$$X_3 = \frac{1}{|A|} = \frac{8}{-2} = 4$$

$$X = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix}$$

linear donklam sisteminin Gazimudur.

100

3. VEKTOR UZAYLARI

En bosit vektör vzeyleri öklidyen vektör vzeyleri 12ⁿ, n=1,2,3,... dir. örnegin

12² de vektörler zxi tipinde metrillerdir.

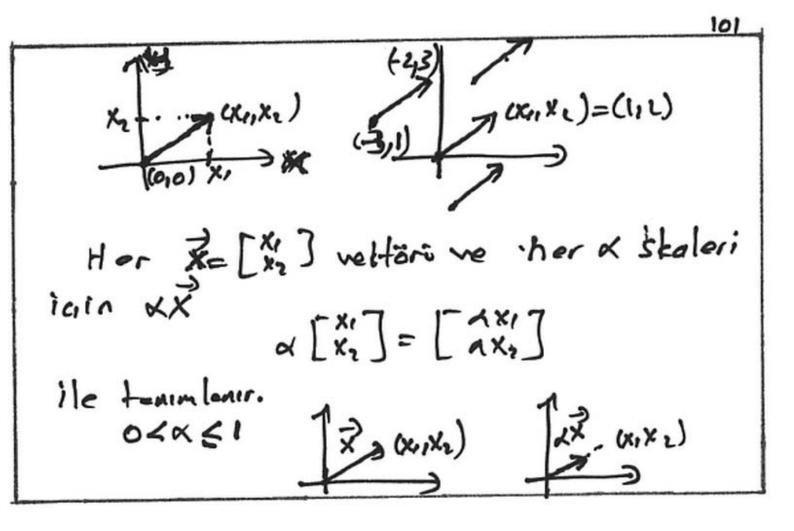
Sitirden ferkli = [x,] vektörü düzlemde

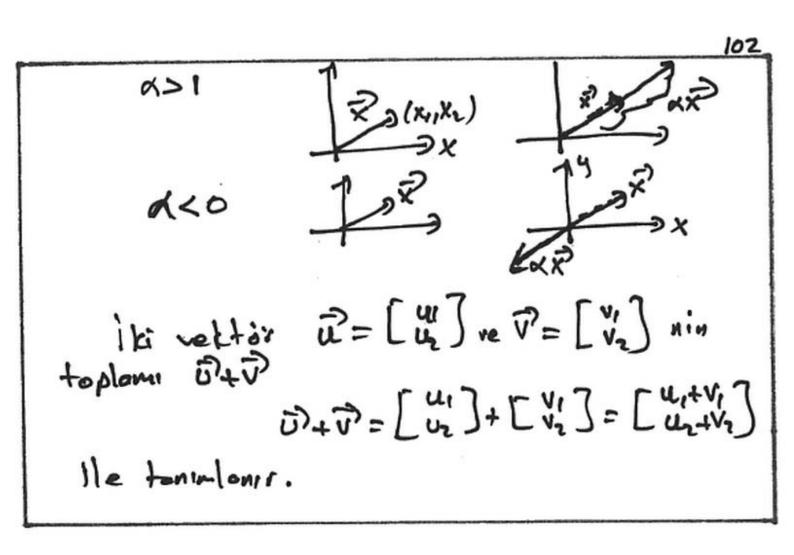
(a) (0,0) nektesinden (x,1,x2) nokt-sind

olen degru perçesini gösterir. Aynı uzunluga

ve yöne sahip bütün degru perçelerine

bir vektörü ifede eder.





Tonim: Bir V kimesi ülerinde t ve e işlemleri ile tanımlı ne aşoğıdaki örellikleri soğleyen V kimesine bir vektor uzeyi denir. a) x ve y V'nin horhengi iki eleneni ile x t y'de V'nin bir elenenidir. (V, t Tslemme göre kopalidir)

1) X+y=y+x +x,yeV

2) (x+y)+z=x+(y+z) +x,y+eV

3) +xeV iqin x+0=x olacak

setilde bir OEV vardır.

4) +xeV rein x+(-x)=0 olacak

setilde bir -xeV vardır.

b) x, Vinin berhangi bir elemen ve h herlang

bir staler ize xxide Vinin elemenidir.

(V, · islamino göre topalidir)

5) x(x+y)=xx+dy +xev +xev +xev

6) (x+p)x=xx+dx +axpeix, +xev

7) (xp)x=x(px)

8) 1.x=x +xev

2) E[a,b], [a,b] araliqi ülerinde temmli botin sovebli tenksiyanların komesi. figin EC[a,b] f+g=? (f+g)(x) = faxl+g(x)

$$(x+)(x) = x+cx$$

$$0(x) = 0.$$

3) Pn, derecesi N'den kieńk
botón polinomlarin timesi olsun.

pox) = do + dixtorxt...ton...xnl

örk: P3 x2+x+1 EP3

zx EP3

x2+x+P3

5. Hafta

5/16

PEPN 9EPN

P+9=),

(P+9) 0)= P(N)+9(x)

P(x)= ao +a,x++ an-1x*-1

9(x)= bo +bx++ bn1x*-1

P(x)+9(x)= (10+b0) +(1+b)x+-+(10-1+0n-1)x***

0 P

(P) (x)= x p(x)

= x ao +xa1x++ xanx**

PN veb+2 vzey1dir

4) Pile derecosi Nye est

olan polinambenn bonsini
gisterelim.

N=3 okun patex3+ x+1 EP

que- 2x3+x1-1 EP

poltan = x1+x+7 EP

poltan = x1+x+7 EP

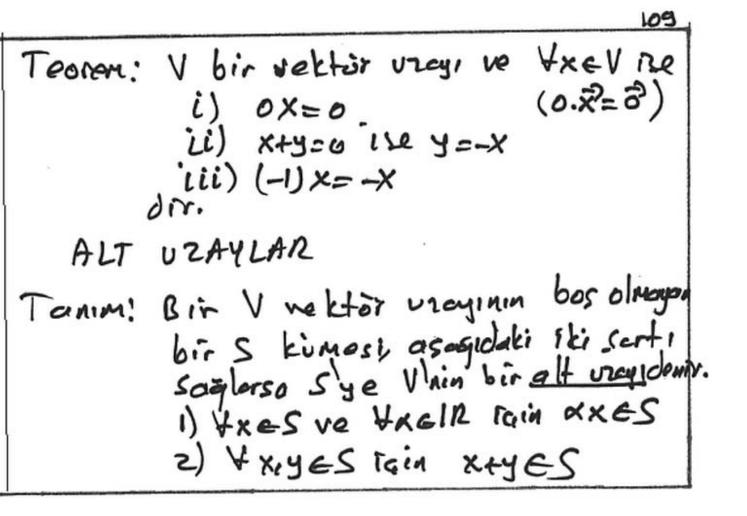
solution tomosini gisterelim.

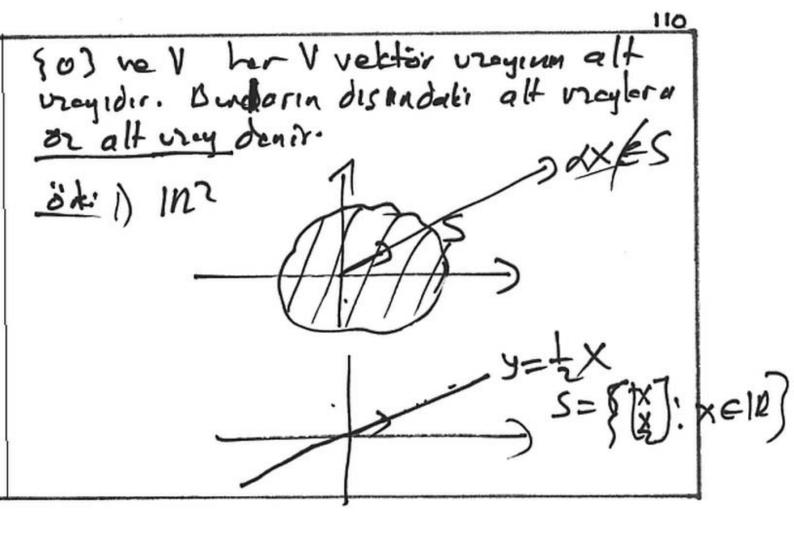
Toplore re carpin notisilerde templanto toporo re carpin olsun. Si

or toporo re carpin cetter cregidir.

5. Hafta

6/16





2)
$$S = \{ [\%] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$$

[a] $\in S = [6] \in S$

1) $\times [9] = [\%] \in S$

2) $[9] + [6] = [9] \in S$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$
 $S = [8] : X \in \mathbb{R} \} C | \mathbb{R}^2$

5. Hafta

8/16

1) $\alpha \in \mathbb{R}$ $\alpha = \begin{bmatrix} 0 & -a \\ b & C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \kappa_0 & -\kappa_0 \\ \kappa_b & \kappa_c \\ \alpha d & \kappa_e \end{bmatrix}$ 2) $\begin{bmatrix} a_1 & -a_1 \\ b_1 & c_1 \\ d_1 & e_1 \end{bmatrix} \in S$ $\begin{bmatrix} b_1 & c_1 \\ b_2 & c_2 \end{bmatrix} \in S$ $\begin{bmatrix} a_1 & -a_1 \\ b_1 & c_1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} a_2 & -a_1 \\ b_2 & c_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 + a_2 \\ a_1 + a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 + a_2 \\ a_1 + a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_1 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \\ a_2 & a_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a$

5. Hafta

9/16

2) x, E+N(A) x2EN(A) x1+x2EN(A)? A(x+x1)=0?, A(x+x1)= Ax1+Ax2=0+0=0 N(A), In 1 in all varyour.

dik: A = [] !!] The N(A)=)

Ax=0 x=[x;] =123

 $\begin{array}{c} \chi_{i+}\chi_{1}+\chi_{2}=0\\ 2\chi_{i}+\chi_{2}=0\\ 2\chi_{1}+\chi_{2}=0\\ -\chi_{2}-2\chi_{3}=0\\ \chi_{1}=-2\chi_{2}-2\chi_{3}=\chi_{4}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5}-\chi_{5}=\chi_{5}-\chi_{5$

5. Hafta

10/16

GERME (GATI) (SIDAN)

Tanım: 111721..., Vn V vektör uzeyində vektorler

olsun. x11821..., xn stalarlar olmuk izare

a1V1+d2V2+... tan Vn

formundaki toplama U11V21..., Vn vek
tökerinin linear birlerinin denir.

V11V21..., Vn vektörlerinin bütün linear

birlerimin komesine V11V21..., Vn erin

gerne komesi (span) donir. Ve span (V, vz, va) ile gasterdir. ork; 123 de en veez vektorbrinin quotiqui kime Kenther = [8] formandadir. en = [0] ez = [0] ez = [0] Teorem: V, vz, va bi. V vektor uzcyranan vektorlari ine span (v, vz, v, va) Vain bir alt uzcyrdir.

$$\begin{cases} 0,0,1)^{T}, (0,1,1)^{T}, (1,1,1)^{T} \\ 0 \end{cases} = (0,0,1)^{T}, (1,1,1)^{T}, (1,1,1)^{T} \\ 0 \end{bmatrix} = (0,0,1)^{T} \in IK^{3}$$

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} = (0,0,1)^{T}, (1,1,1)^{T}, (1,1,1)^{T} \\ 0 \end{bmatrix} = (0,0,1)^{T}, (1,1,1)^{T}, (1,1,1)^{T}, (1,1,1)^{T} \\ 0 \end{bmatrix} = (0,0,1)^{T}, (1,1,1)^{T}, (1,1,1)^{T}, (1,1,1)^{T}, (1,1,1)^{T} \\ 0 \end{bmatrix} = (0,0,1)^{T}, (1,1,1)^{T}, (1,1,1)^{$$

c)
$$\begin{bmatrix} \frac{9}{2} \end{bmatrix} \in IN^3$$

$$\begin{bmatrix} \frac{2}{2} \end{bmatrix} = xe_1 + xe_2 + xe_3 + xe_4 + xe_5 + xe_5 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \frac{2}{3} \end{bmatrix} = xe_1 + e_2 + xe_3 + xe_5 + xe_5 + xe_5 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \frac{2}{3} \end{bmatrix} = 2e_1 + e_2 + xe_3 + xe_5 + xe_5 \end{bmatrix}$$

5. Hafta

13/16

$$\begin{cases}
\frac{2}{6} = 12
\end{cases}$$

$$\begin{bmatrix} \frac{2}{6} \end{bmatrix} = x \begin{bmatrix} \frac{2}{6} \end{bmatrix} + x \begin{bmatrix} \frac{1}{6} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \frac{2}{6} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ x + p + x \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{2} \end{bmatrix} = (1) \begin{bmatrix} \frac{2}{6} \end{bmatrix} + 2 \begin{bmatrix} \frac{2}{6} \end{bmatrix} + 1 \begin{bmatrix} \frac{1}{6} \end{bmatrix}$$

 $|R^{2}|_{Je} \times_{1} = [i] \times_{2} = [i] \times_{3} = [i] \times_{$

Teorom: a) Br V vektör vzcyl V.1.Vz..., VA

vektörlerden biri diger n-l

vektörlerin lineer birtesimi

obrak yazılıyarsa bu vektör

uzoyı n-ı vektör teratındın gerilir.

b) Verilen V.1.Vz..., VA vektörleri için birini

diger n-l vektörlerin lineer birlerini

olerak yazılabilmesi için gerek veyerer

sert c.1.V.t.z.Vz.t.-t Ca.V.1-0

den kle mini söğleyen hepsi birden

sitir olmeyen c.1.Zz..., CA skelerlerinin olmasılır.

Tann: Dir V vektör uzcyladd

Ci Vitavzt. t avn=0

denklemmi saglaga yalanz yalanz

G=Cz===cn=0

Skalerlari sagliyarsa VIIVzi., Va

vektörlerme lindar baymusizdir

denir.

128

5. Hafta

16/16