

ATENÇÃO

Esta é uma frequência modelo que é disponibilizada para ajudar os alunos a prepararem-se para a frequência. A frequência real será diferente e poderá ter mais ou menos questões e também questões sobre tópicos que não são cobertos nesta frequência modelo. As pontuações atribuídas a cada questão podem também variar.

INSTRUÇÕES

Todas as questões devem ser respondidas usando o ficheiro `Freq1Modelo.hs` que está disponível no Moodle para download. A estrutura do ficheiro `Freq1Modelo.hs` deve ser seguida, caso contrário poderá perder pontos. Para que a frequência seja considerada terá de estar presente na reunião Zoom com a câmara ligada até receber confirmação da regente de que a sua submissão foi recebida. Terá também de participar numa entrevista pelo Zoom (ver detalhes no Moodle).

O ficheiro `Freq1Modelo.hs` tem que ser submetido no Moodle até ao final da frequência para ser avaliado e de seguida deve ser também enviado para o email amendes@di.ubi.pt

Todas as funções têm de ser acompanhadas do seu tipo. Para obter nota máxima nas questões terá de usar uma abordagem funcional e será valorizada a elegância e concisão das soluções apresentadas.

Caso alguma função esteja a dar erro e não o consiga resolver, comente a função mas deixe-a no ficheiro indicando que dá erro. Assim, essa função poderá ser também considerada.

Chama-se a atenção para os documentos do **código de integridade e regulamento disciplinar dos Estudantes da Universidade da Beira Interior** (links para estes documentos encontram-se disponíveis no Moodle).

ESTE TESTE TEM 5 PÁGINAS E 12 PERGUNTAS.

1. Escolha uma resposta para cada uma das alíneas seguintes:

- (a) Qual das seguintes igualdades é verdade para todas as listas xs ? **(0.5 pontos)**
- i) $\text{reverse} (\text{map } f \text{ } xs) = \text{map } f (\text{reverse } xs)$
 - ii) $\text{map } f (\text{map } g \text{ } xs) = \text{map } g (\text{map } f \text{ } xs)$
 - iii) $\text{reverse} (\text{reverse } xs) = \text{reverse } xs$
 - iv) $\text{map } f (\text{map } f \text{ } xs) = \text{map } f \text{ } xs$
 - v) $\text{reverse } xs = xs$
- (b) A expressão $\text{Node } (\text{Leaf } 1) (\text{Leaf } 2)$ é um valor do tipo: **(0.5 pontos)**
- i) $\text{data Tree} = \text{Node} \mid \text{Leaf} \mid \text{Int}$
 - ii) $\text{data Tree} = \text{Leaf Int} \mid \text{Node Int Int}$
 - iii) $\text{data Tree} = \text{Leaf Tree} \mid \text{Node Int Int}$
 - iv) $\text{data Tree} = \text{Leaf Int} \mid \text{Node Tree Tree}$
 - v) $\text{data Tree} = \text{Leaf Tree} \mid \text{Node Tree Tree}$
- (c) A expressão $\text{take } 5$ tem o tipo: **(0.5 pontos)**
- i) Int
 - ii) $\text{Int} \rightarrow [a]$
 - iii) $\text{Int} \rightarrow [a] \rightarrow [a]$
 - iv) $[a] \rightarrow [a]$
 - v) $[a]$
- (d) Uma função com tipo $\text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int}$ é uma função: **(0.5 pontos)**
- i) *curried*
 - ii) que recebe três argumentos
 - iii) polimórfica
 - iv) *overloaded*
 - v) que recebe uma função como argumento

2. Descreva as estratégias de redução *Innermost* e *Outermost*. (0.5 pontos)

3. Escreva a avaliação da expressão: (0.5 pontos)

```
(\x -> (\y -> snd(y,x))) 2 (3+4)
```

usando as estratégias *Innermost* e *Outermost* e indique qual é preferível e porquê.

4. Usando indução prove a seguinte propriedade para todas as listas finitas xs e ys: (2 pontos)

```
length (xs ++ ys) = length xs + length ys
```

5. Usando listas por compreensão defina uma função: (1.5 pontos)

```
divisores :: Int -> [Int]
```

que dado um número inteiro positivo devolve uma lista com todos os seus divisores (use a função *mod* na sua implementação).

6. Usando recursão defina a função: (1.5 pontos)

```
intercala :: [a] -> [a] -> [a]
```

que recebe duas listas com o mesmo tamanho e intercala os seus elementos. Por exemplo:

```
> intercala [1,2,3] [4,5,6]  
[1,4,2,5,3,6]
```

Mostre passo a passo como é que a sua definição avalia *intercala [1,2] [3,4]*.

7. Usando a função sobre listas mais apropriada, defina uma função que filtra todas as letras minúsculas de uma lista.

Por exemplo, dada a lista `['a','A','b','B']` deve retornar `['A','B']`. (1 ponto)

8. Sem usar ou consultar a definição do Standard Prelude, implemente a função de ordem superior *myCurry* com o tipo: **(1 ponto)**

```
myCurry :: ((a, b) -> c) -> a -> b -> c
```

que converte uma função sobre pares numa função *curried*.

9. Usando o *foldr* defina uma função *alterna* que dadas duas funções e uma lista, aplica alternadamente as funções aos elementos da lista. **(2 pontos)**

Por exemplo:

```
> alterna succ pred [1,2,3,4]  
[2,1,4,3]
```

10. Considere o seguinte tipo de árvores binárias: **(2.5 pontos)**

```
data BTree a = Empty | Node a (BTree a) (BTree a) deriving (Show)
```

Declare o tipo *BTree* como instância das classes *Eq* e *Functor*.

11. Considere o seguinte tipo de *Rose Trees*:

```
data RoseTree a = RLeaf a | RNode a [RoseTree a] deriving (Show)
```

- (a) Descreva por palavras suas este tipo de dados e apresente um valor deste tipo que contenha pelo menos 5 ocorrências de *RLeaf*. **(0.5 pontos)**

- (b) Implemente uma função que recebe uma *RoseTree* de inteiros como argumento e adiciona 1 a todos os inteiros contidos na árvore (nas folhas e nodos). **(2 pontos)**

12. Considere os seguintes tipos de dados que representam a informação relativa à avaliação dos alunos inscritos numa turma. Note-se o uso do tipo *Maybe* para representar se cada estudante tem ou não uma nota teórica ou prática definida.

```
type Nome = String
type Numero = Int
type NT = Maybe Float
type NP = Maybe Float
type Aluno = (Numero, Nome, NT, NP)
type Turma = [Aluno]
```

- (a) Defina a função: (1 ponto)

```
filtraAlunos :: Turma -> Turma
```

que remove da turma todos os alunos que têm algum componente da avaliação em falta. Use recursão e *pattern-matching* sobre listas e sobre tuplos.

- (b) Usando um *map* defina a função: (2 pontos)

```
bonus :: [Numero] -> Turma -> Turma
```

que recebe como argumento uma lista de números de alunos *n* e uma turma, e aplica a todos os alunos que constam na lista *n* um bónus de 1 valor na nota teórica, devolvendo uma lista do tipo *Turma* com todos os bónus aplicados. O bónus é aplicado apenas aos alunos que já têm nota na componente teórica. Não necessita de verificar se a nota com bónus excede os 20 valores.

Dica: Pode usar as funções *isJust* e *fromJust* da biblioteca *Data.Maybe* e também a função *elem*.