ベクトル解析 中間レポート

提出締切:2015年12月7日(月3-4時限)

• 以下の問に途中計算も含めて解答する。

(問1) 内積 (1,3,5) · (2,4,6) を求める。

(問2) ベクトル積  $(1,3,5) \times (2,4,6)$  と、(1,3,5) と (2,4,6) の つくる平行四辺形の面積を求める。

(問3) 曲線  $\mathbf{r} = (t, t^2, \frac{2}{3}t)$  の単位接線ベクトル $\mathbf{t}$  を求める。

(問 4) 曲線  $\mathbf{r} = (4\cos t, 4\sin t, 3t)$  ( $0 \le t \le 4\pi$ ) を図示し、単位接線ベクトル  $\mathbf{t}$  と長さ L を求める。

(問 5) 曲面  $\mathbf{r} = (u, v, u^2 + v^2)$  の単位法線ベクトル  $\mathbf{n}$  と面積 要素  $dS = \left| \frac{\partial \mathbf{r}}{\partial u} \times \frac{\partial \mathbf{r}}{\partial v} \right| du dv$  を求める。

(問 6) 曲面  $\mathbf{r} = (\sin u \cos v, \sin u \sin v, \cos u)$  の  $\frac{\partial \mathbf{r}}{\partial u} \times \frac{\partial \mathbf{r}}{\partial v}$  を計算し、単位法線ベクトル  $\mathbf{n}$  と面積 S を求める。

以上

担当: 奥島輝昭