\hspace{1mm}\text{s}^{-1}\$.
- De gaiadr3_astrophysical_parameters:
 - mh_gspspec: Contiene los datos de metalicidad global de cada fuente, de la forma [M/H] (razón entre la abundancias de elementos más pesados con la abundancia de hidrógeno). Tiene unidades de Dex, que significa exponente decimal, que nace de la definición de esta metalicidad, ya que está dada por un logaritmo en base 10. Una estrella con Dex positivo tiene mayor metalicidad que el Sol, y una estrella con menor metalicidad que el Sol tendrá un Dex negativo.

b)

Primero haremos un gráfico de RA vs DEC, para observar el campo con el que estamos trabajando.

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(16, 8))
ax.scatter(gaia_data['ra'], gaia_data['dec'], label=r'DATAPOINT', s=5,
color='black', alpha=0.5)

ax.set_ylabel(r'DEC (deg)', fontsize=20)
ax.set_xlabel(r"RA (deg)", fontsize=20)
ax.set_title(r'RA vs DEC Scatter', fontsize=20)
```



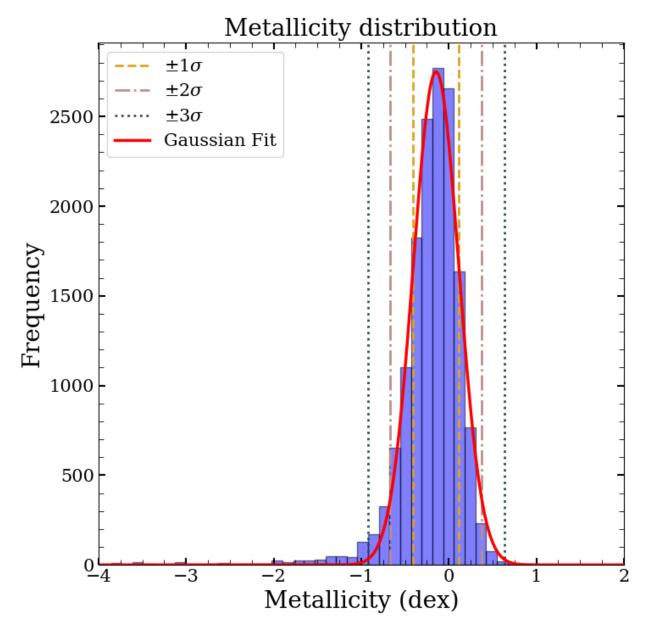
Con este gráfico nos damos cuenta inmediatamente que los datos con los que estamos trabajando corresponden a objetos en la Vía Láctea.

Haremos histogramas del resto de parámetros para estudiar la muestra.

```
# Definiremos estas funciones para fittear gaussianas a los datos
# me quedó bonita, no olvidar guardar para usarla en el futuro owo
def gaussian(x, amplitude, mean, stddev):
```

```
return amplitude * np.exp(-((x - mean) ** \frac{2}{2}) / (\frac{2}{2} * stddev ** \frac{2}{2}))
def gaussian fit(data, bin count, sigma=0.5):
    # Eliminamos los NaNs
        data = data.dropna()
    except AttributeError:
        pass
    # Calculamos el histograma usando el número de bins
    hist, bin edges = np.histogram(data, bins=bin count,
density=False)
    bin centers = (bin edges[:-1] + bin edges[1:]) / 2
    # Utilizar un kernel Gaussiano para convolucionar el histograma y
suavizarlo
    gaussian kernel = Gaussian1DKernel(stddev=sigma) # Elegimos sigma
0.5, arbitrario
    smoothed hist = convolve(hist, gaussian kernel)
    # Calculamos el promedio ponderado y la desviación estándar para
el histograma
    weighted mean = np.sum(bin centers * hist) / np.sum(hist)
    weighted std = np.sqrt(np.sum(hist * (bin centers - weighted mean)
** 2) / np.sum(hist))
    # Usamos estos valores como priors
    initial guess = [max(hist), weighted mean, weighted std]
    # Hacemos el ajuste utilizando curve fit
    params, = curve fit(gaussian, bin centers, smoothed hist,
p0=initial guess)
    return params
fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 8))
ax.hist(gaia data['mh gspspec'], bins=50, color='blue', alpha=0.5,
edgecolor='black')
params = gaussian fit(gaia data['mh gspspec'], 50)
sigma = params[2]
ax.axvline(params[1] + sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
label=r'$\pm 1 \sigma$', linewidth=2)
ax.axvline(params[1] - sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
linewidth=2)
ax.axvline(params[1] + 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
label=r'$\pm 2 \sigma$', linewidth=2)
ax.axvline(params[1] - 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
```

```
linewidth=2)
ax.axvline(params[1] + 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
label=r'$\pm 3 \sigma$', linewidth=2)
ax.axvline(params[1] - 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
linewidth=2)
x_{linspace} = np.linspace(params[1] - 20*sigma, params[1] + 20*sigma,
1000)
ax.plot(x linspace, gaussian(x linspace, *params), color='red',
label='Gaussian Fit', linewidth=2.5)
ax.set ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax.set_xlabel(r"Metallicity (dex)", fontsize=20)
ax.set title(r'Metallicity distribution', fontsize=20)
ax.set xlim(-4, 2)
ax.xaxis.set minor locator(MultipleLocator(0.25))
ax.yaxis.set minor locator(MultipleLocator(100))
ax.tick params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid color='black', grid alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax.tick params(which='minor', length=4, color='black', direction='in',
top=True, right=True,
                grid alpha=0.2, grid linewidth=0.5,
arid linestyle="-",grid_color='r')
ax.grid(False, which='both')
ax.legend(fontsize=15, markerscale=1)
<matplotlib.legend.Legend at 0x797f365685b0>
```

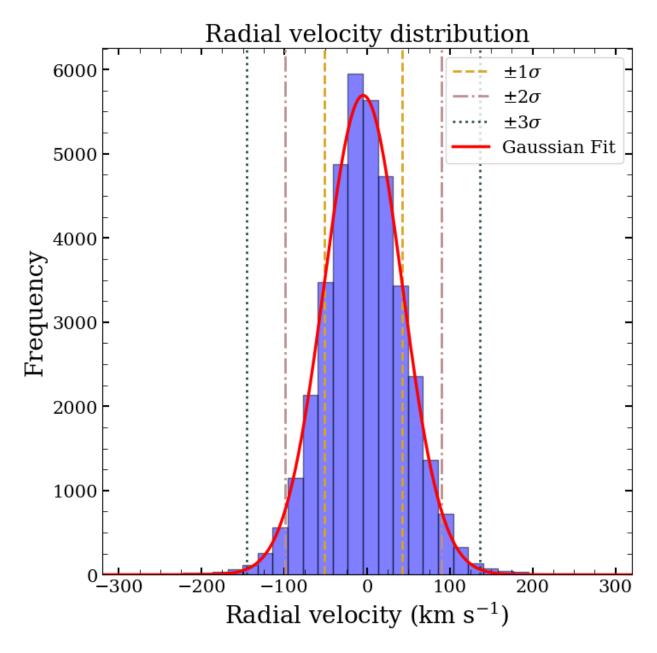


De la distribución de metalicidad, notamos que en general la distribución tiene un skewness hacia los valores negativos, es decir, en general nuestra muestra tiende a tener metalicidades más bajas que la del Sol. Esto puede deberse a que, siendo la Vía Láctea una galaxia espiral con alta formación estelar, hay una mayor abundancia de estrellas jóvenes de hidrógeno. En comparación, una galaxia que ya no puede presentar episodios de formación estelar debería presentar estrellas muy metálicas. Además, la tendencia a metalicidades negativas apunta a que estamos observando una muestra del disco galáctico.

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 8))
ax.hist(gaia_data['radial_velocity'], bins=50, color='blue',
alpha=0.5, edgecolor='black')

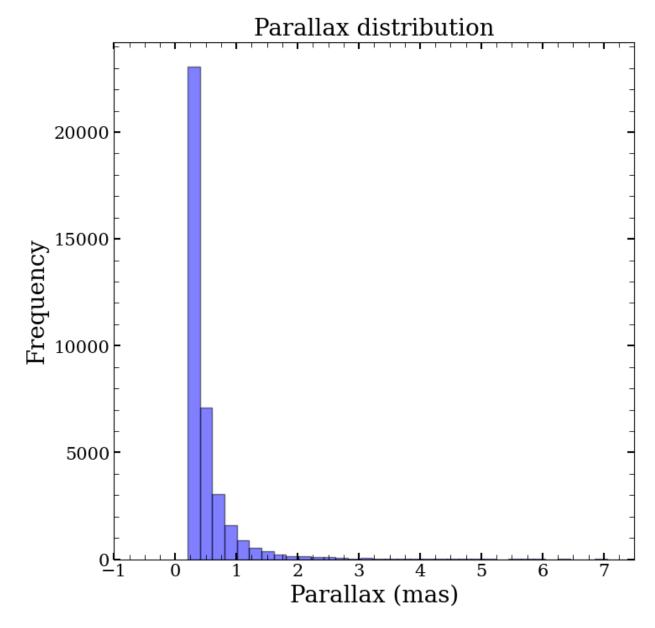
params = gaussian_fit(gaia_data['radial_velocity'], 50)
```

```
sigma = params[2]
ax.axvline(params[1] + sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
label=r'$\pm 1 \sigma$', linewidth=2)
ax.axvline(params[1] - sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
linewidth=2)
ax.axvline(params[1] + 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
label=r'$\pm 2 \sigma$', linewidth=2)
ax.axvline(params[1] - 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
linewidth=2)
ax.axvline(params[1] + 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
label=r'$\pm 3 \sigma$', linewidth=2)
ax.axvline(params[1] - 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
linewidth=2)
x linspace = np.linspace(params[1] - 20*sigma, params[1] + 20*sigma,
1000)
ax.plot(x_linspace, gaussian(x_linspace, *params), color='red',
label='Gaussian Fit', linewidth=2.5)
ax.set_ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax.set xlabel(r"Radial velocity (km s$^{-1}$)", fontsize=20)
ax.set title(r'Radial velocity distribution', fontsize=20)
ax.set xlim(-320, 320)
ax.xaxis.set_minor_locator(MultipleLocator(25))
ax.vaxis.set minor locator(MultipleLocator(250))
ax.tick params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid color='black', grid alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax.tick params(which='minor', length=4, color='black', direction='in',
top=True, right=True,
                grid alpha=0.2, grid linewidth=0.5,
grid linestyle="-",grid color='r')
ax.grid(False, which='both')
ax.legend(fontsize=15, markerscale=1)
<matplotlib.legend.Legend at 0x797f361a70d0>
```



Observando la distribución de velocidades radiales, notamos que ésta es prácticamente simétrica alrededor del 0. Esto es debido a que el sistema de referencia en el que se mide la velocidad radial está centrado prácticamente en el Sol, por lo que el comportamiento del sistema es similar al LSR. La misma cantidad de estrellas están "entrando" al sistema que las que están "saliendo", y a eso se debe la simetría en velocidades.

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 8))
ax.hist(gaia_data['parallax'], bins=90, color='blue', alpha=0.5,
edgecolor='black')
ax.set_ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax.set_xlabel(r"Parallax (mas)", fontsize=20)
```



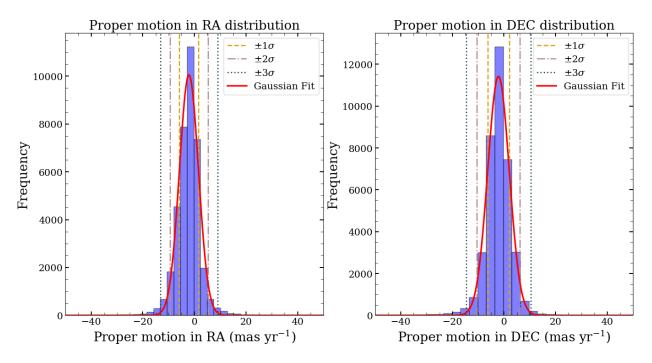
Dado que 1 mas es equivalente a una distancia de 1 kpc, notamos que nuestra muestra posee datos mayoritariamente con distancias de entre 1 a 4 kpc, donde un bajo porcentaje de la muestra es comprendida por estrellas más cercanas. Estrellas de menos de 1 kpc pueden ser consideradas como outliers.

```
fig, (ax1, ax2) = plt.subplots(1, 2, figsize=(16, 8))
ax1.hist(gaia_data['pmra'], bins=80, color='blue', alpha=0.5,
edgecolor='black')

ax1.set_ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax1.set_xlabel(r"Proper motion in RA (mas yr$^{-1}$)", fontsize=20)
ax1.set_title(r'Proper motion in RA distribution', fontsize=20)
params = gaussian_fit(gaia_data['pmra'], 80)
```

```
sigma = params[2]
ax1.axvline(params[1] + sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
label=r'$\pm 1 \sigma$', linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] - sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] + 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
label=r'$\pm 2 \sigma$', linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] - 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] + 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
label=r'$\pm 3 \sigma$', linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] - 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
linewidth=2)
x linspace = np.linspace(params[1] - 20*sigma, params[1] + 20*sigma,
1000)
ax1.plot(x_linspace, gaussian(x_linspace, *params), color='red',
label='Gaussian Fit', linewidth=2.5)
ax1.xaxis.set minor locator(MultipleLocator(5))
ax1.yaxis.set_minor_locator(MultipleLocator(500))
ax1.set xlim(-50, 50)
ax1.tick params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid color='black', grid alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax1.tick params(which='minor', length=4, color='black',
direction='in', top=True, right=True,
                grid_alpha=0.2, grid_linewidth=0.5,
grid linestyle="-",grid color='r')
ax1.grid(False, which='both')
ax1.legend(fontsize=15, markerscale=1)
ax2.hist(gaia_data['pmdec'], bins=80, color='blue', alpha=0.5,
edgecolor='black')
ax2.set ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax2.set xlabel(r"Proper motion in DEC (mas yr^{-1}$)", fontsize=20)
ax2.set title(r'Proper motion in DEC distribution', fontsize=20)
params = gaussian fit(gaia data['pmdec'], 80)
```

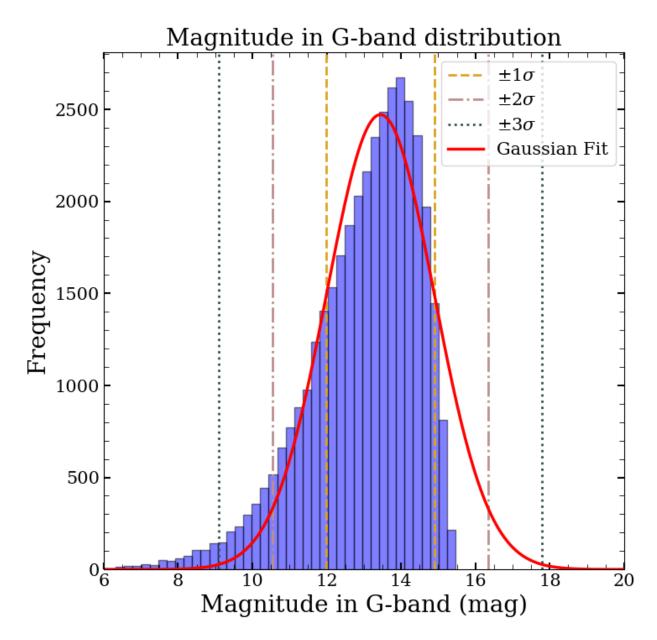
```
sigma = params[2]
ax2.axvline(params[1] + sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
label=r'$\pm 1 \sigma$', linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] - sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] + 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
label=r'$\pm 2 \sigma$', linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] - 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] + 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
label=r'$\pm 3 \sigma$', linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] - 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
linewidth=2)
\times linspace = np.linspace(params[1] - 20*sigma, params[1] + 20*sigma,
1000)
ax2.plot(x linspace, gaussian(x linspace, *params), color='red',
label='Gaussian Fit', linewidth=2.5)
ax2.xaxis.set minor locator(MultipleLocator(5))
ax2.yaxis.set minor locator(MultipleLocator(500))
ax2.set xlim(-50, 50)
ax2.tick params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid_color='black', grid_alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax2.tick params(which='minor', length=4, color='black',
direction='in', top=True, right=True,
                grid_alpha=0.2, grid linewidth=0.5,
grid linestyle="-",grid_color='r')
ax2.grid(False, which='both')
ax2.legend(fontsize=15, markerscale=1)
<matplotlib.legend.Legend at 0x797f3643bf10>
```



Ambas distribuciones de movimiento propio, tanto en RA como en DEC son prácticamente simétricas, centradas en 0. Esto es consistente con el hecho de que se está observando respecto a nuestro sistema de referencia, donde el movimiento promedio de las estrellas es nulo.

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 8))
ax.hist(gaia data['phot g mean mag'], bins=50, color='blue',
alpha=0.5, edgecolor='black')
params = gaussian fit(gaia data['phot g mean mag'], 50)
sigma = params[2]
ax.axvline(params[1] + sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
label=r'$\pm 1 \sigma$', linewidth=2)
ax.axvline(params[1] - sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
linewidth=2)
ax.axvline(params[1] + 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
label=r'$\pm 2 \sigma$', linewidth=2)
ax.axvline(params[1] - 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
linewidth=2)
ax.axvline(params[1] + 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
label=r'$\pm 3 \sigma$', linewidth=2)
ax.axvline(params[1] - 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
linewidth=2)
x linspace = np.linspace(params[1] - 20*sigma, params[1] + 20*sigma,
1000)
ax.plot(x_linspace, gaussian(x_linspace, *params), color='red',
label='Gaussian Fit', linewidth=2.5)
```

```
ax.set_ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax.set_xlabel(r"Magnitude in G-band (mag)", fontsize=20)
ax.set_title(r'Magnitude in G-band distribution', fontsize=20)
ax.set_xlim(6, 20)
ax.xaxis.set_minor_locator(MultipleLocator(0.5))
ax.yaxis.set_minor_locator(MultipleLocator(100))
ax.tick_params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid color='black', grid alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax.tick params(which='minor', length=4, color='black', direction='in',
top=True, right=True,
                grid_alpha=0.2, grid_linewidth=0.5,
grid linestyle="-",grid_color='r')
ax.grid(False, which='both')
ax.legend(fontsize=15, markerscale=1)
<matplotlib.legend.Legend at 0x797f38950280>
```



La mayoría de nuestros datos poseen magnitudes aparentes entre 10 y 15 mag.

c)

```
# Definimos primero las coordenadas baricentricas
# para cada uno de los objetos en el dataframe:

ra = np.array(gaia_data['ra']) * u.deg
dec = np.array(gaia_data['dec']) * u.deg
dist = (np.array(gaia_data['parallax']) * u.mas).to(u.pc,
u.parallax())
pmra = np.array(gaia_data['pmra']) * u.mas/u.yr
pmdec = np.array(gaia_data['pmdec']) * u.mas/u.yr
rv = np.array(gaia_data['radial_velocity']) * u.km/u.s
```

```
icrs coord data = coord.SkyCoord(
    ra=ra,
    dec=dec,
    distance=dist,
    pm ra cosdec=pmra,
    pm_dec=pmdec,
    radial velocity=rv,
    frame='icrs'
)
# Ahora, transformamos las coordenadas a galactocéntricas
galactocentric coord data =
icrs coord data.transform to(coord.Galactocentric)
# Guardamos las coordenadas de posición y velocidad en variables
gal_x = np.array(galactocentric_coord_data.x.to(u.kpc))
gal y = np.array(galactocentric coord data.y.to(u.kpc))
gal z = np.array(galactocentric coord data.z.to(u.kpc))
gal vx = np.array(galactocentric coord data.v x)
gal vy = np.array(galactocentric coord data.v y)
gal vz = np.array(galactocentric coord data.v z)
```

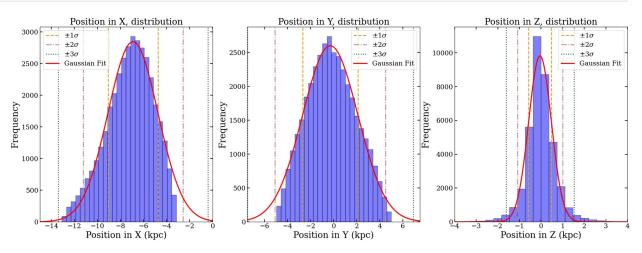
Graficamos la distribución de posiciones en X, Y y Z.

```
fig, (ax1, ax2, ax3) = plt.subplots(1, 3, figsize=(24, 8))
ax1.hist(gal_x, bins=25, color='blue', alpha=0.5, edgecolor='black')
ax1.set ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax1.set xlabel(r"Position in X (kpc)", fontsize=20)
ax1.set title(r'Position in X, distribution', fontsize=20)
params = gaussian fit(gal x, 25)
sigma = params[2]
ax1.axvline(params[1] - sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] + sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
label=r'$\pm 1 \sigma$', linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] + 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
label=r'$\pm 2 \sigma$', linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] - 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] + 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
label=r'$\pm 3 \sigma$', linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] - 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
linewidth=2)
```

```
x linspace = np.linspace(params[1] - 20*sigma, params[1] + 20*sigma,
1000)
ax1.plot(x linspace, gaussian(x linspace, *params), color='red',
label='Gaussian Fit', linewidth=2.5)
# ax1.xaxis.set minor locator(MultipleLocator(5))
# ax1.yaxis.set minor locator(MultipleLocator(500))
ax1.set xlim(-15, 0)
ax1.tick params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid color='black', grid alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax1.tick params(which='minor', length=4, color='black',
direction='in', top=True, right=True,
                grid alpha=0.2, grid linewidth=0.5,
grid linestyle="-",grid color='r')
ax1.grid(False, which='both')
ax1.legend(fontsize=15, markerscale=1)
ax2.hist(gal_y, bins=25, color='blue', alpha=0.5, edgecolor='black')
ax2.set ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax2.set xlabel(r"Position in Y (kpc)", fontsize=20)
ax2.set title(r'Position in Y, distribution', fontsize=20)
params = gaussian fit(gal y, 25)
sigma = params[2]
ax2.axvline(params[1] + sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
label=r'$\pm 1 \sigma$', linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] - sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] + 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
label=r'$\pm 2 \sigma$', linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] - 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] + 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
label=r'$\pm 3 \sigma$', linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] - 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
linewidth=2)
x linspace = np.linspace(params[1] - 20*sigma, params[1] + 20*sigma,
1000)
```

```
ax2.plot(x_linspace, gaussian(x_linspace, *params), color='red',
label='Gaussian Fit', linewidth=2.5)
# ax2.xaxis.set minor locator(MultipleLocator(5))
# ax2.yaxis.set minor locator(MultipleLocator(500))
ax2.set xlim(-7.5, 7.5)
ax2.tick params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid color='black', grid alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax2.tick params(which='minor', length=4, color='black',
direction='in', top=True, right=True,
                grid alpha=0.2, grid linewidth=0.5,
grid linestyle="-",grid color='r')
ax2.grid(False, which='both')
ax2.legend(fontsize=15, markerscale=1)
ax3.hist(gal z, bins=25, color='blue', alpha=0.5, edgecolor='black')
ax3.set_ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax3.set xlabel(r"Position in Z (kpc)", fontsize=20)
ax3.set title(r'Position in Z, distribution', fontsize=20)
params = gaussian fit(gal z, 25)
sigma = params[2]
ax3.axvline(params[1] + sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
label=r'$\pm 1 \sigma$', linewidth=2)
ax3.axvline(params[1] - sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
linewidth=2)
ax3.axvline(params[1] + 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
label=r'$\pm 2 \sigma$', linewidth=2)
ax3.axvline(params[1] - 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
linewidth=2)
ax3.axvline(params[1] + 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
label=r'$\pm 3 \sigma$', linewidth=2)
ax3.axvline(params[1] - 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
linewidth=2)
x linspace = np.linspace(params[1] - 20*sigma, params[1] + 20*sigma,
1000)
ax3.plot(x linspace, gaussian(x linspace, *params), color='red',
```

```
label='Gaussian Fit', linewidth=2.5)
# ax3.xaxis.set minor locator(MultipleLocator(5))
# ax3.yaxis.set minor locator(MultipleLocator(500))
ax3.set xlim(-4, 4)
ax3.tick_params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid color='black', grid alpha=1,
grid_linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax3.tick_params(which='minor', length=4, color='black',
direction='in', top=True, right=True,
                grid_alpha=0.2, grid_linewidth=0.5,
grid_linestyle="-",grid_color='r')
ax3.grid(False, which='both')
ax3.legend(fontsize=15, markerscale=1)
<matplotlib.legend.Legend at 0x797f3256d240>
```



Tanto las posiciones de los objetos en Y como en Z presentan distribuciones simétricas centradas en 0, ya que se observan la misma cantidad de objetos en la posición vertical y tangencial. Sin embargo, notamos que la distribución de posiciones en el eje X es distinta. En coordenadas galactocéntricas, el eje X tiene como origen el centro galáctico y pasa por el Sol. Tomando que el Sol se encuentra cerca de la coordenada -8 kpc respecto del centro galáctico, notamos que hay una mayor densidad de datos hacia dentro del disco que hacia afuera.

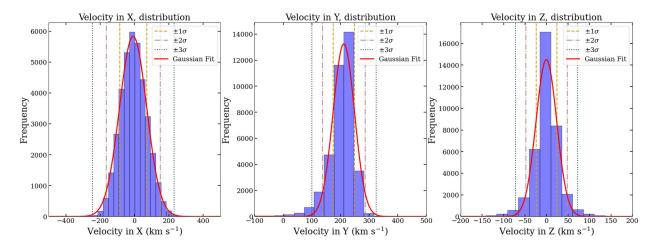
Ahora graficamos las velocidades respecto a X, Y y Z.

```
fig, (ax1, ax2, ax3) = plt.subplots(\frac{1}{3}, figsize=(\frac{24}{8})) ax1.hist(gal_vx, bins=\frac{25}{5}, color='blue', alpha=\frac{0.5}{5}, edgecolor='black')
```

```
ax1.set_ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax1.set xlabel(r"Velocity in X (km s$^{-1}$)", fontsize=20)
ax1.set title(r'Velocity in X, distribution', fontsize=20)
params = gaussian fit(gal vx, 25)
sigma = params[2]
ax1.axvline(params[1] + sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
label=r'$\pm 1 \sigma$', linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] - sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] + 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
label=r'$\pm 2 \sigma$', linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] - 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
linewidth=2)
ax1.axvline(params[1] + 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':', label=r'$\neq 3 \sigma^+, linewidth=^2)
ax1.axvline(params[1] - 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
linewidth=2)
x linspace = np.linspace(params[1] - 20*sigma, params[1] + 20*sigma,
1000)
ax1.plot(x linspace, gaussian(x linspace, *params), color='red',
label='Gaussian Fit', linewidth=2.5)
# ax1.xaxis.set minor locator(MultipleLocator(5))
# ax1.yaxis.set minor locator(MultipleLocator(500))
ax1.set xlim(-500, 500)
ax1.tick params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid color='black', grid alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax1.tick params(which='minor', length=4, color='black',
direction='in', top=True, right=True,
                grid alpha=0.2, grid linewidth=0.5,
grid linestyle="-",grid color='r')
ax1.grid(False, which='both')
ax1.legend(fontsize=15, markerscale=1)
ax2.hist(gal vy, bins=25, color='blue', alpha=0.5, edgecolor='black')
ax2.set ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax2.set_xlabel(r"Velocity in Y (km s$^{-1}$)", fontsize=20)
```

```
ax2.set_title(r'Velocity in Y, distribution', fontsize=20)
params = gaussian fit(gal vy, 25)
sigma = params[2]
ax2.axvline(params[1] + sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
label=r'$\pm 1 \sigma$', linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] - sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] + 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
label=r'$\pm 2 \sigma$', linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] - 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] + 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
label=r'$\pm 3 \sigma$', linewidth=2)
ax2.axvline(params[1] - 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
linewidth=2)
x linspace = np.linspace(params[\frac{1}{1}] - \frac{20}{5} sigma, params[\frac{1}{1}] + \frac{20}{5} sigma,
1000)
ax2.plot(x_linspace, gaussian(x_linspace, *params), color='red',
label='Gaussian Fit', linewidth=2.5)
# ax2.xaxis.set_minor_locator(MultipleLocator(5))
# ax2.yaxis.set_minor locator(MultipleLocator(500))
ax2.set xlim(-100, 500)
ax2.tick params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid color='black', grid alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax2.tick_params(which='minor', length=4, color='black',
direction='in', top=True, right=True,
                grid alpha=0.2, grid linewidth=0.5,
grid linestyle="-",grid color='r')
ax2.grid(False, which='both')
ax2.legend(fontsize=15, markerscale=1)
ax3.hist(gal_vz, bins=25, color='blue', alpha=0.5, edgecolor='black')
ax3.set_ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax3.set_xlabel(r"Velocity in Z (km s$^{-1}$)", fontsize=20)
ax3.set title(r'Velocity in Z, distribution', fontsize=20)
```

```
params = gaussian fit(gal vz, 25)
sigma = params[2]
ax3.axvline(params[1] + sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
label=r'$\pm 1 \sigma$', linewidth=2)
ax3.axvline(params[1] - sigma, color='goldenrod', linestyle='--',
linewidth=2)
ax3.axvline(params[1] + 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
label=r'$\pm 2 \sigma$', linewidth=2)
ax3.axvline(params[1] - 2*sigma, color='rosybrown', linestyle='-.',
linewidth=2)
ax3.axvline(params[1] + 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
label=r'$\pm 3 \sigma$', linewidth=2)
ax3.axvline(params[1] - 3*sigma, color='darkslategray', linestyle=':',
linewidth=2)
x linspace = np.linspace(params[1] - 20*sigma, params[1] + 20*sigma,
1000)
ax3.plot(x_linspace, gaussian(x_linspace, *params), color='red',
label='Gaussian Fit', linewidth=2.5)
# ax3.xaxis.set minor locator(MultipleLocator(5))
# ax3.yaxis.set minor locator(MultipleLocator(500))
ax3.set xlim(-200, 200)
ax3.tick params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid color='black', grid alpha=1,
grid_linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax3.tick params(which='minor', length=4, color='black',
direction='in', top=True, right=True,
                grid alpha=0.2, grid linewidth=0.5,
grid linestyle="-",grid color='r')
ax3.grid(False, which='both')
ax3.legend(fontsize=15, markerscale=1)
<matplotlib.legend.Legend at 0x797f315f51b0>
```



Observamos que las distribuciones de velocidad son simétricas y centradas en 0 para el eje X y para el eje Z. Esto es, con respecto al centro galáctico, en el eje X hay la misma cantidad de estrellas "saliendo" de la trayectoria del sol que entrando, y pasa lo mismo en la coordenada Z. En Y, dado que esta coordenada es perpendicular a la definida respecto al Sol, esta describe una velocidad tangencial, y coincide que la distribución está centrada cerca de ~220 km/s, la velocidad con la que se mueve el LSR con respecto al centro galáctico.

Para obtener un sistema cilíndrico, definiremos la coordenada R:

$$R = (X^2 + Y^2)^{1/2}$$

```
gal_r = np.sqrt(gal_x**2 + gal_y**2)
```

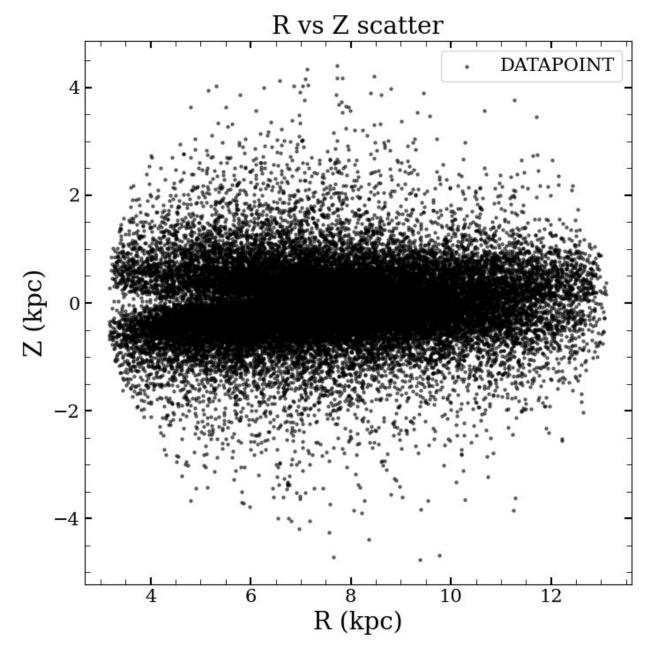
Hacemos un scatter plot de *R* versus *Z*:

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 8))
ax.scatter(gal_r, gal_z, label=r'DATAPOINT', s=5, color='black',
alpha=0.5)
ax.set ylabel(r'Z (kpc)', fontsize=20)
ax.set xlabel(r"R (kpc)", fontsize=20)
ax.set_title(r'R vs Z scatter', fontsize=20)
ax.xaxis.set_minor_locator(MultipleLocator(0.5))
ax.yaxis.set_minor_locator(MultipleLocator(0.5))
ax.tick params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid_color='black', grid_alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax.tick_params(which='minor', length=4, color='black', direction='in',
top=True, right=True,
                grid alpha=0.2, grid_linewidth=0.5,
```

```
grid_linestyle="-",grid_color='r')

ax.grid(False, which='both')
ax.legend(fontsize=15, markerscale=1)

<matplotlib.legend.Legend at 0x797f30c1c3d0>
```



La forma en que podemos interpretar este gráfico es como que estuvieramos observando una región del disco galáctico con la galaxia edge-on. Vemos que a medida que nos acercamos al centro galáctico (Z=0, menor R), hay menos densidad de datos, lo cual es consistente con que la muestra es principalmente del disco galáctico y no contiene datos del bulbo.

Según la tabla, (interpretando [Fe/H] como [M/H] en nuestros datos), las metalicidades presentes en el *thick disk* van entre -0.5 y -2.2, y las presentes en el *thin disk* van entre -0.5 a 0.3. Utilizando estos datos, podemos filtrar nuestros datos por metalicidad, para separar las estrellas del *thin disk* a las del *thick disk*.

```
# borrar los NaNs de la columna mh_gspspec
gaia_data_nn = gaia_data.dropna(subset=['mh_gspspec'])
thin_disk_data = gaia_data[
          (gaia_data_nn['mh_gspspec'] > -0.5) & (gaia_data['mh_gspspec'] <= 0.3)
]
thick_disk_data = gaia_data[
          (gaia_data_nn['mh_gspspec'] <= -0.5) & (gaia_data['mh_gspspec'] > -2.2)
]
```

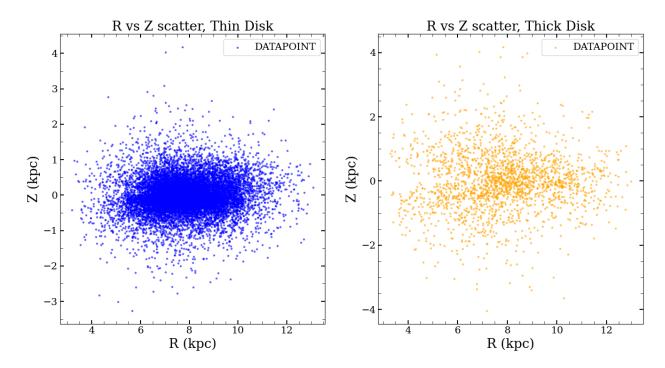
Definimos las coordenadas galactocéntricas y la coordenada R:

```
# Definimos primero las coordenadas baricentricas
# para cada uno de los objetos en el dataframe:
ra thin = np.array(thin disk data['ra']) * u.deg
dec thin = np.array(thin disk data['dec']) * u.deq
dist thin = (np.array(thin disk data['parallax']) * u.mas).to(u.pc,
u.parallax())
pmra thin = np.array(thin disk data['pmra']) * u.mas/u.yr
pmdec thin = np.array(thin disk data['pmdec']) * u.mas/u.yr
rv thin = np.array(thin disk data['radial velocity']) * u.km/u.s
ra thick = np.array(thick disk data['ra']) * u.deg
dec thick = np.array(thick disk data['dec']) * u.deg
dist thick = (np.array(thick disk data['parallax']) * u.mas).to(u.pc,
u.parallax())
pmra_thick = np.array(thick_disk_data['pmra']) * u.mas/u.yr
pmdec thick = np.array(thick disk data['pmdec']) * u.mas/u.yr
rv thick = np.array(thick disk data['radial velocity']) * u.km/u.s
icrs coord data thin = coord.SkyCoord(
    ra=ra thin,
    dec=dec thin,
    distance=dist thin,
    pm ra cosdec=pmra thin,
    pm dec=pmdec thin,
    radial_velocity=rv thin,
    frame='icrs'
)
```

```
icrs coord data thick = coord.SkyCoord(
    ra=ra thick,
    dec=dec thick,
    distance=dist thick,
    pm ra cosdec=pmra thick,
    pm dec=pmdec thick,
    radial velocity=rv thick,
    frame='icrs'
)
# Ahora, transformamos las coordenadas a galactocéntricas
galactocentric coord data thin =
icrs coord data thin.transform to(coord.Galactocentric)
galactocentric coord data thick =
icrs coord data thick.transform to(coord.Galactocentric)
thin x = np.array(galactocentric coord data thin.x.to(u.kpc))
thin y = np.array(galactocentric coord data thin.y.to(u.kpc))
thin z = np.array(galactocentric coord data thin.z.to(u.kpc))
thin r = np.sqrt(thin x**2 + thin y**2)
thick x = np.array(galactocentric coord data thick.x.to(u.kpc))
thick y = np.array(galactocentric coord data thick.y.to(u.kpc))
thick z = np.array(galactocentric coord data thick.z.to(u.kpc))
thick_r = np.sqrt(thick x^{**2} + thick y^{**2})
```

Hacemos un scatter de R y Z del thick y thin disk:

```
grid linestyle="-",grid color='r')
ax1.grid(False, which='both')
ax1.legend(fontsize=15, markerscale=1)
ax2.scatter(thick r, thick z, label=r'DATAPOINT', s=5, alpha=0.5,
c='orange')
ax2.set_ylabel(r'Z (kpc)', fontsize=20)
ax2.set xlabel(r"R (kpc)", fontsize=20)
ax2.set title(r'R vs Z scatter, Thick Disk', fontsize=20)
ax2.xaxis.set_minor_locator(MultipleLocator(0.5))
ax2.yaxis.set_minor_locator(MultipleLocator(0.5))
ax2.tick params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid color='black', grid alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid_linewidth=0.5)
ax2.tick params(which='minor', length=4, color='black',
direction='in', top=True, right=True,
                grid alpha=0.2, grid linewidth=0.5,
grid linestyle="-",grid color='r')
ax2.grid(False, which='both')
ax2.legend(fontsize=15, markerscale=1)
<matplotlib.legend.Legend at 0x797f3135bc70>
```



e)

Haremos un histograma utilizando np.arange, con bins de 0.01 kpc (10 pc):

```
z_bins = np.arange(-4, 4, 0.01)
thin_z_hist, _ = np.histogram(thin_z, bins=z_bins)
thick_z_hist, _ = np.histogram(thick_z, bins=z_bins)
z_bins.shape
(800,)
print(thin_z_hist.shape, thick_z_hist.shape)
(799,) (799,)
```

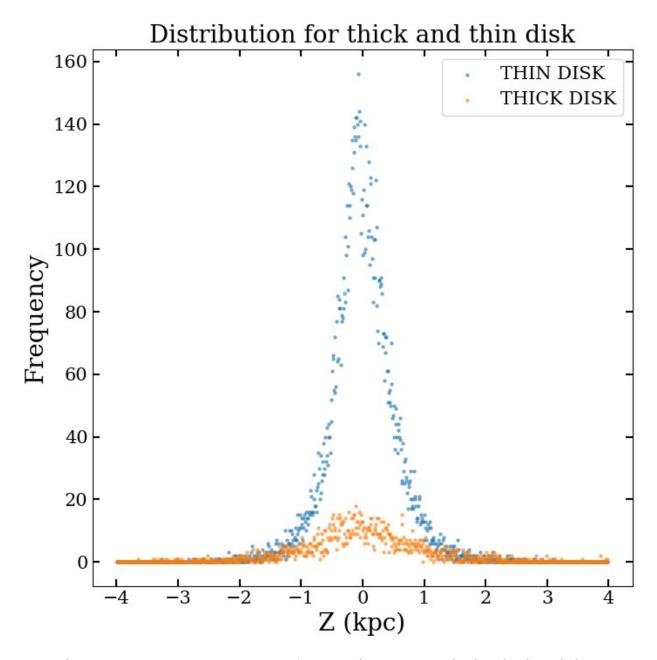
Calcularemos el centro de los bins para graficar:

```
z_bin_centers = (z_bins[:-1] + z_bins[1:]) / 2
z_bin_centers.shape
(799,)
```

Hacemos un scatter plot del número de estrellas por bin en función de la coordenada Z:

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 8))
ax.scatter(z_bin_centers, thin_z_hist, label=r'THIN DISK', s=5,
alpha=0.5)
```

```
ax.scatter(z bin centers, thick z hist, label=r'THICK DISK', s=5,
alpha=0.5)
ax.set_ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax.set xlabel(r"Z (kpc)", fontsize=20)
ax.set_title(r'Distribution for thick and thin disk', fontsize=20)
# ax.xaxis.set minor locator(MultipleLocator(0.5))
# ax.yaxis.set_minor_locator(MultipleLocator(0.5))
ax.tick params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid_color='black', grid_alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax.tick params(which='minor', length=4, color='black', direction='in',
top=True, right=True,
                grid alpha=0.2, grid linewidth=0.5,
grid_linestyle="-",grid_color='r')
ax.grid(False, which='both')
ax.legend(fontsize=15, markerscale=1)
<matplotlib.legend.Legend at 0x797f38996b30>
```

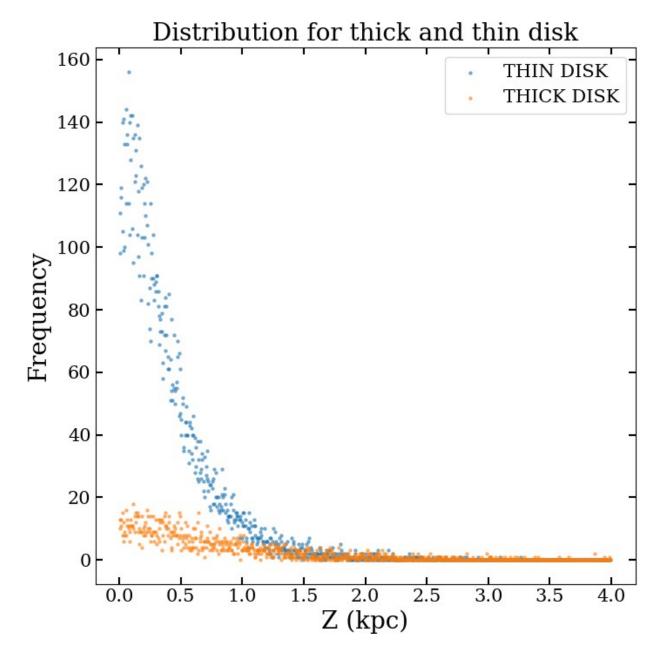


Asumiendo que este comportamiento es simétrico, podemos tomar el valor absoluto de las alturas Z:

```
abs_zbin_centers = np.abs(z_bin_centers)

fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 8))
ax.scatter(abs_zbin_centers, thin_z_hist, label=r'THIN DISK', s=5,
alpha=0.5)
ax.scatter(abs_zbin_centers, thick_z_hist, label=r'THICK DISK', s=5,
alpha=0.5)
ax.set_ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
```

```
ax.set_xlabel(r"Z (kpc)", fontsize=20)
ax.set title(r'Distribution for thick and thin disk', fontsize=20)
# ax.xaxis.set minor locator(MultipleLocator(0.5))
# ax.yaxis.set minor locator(MultipleLocator(0.5))
ax.tick_params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid_color='black', grid_alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax.tick_params(which='minor', length=4, color='black', direction='in',
top=True, right=True,
                grid_alpha=0.2, grid_linewidth=0.5,
grid_linestyle="-",grid_color='r')
ax.grid(False, which='both')
ax.legend(fontsize=15, markerscale=1)
<matplotlib.legend.Legend at 0x797f31ddf280>
```



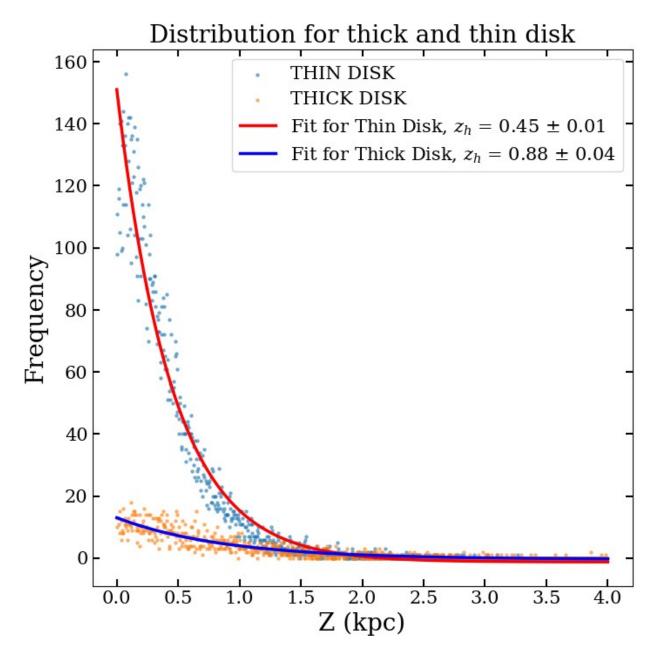
Notamos un aumento brusco en la densidad de estrellas en el thin disk en alturas más cercanas al plano de la galaxia, en comparación al leve aumento observado en el thick disk.

f)

Ajustaremos una función exponencial de la forma

$$f(z) = A e^{-z/z_h} + C$$

```
thin popt, thin pcov = curve fit(exp law, abs zbin centers,
thin z hist, p0=[1, 0.35, 1])
thick_popt, thick_pcov = curve_fit(exp_law, abs_zbin_centers,
thick z hist, p0=[1, 1, 1]
thin perr = np.sqrt(np.diag(thin pcov))
thick_perr = np.sqrt(np.diag(thick_pcov))
fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 8))
ax.scatter(abs zbin centers, thin z hist, label=r'THIN DISK', s=5,
alpha=0.5)
ax.scatter(abs zbin centers, thick z hist, label=r'THICK DISK', s=5,
alpha=0.5)
x linspace = np.linspace(0, 4, 1000)
ax.plot(x linspace, exp law(x linspace, *thin popt), color='red',
        label=r'Fit for Thin Disk, $z h$ = {} $\pm$
{}'.format(round(thin_popt[1], 2), round(thin_perr[1], 2)),
linewidth=2.5)
ax.plot(x linspace, exp law(x linspace, *thick popt), color='blue',
        label=r'Fit for Thick Disk, $z_h$ = {} $\pm$
{}'.format(round(thick popt[1], 2), round(thick perr[1], 2)),
linewidth=2.5)
ax.set_ylabel(r'Frequency', fontsize=20)
ax.set xlabel(r"Z (kpc)", fontsize=20)
ax.set title(r'Distribution for thick and thin disk', fontsize=20)
# ax.xaxis.set minor locator(MultipleLocator(0.5))
# ax.yaxis.set minor locator(MultipleLocator(0.5))
ax.tick params(axis='both', labelsize=15, direction='in', right=True,
top=True,
                length=6, width=1.5, grid_color='black', grid_alpha=1,
grid linestyle="-",
                grid linewidth=0.5)
ax.tick params(which='minor', length=4, color='black', direction='in',
top=True, right=True,
                grid alpha=0.2, grid linewidth=0.5,
grid linestyle="-",grid color='r')
ax.grid(False, which='both')
ax.legend(fontsize=15, markerscale=1)
<matplotlib.legend.Legend at 0x797f2eb1bf70>
```



Valores de tabla:

- $z_h = 0.35$ kpc para el thin disk
- $z_h = 1$ kpc para el thick disk

Los valores obtenidos para los Z_h son muy similares a los publicados en la tabla. Las diferencias pueden deberse principalmente a la manera en que ajustamos nuestros datos, ya que utilizamos curve_fit para ajustar tres parámetros dentro de la función que definimos.

g)

```
thin_vz = np.array(galactocentric_coord_data_thin.v_z)
thick_vz = np.array(galactocentric_coord_data_thick.v_z)

std_thin_vz = round(np.std(thin_vz), 2)
std_thick_vz = round(np.std(thick_vz), 2)

print(r'Distribución de velocidades en Z para el Thin Disk: {}
km/s'.format(
    std_thin_vz
))
print(r"Distribución de velocidades en Z para el Thick Disk: {}
km/s".format(
    std_thick_vz
))

Distribución de velocidades en Z para el Thin Disk: 23.25 km/s
Distribución de velocidades en Z para el Thick Disk: 44.64 km/s
```

Valores de tabla:

- $\sigma_w = 16$ para Thin Disk
- $\sigma_w = 35$ para Thick Disk

Nuestras distribuciones de velocidades en Z difieren en alrededor de $7\,10\,k\,m/s$, sin embargo es consistente con que las distribuciones son mayores en el thick disk que en el thin disk.