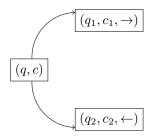
1 Недетерминированная машина Тьюринга

На прошлой лекции говорили о детерминированной машине Тьюринга (ДМТ) ($\Sigma, Q, q_0, Q_t, \delta$), где Σ — конечный алфавит, Q — множество состояний, q_0 — начальное состояние, $Q_t \subseteq Q$ — конечные, $\delta: \Sigma \times Q \mapsto \Sigma \times Q \times \{\leftarrow, \bullet, \rightarrow\}$. Это была ДМТ, сделаем недетерминированную машину Тьюринга (НМТ). У НМТ все аналогично, но $\delta \subseteq \Sigma \times Q \times \Sigma \times Q \times \{\leftarrow, \bullet, \rightarrow\}$. Теперь



- Есть оракул, который умеет управлять машиной и она ждет его
- При попадании в такую ситуацию мы раздваиваемся на 2 вселенные и вычисляем параллельно. Если хотя бы в одной вселенной удалось, то перемещаемся в нее . . .

Вопрос: Зачем? Вычислительная мощность — класс задач (P). P(ДМT) = P(HMT). Докажем это. \subseteq очевидно. \supseteq возьмем универсальную машину Тьюринга (УМТ):



В буфере находятся конфигурации.

- 1. Итерация УМТ
- 2. ПУМТ пишет все результирующие конфигурации на 4 ленту. Что-то вроде очереди

2 Другие вычислительные устройства. Нормальный Алгорифм

Состоит из инструкций вида:

$$s_1 \to t_1$$

$$s_2 \to t_2$$

$$\vdots$$

$$s_n \Rightarrow t_n$$

Последняя инструкция является завершающей. Рассмотрим пример. Вход: строка "abcdef". $a \to b, bbc \to x, ef \Rightarrow y$. Шаги: "bbcdef" \to "xdef" \Rightarrow "xdy".

Задача инкремента.

$$0\lambda \Rightarrow 1\lambda$$

$$1\lambda \Rightarrow 2\lambda$$

$$\vdots$$

$$9\lambda \rightarrow \star 0\lambda$$

$$0\star \Rightarrow 1$$

$$1\star \Rightarrow 2$$

$$\vdots$$

$$9\star \rightarrow \star 0$$

$$\lambda\star \Rightarrow \lambda 1$$

Пример с инкрементом.

$$12 \Rightarrow 13$$

$$19 \rightarrow 1 \star 0 \Rightarrow 20$$

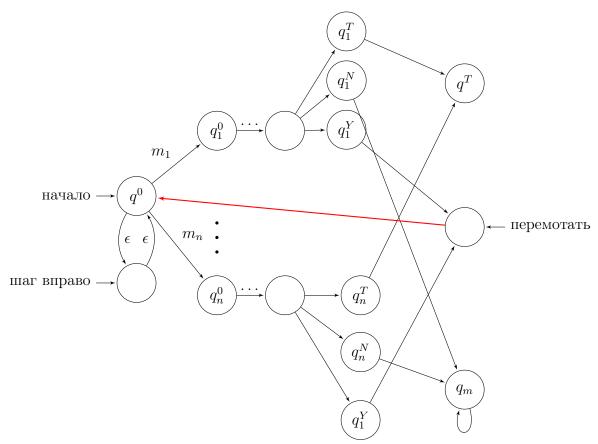
$$199 \rightarrow 19 \star 0 \rightarrow 1 \star 00 \rightarrow 200$$

$$99 \rightarrow 9 \star 0 \rightarrow \star 00 \Rightarrow 100$$

Утверждение 1. P(HA) = P(MT)

Доказательство. В сторону \subseteq . $p_1: s_1 \to t_1, p_2: \to t_2, \dots p_n$. Построим серию МТ m_i (конкретная подпрограмма), где каждая, во-первых, начиная с текущей позиции проверяет, что префикс $= s_i$, если нет, то переходит в в q_i^N . Во-вторых, если удачно, то производит замену s_i на t_i и переходит в q_i^T , если p_i —

завершающее, иначе q_i^y . Начало q_i^0 . МТ = $(Q, \Sigma, q_0, Q_t, \delta), Q = Q^{m_1} \cup Q^{m_2} \cup \cdots \cup Q'$. $Q^{m_1} = \{q_1^0, q_1^N, q_1^T, q_1^Y, \dots\}$.



В сторону \supseteq . МТ: $\{(q_1, s_1, q_1', s_1', m_1) = \delta_1, \dots, \delta_n\}$. Построим алгорифм.

- 1. $\lambda x \to \exists [q_0]x, x \in \Sigma$. (\exists левый упор. $[q_0]$ подразумевается один символ. В записи указали и положение, и состояние). Перед первым символом состояние q_0 .
- 2. 2.1. $\forall \delta_i$, где $m_i = ullet$ будет $[q_i]s_i o [q_i]'s_i'$
 - 2.2. $\forall \delta_i, m_i = \rightarrow$ будет $[q_i]s_i \rightarrow s_i^{'}[q_i^{'}]$
 - 2.3. $\forall i: m_i = \leftarrow$ будет $x[q_i]s_i \rightarrow [q_i^{'}]xs_i^{'} \forall x \in \Sigma^{'}$
- 3. $\forall q \in Q_t, [q] \Rightarrow \lambda$

3 Машина Минского

Машина умеет:

- 1. Увеличивать число на 1
- 2. Уменьшать число на 1 и сравнивать его с 0
- 3. завершаться
- (Q,R_1,\ldots,R_n) , где Q состояния, R_1,\ldots,R_n числовые регистры.
 - (i) $q_i: R_j \leftarrow R_j + 1$, goto q_k
- (ii) $q_i: R_j \leftarrow R_j 1?q_y: q_n$
- (iii) q_i : stop

Задача сложения

$$R_1 := R_1 + R_2$$

$$q_0: R_2 \leftarrow R_2 - 1?q_1: q_2$$

$$q_1: R_1 \leftarrow R_1 + 1, q_0$$

$$q_2: R_1 \leftarrow R_1 + 1, q_3$$

$$q_3: STOP$$