

# 02\_Numpy 활용

## • Reshape

새로운 array를 생성한 것임  
기존의 array는 수정, 변형된 것이 아님

- 배열의 shape을 변형해주는 함수
- 배열의 요소 개수를 유지하며 형태만 변경
- 변형 전 size와 변형 후 size가 동일해야 함      차원도 변경 가능

> `array.reshape(size)`

```
arr = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])    # 2x3 형태의 2차원 배열  
print(arr.reshape(3,2))    # 3x2 형태의 배열로 변형
```

**Out :** `[[1 2]  
         [3 4]  
         [5 6]]`

## • Reshape

03

> 6 x 1 배열로 변형

```
print(arr.reshape(6, 1))
```

**Out :** `[[1]`

`[2]`

`[3]`

`[4]`

`[5]`

`[6]]`

> 1 x 6 배열로 변형

```
print(arr.reshape(1, 6))
```

**Out :** `[[1 2 3 4 5 6]]`

## • Reshape

04

> 3 x 1 x 2 배열로 변형

```
print(arr.reshape(3, 1, 2))
```

**Out :** [[[1 2]]

[[3 4]]

[[5 6]]]

3차원으로 변경



> ? x 2 배열로 변형

```
print(arr.reshape(-1, 2))
```

**Out :** [[1 2]

[3 4]

[5 6]]

미지수처럼 -1 사용됨

### • Reshape

#### > [문제1]

`range()` 함수를 사용해 1부터 36까지의 숫자가 나열된 `tensor` 배열을 생성하고 (3, 3, 4) 형태의 3차원 배열로 변형해봅시다.

```
tensor=np.array(range(1,37))  
tensor.reshape(3,3,4)
```

#### > [문제2]

`tensor` 배열을 2차원 배열로 변형시켜봅시다. \* 열의 개수는 9

```
tensor.reshape(-1,9)
```

## Numpy 활용 연습문제

- Reshape

- > [문제1]

range() 함수를 사용해 1부터 36까지의 숫자가 나열된  
tensor 배열을 생성하고 (3, 3, 4) 형태의 3차원 배열로  
변형해봅시다.

```
tensor = np.array(range(1, 37)).reshape(3, 3, 4)
```

**Out :**

```
[[[ 1  2  3  4]
    [ 5  6  7  8]
    [ 9 10 11 12]]
 ...
 [[25 26 27 28]
 [29 30 31 32]
 [33 34 35 36]]]
```

## Numpy 활용 연습문제

- Reshape

> [문제2]

tensor 배열을 2차원 배열로 변형시켜봅니다. \* 열의 개수는 9

```
print(tensor.reshape(-1, 9))
```

**Out :** `[[ 1 2 3 4 5 6 7 8 9]  
[10 11 12 13 14 15 16 17 18]  
[19 20 21 22 23 24 25 26 27]  
[28 29 30 31 32 33 34 35 36]]`

## • Flatten

- 다차원 배열을 1차원 배열로 변형

> `shape(2, 3) -> shape (6, )`

```
print(arr.flatten())
```

**Out :** [1 2 3 4 5 6]

> `shape(1, 6) -> shape (6, )`

```
print(arr.reshape(1, 6).flatten())
```

**Out :** [1 2 3 4 5 6]

> `shape(3, 1, 2) -> shape (6, )`

```
print(arr.reshape(3, 1, 2).flatten())
```

**Out :** [1 2 3 4 5 6]



## • Arange

- range 함수와 비슷한 기능
- 값의 범위를 지정하여 값이 채워져 있는 배열을 생성
- 특정한 규칙에 따라 증가하는 값을 넣는 것도 가능

> np.arange(size)

```
print(np.arange(30))
```

**Out :** [ 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18  
19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29]

# Numpy 활용

- Arange 바로 배열을 만드는 함수

> 간격 지정 : np.arange(start, end, step)

```
print(np.arange(0, 10, 2))
```

**Out :** [0 2 4 6 8]

```
print(np.arange(0, 2, 0.2))
```

**Out :** [0. 0.2 0.4 0.6 0.8 1. 1.2 1.4 1.6 1.8]

010

|

- Arange + Reshape

- 배열 요소를 순서대로 가지는 다차원 배열 생성 가능

> arange + reshape

```
print(np.arange(1, 26).reshape(5,5))
```

**Out :** [[ 1 2 3 4 5]  
[ 6 7 8 9 10]  
[11 12 13 14 15]  
[16 17 18 19 20]  
[21 22 23 24 25]]

## • Arange + Reshape

- 배열 요소를 순서대로 가지는 다차원 배열 생성 가능

> **arange + reshape**

```
print(np.arange(0, 6, 0.2).reshape(3, 2, 5))
```

**Out :** **[[[0. 0.2 0.4 0.6 0.8]**  
         **[1. 1.2 1.4 1.6 1.8]]**  
  
         **[[2. 2.2 2.4 2.6 2.8]**  
         **[3. 3.2 3.4 3.6 3.8]]**  
  
         **[[4. 4.2 4.4 4.6 4.8]**  
         **[5. 5.2 5.4 5.6 5.8]]]**

- Arange + Reshape

- > [문제3]

arange, reshape 함수를 사용해 100부터 190까지의 숫자가 10 간격으로 나열된 배열을 생성하고 (2, 5) 형태의 2차원 배열로 변형해봅시다.

- > [문제4]

arange, reshape 함수를 사용해 -2부터 2까지의 숫자가 0.5 간격으로 나열된 배열을 생성하고 (3, 3) 형태의 2차원 배열로 변형해봅시다.

- Arange + Reshape

> [문제3]

arange, reshape 함수를 사용해 100부터 190까지의 숫자가  
10 간격으로 나열된 배열을 생성하고 (2, 5) 형태의 2차원 배열로  
변형해봅시다.

```
print(np.arange(100,191,10).reshape(2,5))
```

**Out :** `[[100 110 120 130 140]  
[150 160 170 180 190]]`

- Arange + Reshape

> [문제4]

arange, reshape 함수를 사용해 -2부터 2까지의 숫자가  
0.5 간격으로 나열된 배열을 생성하고 (3, 3) 형태의 2차원 배열로  
변형해봅시다.

```
print(np.arange(-2, 2.1, 0.5).reshape(3,3))
```

**Out :**   
[[-2. -1.5 -1. ]  
 [-0.5 0. 0.5]  
 [ 1. 1.5 2. ]]

## • Zeros

- 0으로 채워진 배열 생성
- shape 지정이 가능

> np.zeros(shape, dtype)

```
print(np.zeros(shape=(5, ), dtype=np.int8))
```

**Out :** [0 0 0 0 0]

```
print(np.zeros((5), int))
```

**Out :** [0 0 0 0 0]

```
print(np.zeros((2,3)))
```

**Out :** [[0. 0. 0.]  
[0. 0. 0.]]



## • Ones

- 1으로 채워진 배열 생성
- shape 지정이 가능

> **np.ones(shape, dtype)**

```
print(np.ones(shape=(5, ), dtype=np.int8))
```

**Out :** [1 1 1 1 1]

```
print(np.ones((5), int))
```

**Out :** [1 1 1 1 1]

```
print(np.ones((2,3)))
```

**Out :** [[1. 1. 1.]  
[1. 1. 1.]]

## • Empty

- shape만 주어지고 비어있는 배열 생성(초기화 하지 않음)
- 배열을 생성만 하고 값을 주지 않아 메모리에 저장되어 있던 기존 값이 저장될 수 있음

python에는 null 값이 없음  
이미 메모리에 저장된 바로 앞에 실행한 값들을 가져옴

> **np.empty(shape, dtype)**

```
print(np.empty(shape = (10,), dtype = np.int32))
```

**Out :** [0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]

```
print(np.empty((2,5), np.int8))
```

**Out :** [[0 0 0 0 0]  
[0 0 0 0 0]]

- Zeros\_like / Ones\_like / Empty\_like

- 입력 받은 배열과 같은 shape, dtype의 배열 생성

> np.zeros\_like(ndarray)

```
np.ones_like(ndarray)
```

```
matrix = np.arange(24).reshape(4, 6)
print(np.zeros_like(matrix))
```

**Out :**

```
[[0 0 0 0 0 0]
 [0 0 0 0 0 0]
 [0 0 0 0 0 0]
 [0 0 0 0 0 0]]
```

```
matrix = np.arange(-2, 2, 0.2).reshape(2, 10)
print(np.ones_like(matrix))
```

**Out :**

```
[[1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1.]
 [1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1.]]
```

- Zeros\_like / Ones\_like / Empty\_like

- 입력 받은 배열과 같은 shape, dtype의 배열 생성

> np.empty\_like(ndarray) 원본의 값을 그대로 가지고 올 경우가 많음

```
matrix = np.arange(30).reshape(5, 6)
print(np.empty_like(matrix))
```

**Out :** **[[ 0 1 2 3 4 5]**  
**[ 6 7 8 9 10 11]**  
**[12 13 14 15 16 17]**  
**[18 19 20 21 22 23]**  
**[24 25 26 27 28 29]]**

## • Identity

- 단위 행렬 – 주대각선의 값이 1이고 나머지는 0인 정사각 행렬

> `np.identity(size, dtype)` 곱했을 때 자신의 값이 나오는

```
print(np.identity(5, dtype=np.int8))
```

**Out :** `[[1 0 0 0 0]  
[0 1 0 0 0]  
[0 0 1 0 0]  
[0 0 0 1 0]  
[0 0 0 0 1]]`

```
print(np.identity(2))
```

**Out :** `[[1. 0.]  
[0. 1.]]`

- Eye

- 대각선이 1로 채워지는 행렬
- 대각선의 시작 위치 지정 가능

> `np.eye(size, M, k, dtype)`

```
print(np.eye(5, dtype=np.int8))
```

**Out :** `[[1 0 0 0 0]  
[0 1 0 0 0]  
[0 0 1 0 0]  
[0 0 0 1 0]  
[0 0 0 0 1]]`

## • Eye

- $k$  : 대각선의 시작 위치를 입력 받은 수 만큼 오른쪽으로 이동
- $M$  : 보여지는 열의 개수를 지정

> `np.eye(size, M, k, dtype)`

```
print(np.eye(5, k = 2))
```

**Out :** `[[0. 0. 1. 0. 0.]`  
`[0. 0. 0. 1. 0.]`  
`[0. 0. 0. 0. 1.]`  
`[0. 0. 0. 0. 0.]`  
`[0. 0. 0. 0. 0.]]`

## • Eye

- $k$  : 대각선의 시작 위치를 입력 받은 수 만큼 오른쪽으로 이동
- $M$  : 보여지는 열의 개수를 지정

> `np.eye(size, M, k, dtype)`

```
print(np.eye(5, M = 10, k = -1))
```

**Out :** `[[0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0.]`  
 `[1. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0.]`  
 `[0. 1. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0.]`  
 `[0. 0. 1. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0.]`  
 `[0. 0. 0. 1. 0. 0. 0. 0. 0. 0.]]`



## • Full

- 입력 값으로 채워지는 행렬

자료형 넣지않아도 입력값에 따라 자동으로 정해짐

> `np.full((shape), value)`

```
print(np.full((2, 5), 3))
```

**Out :** `[[3 3 3 3 3]  
[3 3 3 3 3]]`

```
print(np.full((5, 4), 'a'))
```

**Out :** `[['a' 'a' 'a' 'a']  
['a' 'a' 'a' 'a']  
['a' 'a' 'a' 'a']  
['a' 'a' 'a' 'a']  
['a' 'a' 'a' 'a']]`

## • Random.randint

- 주어진 범위 안의 랜덤한 값을 뽑는 함수  
정수

> `np.random.randint(start, end, shape)`

```
# 0~5 까지의 정수 중 하나 뽑기  
print(np.random.randint(6))
```

**Out : 5**

```
# 1~19 까지의 정수 중 하나 뽑기  
print(np.random.randint(1,20))
```

**Out : 11**

```
# 1~9 까지의 정수 (2, 5) 모양으로 뽑기  
print(np.random.randint(1, 10, (2,5)))
```

**Out :** `[[5 5 7 9 8]  
[5 5 3 4 4]]`

## • Random.rand

- 랜덤한 값으로 채워지는 배열
- 표준정규분포 난수를 shape 형태의 배열로 생성
- 0 ~ 1 사이의 값을 가짐 실수

> **np.random.rand(shape)**

```
print(np.random.rand(3))
```

**Out :** [0.57905605 0.00533085 0.12858647]

```
print(np.random.rand(3,2))
```

**Out :** [[0.68689508 0.32713029]  
[0.6481698 0.35997786]  
[0.57364588 0.79425818]]

## • Random.randn

- 랜덤한 값으로 채워지는 배열
- 평균 0, 표준편차 1의 가우시안 표준정규분포 난수를 shape 형태의

배열로 생성

음수를 포함한 랜덤한 수 배열

거의 합치면(?) 0에 가까움

> `np.random.randn(shape)`

```
print(np.random.randn(3))
```

**Out :** [-0.01259062 -1.0451196 1.35525447]

```
print(np.random.randn(3,2))
```

**Out :** [[ 0.69510343 -2.16322795]

[-1.13541398 -1.63182969]

[-0.48371222 0.77480652]]

완전히 규격없이 random 값 구할때(0-1)  
.random.random\_sample()

# Numpy 활용

## • 연산함수

통계의 요약정보(합, 평균, 최대값 등

- 배열의 요소값들을 이용하여 연산을 할 수 있게 해주는 함수

sum (합)	mean (평균)	max (최대값)	min (최소값)
log (로그)	sqrt (제곱근)	std (표준편차)	exp (지수)
sin (삼각함수)	cos (삼각함수)	tan (삼각함수)	abs / fabs (절대값)
ceil (올림)	floor (버림)	round (반올림)	mod (나머지)
add (덧셈)	subtract (뺄셈)	multiply (곱셈)	divide (나눗셈)
power (제곱)	sort, median, var, ...		

## • 합 (sum)

- 요소들의 합을 구해주는 함수 특이한 경우
- `ndarray.sum()` 모든 요소의 합

### > 2차원 배열 합

```
matrix = np.arange(1, 7).reshape(2, 3)
print(matrix.sum())
```

**Out : 21**

```
print(matrix.sum(axis=0)) # 행끼리 더하기(위 아래)
print(matrix.sum(axis=1)) # 열끼리 더하기(좌 우)
```

**Out : [5 7 9]**

**[ 6 15]**

- 합 (sum)

> 3차원 배열 합

```
tensor = np.arange(1, 19).reshape(3, 2, 3)
print(tensor)
print(tensor.sum())
```

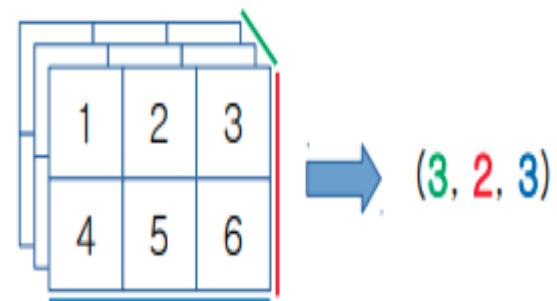
**Out :**   
[[[ 1 2 3]  
 [ 4 5 6]]  
 [[ 7 8 9]  
 [10 11 12]]  
 [[13 14 15]  
 [16 17 18]]]  
171

- 합 (sum)

- > 3차원 배열 합

```
print(tensor.sum(axis=0))  
print(tensor.sum(axis=1))  
print(tensor.sum(axis=2))
```

**Out :** **[[21 24 27]**  
          **[30 33 36]]**  
          **[[ 5 7 9]**  
            **[17 19 21]**  
            **[29 31 33]]**  
          **[[ 6 15]**  
            **[24 33]**  
            **[42 51]]**





- 평균 (mean)

- 합과 동일

> 2차원 배열 평균

기본이 실수로 표현

```
print(matrix.mean())          # 전체 평균  
print(matrix.mean(axis=0))    # 행끼리 평균(위 아래)  
print(matrix.mean(axis=1))    # 열끼리 평균(좌 우)
```

**Out : 3.5**

**[2.5 3.5 4.5]**

**[2. 5.]**

- 표준 편차 (std)

- 합, 평균과 동일

- > 2차원 배열 표준 편차

```
print(matrix.std())          # 전체 표준 편차
print(matrix.std(axis=0))    # 행끼리 표준 편차(위 아래)
print(matrix.std(axis=1))    # 열끼리 표준 편차(좌 우)
```

**Out : 1.707825127659933**

**[1.5 1.5 1.5]**

**[0.81649658 0.81649658]**

분산 .var()

- 그 외 수학 연산자

035

> 지수 (exp)    제공

```
print(np.exp(matrix))
```

**Out :**

```
[[ 2.71828183  7.3890561 20.08553692]
 [ 54.59815003 148.4131591 403.42879349]]
```

> 로그 (log)

```
print(np.log(matrix))
```

**Out :**

```
[[0.          0.69314718 1.09861229]
 [1.38629436 1.60943791 1.79175947]]
```

- 그 외 수학 연산자

- > 제곱근 (sqrt)

```
print(np.sqrt(matrix))
```

```
Out : [[1.         1.41421356 1.73205081]
       [2.         2.23606798 2.44948974]]
```

- > 삼각함수 (sin)

```
print(np.sin(matrix))
```

```
Out : [[ 0.84147098  0.90929743  0.14112001]
       [-0.7568025  -0.95892427 -0.2794155 ]]
```

- 그 외 수학 연산자

- > 삼각함수 (cos)

```
print(np.cos(matrix))
```

**Out :** `[[ 0.54030231 -0.41614684 -0.9899925 ]`  
`[-0.65364362 0.28366219 0.96017029]]`

- > 삼각함수 (tan)

```
print(np.tan(matrix))
```

**Out :** `[[ 1.55740772 -2.18503986 -0.14254654]`  
`[ 1.15782128 -3.38051501 -0.29100619]]`

- 산술연산 배열끼리의 산술연산

- 배열은 기본적으로 요소의 연산이 가능

- > 리스트의 덧셈

```
list1 = [1,2,3]
list2 = [4,5,6]
print(list1 + list2)
```

**Out : [1, 2, 3, 4, 5, 6]**

- > 배열의 덧셈 같은 자리의 요소끼리 계산  
shape가 같아야 동작함

```
arr1 = np.array([1,2,3])
arr2 = np.array([4,5,6])
print(arr1 + arr2)
```

**Out : [5 7 9]**

## • 산술 연산

- shape이 같은 배열은 연산 가능

### > 모양이 같은 배열 연산

```
arr1 = np.arange(1, 7, dtype=np.float32).reshape(2, 3)
arr2 = np.arange(11,17, dtype=np.int32).reshape(2, 3)
print(arr1 + arr2) # 더하기
```

**Out :** **[[12. 14. 16.]**  
**[18. 20. 22.]]**

```
print(arr2 - arr1) # 빼기
```

**Out :** **[[10. 10. 10.]**  
**[10. 10. 10.]]**

## • 산술 연산

- shape이 같은 배열은 연산 가능

### > 모양이 같은 배열 연산

```
print(arr1 * arr2) # 곱하기
```

**Out :** **[[11. 24. 39.]**  
**[56. 75. 96.]]**

```
print(arr2 / arr1) # 나누기
```

**Out :** **[[11.      6.      4.33333333]**  
**[ 3.5      3.      2.66666667]]**

```
print(arr1 ** arr2) # 제곱
```

**Out :** **[[1.00000000e+00 4.09600000e+03 1.59432300e+06]**  
**[2.68435456e+08 3.05175781e+10 2.82110991e+12]]**



## • 산술 연산

- shape이 같은 배열은 연산 가능

### > 모양이 같은 배열 연산

```
print(arr2 // arr1) # 몫
```

**Out :** `[[11. 6. 4.]`  
`[ 3. 3. 2.]]`

```
print(arr2 % arr1) # 나머지
```

**Out :** `[[0. 0. 1.]`  
`[2. 0. 4.]]`

## • 산술연산

- Numpy의 연산 함수

```
> np.add(arr1, arr2)
```

```
print(arr1 + arr2)
```

```
Out : [[12. 14. 16.]  
       [18. 20. 22.]]
```

```
print(np.add(arr1, arr2))
```

```
Out : [[12. 14. 16.]  
       [18. 20. 22.]]
```

## • 산술연산

- Numpy의 연산 함수

> `np.subtract(arr1, arr2)`

```
print(arr1 - arr2)
```

꼭 row 수가 같아야

**Out :** `[[-10. -10. -10.]`  
`[-10. -10. -10.]]`

```
print(np.subtract(arr1, arr2))
```

**Out :** `[[-10. -10. -10.]`  
`[-10. -10. -10.]]`

## • 산술연산

- Numpy의 연산 함수

> `np.multiply(arr1, arr2)`

```
print(arr1 * arr2)
```

**Out :** `[[11. 24. 39.]`  
`[56. 75. 96.]]`

```
print(np.multiply(arr1, arr2))
```

**Out :** `[[11. 24. 39.]`  
`[56. 75. 96.]]`

## • 산술연산

- Numpy의 연산 함수

> **np.divide(arr1, arr2)**

옆으로 이어붙이기: 꼭 row 수가 같아야

```
print(arr1 / arr2)
```

**Out :** `[[0.09090909 0.16666667 0.23076923]  
[0.28571429 0.33333333 0.375 ]]`

```
print(np.divide(arr1, arr2))
```

**Out :** `[[0.09090909 0.16666667 0.23076923]  
[0.28571429 0.33333333 0.375 ]]`

## • 산술연산

### ▪ Broadcasting

#### Broadcasting

scalar연산일 경우 모두 허용됨

1차원과 2차원: 행과 열 중 하나가 같을때

2차원과 3차원의 경우: shape 중 2가지가 같을때

- 연산하고자 하는 배열의 모양이 다른 경우의 연산

### > 일반적인 상황

```
arr3 = np.arange(10).reshape(5, 2)
```

```
arr4 = np.arange(10).reshape(2, 5)
```

```
print(arr3 + arr4)
```

```
ValueError                                Traceback (most recent call last)
```

```
<ipython-input-35-1a8162fbbf08> in <module>
```

```
1 arr3 = np.arange(10).reshape(5, 2)
```

```
2 arr4 = np.arange(10).reshape(2, 5)
```

```
----> 3 print(arr3 + arr4)
```

```
ValueError: operands could not be broadcast together with shapes (5,2) (2,5)
```

## • 산술 연산

- **Broadcasting** : shape이 다른 배열 간 연산 지원

> **배열과 스칼라의 연산**      scalar의 값은 배열 연산 모두 가능

```
scalar = 10  
vector = np.array([1, 2, 3])  
print(scalar + vector)
```

1	2	3
---	---	---

 + 

10	10	10
----	----	----

 = 

11	12	13
----	----	----

**Out : [11 12 13]**

```
scalar = 10  
matrix = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])  
print(scalar + matrix)
```

1	2	3
4	5	6

 + 

10	10	10
10	10	10

 = 

11	12	13
14	15	16

**Out : [[11 12 13]  
[14 15 16]]**

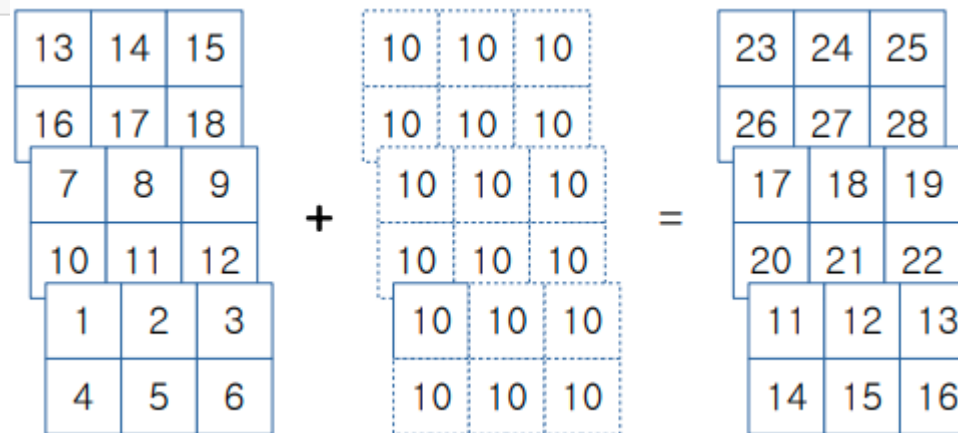
## • 산술연산

- Broadcasting : shape이 다른 배열 간 연산 지원

### > 배열과 스칼라의 연산

```
scalar = 10  
tensor = np.array([[[1, 2, 3],[4, 5, 6]],  
                  [[7, 8, 9], [10, 11, 12]],  
                  [[13, 14, 15], [16, 17, 18]]])  
print(scalar + tensor)
```

**Out :** **[[[11 12 13]**  
         **[14 15 16]]**  
         **[[17 18 19]**  
         **[20 21 22]]**  
         **[[23 24 25]**  
         **[26 27 28]]]**





## • 산술연산

미이여붙이기

049

### > 벡터와 매트릭스의 연산

```
matrix = np.arange(1,10).reshape(3, 3)
vector = np.arange(11,14).reshape(1, 3)
print(matrix + vector)
```

**Out :** **[[12 14 16]**  
**[15 17 19]**  
**[18 20 22]]**

1	2	3		11	12	13		12	14	16
4	5	6	+	11	12	13	=	15	17	19
7	8	9		11	12	13		18	20	22

## • 산술연산

050

### > 벡터와 매트릭스의 연산

같은 배열의 모양일때  
즉 행이나 열이 같을때

```
matrix = np.arange(1,10).reshape(3,3)
vector = np.arange(11,14).reshape(3,1)
print(matrix + vector)
```

옆으로 옆으로 이어붙이기: 꼭 row 수가 같아야

**Out :** `[[12 13 14]`

`[16 17 18]`

`[20 21 22]]`

1	2	3		11	11	11		12	13	14
4	5	6	+	12	12	12	=	16	17	18
7	8	9		13	13	13		20	21	22

같은 차원일때 숫자가 2개만 같아도 가능함

## • 산술연산

051

### > 벡터와 벡터의 브로드캐스팅 연산

```
arr1 = np.array([1,2,3]) (3,)  
arr2 = np.array([1,2,3]).reshape(3, 1)  
print(arr1)  
print(arr2)
```

**Out :** [1 2 3]

[1]

[2]

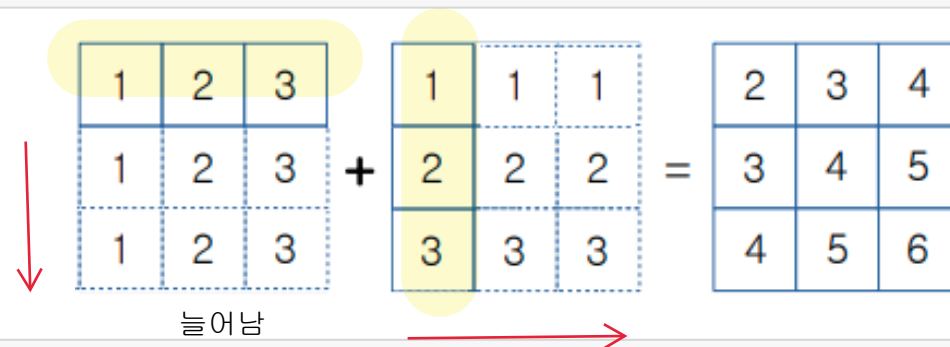
[3]

```
print(arr1 + arr2)
```

**Out :** [[2 3 4]

[3 4 5]

[4 5 6]]

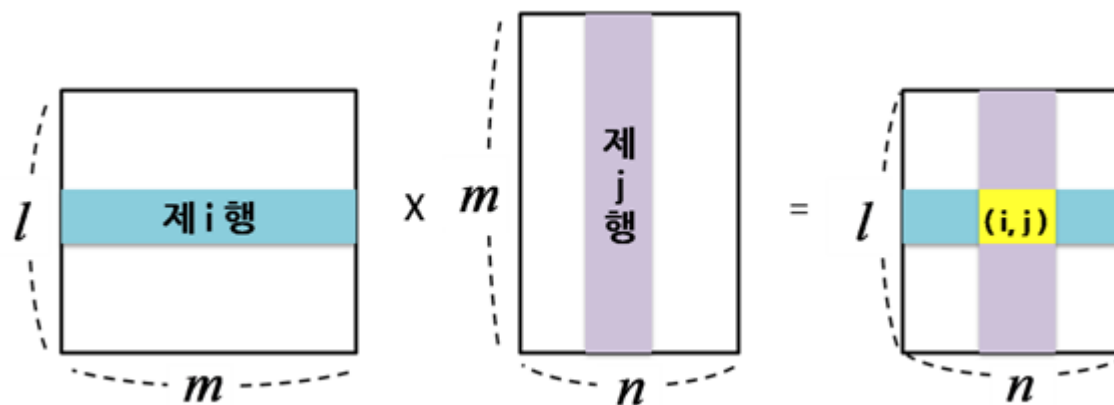


shape 값이 대각선이라고 같은 수라면 연산 가능  
예) (2,5)와 (5,2)

## • 행렬 연산

- 수학에서의 행렬의 곱셈

딥러닝에서 방정식을 하므로 알아둬야 함



A행렬

$\times$

B행렬

=

AB행렬

$l \times m$

$m \times n$

$l \times n$

일치할 때 행렬의 곱셈이 가능

## • 행렬 연산

- `np.dot(arr1, arr2)` 함수 사용

### > 일반적인 행렬곱

```
arr1 = np.array([1,2,3])  
arr2 = np.array([1,2,3])  
print(arr1 * arr2)
```

**Out : [1 4 9]**

### > `np.dot` 사용 행렬곱

```
arr1 = np.array([1,2,3])  
arr2 = np.array([1,2,3]).T  
print(np.dot(arr1, arr2))
```

**Out : 14**

## • 행렬 연산

scalar연산일 경우 모두 허용됨

- np.dot(arr1, arr2) 함수

> np.dot(arr1, arr2)

```
print(np.dot(arr1, arr2))
```

**Out : 14**

> arr1.dot(arr2)

```
print(arr1.dot(arr2))
```

**Out : 14**

> arr1 @ arr2

```
print(arr1 @ arr2)
```

**Out : 14**

## • 행렬 연산

### > 2차원 배열 행렬곱

```
arr3 = np.arange(1, 7).reshape(2, 3)
arr4 = np.arange(11, 17).reshape(3, 2)
print(np.dot(arr3, arr4))
```

**Out :** **[[ 82 88]**  
**[199 214]]**

shape가 맞아야/ 대각선으로 같은 수라야 곱셈 가능

1	2	3
4	5	6

 $\times$ 

11	12
13	14
15	16

 $=$ 

82	88
199	214

## • 배열 정렬 (Sort)

056

### > 1차원 배열 정렬

```
# randint를 사용하여 1~100 숫자 중 5개를 뽑아 배열 생성
vector = np.array([np.random.randint(1, 100)
                    for n in range(5)])
print(vector)
```

**Out :** [23 91 34 76 61]

```
print(np.sort(vector))          # 오름차순으로 정렬
```

**Out :** [23 34 61 76 91]

```
print(np.sort(vector)[:,-1])    # 내림차순으로 정렬
```

**Out :** [91 76 61 34 23]

[end:start:-1] ==> 결국 끝에서부터 가져옴 / 역순으로 슬라이싱  
벡터에서는 모두 가능  
matrix는 axis=0에서는 가능하나  
axis=1에서는 역순 어려움 [:, ::-1]



## • 배열 정렬 (Sort)

### > 2차원 배열 정렬

```
# randint를 사용하여 1~100 숫자 중 20개를 뽑아 배열 생성
matrix = np.array([np.random.randint(1, 100)
                    for n in range(20)]).reshape(4, 5)
print(matrix)
```

**Out :** **[[82 5 18 67 91]**  
         **[20 53 46 25 66]**  
         **[59 46 27 92 54]**  
         **[76 62 15 24 44]]**

## • 배열 정렬 (Sort)

### > 2차원 배열 정렬

```
print(np.sort(matrix)) # 열 기준으로 정렬
```

```
Out : [[ 5 18 67 82 91]
        [20 25 46 53 66]
        [27 46 54 59 92]
        [15 24 44 62 76]]
```

```
print(np.sort(matrix, axis = 0)) # 행 기준으로 정렬
```

```
Out : [[20  5 15 24 44]
        [59 46 18 25 54]
        [76 53 27 67 66]
        [82 62 46 92 91]]
```

## • 인덱스 반환 함수

> 최대값, 최소값의 인덱스

**argmax, agrmin**

최소값(min)과 최대값(max)의 인덱스

059

```
a = np.arange(1, 11).reshape(2, 5)
print(a)
```

```
Out : [[ 1  2  3  4  5]
       [ 6  7  8  9 10]]
```

```
print(np.argmax(a), np.argmin(a))
```

```
Out : 9 0
```

```
print(np.argmax(a, axis=0))
```

```
Out : [1 1 1 1 1]
```

가장 큰 수들의 자리값을 출력

## • 인덱스 반환 함수

> 최대값, 최소값의 인덱스

```
b = np.array([[1, 2, 3, 4], [2, 3, 4, 1], [3, 4, 1, 2]])  
print(b)
```

```
Out : [[1 2 3 4]  
       [2 3 4 1]  
       [3 4 1 2]]
```

```
print(np.argmax(b, axis = 1))
```

```
Out : [3 2 1]
```

```
print(np.argmax(b, axis=0))
```

```
Out : [2 2 1 0]
```

## • 인덱스 반환 함수

061

> 정렬 인덱스 반환 함수

```
c = np.random.randn(2,3)
print(c)
```

```
Out : [[-0.58623016  0.07263361 -0.34018553]
[ 0.31310596  0.76271241  0.79869664]]
```

```
print(np.argsort(c, axis = 0))
```

```
Out : [[0 0 0]
[1 1 1]]
```

위아래 비교

```
print(np.argsort(c, axis = 1))
```

```
Out : [[0 2 1]
[0 1 2]]
```

좌우 비교 정렬된 인덱스값을 출력

## • 배열 인덱싱

> **인덱스 반환 함수 + fancy index**

```
a = np.arange(10, 20)
b = np.argmax(a)
print(a)
print(b)
```

**Out :** [10 11 12 13 14 15 16 17 18 19]  
9

```
print(a[b])
```

**Out :** 19

## • 배열 합치기 (Vstack)

- 2개 이상의 배열을 수직으로 합체

> `np.vstack([arr1, arr2])`

밑으로 이어붙이기: col값이 같아야

```
vector1 = np.array([1, 2, 3])  
vector2 = np.array([4, 5, 6])  
  
print(np.vstack([vector1, vector2]))
```

**Out :** `[[1 2 3]`

`[4 5 6]]`

2차원 배열로 됨

모든 합치기 작업은 shape 정보/ size갯수가 같아야

## • 배열 합치기 (Hstack)

vstack과 함께 1차원 합치기

- 2개 이상의 배열을 수평으로 합체

> `np.hstack([arr1, arr2])`

옆으로 이어붙이기: 꼭 row 수가 같아야

```
vector1 = np.array([1, 2, 3]).reshape(3, 1)
vector2 = np.array([4, 5, 6]).reshape(3, 1)

print(np.hstack([vector1, vector2]))
```

**Out :** `[[1 4]`

`[2 5]`

`[3 6]]`

수평으로 합쳐져서 2차원으로 변환

vstack은 axis=0 의 경우와 같고

hstack은 axis=1의 경우와 같음

=> 1차원이 합친 후에는 2차원으로 변경됨



## • 배열 합치기 (Concatenate)

- 2개 이상의 배열을 수직, 수평으로 합체

> `np.concatenate(arr1, arr2, axis)`

```
vector1 = np.array([1, 2, 3])  
vector2 = np.array([4, 5, 6])  
print(np.concatenate([vector1, vector2], axis = 0))
```

**Out :** [1 2 3 4 5 6]

- 배열 합치기 (Concatenate)

- 2개 이상의 배열을 수직, 수평으로 합체

> `np.concatenate(arr1, arr2, axis)`

```
vector1 = np.array([1, 2, 3]).reshape(3, 1)
vector2 = np.array([4, 5, 6]).reshape(3, 1)
print(np.concatenate([vector1, vector2], axis = 1))
```

**Out :** `[[1 4]`  
`[2 5]`  
`[3 6]]`

- 배열 합치기 (Concatenate)

- 2개 이상의 배열을 수직, 수평으로 합체

> `np.concatenate(arr1, arr2, axis)`

```
matrix1 = np.arange(1,5).reshape(2,2)
matrix2 = np.arange(5,9).reshape(2,2)
print(np.concatenate([matrix1, matrix2], axis = 0))
```

**Out :** `[[1 2]`  
 `[3 4]`  
 `[5 6]`  
 `[7 8]]`

- 배열 합치기 (Concatenate)

- 2개 이상의 배열을 수직, 수평으로 합체

> `np.concatenate(arr1, arr2, axis)`

```
matrix1 = np.arange(1,5).reshape(2,2)
matrix2 = np.arange(5,9).reshape(2,2)
print(np.concatenate([matrix1, matrix2], axis = 1))
```

**Out :** `[[1 2 5 6]`  
`[3 4 7 8]]`

## • 행 / 열 바꾸기 (transpose)

- 행과 열의 뒤집어 주는 함수

> `ndarray.transpose()`

2차원 이상에서만 작동

> `ndarray.T`

```
matrix3 = np.array([[5, 6]])  
print(matrix3)
```

**Out :** `[[5 6]]`

```
print(matrix3.transpose())  
print(matrix3.T)
```

**Out :** `[[5]`

`[6]]`

`[[5]`

`[6]]`

## • Transpose + Concatenate

> 형태를 바꿔 서로 결합할 수 없는 배열을 합칠 수 있다.

```
print(np.concatenate([matrix1, matrix3]))
```

**Out :**  $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{bmatrix}$

```
print(np.concatenate([matrix1, matrix3], axis = 1))
```

```
-----  
ValueError                                Traceback (most recent call last)  
<ipython-input-652-2419e8fc4633> in <module>  
----> 1 print(np.concatenate([matrix1, matrix3], axis = 1))  
  
<__array_function__ internals> in concatenate(*args, **kwargs)
```

**ValueError:** all the input array dimensions for the concatenation axis must match exactly, but along dimension 0, the array at index 0 has size 2 and the array at index 1 has size 1

## • Transpose + Concatenate

> 형태를 바꿔 서로 결합할 수 없는 배열을 합칠 수 있다.

```
print(np.concatenate([matrix1, matrix3.T], axis = 1))
```

**Out :** `[[1 2 5]`  
`[3 4 6]]`

전치 후 shape 맞춰서 합치기

