

Линейный поиск

5 2 3 13 8 1 12 10 15

Линейный поиск

↓
5 2 3 13 8 1 12 10 15

Линейный поиск

5 2 3 13 8 1 12 10 15

↓

Линейный поиск

5 2 3 13 8 1 12 10 15

↓

Линейный поиск

5 2 3 13 8 1 12 10 15

↓

Линейный поиск

5 2 3 13 8 1 12 10 15

↓

Линейный поиск

5 2 3 13 8 1 12 10 15

↓

Линейный поиск

5 2 3 13 8 1 12 10 15

↓

Линейный поиск

5 2 3 13 8 1 12 10 15

↓

Линейный поиск

5 2 3 13 8 1 12 10 15

↓

Алгоритм линейного поиска

```
int Find(int[] array, int query)
{
    for (int i=0;i<array.Length;i++)
        if (array[i]==query)
            return i;
    return -1;
}
```

Бинарный поиск

Поиск 7

1	3	4	6	7	7	9	10	12	12	12	15	20
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12

Бинарный поиск

Поиск 7

[]
1	3	4	6	7	7	9	10	12	12	12	15	20	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	

Бинарный поиск

Поиск 7

[↓]
1	3	4	6	7	7	9	10	12	12	12	15	20
<hr/>												
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12

Бинарный поиск

Поиск 7

[]					
1	3	4	6	7	7	9	10	12	12	12	15	20
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12

Бинарный поиск

Поиск 7

[↓]							
1	3	4	6	7	7	9	10	12	12	12	15	20	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	

Бинарный поиск

Поиск 7

				[]							
1	3	4	6	7	7	9	10	12	12	12	15	20	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	

Бинарный поиск

Поиск 7

				[↓]						
1	3	4	6	7	7	9	10	12	12	12	15	20
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12

Бинарный поиск

Поиск 7

				[]								
1	3	4	6	7	7	9	10	12	12	12	15	20	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	

Бинарный поиск

Поиск 7

				↓									
				[]								
1	3	4	6	7	7	9	10	12	12	12	15	20	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	

Бинарный поиск

Поиск 7

				□									
1	3	4	6	7	7	9	10	12	12	12	15	20	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	

Бинарный поиск

Поиск 4

1	3	5	7	9
<hr/>				
0	1	2	3	4

Бинарный поиск

Поиск 4

[]
1	3	5	7	9	
<hr/>					
0	1	2	3	4	

Бинарный поиск

Поиск 4

[↓]
1	3	5	7	9
<hr/>				
0	1	2	3	4

Бинарный поиск

Поиск 4

[]
1	3	5	7	9
<hr/>				
0	1	2	3	4

Бинарный поиск

Поиск 4

[↓]		
1	3	5	7	9
<hr/>				
0	1	2	3	4

Бинарный поиск

Поиск 4

		□		
1	3	5	7	9
<hr/>				
0	1	2	3	4

Алгоритм бинарного поиска

```
int Find(int[] array, int query)
{
    int left=0;
    int right=array.Length-1;
    while(left<right)
    {
        var middle=(left+right)/2;
        if (query<=array[middle])
            right=middle;
        else
            left=middle+1;
    }
    if (array[right]==query)
        return right;
    return -1;
}
```

Алгоритм бинарного поиска

```
int Find(int[] array, int query)
{
    int left=0;
    int right=array.Length-1;
    while(left<right)
    {
        var middle=(left+right)/2;
        if (query<=array[middle])
            right=middle;
        else
            left=middle+1;
    }
    if (array[right]==query)
        return right;
    return -1;
}
```

Утверждение. На каждой итерации значение `right-left` уменьшается.

Алгоритм бинарного поиска

```
int Find(int[] array, int query)
{
    int left=0;
    int right=array.Length-1;
    while(left<right)
    {
        var middle=(left+right)/2;
        if (query<=array[middle])
            right=middle;
        else
            left=middle+1;
    }
    if (array[right]==query)
        return right;
    return -1;
}
```

Утверждение. На каждой итерации значение $right-left$ уменьшается.

Следовательно, рано или поздно оно станет неположительным, т.е. условие $left<right$ нарушится.

Алгоритм бинарного поиска

```
int Find(int[] array, int query)
{
    int left=0;
    int right=array.Length-1;
    while(left<right)
    {
        var middle=(left+right)/2;
        if (query<=array[middle])
            right=middle;
        else
            left=middle+1;
    }
    if (array[right]==query)
        return right;
    return -1;
}
```

Утверждение. Если в массиве есть
искомые значения, то на каждой
итерации хотя бы одно из них находится
между индексов left и right

Алгоритм бинарного поиска

```
int Find(int[] array, int query)
{
    int left=0;
    int right=array.Length-1;
    while(left<right)
    {
        var middle=(left+right)/2;
        if (query<=array[middle])
            right=middle;
        else
            left=middle+1;
    }
    if (array[right]==query)
        return right;
    return -1;
}
```

Утверждение. Если в массиве есть искомые значения, то на каждой итерации хотя бы одно из них находится между индексов left и right

Следовательно, если по завершению массива значение не обнаружено, то его не было в исходном массиве.

Алгоритм бинарного поиска

```
int Find(int[] array, int query)
{
    int left=0;
    int right=array.Length-1;
    while(left<right)
    {
        var middle=(left+right)/2;
        if (query<=array[middle])
            right=middle;
        else
            left=middle+1;
    }
    if (array[right]==query)
        return right;
    return -1;
}
```

Утверждение. На каждой итерации значение `left-right` уменьшается не менее чем вдвое.

Алгоритм бинарного поиска

```
int Find(int[] array, int query)
{
    int left=0;
    int right=array.Length-1;
    while(left<right)
    {
        var middle=(left+right)/2;
        if (query<=array[middle])
            right=middle;
        else
            left=middle+1;
    }
    if (array[right]==query)
        return right;
    return -1;
}
```

Утверждение. На каждой итерации значение `left-right` уменьшается не менее чем вдвое.

Утверждение. Если последовательно уменьшать число N путем целочисленного деления на 2, то в ноль оно обратится не позже, чем через $\lfloor \log_2 N \rfloor + 1$ шагов

Алгоритм бинарного поиска

```
int Find(int[] array, int query)
{
    int left=0;
    int right=array.Length-1;
    while(left<right)
    {
        var middle=(left+right)/2;
        if (query<=array[middle])
            right=middle;
        else
            left=middle+1;
    }
    if (array[right]==query)
        return right;
    return -1;
}
```

Утверждение. На каждой итерации значение `left-right` уменьшается не менее чем вдвое.

Утверждение. Если последовательно уменьшать число N путем целочисленного деления на 2, то в ноль оно обратится не позже, чем через $\lfloor \log_2 N \rfloor + 1$ шагов

Следовательно, алгоритм совершит порядка $\log \text{array.Length}$ шагов, и имеет оценку сложности $\Theta(\log_n)$.

Анализ алгоритма

1. Доказательство корректности:
 - 1.1 Алгоритм всегда останавливается?
 - 1.2 Алгоритм всегда возвращает правильный ответ?
2. Оценка сложности алгоритма