1 Factorización A=LU

Vamos a hacer reduccion de Gauss tomando en cuenta la siguiente estructura:

$$Fila[x]-(k)Fila[y]$$

Siendo:

La fila la cual queremos reducir

La fila a la cual pertenece el pivot

El numero a ser multiplicado para permitir la reduccion

1.1 Matriz Ingresada:

$$\begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 4 & -1 & 0 \\ 2 & 3 & 6 \end{bmatrix}$$

1.2 Procedimiento

$$Fila[2] - (4) * Fila[1]$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 0 & -21 & -12 \\ 2 & 3 & 6 \end{bmatrix}$$

$$Fila[3] - (2) * Fila[1]$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 0 & -21 & -12 \\ 0 & -7 & 0 \end{bmatrix}$$

$$Fila[3]-(1/3)*Fila[2]$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 2 & \frac{1}{3} & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 0 & -21 & -12 \\ 0 & 0 & 4 \end{bmatrix}$$

1.3 Resultado

Factorizacion matricial:

$$A = LU$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 4 & -1 & 0 \\ 2 & 3 & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 2 & \frac{1}{3} & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 0 & -21 & -12 \\ 0 & 0 & 4 \end{bmatrix}$$