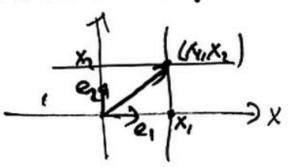
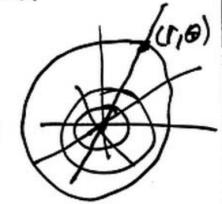
Teorem: Eger V, boyutu sitirden biyük bir n boyutlu vektor uzeyi ize

- i) Elemanlarının Soyısı A'den küqük vektör küması V'yi geremez.
- ii) Elevenloriain soyisi n'den toit lineer boquesiz vekterlor timesi v'nin bir bozi olnesi isin genigletilebilin
- Lii) Elenantman sayısı ndon büyük Viyi geren vettörler timosi Vinin bir 60 cı olması Tain indirgorebilir.

## BAZ DEGISIMI

IR2 de koordinatlan degistirmek:





156

IR2) nin dogal (stondard) bazı se,ez 3 din IR2) de kı toyfi x vektoro e, vo ez ve którlámin Treer birlesimi olorok x= x,e, +x2ez tektúrlú

youther.

xi,xz ye xin dogal bazagire bordratters

donir. 54123, 122 hin bosta bir bazı olem.

buna göre x= xy+B2 tek türlü yazılır.

sıralı bazı [412] ile gisterelim. [412] sıralı

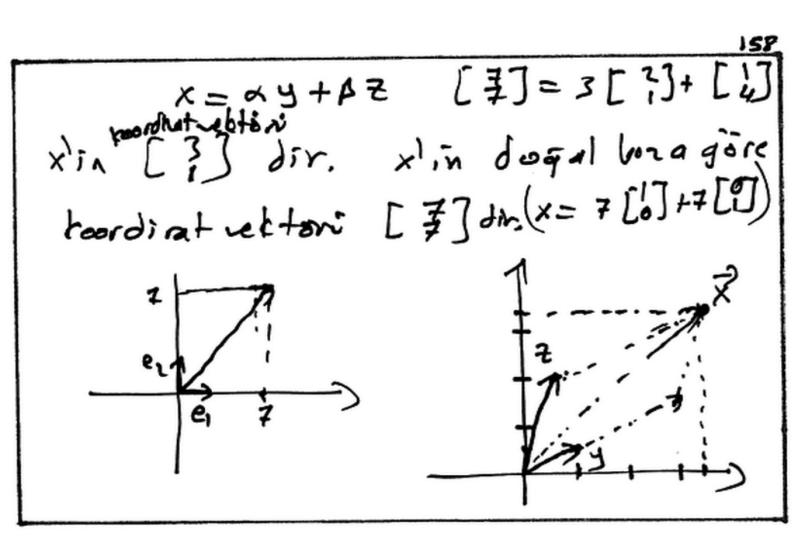
bozım göne xin toordinat vektörü [ \$]dır.

örk: y=[2], z=[1] olem. x=[7] elk?

(412 Ineer başınsız ve 182 yi gordişindin bordin

[412] sıralı bozım göre xin toordinat

vektöri nodr?



IR? Igin feilez degal bezi yerine u=[]

Uz=[] bozini keulorerat

1) werflen x=[xi] vektorinin yeni boz

[ui, Uz] ye gine toordinatlorini)

z) verilen ciui tezuz vektorinin [ei, ez]

teordantlorin bozina gine toordaatlorini

bulalim.

duce kyden besligalim.

u1=30+202 ve U2=0+02

C, U, + C, U = C, (3e, +2e2) +C2 (e,+e2) = (3C,+C2)e,+(24+C1)e2

CILITER NIN [PIPEZ] ye give toordaat vektori

[3citcz] dr.

X=[3citcz] = [3 i] [ci]

U=[3 i] dorset [uiluz] bozina give toordaat

vektoric=[ci] olovat verdon bin vektoriin teijez]

barina gione toordinat vektorii X=Uc dir.

U yo [uijuz] kuzindan [eijez] bozina geeis

vettisi denir.

(1) i yaphamız iqin [ eilez] den [ u.i.u.] ya apris natrismi bulnamız qerebr. u.i.u. lineor boğimsiz olduğu Pzin U. sing slor değil dir. Buna göne c= U x olur. Brk: 1) u.= [ 3] uz= [ i] x= [ 7] [u.i.u.] ua göne x'in boordinatlarını bulnauz. [u.i.u.] den [eilez] ua qeais natrisi u= [ 3 !] dir. c= u x x= [ 4]

$$\begin{bmatrix} 5 \\ 2 \end{bmatrix} = S_{11} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} + S_{21} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} \\ 2 S_{11} + S_{21} = S \\ 2 S_{11} + S_{21} = 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2$$

u=[51,512]=[-4,-5]

Gonel Vektör Uzcylarındo Doz Begismi

Tanim! V bir vektor uzoyi ve t=[ViiVzi·7Vn]

Vinin bir sirali buzi olsm. Vinin herbanyi

bir v eV vektori ci,czi·7cnilar stolorlar

olnak crore

v = ci v, +czvz + + cnvn

formund tel todo yozilobildiqinolon,

7. Hafta

5/15

her ve V vektärene torsilik IRMI de

Johns bir c= (a,cz,-,cn) T rektörü Kersilik getnebilinir- Bu yolla tonimloren c vektorina, E small borna your vivia Koordmet rektöri denir va EVJE 11e gasterilir. cillare Elye gore vinin koordnatlare donir

V n-boyutlu vettor vzcy, E = [wi,wi,..., wn] ve F = [VIIV21-11/4] Iti sirali bor olsun- tayfi VENTAIN X= INJE re y= [V]F Blson. x ve y arosinobler loginte ve 5/00 Flye

geais notrisini blatim. W1 = S11 V1+521 V2+"+ SA1 VA W2 = S12 V1+ 522 V2+ .. + 5A2 VA WA= SIA VI + SLAVZ+ .. + SAA VA x=[v]=> v= x, w,+x, w2+~+ x, w1 = ( 5 5 5 1 7 ) V, + ( 5 52 52 1 7 ) V2+"+ ( 5 50 7 ) V YL = \$\frac{1}{2} Six Xj [=1,2,...,4 S = [ SII SIZ ... SIM ] = S

S'ye E'den F'ye gegis notrisi denir. 4=0

aldigimize Sx=0 hangen sisteminin yolniz asiter

Girani oldiginden S singilar degildir. ( y = 0

> x, w, + x, w, + ... + x, w, =0 = Incertaginar oldugunden

X=X==.=X=0 => X=0)

- (07 me

5rk: 1) 
$$v_1 = \begin{bmatrix} 4 \\ 4 \end{bmatrix}, v_2 = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}, v_3 = \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}$$
 we  $u_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}, u_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}, u_2 = \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}$  ok on

a) [V1, V2, V2] den [U1, U1, U3] e qeqiq

Noticini boloror.

b) X = 2V, +3V2 - 4V3 ile [U1, U1, U3] e

göre X rn koordnatlarını lelidoym

a) V1 = 511 U1 + 521 U2 + 531 U3

V2 = 512 U1 + 522 U2 + 532 U3

V3 = 513 U1 + 523 U2 + 533 U3

[1 2 3 6 | 1 | 1 | 2 | 4 | 6107

[1 2 3 6 | 1 | 1 | 2 | 4 | 6107

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 | 2 | 1 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 | 2 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 | 2 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 | 6 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2 4 | 7 | 1 | 2 |

[1 2

 $S_{33} = 1$ 

$$S = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -27 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$S = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$[X]_{v} = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

$$[X]_{u} = S \ t \times 3v = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -2 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 4 & 5 \\ 5 & -2 \end{bmatrix}$$

2) P3 te [1,2x,4x2-2] s mali bozindon
[1,x,x2] smali bozina geoss Matrissis bulmu.

5-1 1; bulorak pck)=2x2+4x+6 sek+3rinish
[1,2x,4x22] bozina göre koordnat vek.bul.

$$1 = 1.1 + 0 \times + 0 \times^{1}$$

$$2X = 0.1 + 2 \times + 0.0 \times^{2}$$

$$4x^{2} - 2 = (-1).1 + 0.0 \times + 4 \times^{2}$$

$$5 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -2 \\ 0 & 0 & 4 \end{bmatrix}$$

## SATIR UZAYI WE SÜTUN UZAYI

A, man tipudo bir mutiis ize Ahim hor sotiriai Rian de bir wetter olorak düsinobiliris. Ahim m tane satirina Ahim satir wetterleri denir. Bonzor setilde Almin hor sotununun IRM=RMXI de bir wetter danik düsinebiliris. Almin n tano sotununu Almin sütum velterleri donir.

A [0] + D [0] + 8 [0] = [8]

Alain sofun verys \[ [8]! dideR] \[ C|R^2
\]

Teorem: Satirco dent iti natris ayas satir

verysom sohiptir.

Tanim: Bit A natrisiain satir verysom hoyelma

Alain rents denir

ort; A = [1 -2 3]

1 -4 -7

Linear Sistember:

Ax=b

X1 [ aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ] bi ]

Ax=b

X2 [ aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ] bi ]

Ax=b

X4 [ aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ] bi ]

Ax=b

Ax=b

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ aii ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ ain ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ ain ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ ain ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ ain ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ ain ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ ain ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii ] + X1 [ ain ] + ...+ X1 [ ain ] = [ bi ]

Ax=b

I aii

7. Hafta

12/15

Teorem! A, man tipine nation okun. Ax=b
Incor sisteminin her b elimitain territi
olnesi rain gerob vo yeter sert Alnın
sistem voktorlerinin IRM yi gornesidir.
Axeb linoer sistemmin her belirmin
en terla bir gioruminin olmosi irin
gorek ve yeter sert Alnın sütun voktor
lerinin linear boğumsız olnadır.

Teorem: Bir axa transveti A nortisimin singilar olamanısı için geret ve yetersert Alaım situa vektörlerinin. Rade bir boz olusturasıdır.

N(A): Alain Sifir uzeyinin boyutura Alain

Sifirligi donir.

Teoron: (Rank Les sturlik teorens) Eger A Mantipino bir natris sio Alain ronks sle Alain sturliginin toplams n'ye exittin

$$-\frac{182}{2}$$

$$-\frac{1}{2}\frac{1}{2}$$

$$x_{1} + 2x_{1} - x_{3} + x_{4} = 0 \Rightarrow x_{4} = 0$$

$$x_{1} = -2x$$

$$x_{1} = -2x - 2x$$

$$x_{1} = -3x - 2x$$

$$x_{2} = -2x$$

$$x_{3} = -2x$$

$$x_{4} = 0 \Rightarrow x_{4} = 0$$

$$x_{1} = -2x$$

$$x_{1} = -3x - 2x$$

$$x_{2} = 0$$

$$x_{3} = -2x$$

$$x_{4} = 0$$

$$x_{1} = -2x$$

$$x_{2} = 0$$

$$x_{3} = -2x$$

$$x_{4} = 0$$

$$x_{1} = -2x$$

$$x_{1} = -2x$$

$$x_{2} = 0$$

$$x_{3} = -2x$$

$$x_{4} = 0$$

$$x_{1} = -2x$$

$$x_{2} = 0$$

$$x_{3} = -2x$$

$$x_{4} = 0$$

$$x_{1} = -2x$$

$$x_{2} = 0$$

$$x_{3} = -2x$$

$$x_{4} = 0$$

$$x_{1} = -2x$$

$$x_{2} = 0$$

$$x_{3} = -2x$$

$$x_{4} = 0$$

$$x_{1} = -2x$$

$$x_{2} = 0$$

$$x_{3} = -2x$$

$$x_{4} = 0$$

$$x_{1} = -2x$$

$$x_{2} = 0$$

$$x_{3} = -2x$$

$$x_{4} = 0$$

$$x_{1} = -2x$$

$$x_{2} = 0$$

$$x_{3} = -2x$$

$$x_{4} = 0$$

$$x_{4} = 0$$

$$x_{1} = -2x$$

$$x_{4} = 0$$

$$x_{5} = 0$$

$$x_{5} = 0$$

$$x_{5} = 0$$

$$x_{7} = 0$$

$$x$$

7. Hafta

14/15

7. Hafta

15/15