А.В. Казимиров, Р.В. Олейников

Харьковский национальный университет радиоэлектроники

ИСПОЛЬЗОВАНИЕ ВЕКТОРНЫХ ФУНКЦИЙ ПРИ ГЕНЕРАЦИИ ПОДСТАНОВОК ДЛЯ СИММЕТРИЧНЫХ КРИПТОГРАФИЧЕСКИХ ПРЕОБРАЗОВАНИЙ

Аннотация. В статье приводится описание векторных булевых функций и рассматриваются критерии отбора подстановок для симметричных криптографических примитивов в рамках данного математического аппарата. Предлагается новый метод генерации долговременных ключей для шифра ГОСТ 28147-89, который позволяет получить подстановки, принадлежащие различным классам, с нелинейностью 4, минимальной степенью 3, 4-равномерной и отсутствием фиксированных точек с оптимальной вычислительной сложностью.

Ключевые слова: векторные булевы функции, подстановки, блочный симметричный шифр, ГОСТ 28174-89.

ВВЕДЕНИЕ

Подстановки являются частью большинства симметричных шифров и играют основную роль в обеспечении их надежности. Блочные шифры, как наиболее используемых симметричных шифров, в большинстве случаев, являются итерационными преобразованиями над блоком открытого текста, выполняемыми под управлением ключевых данных. Итерации называются циклами, а ключ, используемый в каждом цикле, - цикловым. Каждый такой ключ вычисляется на основе ключа шифрования, используя процедуру разворачивания ключа. Циклы состоят из различных комбинаций векторных булевых функций с участием циклового ключа [1].

Существует множество атак, которые должны учитываться при проектировании шифра. К ним отнести различные вариации дифференциальной атаки [1,2]: бумеранговая, невыполнимых дифференциалов, на связанных ключах, усечённых дифференциалов, высоких порядков; линейную [3], алгебраическую [4], интегральную [5] и другие. Однако, как показывает практика [6,7,8], в большинстве случаев, основное внимание уделяется дифференциальному линейному криптоанализу И, соответственно, выбору оптимальных подстановок с учётом данных типов атак.

Дифференциальный криптоанализ [2] предполагает наличие упорядоченных пар (α, β) , таких, что случайно выбранный открытый текст M и соответствующее ему значение $M-\alpha$ после

зашифрования формируют шифртексты C и C, причем наиболее вероятной разностью шифртекстов является $C - C' = \beta$. Под « – » понимается некоторая операция, обратная к введению циклового ключа. Такие упорядоченные пары (α, β) называется дифференциалом. Чем выше вероятность перехода дифференциала (в то же время не равная 1), тем более эффективной является Соответствующим критерием (n,m) -функции F [1], которая используется как S-блок в цикловой функции блочного шифра, является производная функции $D_a(x) = F(x) + F(x+a), x, a \in \mathcal{F}_{2^n}$, значения которой для всех $a \neq 0$ должны быть равномерно распределены.

Линейный криптоанализ основан на Piling-up лемме и был представлен Мацуи в [3]. Основная идея заключается в следующем: для случайно выбранных битов ключа, открытого и зашифрованного текста выражение $\alpha \cdot m + \beta \cdot c + \gamma \cdot k$, где "·" обозначает скалярное произведение, есть вероятность отличная от $\frac{1}{2}$. Чем больше отклонение от $\frac{1}{2}$, тем более эффективной является атака. Соответствующий критерий для S-блоков, используемых в цикловой функции шифрования, соответствует, так называемым, компонентным функциям [1].

ОПРЕДЕЛЕНИЯ И ОБОЗНАЧЕНИЯ

Пусть n и m — два натуральных числа. Функция $F:\mathcal{F}_2^n\mapsto\mathcal{F}_2^m$ называется (n,m)-функцией. Они используются в криптографии как нелинейные псевдослучайных генераторах В (потоковых шифрах) или как подстановки (S-блоки) в блочных шифрах [1]. Булевы функции $f_1,...,f_m$ $F(x) = (f_1, \dots, f_m),$ функциями координатными F Линейные комбинации координатных функций, с ненулевыми коэффициентами, называются компонентными функциями F. (n,m) -функции, также известны как векторные булевы функции или S-блоки, которые часто реализуются в виде подстановок.

Преобразование Уолша некоторой (n,m) - функциии отображает упорядоченную пару $(u,v) \in \mathcal{F}_2^n \times \mathcal{F}_2^m$ в сумму (вычисляемую в кольце целых чисел):

$$\lambda(u,v) = \sum_{x \in F_n^n} (-1)^{v \cdot F(x) + u \cdot x},$$

где символ " \cdot " обозначает скалярное произведение в векторных пространствах F_2^n и F_2^m . Стоит заметить, что функция $v \cdot F(x)$ является компонентной функцией F, при условии $v \neq 0$. Преобразование Уолша удовлетворяет соотношению Парсеваля (Parseval):

$$\sum_{u \in F_2^n} \left(\sum_{x \in F_2^n} (-1)^{v \cdot F(x) + u \cdot x} \right)^2 = 2^{2n}$$

для произвольного v. Множество, состоящее из всех значений $\lambda(u,v)$, где $u\in F_2^n$ и $v\in F_2^{m^*}=F_2^m\setminus\{0\}$, называется спектром Уолша функции F. Расширенный спектр Уолша состоит из спектра Уолша, каждый элемент которого взят по абсолютному значению.

Любая (n,m)-функция F имеет единственное представление в алгебраической нормальной форме [1]:

$$\sum_{I\subseteq\{1,\ldots,n\}} a_I \left(\prod_{i\in I} x_i\right)$$

где $a_{\scriptscriptstyle I}\!\in\! F_{\scriptscriptstyle 2}^{\scriptscriptstyle m}$, а сумма вычисляется в $F_{\scriptscriptstyle 2}^{\scriptscriptstyle m}$.

Алгебраическая степень (n,m)-функции F равна $\max\{|I| \mid a_I \neq 0\}$. Векторные функции, используемые в криптографии, должны иметь высокую алгебраическую степень, чтобы обеспечивать защиту от различных типов атак (например от дифференциальной атаки высоких порядков) [9]. Функция называется аффинной, если

её алгебраическая степень равна 1 и квадратичной – в случае второй [1].

Любая (n,n)-функция F имеет единственное одномерное представление над полем F_{2^n} со степенью, не превышающей 2^n-1 :

$$F(x) = \sum_{i=0}^{2^n-1} \delta_j x^j, \quad \delta_j \in \mathcal{F}_{2^n}.$$

Пусть $w_2(j)$ — количество ненулевых бит в двоичном представлении числа j. Тогда функция F имеет алгебраическую степень, равную $\max\{w_2(j) | \delta_i \neq 0\}$.

Ниже приведена лемма, также известная как критерий Эрмита (Hermite) [10], которая часто используется для определения перестановочного полинома над конечным полем.

Лемма 1. Пусть р — характеристика поля F_q . Полиномом $F \in \mathcal{F}_q[x]$ является перестановочным тогда и только тогда, когда выполняются следующие два условия:

- F имеет ровно один корень в поле \mathcal{F}_a ;
- для всех $t = \{1,...,q-2\}$ и $t \neq 0 \pmod{p}$ полином $F(x)^t \pmod{x^q-x}$ имеет степень не превышающую q-2.

Другими словами, функция называется перестановочной тогда и только тогда, когда генерирует перестановку элементов поля.

Функция $F: \mathcal{F}_{2^n} \mapsto \mathcal{F}_{2^n}$ называется линейной тогда и только тогда, когда F является линейным полиномом над полем \mathcal{F}_{2^n} :

$$F(x) = \sum_{i=0}^{n-1} c_i x^{2^i}, \quad c_i \in \mathcal{F}_{2^n}$$

Сумма линейной функции и константы называется аффинной функцией.

Если m делит n тогда любая (n,m)-функция может быть представлена как отображение поля \mathcal{F}_{2^n} в себя, так как \mathcal{F}_{2^m} является подполем поля \mathcal{F}_{2^n} . Поэтому функция имеет уникальное представление вида:

$$F(x) = tr_{n/m} \left(\sum_{j=0}^{2^{n}-1} \delta_{j} x^{j} \right), \quad \delta_{j} \in \mathcal{F}_{2^{n}},$$

где $tr_{n/m}(x) = x + x^{2^m} + x^{2^{2^m}} + x^{2^{3^m}} + \dots + x^{2^{n-m}}$ - след из поля \mathcal{F}_{2^n} в \mathcal{F}_{2^m} .

(n,m)-функция F является сбалансированной тогда и только тогда, когда её компонентные функции являются сбалансированными (т.е. вес Хемминга равен 2^{n-1}) [1].

Нелинейность nl(F) (n,m)-функции F есть минимальное расстояние Хемминга между всеми компонентными функция F и всеми аффинными функциями c n переменными:

$$nl(F) = 2^{n-1} - \frac{1}{2} \max_{v \in T_2^{\bar{n}}, u \in T_2^{\bar{n}}} \left\{ \left| \sum_{x \in F_2^{\bar{n}}} (-1)^{vF(x) + u \cdot x} \right| \right\}.$$

Критерий нелинейности определяет уровень защищённости S-блока от линейного криптоанализа [1,3,11,12].

В следующей теореме приводится граница значения нелинейности, так же известная как граница Сидельникова-Чабауда-Вауденая (Sidelnikov-Chabaud-Vaudena) [12].

Теорема 1. Пусть n и m натуральные числа такие, что $m \ge n-1$. Пусть F произвольная $\binom{n}{m}$ функция. Тогда:

$$nl(F) \le 2^{n-1} - \frac{1}{2} \sqrt{3 \times 2^n - 2 - 2 \frac{(2^n - 1)(2^{n-1} - 1)}{2^m - 1}} \ .$$

При m=n-1 неравенство сводится к $nl(F) \le 2^{n-1} - 2^{\frac{n}{2}-1}$, которое известно как граница радиуса покрытия (covering radius bound).

Векторная булева функция является бентфункцией, если для всех значений $v \neq 0$ и u преобразование Уолша принимает значения $\pm 2^{\frac{n}{2}}$. Если значения принадлежат множеству $\left\{0,\pm 2^{\frac{n+1}{2}}\right\}$, то такая функция называется почти бент (ПБ) (almost bent).

С другой стороны, любая (n,m)-функция F является бент-функцией тогда и только тогда, когда её производная функция $(D_a(x) = F(x) + F(x+a), x,a \in \mathcal{F}_{2^n})$ сбалансирована [1]. По этой причине бент-функции также так же называются совершенно нелинейными (CH) (perfect nonlinear).

Любая (n,m)-функция F является δ -равномерной, если для любого $a \in \mathcal{F}_2^\hbar$ и $b \in \mathcal{F}_2^m$ уравнение $D_a(x) = b$ имеет не более δ решений [1,13]. Функция F называется почти совершенно нелинейной (ПСН) (almost perfect nonlinear (APN)) если $\delta = 2$. Нижняя граница δ равна 2^{n-m} и равна ей тогда и только тогда, когда F является совершенно нелинейной [1,13].

Две функции $F,G: F_2^n \mapsto F_2^m$ называются расширенно аффинно (PA) эквивалентными (extended affine (EA) equivalent), если существуют такие аффинно-перестановочные функции $A_1(x) = L_1(x) + c_1$, $A_2 = L_2(x) + c_2$ и произвольная линейная функция $L_3(x)$, что [14,15]:

$$F = A_1(G(A_2(x))) + L_3(x) = A_1 \circ G \circ A_2(x) + L_3(x)$$
.

При выполнении условия $L_3 = const$ функции F и G называются аффинно-эквивалентными; а при $L_3 = 0, c_1 = 0, c_2 = 0$ — линейно-эквивалентными.

В работе [16] функции рассматриваются в более общем представлении - в виде функции $G_F(x,y) = (\{x,y\}: y = F(x))$. Пусть $\mathcal{L}(x,y)$ некоторая аффинная перестановочная функция отображающая векторное пространство F_2^{2n} в себя, тогда:

$$\mathcal{L}(x,y) = (L_1(x) + L_2(y), L_3(x) + L_4(y))$$

для некоторых аффинных функций L_1 , L_2 , L_3 , L_4 из \mathcal{F}_2^n в себя. Другими словами $\mathcal{L}(x,y)$ аффинная перестановочная функция если система

$$\begin{cases} L_1(x) + L_2(y) = 0 \\ L_3(x) + L_4(y) = 0 \end{cases}$$

имеет лишь одно решение [1,16].

Две функции F и G называются Карлет-Шарпин-Зиновьев (КШЗ) (Carlet-Charpin-Zinoviev (ССZ))-эквивалентными, если существует аффинная перестановка $\mathcal{L}: \mathcal{F}_2^{2n} \mapsto \mathcal{F}_2^{2n}$ такая что $G_F = L(G_G)$. Две функции F и G КШЗ-эквиваленты тогда и только тогда, когда для некоторой аффинной перестановки $\mathcal{L}(x,y) \subset \mathcal{F}_2^{2n}$:

$$F(x) = F_2 \circ F_1^{-1}(x)$$
,

где $F_1(x) = L_1(x) + L_2 \circ G(x)$ перестановочная функция, а $F_2(x) = L_3(x) + L_4 \circ G(x)$ — произвольная.

Для КШЗ- и РА-эквивалентных функций инвариантными остаются следующие криптографические свойства: расширенный спектр Уолша (ПБ, СН, нелинейность), δ -равномерность (ПСН). Алгебраическая степень сохраняется только для РА-эквивалентных функции. Таким образом, КШЗ-эквивалентность является более общим случаем РА-эквивалентности и обратных функций [1,15].

К подстановкам применяемых блочных шифрах, дополнительно, всем вышеперечисленным критериям, необходимо добавить следующие: отсутствие фиксированных точек и высокий алгебраический иммунитет. Более подробно эти критерии описаны в работе [17]. На сегодняшний день нет однозначного набора критериев для идеального S-блока. Поэтому далее приводятся результаты, ориентированные δдостижение максимальных показателей равномерности и расширенного спектра Уолша.

ГЕНЕРАЦИЯ ПОДСТАНОВОК С ЗАДАННЫМИ СВОЙСТВАМИ

Известно несколько классов степенных ПСН функции. В таблице 1 приводятся все известные на сегодняшний день экспоненты d вплоть до эквивалентности такие, что функция x^d является ПСН над полем F_{2^n} . Для чётного п Голд (Gold), Касами (Kasami), Вэшл (Welch) и Нихо (Niho)

Таблица 1 – Известные степенные ПСН функции x^d над полем \mathcal{F}_{γ_n} .

		<u> 2</u>	
Название	Экспонента d	Условие	Источник
Голд	$2^{i} + 1$	GCD(i,n) = 1	[22]
Касами	$2^{2i} - 2^i + 1$	GCD(i,n) = 1	[23]
Вэлш	$2^{t} + 3$	n = 2t + 1	[24]
Нихо	$2^{t} + 2^{\frac{t}{2}} - 1$	n = 2t + 1, $t - $ чётное	[25]
	$2^t + 2^{\frac{3t+1}{2}} - 1$	n = 2t + 1, t — нечётное	
Обратные	$2^{2t}-1$	n = 2t + 1	[18]
Доббертин	$2^{4t} + 2^{3t} + 2^{2t} + 2^t - 1$	n = 5t	[26]

использовался

в [1,21].

До недавнего времени считалось, что ПСН перестановочных функций для чётного значения *п* не существует [1]. Однако в 2010 году была представлена работа [27], где авторы привели пример такой функции для n = 6. Для поиска использовался метод, использующий результаты теории кодирования, КШЗ-эквивалентность и значительное количество вычислений.

Теорема 1. Пусть lpha - примитивный элемент поля $\mathcal{F}_{\scriptscriptstyle{5^6}}$. Тогда ПСН функция

$$H(x) = \alpha x^3 + \alpha^5 x^{10} + \alpha^4 x^{24}$$

является КШЗ-эквивалентной ПСН перестановочной функции над полем \mathcal{F}_{γ^6} [30].

Например, для функции $\mathcal{L}(x,y) = (tr_{6/3}(\alpha^4x) + \alpha tr_{6/3}(y), tr_{6/3}(\alpha x) + \alpha tr_{6/3}(\alpha^4y)) \text{ где}$ $tr_{6/3}(x) = x + x^{2^3} \,, \quad y = \mathrm{H}(x) \quad \text{функция} \quad G_F = \mathcal{L}(G_H)$ является ПСН перестановочной. Однако на сегодняшний день остаётся открытым вопрос о существовании ПСН перестановок для $n \geq 8$.

Исследование подстановок в виде векторных функций предоставляет возможность значительно оптимизировать формирование узлов замены симметричных криптографических примитивов. Например, позволяет находить целые классы функции со схожими свойствами, использование которых позволяет сократить время поиска оптимальной подстановки. Так в работах [28, 29]

были классифицированы все 4-битные перестановки оптимальными показателями. Оптимальной считалась биективная подстановка с нелинейностью равной 4 и 4-равномерная [28]. Всего получилось 16 различных векторных булевых функций, аффино-эквивалентными. являющихся В криптографии, помимо линейных И дифференциальных показателей, важным является критерий минимальной степени компонентных функций. Для 4-битной перестановки это значение должно быть равно 3. В таблице 2 приведены 8 из 16 векторных булевых функций удовлетворяющих данному критерию. Переменная мультипликативным генератором поля $\mathcal{F}_{\mathbf{A}}$ примитивным полиномом $x^4 + x + 1$.

функции также являются ПБ [1]. Когда п четное,

обратные функции являются дифференциально 4-

распределёнными перестановками [18]. Данный вид функций вместе с аффинным преобразованием

алгоритмах шифрования AES [19] и Лабиринт [20].

Существует и множество других нестепенных

классов функций, которые ранее были рассмотрены

выборе

подстановок

при

Стоит заметить, что полиномы являются КШЗэквивалентными. Взаимосвязь между функциями представлена ниже:

$$\begin{split} F_1 \sim_{CCZ} F_3; \quad F_2 \sim_{CCZ} F_4; \\ F_5 \sim_{CCZ} F_6 \sim_{CCZ} F_7. \end{split}$$

Отсюда и далее под оптимальной понимается подстановка [17]:

- 1) биективная;
- 2) 4-равномерная;
- 3) с нелинейностью 4;
- 4) с минимальной степенью 3;
- 5) отсутствием фиксированных точек (нет циклов длиной 1).

Таблица 2 – Полиномиальное представление оптимальных подстановок принадлежащих различным классам.

	Полином
F_1	$x^{14} + g^{11}x^{13} + gx^{12} + g^3x^{11} + g^5x^9 + g^7x^8 + g^8x^7 + g^4x^6 + g^{11}x^5 + g^2x^4 + g^4x^3 + g^{11}x^2$
F_2	$x^{14} + g^{11}x^{13} + g^7x^{12} + gx^{11} + g^8x^{10} + g^{13}x^9 + g^{11}x^8 + g^2x^6 + gx^5 + g^2x^4 + g^7x^3 + gx^2 + g^8x$
F_3	$x^{14} + g^{13}x^{13} + g^9x^{12} + g^6x^{11} + g^{10}x^{10} + g^7x^9 + g^{10}x^8 + g^7x^7 + g^8x^6 + g^{12}x^5 + g^{12}x^4 + x^3 + g^{11}x^2 + g^5x$
F_4	$x^{14} + g^4 x^{13} + g^3 x^{12} + g^2 x^{11} + x^{10} + g^{11} x^9 + g^2 x^8 + g x^7 + g^2 x^6 + g^9 x^5 + g^4 x^4 + g + x^3 + g^{12} x^2 + g^{11} x$
F_5	$x^{14} + gx^{13} + g^9x^{12} + gx^{11} + g^7x^{10} + g^6x^7 + g^{10}x^6 + gx^5 + g^8x^4 + g^2x^3 + g^6x^2 + g^9x$
F_6	$x^{14} + gx^{13} + x^{12} + g^7x^{11} + g^{13}x^{10} + gx^9 + g^{11}x^8 + g^{14}x^7 + g^3x^6 + g^6x^5 + gx^4 + g^{14}x^3 + g^{14}x^2 + g^9x$
F_7	$x^{14} + g^{10}x^{13} + gx^{12} + g^4x^{11} + g^{14}x^{10} + g^4x^9 + g^5x^8 + g^2x^7 + g^9x^6 + g^4x^5 + g^8x^4 + g^{14}x^3 + g^5x^2 + x$
F_8	$x^{14} + g^{12}x^{13} + g^8x^{12} + g^8x^{11} + g^{14}x^{10} + gx^9 + g^8x^8 + g^{14}x^7 + g^6x^6 + x^5 + g^{14}x^4 + g^{12}x^3 + gx^2 + g^{14}x$

На основе функций, описанных в таблице 2, предлагается методика генерации долговременных ключевых элементов (ДКЭ) для шифра ГОСТ 28147-89 [30]. На первом шаге каждой из 8 подстановок ДКЭ (K_1 , ..., K_8) ставится в соответствие векторная булевая функция F_1 , ..., F_8 . Количество соответствий равно 8! = 4320. Далее, к каждому полиному последовательно применяются различные аффинно-эквивалентные преобразования до тех пор, пока функция (подстановка) не будет удовлетворять пункту д). Количество аффинно-

эквивалентных функций равно
$$\left(\prod_{i=1}^{n}(2^{n}-2^{i-1})\right)^{2}\cdot 2^{2n}$$
.

Для случая n=4 общее количество ДКЭ, которые можно получить при помощи данного метода, не

превышает
$$\left(\prod_{i=1}^{4} (2^4 - 2^{i-1})\right)^2 \cdot 2^8 \cdot 8! \approx 2^{51}$$
 и равно ему в

случае отсутствия пункта д). Как было описано ранее, аффинное преобразование сохраняет свойства а)-г).

Таким образом, предлагаемый метод позволяет сократить время, необходимое на генерацию и проверку криптографических параметров подстановок для шифра ГОСТ 28147-89 за счёт заранее выбранных векторных булевых функций с параметрами а)-г). Пример ДКЭ с оптимальными показателями, сгенерированный по предложенному методу, представлен в таблице 3.

Таблица 3 – Пример долговременных ключевых элементов с оптимальными показателями.

	Ключ
K ₁	[5, 11, 13, 10, 8, 4, 1, 0, 6, 12, 3, 15, 2, 9, 7, 14]
K_2	[7, 8, 12, 10, 2, 1, 15, 14, 11, 13, 5, 9, 0, 3, 6, 4]
K ₃	[15, 14, 7, 5, 3, 13, 9, 2, 10, 6, 11, 1, 8, 0, 12, 4]
K_4	[15, 8, 9, 14, 1, 4, 13, 11, 3, 5, 6, 12, 0, 2, 7, 10]
K ₅	[5, 10, 6, 15, 8, 4, 2, 3, 9, 7, 13, 0, 14, 1, 12, 11]
K ₆	[7, 9, 12, 8, 10, 2, 13, 14, 0, 5, 4, 6, 3, 15, 1, 11]
K ₇	[8, 14, 11, 5, 1, 4, 7, 6, 13, 2, 9, 15, 3, 10, 12, 0]
K ₈	[13, 14, 6, 10, 2, 15, 0, 5, 12, 1, 11, 4, 9, 8, 3, 7]

выводы

Применение математического аппарата векторных булевых функций позволяет реализовать эффективную методику формирования нелинейных подстановочных конструкций для симметричных криптографических примитивов с оптимальными показателями. Использование ПСН и ПБ функций позволяет добиться максимально возможных параметров, что необходимо для защиты от дифференциального и линейного криптоанализа.

Применение методики для генерации долговременных ключевых элементов ГОСТ 28147-89 обеспечивает формирование перестановок, принадлежащих различным аффинно-эквивалентным классам с нелинейностью 4,

минимальной степенью 3, 4-равномерной и отсутствием фиксированных точек, что позволяет обеспечить значительный запас стойкости к известным видам криптоанализа.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Carlet C., Vectorial Boolean Functions for Cryptography, URL http://www.math.univ-paris13.fr/~carlet/chap-vectorial-fcts-corr.pdf.
- 2. E. Biham and A. Shamir. Differential Cryptanalysis of DES-like Cryptosystems. Journal of Cryptology, Vol 4, No.1, pp. 3-72, 1991.
- 3. M. Matsui. Linear cryptanalysis method for DES cipher. Advances in Cryptology EUROCRYPT'93, no. 765 in Lecture Notes in Computer Science. Springer-Verlag, pp. 386-397, 1994.

- 4. N. Courtois and J. Pieprzyk. Cryptanalysis of block ciphers with overdefined systems of equations. Advances in cryptology—ASIACRYPT 2002, Lecture Notes in Computer Science 2501, pp. 267-287, Springer, 2003.
- 5. L. Knudsen and D. Wagner. Integral Cryptanalysis. Proceedings of Fast Software Encryption – FSE'02, number 2365 in Lecture Notes in Computer Science. Springer-Verlag, pp. 112-127, 2002.
- 6. Preneel B. Final report of European project number IST-1999-12324, named New European Shames for Signatures, Integrity, and Encryption [Electronic resource] / B. Preneel, A. Biryuov, C. De Canniere, etc. Mode of access: WWW.URL: https://www.cosic.esat.kuleuven.be/nessie/Bookv015.pdf Last access: 2012. Title from the screen.
- 7. CRYPTREC Report 2002 [Electronic resource] / Mode of access: WWW.URL: Information-technology Promotion Agency, Japan http://cryptrec.nict.go.jp/eng_info_page/cryptrec_03 _ 0829_c02_report.htm Last access: 2010. Title from the screen.
- 8. Положення про проведення відкритого конкурсу криптографічних алгоритмів [Електронний ресурс] / ДССЗІУ. Режим доступу: WWW/URL: http://www.dstszi.gov.ua/dstszi/control/uk/publish/article?art_id=48383&cat_id=38710 Последний 05.06.2010 г. Загл. с экрана.
- Lars R. Knudsen. Truncated and Higher Order Differentials. In Bart Preneel, editor, FSE, volume 1008 of LNCS, pages 196-211. Springer, 1994.
- R. Lidl and H. Niederreiter. 'Finite Fields'. Cambridge University Press (Revised Edition), 1994
- 11. C. Carlet, On cryptographic complexity of Boolean functions, to appear in the proceedings of Fq6.
- 12. F. Chabaud and S. Vaudenay. Links between Differential and Linear Cryptanalysis. EUROCRYPT'94, Advances in Cryptology, Lecture Notes in Computer Science 950, Springer Verlag, pp. 356-365, 1995.
- T. Beth and C. Ding, On almost perfect nonlinear permutations. Advances in Cryptology – Eurocrypt' 93, Lecture Notes in Computer Science, 765, New York, Springer-Verlag, pp. 65-76, 1994.
- 14. L. Budaghyan, C. Carlet and G. Leander. Constructing new APN functions from known ones. To appear in Finite Fields and Applications, 2008.
- L. Budaghyan, C. Carlet and A. Pott. New Classes of Almost Bent and Almost Perfect Nonlinear Polynomials. Proceedings of the Workshop on Coding and Cryptography 2005, Bergen, pp. 306-315, 2005.
- 16. C. Carlet, P. Charpin, and V. Zinoviev. Codes, bent functions and permutations suitable for DES-like cryptosystems. Designs, Codes and Cryptography, 15(2), pp. 125-156, 1998.
- 17. R. Oliynykov and O. Kazymyrov, An impact of S-box Boolean function properties to strength of modern symmetric block ciphers. "Радиотехника", №166/2011, cmp. 11-17.

- 18. K. Nyberg. Perfect non-linear S-boxes, Advances in Cryptology, EUROCRYPT' 91, Springer Verlag, Lecture Notes in Computer Science 547, pp. 378-386, 1992.
- AES-FIPS. Specification for the Advanced Encryption Standard (AES), Federal Information Processing Standards Publication 197, 2001. URL http://csrc.nist.gov/publications/fips/fips197/fips-197.pdf.
- Головашич, С.А. Алгоритм блочного симметричного шифрования «Лабиринт» [Текст] / С.А. Головашич. – Харьков, 2007. – 46 с.
- 21. М. Э. Тужилин, Почти совершенные нелинейные функции. Прикладная дискретная математика №3(5), стр. 14-20, 2009.
- 22. Gold R. Maximal recursive sequence with 3-valued recursive cross-correlation functions // IEEE Transactions on Information Theory. 1968. V. 14. No. 1. P. 154–156.
- 23. Kasami T. The weight enumerators for several classes of subcodes of the second order binary Reed-Muller codes // Information and Control. 1971. V. 18. P. 369–394.
- 24. Dobbertin H. Almost perfect nonlinear power functions over GF(2ⁿ): The Welch case // IEEE Transactions on Information Theory. 1999. V. 45. No. 4. P. 1271–1275.
- 25. Dobbertin H. Almost perfect nonlinear power functions over GF(2ⁿ): The Niho case // International J. of Computer and Information Sciences. 1999. V. 151. P. 57–72
- 26. Dobbertin H. Almost perfect nonlinear power functions over GF(2ⁿ): A new case for n divisible 5 // Proc. of Finite Fields and Applications Fq5. Springer Verlag, 2001. P. 113–121.
- K. Browning, J. F. Dillon, M. McQuistan and A.J. Wolfe. An APN permutation in dimension 6. Proceedings of Conference Finite Fields and Applications Fq9, Contemporary Mathematics 518, pp. 33-42, 2009
- 28. G. Leander and A. Poschmann: "On the Classification of 4 Bit S-Boxes." In C. Carlet and B. Sunar (Eds.): WAIFI 2007, LNCS 4547, pp. 159–176. Springer (2007)
- 29. Markku-Juhani O. Saarinen, Cryptographic Analysis of All 4 × 4-Bit S-Boxes. Selected Areas in Cryptography 2011, pp. 118-133.
- 30. ГОСТ 28147-89. Системы обработки информации. Защита криптографическая. Алгоритм криптографического преобразования ГОСТ 28147-89 [Text]. М. : Изд-во стандартов, 1989.

Рецензент: д-р техн. наук, проф. И.Д. Горбенко, Харковский национальный университет радиоэлектроники.

Автор: Казимиров Александр Владимирович

Харьковский национальный университет радиоэлектроники, Харьков, аспирант кафедры безопасности информационных технологий.

E-mail – okazymyrov@gmail.com.

Автор: Олейников Роман Васильевич

Харьковский национальный университет радиоэлектроники, кандидат технических наук, доцент кафедры безопасности информационных технологий.

Раб. тел. – 702-14-25, E-mail ROliynykov@gmail.com.

ВИКОРИСТАННЯ ВЕКТОРНИХ ФУНКЦІЙ ПРИ ГЕНЕРАЦІЇ ПІДСТАНОВОК ДЛЯ СИМЕТРИЧНИХ КРИПТОГРАФІЧНИХ ПЕРЕТВОРЮВАНЬ

Казимиров О.В., Олійников Р.В.

Анотація. У статті приводиться опис векторних бульових функцій и розглядаються критерії відбору підстановок симетричних криптографічних для примітивів у рамках даного математичного апарату. Пропонується новий метод генерації довгострокових ключів для шифру ГОСТ 28147-89, який дозволяє отримати підстановки, які належать різним класам, з нелінійністю 4, мінімальним степенем 3, 4-рівномірністю і відсутністю фіксованих точок з оптимальною обчислювальною складністю.

Ключові слова: векторні бульови функції, підстановки, блоковий симетричний шифр, ГОСТ 28174-89.

Vectorial Boolean Functions Application for Substitutions Generation for Symmetric Cryptographic Transformation

Abstract. The descriptions of the vectorial Boolean functions as well as criteria for substitutions and a new method for S-box generation for the cipher GOST 28147-89 with optimal computational complexity are given. The method provides substitutions that belong to different affine classes, with nonlinearity 4, minimum degree 3, 4-uniform and without fixed points.

Keywords: vectorial Boolean functions, substitutions, block ciphers, GOST 28147-89.