Sofir Basamak Formu

Tanım: Aşoğıdaki Fortlori sağlayan Matrise, Satır basamak tormadır denir.

- 1) Her saturdaki (soldon soga) sifirdon fortli ilk eleman I almalidir.
- 2) k. satirdaki elemenlerin hepsi birden sitir degil ise, kti. satirdaki (solden soga) öndeki sitirlerin sayısı, k. satirdaki (solden soga) öndeki sitirlerin soyisinden dehe büyük olmalıdı
- 3) Elementerinin hapsi birden sitr olon satirler, elementerinin hapsi birden sitir olmayan sotirlerin altınd olmolidir.

Tanım: Bir linear sistembe I. II. III. satır islemlerini kullanarak, ganişletilmiş matrisi satır
basamak tarmda olan bir sisteme, gesif
sizecine, Gauss yaketme yöntemi denir

DRNEKLER

- 1) Asagidaki sistemleri bauss yok etner yontemi
 - a) $X_1 2X_2 = 3$ $2X_1 - X_2 = 9$
- b) $2x_1 + 3x_2 + x_3 = 1$ $x_1 + x_2 + x_3 = 3$ $3x_1 + 4x_2 + 2x_3 = 4$

a)
$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & | & 3 \\ 2 & -1 & | & 9 \end{bmatrix} \xrightarrow{s_2 \to s_2 + (2)} s_1 \begin{bmatrix} 1 & -2 & | & 3 \\ 0 & 3 & | & 3 \end{bmatrix}$$

o. $x_1 + 3x_2 = 3 \Rightarrow x_2 = 1$

$$x_1 - 2x_2 = 3 \Rightarrow x_1 = 5$$
b) $\begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 3 \\ 3 & 4 & 2 & 4 \end{bmatrix} \xrightarrow{s_1 \leftrightarrow s_2} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 3 \\ 2 & 3 & 1 & 1 \\ 3 & 4 & 2 & 4 \end{bmatrix}$

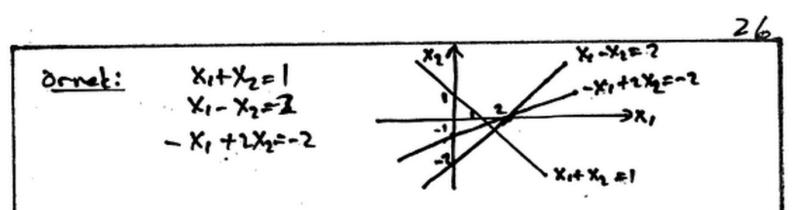
$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 3 \\ 3 & 4 & 2 & 4 \end{bmatrix} \xrightarrow{s_1 \leftrightarrow s_2} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 3 \\ 2 & 3 & 1 & 1 & 1 \\ 3 & 4 & 2 & 4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 3 \\ 0 & 1 & -1 & -s \\ 0 & 1 & -1 & -s \end{bmatrix} \xrightarrow{s_1 \leftrightarrow s_2} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 3 \\ 0 & 1 & -1 & -s \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$x_2-x_3=-5$$
 $x_3=\alpha \in \mathbb{R}$ $x_2=\alpha-5$
 $x_1+x_1+x_3=3$ \Rightarrow $x_1=3-x_2-x_3=8-2$
 $(8-2k) \propto -5 \propto 1$ $\sim -4 \sim (0) -1 \sim 14$

Apiri Belingin Erstemler

Bir linear sistande, bilinmeyenlerden daha fozla denklem sayısı vorsa bu sisteme <u>asırı belirgin</u> denir. Bu sistamlar genelle korarsızdır (Her Zaman değil) (tutorsız)



Az Belorgia Sistember

Eger bir sistemde denklem soyisi bilinmeyenler.

den az ize bu sisteme <u>az belirgin</u> sistem denir.

m lineer denklom n bilinneyen verse men dir.

bonelde sonsuz sayıda q'özüm verdir ama korarsız

do olabilir. Bu s'utemlerde yalnız bir q'özüm yektir.

Greklar

1)
$$X_1 + 2X_2 + X_3 + X_4 = S$$

 $2X_1 + 4X_2 + 2X_3 + 2X_4 = S$
 $2X_1 + 4X_2 + 2X_3 + 2X_4 = S$
 $3X_1 + X_2 - X_3 - X_4 = S$

Indirgenmis Satir Bosamak Formu

Tonin: Asogidati sortlari soglayan matrise, indirgennis cotir bosomet torrudadir denir

- 1) Mofris satir bosomok formdodir.
- 2) Hur sotirduki koldon sogo) sifirdon farkli ilk elemenin bulundugu sütunda bu elemenin disinduki bütün elemenler sifir olmalıdır

Tonim: Bir knoor sistende I. []. wo []. satir islamlerin kullerarak genirletilmis katscultur matrisi indrogenmis bosomak tornat alan bir satteme, genis succine, 60 uss-Jordan indrogene yantomi denir.

2. Hafta

4/10

Fuat Ergezen

a) $\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 4 & -3 & 1 & 3 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & -7 & 7 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & -1 \end{bmatrix}$ $\Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & -1 \end{bmatrix}$

Tonim: Bor linear denklem sisteminik sog terestindeler sabitlern timi softer se bu sisteme komejen sistem denis. anxit...tainxn=0 anxit...tainxn=0 anxit...tamaxn=0 anxit...tamaxn=0 man homejen denklem sisteminde, nam ise sistem asiker olmeyon gizine sochiptir.

MATRIS CEBRI

Matrislar gamellitle A,B,C,... gibi büyük korflerle
gösterilir. Bir satır veya bir sütura sahip matrislar,
bir linear sistemin Gözümünü temsil ettigi Tein
brellitle ilginatur. N. bilinneyenli bir linear sistem
min Gözümü (a1,041...,00) ([a1,02...an])
bir vektördür. Bu vektör Ixn tipinde bir natris
olorak gösterilirise satır vektor, nx1 tipinde
bir natris olorak gösterilirse sütur vektor denir.

[a1 02 ... on]

Brogin X1+3X2=7

3x,-xz=1

linear sisteminin azzimi satir vektor olarak

[12] ((1,2)), situn vektor olarak [2] ile
gösterilir.

Butua ext matrisleria komesine öklidyen n-uzen denir ve IRA de gösterilir.

Eger A, Mxn tipink bir matris ite i. satur $a(i,:) = [ai] aiz \dots ain]$ C=1,2,1,14j. sutur $a(:,i) = \begin{bmatrix} a_{ij} \\ a_{2j} \\ a_{nij} \end{bmatrix}$ j=1,2,1,1ile gastrilin (A=(aij)) ile tessen (fade edilir)

onet: $A=\begin{bmatrix} 1 & 2 & 5 \\ 3 & -1 & 4 \\ 2 & 1 & 5 \end{bmatrix}$ 3. sutur $\begin{bmatrix} 5 \\ 4 \end{bmatrix}$ $a_{12}=2$ $a_{23}=5$

Tonim: Her i vej i'uin Oij=bij ise MXn
tipradebi A me B matrisina esittir denir.

Tonim: A, mxn tiprade lin natris ve & bir skolon
ise, &A, (ii) 'ninco elemeni &aij

olan man tipinde bir matristir.

Tanim: A=(0ij) we B=(bij) mxn tipinde
matrislar ise A+B, Li,i)'ninci elamı
aij+bij olon mxn tipinde bir natristir.

35

in ornabler

1)
$$A = \begin{bmatrix} 3 & 5 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$$
 $B = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$
 $A = B$ is in

 $A = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$
 $A = B$ is in

 $A = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$
 $A = B$ is in

 $A = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$
 $A = B$ is in

 $A = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$
 $A = B$ is in

 $A = \begin{bmatrix} 4 & 2 \\ -1 & 9 \end{bmatrix}$
 $A = \begin{bmatrix} 4 & 8 \\ -1 & 4 \end{bmatrix}$
 $A = \begin{bmatrix} 4 & 8 \\ 4 & -36 \end{bmatrix}$
 $A = \begin{bmatrix} -16 & -32 \\ 4 & -36 \end{bmatrix}$

3)
$$A = \begin{bmatrix} 504 \\ -143 \end{bmatrix}$$
 $B = \begin{bmatrix} 214 \\ 452 \end{bmatrix}$
 $A + B = \begin{bmatrix} 7 \\ 3 \end{bmatrix}$ $B = \begin{bmatrix} 2 \\ 452 \end{bmatrix}$
 $A + B = \begin{bmatrix} 7 \\ 3 \end{bmatrix}$ $B = \begin{bmatrix} 4 \\ 452 \end{bmatrix}$
 $A + B = \begin{bmatrix} 7 \\ 3 \end{bmatrix}$ $A = \begin{bmatrix} 7 \\ 452 \end{bmatrix}$ $A = \begin{bmatrix} 7 \\ 4$

$$C_{11} = \sum_{k=1}^{3} a_{1k}b_{k1} = a_{11}b_{11} + a_{12}b_{21}$$

$$C_{23} = \sum_{k=1}^{3} a_{2k}b_{k3} = a_{21}b_{13} + a_{22}b_{23}$$

$$AB = \begin{bmatrix} a_{11}b_{11} + a_{12}b_{21} & a_{11}b_{12} + a_{12}b_{22} & a_{11}b_{12} + a_{12}b_{21} \\ a_{21}b_{11} + a_{12}b_{21} & a_{21}b_{12} + a_{22}b_{22} & a_{21}b_{13} + a_{22}b_{21} \end{bmatrix}$$

$$2) A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 1 \\ 4 & 2 & 1 \\ 5 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$3 \times 2 \qquad 2 \times 3$$

$$AB = \begin{bmatrix} 1.1+3.1 & 1.2+33 & 1.4+3.17 \\ 4.1+21 & 4.2+2.3 & 4.4+2.1 \\ 5.1+1.1 & 5.2+1.3 & 5.4+1.1 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 4 & 11 & 7 \\ 6 & 14 & 18 \\ 6 & 13 & 21 \end{bmatrix}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 1&2\\4&5\end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 4&1\\4&5\end{bmatrix}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 2&2\\4&5\end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 4&1\\4&5\end{bmatrix}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 2&2\\4&5\end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 4&1\\4&5\end{bmatrix}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 2&2\\4&5\end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 4&1\\4&5\end{bmatrix}$$