

1 Factorización $A=LU$

Vamos a hacer reduccion de Gauss tomando en cuenta la siguiente estructura:

$$Fila[x] - (k)Fila[y]$$

Siendo:

$$Fila[x]$$

La fila la cual queremos reducir

$$Fila[y]$$

La fila a la cual pertenece el pivot

$$(k)$$

El numero a ser multiplicado para permitir la reduccion

1.1 Matriz Ingresada:

$$\begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 4 & 5 & 6 \\ 4 & 5 & 8 \end{bmatrix}$$

1.2 Procedimiento

$$Fila[2] - (2) * Fila[1]$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 0 & -1 & 4 \\ 4 & 5 & 8 \end{bmatrix}$$

$$Fila[3] - (2) * Fila[1]$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 0 & -1 & 4 \\ 0 & -1 & 6 \end{bmatrix}$$

$$Fila[3] - (1) * Fila[2]$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 0 & -1 & 4 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

1.3 Resultado

Factorizacion matricial:

$$A = LU$$
$$\begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 4 & 5 & 6 \\ 4 & 5 & 8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 0 & -1 & 4 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$