

Formelsamling i Energiteknik

Version 2023-02-07

Olof Björkqvist och Marcus Eriksson

Formler och beteckningar utgående från Soleimani Mohseni m. fl., 2018 och Alvarez, 2006

Korrekturfel och förbättringsförslag kan rapporteras till Olof Björkqvist <olof.bjorkqvist@miun.se>Detta verk är publicerat under en Creative Commons Erkännande-DelaLika 4.0 Internationell Licens (CC BY-SA 4.0)

Institutionen för naturvetenskap, design och hållbar utveckling (NDH) Mittuniversitetet

Innehåll

1	Generella formler	2
2	Värmelära	4
3	Värmeöverföring	6
4	Strömningslära	8
5	Pumpsystem	10
6	Värmeväxlare	12
7	Kraft- och kylprocesser	14
8	Ekonomi	16
9	Underhållsteknik	18
Symboler		23
Referenser		26

Generella formler

Beteckningar

```
Arbete, J(W)
Area m^2(A)
Densitet, kg/m<sup>3</sup> (\varrho)
Effekt, generellt, W (P)
Energi, J (E)
Hastighet, m/s (kan även betecknas V) (v)
Höjd, m (h)
Kraft, N(F)
Längd, m (L)
Massa, kg (m)
Massflöde, kg/s (kan även betecknas q_m) (\dot{m})
Tid, s(t)
Tryck, Pa (p)
Tyngdacceleration, m/s<sup>2</sup> (g)
Verkningsgrad eller effektivitet, dimensionslöst (\eta)
Volym, m^3 (V)
Volymitet, specifik volym, m^3/kg(v)
```

Formler och samband

Area:
$$A = L \cdot L \text{ (m}^2)$$

Volym: $V = L \cdot L \cdot L \text{ (m}^3)$

Massflöde: $\dot{m} = \frac{dm}{dt} \text{ (kg/s)}$

Hastighet: $v = \frac{dL}{dt} \text{ (m/s)}$

Acceleration: $a = \frac{dc}{dt} \text{ (m/s}^2)$

Arbete: $dW = F \cdot dL \text{ (J, Nm)}$

Arbete vid konstant kraft: $W = F \cdot L \text{ (J, Nm)}$

Effekt: $P = \frac{dW}{dt} \text{ (W, Watt)}$

Densitet: $arrho=rac{m}{V}~(ext{kg/m}^3)$

Volymitet: $v=rac{V}{m}~(\mathrm{m}^3/\mathrm{kg})$

Tryck: $p = \frac{F}{A}$ (Pa, Pascal, N/m²)

Kontinuitetsekvationen:

$$\varrho_1 \cdot v_1 \cdot A_1 = \varrho_2 \cdot v_2 \cdot A_2 \triangleq \dot{m}_1 = \dot{m}_2$$

Kontinuitetsekvationen vid konstant densitet:

$$V_1 \cdot A_1 = V_2 \cdot A_2 \triangleq \dot{m}_1 = \dot{m}_2$$

Bernoullis ekvation

$$\frac{V_1^2}{g} + g \cdot h_1 + \frac{p_1}{\varrho} = \frac{V_2^2}{g} + g \cdot h_2 + \frac{p_2}{\varrho} \text{ (J/kg)}$$

$$\frac{V_1^2 \cdot \varrho}{g} + \cdot \varrho \cdot g \cdot h_1 + p_1 = \frac{V_2^2 \cdot \varrho}{g} + \cdot \varrho \cdot g \cdot h_2 + p_2 \text{ (Pa)}$$

$$\frac{V_1^2}{\varrho \cdot g} + h_1 + \frac{p_1}{\varrho \cdot g} = \frac{V_2^2}{\varrho \cdot g} + h_2 + \frac{p_2}{\varrho \cdot g} \text{ (m)}$$

Verkningsgrad: $\eta = \frac{\text{Nyttig avgiven energi}}{\text{Tillförd energi}}$

Värmelära

Beteckningar

```
Allmänna, universella gaskonstanten 8,314, J/(mol·K (R_u)
Antal mol (n)
Entropi, J/K(S)
Exergi, J(X)
Gibbs fria energi, J(G)
Isobar specifik värmekapacitet, J/kg·K (c_p)
Isokor specifik värmekapacitet, J/kg \cdot K(c_v)
Specifik värmemängd, J(q)
Massa, kg (m)
Specifik entropi, J/(kg \cdot K(s))
Specifik gaskonstant, J/K(R)
Specifik värmekapacitet, J/kg \cdot K(c)
Temperatur, K eller °C – °C (kan även betecknas t) (T)
Tryck, Pa (p)
Verkningsgrad eller effektivitet, dimensionslöst (\eta)
Volym, m^3 (V)
Värmemängd, J(Q)
```

Grundläggande formler och definitioner

Allmänna gaslagen: $p\cdot V=m\cdot R\cdot T$, eller $p\cdot V=n\cdot R_u\cdot T$ där $R_u=$ Almänna gaskonstanten och n= antal mol

Värme vid konstant tryck:

$$dQ = m \cdot c_p \cdot dt.$$
 $Q \approx m \cdot \overline{c_p} \cdot \Delta t$ då c_p varierar lite.

Värme vid konstant volymitet:

$$dQ = m \cdot c_v \cdot dt.$$
 $Q \approx m \cdot \overline{c_v} \cdot \Delta t$ då c_v varierar lite.

Samband mellan $c_p,\,c_v$ och R för ideala gaser:

$$c_p - c_v = R \text{ samt } \frac{c_p}{c_v} = \kappa.$$

Volymändringsarbete: $;dW=F\cdot ds=p\cdot A\cdot ds=p\cdot dV$

Tekniskt arbete: $dW_t = -p \cdot dV$; $dw_t = -p \cdot dv$

Miunustecknet definierat att avgivet arbete vid expansion är >0

Entalpi: $h = u + p \cdot v$

$$dq = dh - v \cdot dp$$

Entropi:
$$ds = \left(\frac{dq}{dT}\right)_{rev}$$

Gibbs fria energi: $G = H - T \cdot S$

 $\Delta G = \Delta H - T \cdot \Delta S$ för en isoterm process.

Exergi:
$$X_{ ext{värme}} = \left(1 - \frac{T_{ ext{omgivning}}}{T_{ ext{k\"alla}}}\right) \cdot Q$$

$$X_{\text{arbete}} = W_t = W - p \cdot (V_2 - V_1)$$

Termodynamiska processer

Isokor process: V = konstant

$$Q = m \cdot c_v \cdot \Delta t$$

$$w = v \cdot \Delta p...$$

Isobar process: p = konstant

$$Q = m \cdot c_p \cdot \Delta t$$

$$w = 0$$

Isoterm process: T = konstant

$$Q = W = m \cdot R \cdot T \cdot \ln \frac{p_1}{p_2} =$$

$$= m \cdot R \cdot T \cdot \ln \frac{v_2}{v_1}$$

$$w = R \cdot T \cdot \ln \frac{p_1}{p_2} = R \cdot T \cdot \ln \frac{v_2}{v_1} = T \cdot (s_2 - s_1)$$
 för en ideal gas.

Adiabat och isentrop process:

$$\Delta Q = 0 \text{ och } \Delta s = 0$$

$$q = 0$$

$$w_t = i_2 - i_1$$

Carnotprocess:
$$\eta_c = \frac{\Delta s \cdot (T_1 - T_2)}{\Delta s \cdot (T_1 - 0)} = 1 - \frac{T_2}{T_1}$$

Värmeöverföring

Beteckningar

Area m^2 (A)

Diameter,
m (kan även betecknas d) (D)

Hastighet, m/s (kan även betecknas V) (v)

Isobar specifik värmekapacitet, J/kg·K (c_p)

Kinematisk viskositet, m $^2/s$ (ν)

Massflöde, kg/s (kan även betecknas q_m) (\dot{m})

Nusselts tal, dimensionslöst (Nu)

Prandtls tal, dimensionslöst (Pr)

Reynolds tal, dimensionslöst (Re)

Våt omkrets (fluidberörd omkrets), m (O)

Temperatur, K eller $^{\circ}C - ^{\circ}C$ (kan även betecknas t) (T)

Tjocklek, gränsskiktstjocklek, m (δ)

värmeeffekt, W (Q)

Värmeledningstal, W/(m²·K (kan även betecknas k) (U)

Värmeledningstal, värmekonduktivitet, W/(m·K (λ)

Värmemotstånd, $W/(m^2 \cdot K(R))$

Värmeövergångstal, W/(m²·K (α)

Värmeledning

Värmeledning genom plan vägg:

$$\dot{Q} = -\lambda \cdot A \cdot \frac{dT}{dx} = \lambda \cdot A \frac{T_1 - T_2}{\delta} = \frac{(T_1 - T_2)}{\left(\frac{\delta}{\lambda \cdot A}\right)} = \left|\frac{\delta}{\lambda \cdot A} = R\right| = \frac{T_1 - T_2}{R}$$

där T_1 och T_2 är temperaturena på väggens varma respektive kalla yta.

Värmeledning genom kompositvägg med konvektionsöverföring:

$$\dot{Q} = U \cdot A \cdot (T_i - T_u) =$$

$$= \frac{(T_i - T_u) \cdot A}{\left(\frac{1}{\alpha_i} + \frac{\delta_1}{\lambda_1} + \frac{\delta_2}{\lambda_2} + \dots + \frac{\delta_n}{\lambda_n} + \frac{1}{\alpha_u}\right)} =$$

$$= \frac{(T_i - T_u)}{\left(\frac{1}{\alpha_i \cdot A} + \frac{\delta_1}{\lambda_1 \cdot A} + \frac{\delta_2}{\lambda_2 \cdot A} + \dots + \frac{\delta_n}{\lambda_n \cdot A} + \frac{1}{\alpha_u \cdot A}\right)} =$$

$$= \frac{(T_i - T_u)}{R_{tot}}$$

$$U = \frac{1}{R_{tot}}$$

där T_i och T_u är temperaturena i väggens varma respektive kalla omgivning, långt från väggen.

Konvektion

Dimensionslösa tal

$$\begin{aligned} &Reynolds \ tal: \ Re = \frac{v_m \cdot d_h}{\nu} = \\ &= \left| \mu = \frac{\nu}{\varrho} \right| = \frac{v_m \cdot d_h \cdot \varrho}{\mu} \\ &d_h \ (\text{hydraliska diametern} \) = \frac{4 \cdot tv\ddot{a}rsnittsarean}{v\mathring{a}t \ omkrets} = \frac{4 \cdot A}{O} \\ &v_m \ (\text{medelhastigheten} \) = \frac{\dot{m}}{\varrho \cdot A} \\ &Prandtls \ tal: \ Pr = \frac{c_p \cdot \mu}{\lambda} = \frac{c_p \cdot \nu \cdot \varrho}{\lambda} = \frac{\nu}{\alpha} \\ &Nusselts \ tal: \ Nu = \frac{\alpha \cdot d_h}{\lambda} \end{aligned}$$

Korrelationer för Nusselts tal, dimensionslöst (Nu) finns till exempel i Soleimani Mohseni m. fl., 2018 och Alvarez, 2006

Samband mellan tryckfall och värmeöverföringskoefficient för cirkuära rör Konstanta röregenskaper, variabelt volymflöde

$$\begin{array}{ll} \textit{Lamin\"{a}rt fl\"{o}de} & \textit{Turbulent fl\"{o}de} \\ P_f \propto v \propto \dot{V} & p_f \propto v^{1,75 \text{ till } 2} \\ \alpha \propto v^{0 \text{ till } 0,3} & \alpha \propto v^{0,8} \end{array}$$

Konstant volymflöde, variabel rördiameter

$$\begin{array}{ll} \textit{Lamin\"{a}rt fl\"{o}de} & \textit{Turbulent fl\"{o}de} \\ p_f \propto d^{-4} & p_f \propto d^{-(4,75 \text{ till 5})} \\ \alpha \propto d^{-1} & \alpha \propto d^{-1,8} \end{array}$$

Strömningslära

Beteckningar

Area $m^2(A)$

Densitet, kg/m³ (ϱ)

Dynamisk viskositet, kg/(m·kg eller Pa·s eller N·m-² (μ)

Engångsförlustkoefficient, motståndstal, dimensionslöst (ξ)

Höjd, m (h)

Hastighet, m/s (kan även betecknas V) (v)

Kinematisk viskositet, m^2/s (ν)

Massflöde, kg/s (kan även betecknas q_m) (\dot{m})

Omkrets, m(O)

Tryck, Pa (p)

Tryckfallskoefficient, friktionsfaktor (kan även betecknas f) (λ)

Tyngdacceleration, m/s^2 (q)

Formler och samband

Kontinuitetsektvationen för endimensionell stationär strömning $\varrho_1 \cdot v_1 \cdot A_1 = \varrho_2 \cdot v_2 \cdot A_2 = \dot{m}_1 = \dot{m}_2$

Kontinuitetsekvationen vid konstant densitet:

$$V_1 \cdot A_1 = V_2 \cdot A_2 \triangleq \dot{m_1} = \dot{m_2}$$

Bernoullis ekvation

$$\frac{v_1^2}{g} + g \cdot h_1 + \frac{p_1}{\varrho} = \frac{v_2^2}{g} + g \cdot h_2 + \frac{p_2}{\varrho} \left(J/kg \right)$$

$$\frac{v_1^2 \cdot \varrho}{xg} + \cdot \varrho \cdot g \cdot h_1 + p_1 = \frac{v_2^2 \cdot \varrho}{g} + \cdot \varrho \cdot g \cdot h_2 + p_2 \text{ (Pa)}$$

$$\frac{v_1^2}{\varrho \cdot g} + h_1 + \frac{p_1}{\varrho \cdot g} = \frac{v_2^2}{\varrho \cdot g} + h_2 + \frac{p_2}{\varrho \cdot g} \text{ (m)}$$

Toricellis teorem. Utströmning ur vätskebehållare

$$v_{ut} = \mu \cdot \sqrt{2 \cdot g \cdot h}$$

Utströmning från behållare under tryck:

$$v_{ut} = \mu \cdot \sqrt{2 \cdot \frac{p_1 - p_2}{\varrho} \cdot 2 \cdot g \cdot h}$$

Stagnationstryck, dynamiskt tryck och statistist tryck

$$\textit{Stagnationstryck: } p_{stat} + \frac{\varrho \cdot {v_c}^2}{2}$$

$$Dynamiskt\ tryck:\ p_{dyn} = \frac{\varrho \cdot {v_c}^2}{2}$$

 $Statiskt\ tryck:\ p_{stat} = \varrho \cdot g \cdot h\ (tryck\ över\ atmosfärsstryck)$

Statiskt tryck:
$$p_{stat} = \varrho \cdot g \cdot h + p_{atm}$$
 (absoluttryck)

Totalt tryck: $p_{stat} + p_{dyn}$

Laminär eller turbulent störmning

$$Re = \frac{v_m \cdot d_h}{\nu} = \frac{(v_m \cdot d_h)}{\left(\frac{\mu}{\varrho}\right)}$$

$$d_h \text{ (hydraulisk diamater)} = \frac{4 \cdot A}{O}$$

Tryckförluster vid friktion i rör

$$p_f = \lambda \cdot \frac{L}{d_h} \cdot \frac{\varrho \cdot v_m^2}{2}$$

Pumpsystem

Beteckningar

```
Arbete, J(W)
Arbetseffekt, W (\dot{W})
Area m^2 (A)
Densitet, kg/m<sup>3</sup> (\rho)
Diameter,m (kan även betecknas d) (D)
Engångsförlustkoefficient, motståndstal, dimensionslöst (\xi)
Höjd, m (h)
Längd, m (L)
Massa, kg (m)
Massflöde, kg/s (kan även betecknas q_m) (\dot{m})
Maximal sughöjd (net positive suction head) (NPSH)
Strömningsförlust, m (h_f)
Temperatur, K eller °C – °C (kan även betecknas t) (T)
Tryck, Pa (p)
Tryckfallskoefficient, friktionsfaktor (kan även betecknas f) (\lambda)
Tyngdacceleration, m/s^2 (g)
Varvtal(n)
Volym, m^3 (V)
Volymitet, specifik volym, m^3/kg(v)
Volymflöde, m^3/s (\dot{V})
Verkningsgrad eller effektivitet, dimensionslöst (\eta)
Uppfordringshöjd, m (H)
```

Formler och samband

Teoretiskt pumparbete vid en isokor process: $w = v \cdot \Delta p$ Energiekvationen

$$p_1 + \varrho \cdot g \cdot h_1 + \frac{v_1^2}{2} \cdot \rho \cdot \Delta p_{pump} =$$

$$= p_2 + \varrho \cdot g \cdot h_2 + \frac{v_2^2}{2} \cdot \rho \cdot \Delta p_{f12}$$

Uppfordringshöjd:

$$H_{pump} = \frac{p_{ut} - p_{in}}{\varrho \cdot g} + \frac{v_{ut}^2 - v_{in}^2}{2 \cdot g} + h_{ut} - h_{in} + \Delta h_f = \frac{p_{0,ut} - p_{0,in}}{\varrho \cdot g} + h_{ut} - h_{in} + \Delta h_f$$

 $p_{ut} - p_{in} =$ ökningen av det statiska trycket, $p_{0,ut} - p_{0,in} =$ ökningen av totaltrycket i pumpen. $\Delta h_f =$ friktionsförluster i rörsystemet.

Kavitation och NPSH

$$NPSH = \frac{p_{0,s} - p_{å}}{\varrho \cdot g} = \frac{p_a - p_{å}}{\varrho \cdot g} - h_s - h_{fs}$$

$$NPSH \geqslant NPSH_{erf}$$

 $p_{0,s}$ = absoluta totaltrycket vid pumpinloppet, $p_{\hat{a}}$ = vätskans ångbildningstryck vid aktuell temperatur, p_a = lufttryck vid en öppen vätskeyta, h_s = höjdskillnad mellan vätskeyta och pumpinlopp, samt h_{fs} = strömningsförluster i sugledningen. $NPSH_{erf}$ är pumpens minsta NPSH vid ett givet driftfall.

Pumparbete:

$$\dot{W} = \frac{\dot{W}_n}{\eta_{tot}} = \frac{\dot{V} \cdot \varrho \cdot H}{\eta_{tot}} = \frac{\dot{m} \cdot g \cdot H}{\eta_{tot}} = \frac{\dot{V} \cdot \Delta p_t}{\eta_{tot}}$$

där Δp_t är totala tryckökningen i pumpen.

Likformighetslagar

$$\dot{V} \propto n \cdot D^{3}$$

$$\dot{m} \propto n \cdot \varrho \cdot D^{3}$$

$$H \propto n^{2} \cdot D^{2}$$

$$\dot{W} \propto n^{3} \cdot \rho \cdot D^{5}$$

Strömningsförluster:

$$h_f \approx konst \cdot \dot{V}^2$$

Strömingsförluster som beror på friktion i cirkulära rör:

$$\begin{split} h_f &= \frac{\lambda \cdot L \cdot v_m^2}{2 \cdot d \cdot g} = \frac{8 \cdot \lambda \cdot L \cdot \dot{V}^2}{\pi^2 \cdot d^5 \cdot g} \\ p_f &= \rho \cdot g \cdot h_f = \rho \cdot \frac{\lambda \cdot L \cdot v_m^2}{2 \cdot d} = \rho \cdot \frac{8 \cdot \lambda \cdot L \cdot \dot{V}^2}{\pi^2 \cdot d^5} \end{split}$$

där v_m är fluidens medelhastighet

Strömningsförluster som beror på engångsförluster i ventiler, rörböjar etc:

$$h_f = \frac{\xi \cdot v_m^2}{2 \cdot d \cdot g}$$

$$p_f = \rho \cdot g \cdot h_f = \rho \cdot \frac{\xi \cdot v_m^2}{2 \cdot d}$$

där ξ är summan av engångsförlustkoefficienterna för systemet.

Värmeväxlare

Beteckningar

```
Area m^2 (A)
Isobar specifik värmekapacitet, J/kg·K (c_p)
Massa, kg (m)
Massflöde, kg/s (kan även betecknas \mathbf{q}_{\mathrm{m}}) (\dot{m})
Temperatur, K eller ^{\circ}C - ^{\circ}C (kan även betecknas t) (T)
Värmeledningstal, W/(m<sup>2</sup>·K (kan även betecknas k) (U)
Verkningsgrad eller effektivitet, dimensionslöst (\varepsilon)
Värmekapacitetsflöde c \cdot \dot{m}, J/s·K (C)
```

Värmemängd, J (Q)

värmeeffekt, W (\dot{Q})

Uppfordringshöjd, m (H)

Värmebalanser

$$\dot{Q} = \dot{m}_k \cdot c_{p,k} \cdot (T_{k,in} - T_{k,ut}) =$$

$$= \dot{m}_v \cdot c_{p,v} \cdot (T_{v,in} - T_{v,ut}) =$$

$$= U \cdot A_s \cdot \Delta T_{lm}$$

$$\Delta T_{lm} = \frac{\Delta T_1 - \Delta T_2}{ln\left(\frac{\Delta T_1}{\Delta T_2}\right)}$$

 $Motstr\"{o}msv\"{a}rmev\"{a}xlare$ $Medstr\"{o}msv\"{a}rmev\"{a}xlare$

$$\Delta T_1 = T_{v,in} - T_{k,ut} \qquad \Delta T_1 = T_{v,in} - T_{k,in}$$

$$\Delta T_2 = T_{v,ut} - T_{k,in} \qquad \Delta T_1 = T_{v,ut} - T_{k,ut}$$

NTU-metoden

Temperatureffektivitet, värmeväxlareffektivtet

$$\varepsilon = \frac{\cdot Q}{\cdot Q_{max}} = \frac{\textit{Verklig \"{o}verf\"{o}rd v\"{a}rmeeffekt}}{\textit{Teoretiskt maximalt \"{o}verf\"{o}rd v\"{a}rmeeffekt}}$$

$$\dot{Q} = C_k \cdot (T_{k_u t} - T_{k_i n})$$
$$= C_v \cdot (T_{v_u t} - T_{v_i n})$$

$$\begin{split} \dot{Q}_{max} &= C_{min} \cdot (T_{v_in} - T_{k_in}) \text{ där } C_{min} = \min\{C_v, C_k\} \\ NTU &= \frac{U \cdot A_s}{C_{min}} \text{ där } A_s \text{ är värmeväxlarens värmeöverförande yta.} \end{split}$$

Kraft- och kylprocesser

Beteckningar

Kyl- eller värmefaktor, dimensionslöst (COP)

Massflöde, kg/s (kan även betecknas q_m) (\dot{m})

Verkningsgrad eller effektivitet, dimensionslöst (η)

Volymitet, specifik volym, $m^3/kg(v)$

värmeeffekt, W (\dot{Q})

Specifik entalpi, J/kg (kan även betecknas i) (h)

Specifik entropi, $J/(kg \cdot K(s))$

Ånghalt kg ånga / kg vatten, dimensionslöst (kan även betecknas ν) (x)

Ångkraftprocessen

Index

- f fuktig ånga
- is isentrop
- t1 tillstånd efter kondensor
- t2 tillstånd efter matarvattenpump
- t3 tillstånd efter överhettare
- t4 tillstånd efter turbin
- ' mättad vätska; ingående flöde
- " mättad ånga; utgående flöde

${f \AA}$ nghalt:

$$x = \frac{h_f - h'}{h'' - h'} = \frac{s_f - s'}{s'' - s'} = \frac{v_f - v'}{v'' - v'}$$

Entalpi i fuktiga området:

$$h_f = x \cdot h'' + (x - 1) \cdot h' = x \cdot (h'' - h') + h' = x \cdot r + h'$$

Termisk verkniningsgrad:

$$\eta_t = \frac{(h_{t3} - h_{t4}) - (h_{t2} - h_{t1})}{h_{t3} - h_{t2}} = 1 - \frac{h_{t4} - h_{t1}}{h_{t3} - h_{t2}}$$

Turbinens isentropverkningsgrad:

$$\eta_{is} = \frac{h_{t3} - h_{t4}}{h_{t3} - h_{t4,is}}$$

Värmebalans förvärmare:

$$\dot{m}_{1,in} \cdot h_{1,in} + \dot{m}_{2,in} \cdot h_{2,in} = \dot{m}_{1,ut} \cdot h_{1,ut} + \dot{m}_{2,ut} \cdot h_{2,ut}$$

Massbalans blandningsförvärmare:

$$\dot{m}_{1,in} + \dot{m}_{2,in} = \dot{m}_{3,ut}$$

Kylmaskiner och värmepumpar

Index

- is isentrop
- t1 tillstånd efter förångare
- t2 tillstånd efter kompressor
- t3 tillstånd efter kondensor
- tillstånd efter ventil
- L Tillfört värme i förångaren
- H Avgivet värme i kondensorn
- R Kylmaskin
- HP Värmepump

Värmebalanser:

$$\dot{Q}_L = \dot{m}_{k\ddot{o}ldmedium} \cdot (h_{t1} - h_{h4})$$

$$\dot{Q}_H = \dot{m}_{k\ddot{o}ldmedium} \cdot (h_{t2} - h_{h3})$$

Värmefaktor:

$$COP_R = \frac{\dot{Q}_L}{\dot{W}_{kompressor}}$$

$$COP_{HP} = \frac{\dot{Q}_H}{\dot{W}_{kompressor}}$$

Kompressorns isentropverkningsgrad:

$$\eta_i s = \frac{h_{t2,is} - h_{t1}}{h_{t2} - h_{t1}}$$

Ekonomi

Beteckningar

Antal år (kan även betecknas x) (n)

Annuitet, kr(A)

Annuitetsfaktor, dimensionslöst (kan även betecknas a) (f_A)

Grundinvestering, kr (G)

Inflation, % (q)

Livscykelkostnad, kr (LCC)

Intäktsöverskott, kr/år (a)

Intäkt eller kostnad, kr(C)

Nusummefaktor, dimensionslöst (f_N)

Nuvärde, kr(N)

Restvärde, kr (R)

Ränta, % (r)

Slutvärde, kr (även K_n) (SV)

Återbetalningstid (payback), år (T)

Index

- 0 Värde vid tidpunkt 0 (idag)
- n Värde vid tidpunkt n
- N Nuvärde

Formler och samband

Nuvärde

$$N = K_n \cdot (1+r)^{-n} = SN \cdot (1+r)^{-n}$$

Nuvärdesmetoden

$$N = \sum_{i=1}^{n} C_i \cdot (1+r)^{-i}$$

$$N = \sum_{i=1}^{n} a \cdot (1+r)^{-i} = f_N \cdot a$$

om det årliga intäktsöverskottet är konstant.

$$f_N = \frac{1 - (1+r)^{-n}}{r} = \frac{1}{f_A}$$

Annuitetsmetoden

$$A = f_A \cdot N$$

$$f_A = \frac{r}{1 - (1+r)^{-n}} = \frac{1}{f_N}$$

Slutvärde

$$K_n = SV = N \cdot (1+r)^n$$

Realränta

$$r_r = \frac{1+r}{1+q} \approx r - q$$

där r är den nominella räntan eller kalkylräntan.

Paybackmetoden

Generellt:
$$\sum_{i=0}^{T} C_i = 0$$

Diskonterad paybackmetod: $\sum_{i=0}^{T} C_i \cdot (1+r)^{-i} = 0$

 $T = \frac{G}{a}$ om det årliga intäktsöverskottet är konstant.

17

Life Cycle Cost (LCC)

$$LCC = G + \sum_{i=0}^{n} K_{N,i} - \sum_{i=0}^{n} I_{N,i} - R_{N}$$

Underhållsteknik

Beteckningar

Anläggningsutnyttjande, h (A)Felintensitet, h (λ) Kvalitetsutbytbyte, h (K)Mean repair time, h (MRT)Mean waiting time, h (MWT)Mean down time, h (MDT)Mean time to failure, h (MTTF)Mean time between failure, h (MTBF)Mean time to repair, h (MTTR)Tillgänglighet, h (T)Utrustningseffektivtet (TAK)

Definitioner

Begrepp och nyckeltal definieras i svensk standard SS-EN 13306 och SS-EN 15341. Dessa är sammanfattade i SSG rapport "Underhållseffektivitet, terminilogi och nyckeltal". Formler och beteckningar utgår från Hagberg och Henriksson, 2018, *Underhåll - Underhållsdokumentation*, 2009, *Underhåll - Underhållsterminologi*, 2017 och *Underhåll - Nyckeltal för underhåll*, 2007

Definitioner enlig SS EN standard

Viktiga definioner enlig SSG rapport "Underhållseffektivitet, terminologi och nyckeltal (2015) är:

- Enhet: Del, komponent, anordning, delsystem, funktionell apparat, utrustning eller system som kan individuellt beskrivas och beaktas.
- Fel: Upphörande av förmågan hos en enhet att utföra en krävd funktion.
- Funktionsfel: Tillstånd hos en enhet karakteriserat av oförmåga att utföra en krävd funktion, exkluderat en oförmåga som kan uppstå vid förebyggande underhåll eller annan planerad åtgärd eller brist på stödfunktioner
- Underhåll: Kombination av alla tekniska, administrativa och ledningens åtgärder under en enhets livstid avsedda att vidmakthålla den i, eller återställa den till, ett sådant tillstånd att den kan utföra krävd funktion.

- Förebyggande underhåll: Underhåll som genomförs vid förutbestämda intervall eller enligt förutbestämda kriterier och i avsikt att minska sannolikheten för fel eller degradering av en enhets funktion.
- Förutbestämt underhåll: Förebyggande underhåll som genomförs i enlighet med bestämda intervaller eller efter en bestämd användning, men utan att föregås av tillståndskontroll.
- Tillståndsbaserat underhåll: Förebyggande underhåll som består av kontroll och övervakning av en enhets tillstånd avseende dess funktion och egenskaper, samt därav föranledda åtgärder
- Förutsägbart underhåll: Tillståndsbaserad underhållsåtgärd som genomförs som följd av en förutsägelse om en enhets försämrade funktion baserad på analys och utvärdering av viktiga egenskaper.
- Förbättring: Kombination av alla tekniska, administrativa samt ledningens åtgärder, avsedda att förbättra en enhets tillförlitlighet, utan att ändra dess krävda funktion.
- Modifiering: Kombination av alla tekniska, administrativa och ledningens åtgärder, avsedda att ändra en enhets funktion.
- Avhjälpande underhåll:Underhåll som genomförs efter det att funktionsfel upptäckts och med avsikt att få enheten i ett sådant tillstånd att den kan utföra krävd funktion.
- Uppskjutet avhjälpande underhåll: Avhjälpande underhåll som inte genomförs omedelbart efter att ett funktionsfel upptäckts utan senareläggs i enlighet med givna underhållsdirektiv.
- Akut avhjälpande underhåll: Underhåll som genomförs omedelbart efter det att funktionsfel upptäckts för att undvika oacceptabla konsekvenser
- Operatörsunderhåll: Underhåll som genomförs av en enhets användare eller operatör

Definitioner från Hagberg och Henriksson "Underhåll i världsklass"

- Stopptid: = Väntetid + reparationstid
- \bullet Totalt disponibel tid_x: = Obelagd tid + Totalt disponibel tid_v
- Obelagd tid = planeringsfaktorn
- Totalt disponibel tidy = Planerad produktionstid
- \bullet Tillgänglig tid av planerad produktionstid är Totalt disponibel tid $_{v}$ Stopptid
- MRT = Mean repair time: Tid att utföra reparation
- MWT = Mean waiting time: Väntetid fram till reparation
- MDT = Mean down time: Genomsnittligt stopptid

Nyckeltal

Standard SS-EN 15341 beskriver nyckeltalen i tre grupper:

- E Ekonomiska nyckeltal
- O Organisatoriska nyckeltal
- T Tekniska nyckeltal

Nyckeltalen är sedan indelade i olika nivåer.

Ekonomiska nyckeltal

- **E1:** $\frac{\text{Total underhållskostnad}}{\text{Återanskaffningsvärde}} \cdot 100$
- E3: $\frac{\text{Total underhållskostnad}}{\text{Total produktioh}}$
- E15: $\frac{\text{Kostnad f\"{o}r avhj\"{a}lpande underh\"{a}ll}}{\text{Total underh\"{a}llskostnad}} \cdot 100$
- **E16:** $\frac{\text{Kostnad f\"{o}r f\"{o}rebyggande underh\"{a}ll}}{\text{Total underh\"{a}llskostnad}} \cdot 100$
- E17: $\frac{\text{Kostnad f\"{o}r tillst\"{a}ndsbaserat underh\"{a}ll}}{\text{Total underh\"{a}llskostnad}} \cdot 100$
- **E18:** $\frac{\text{Kostnad f\"{o}r} \ \text{f\"{o}rutbest\"{a}mt underh\"{a}ll}}{\text{Total underh\"{a}llskostnad}} \cdot 100$
- E19: $\frac{\text{Kostnad för förbättring}}{\text{Total underhållskostnad}} \cdot 100$

Tekniska nyckeltal

Enligt SS EN standard

T1:
$$\frac{\text{Total drifttid}}{\text{Total drifttid} + \text{Driftstopp på grund av underhåll}} \cdot 100$$

T17:
$$MTBF = \frac{\text{Total drifttid}}{\text{Totalt antal fel}} = MTTF + MDT$$

T21:
$$MTTR = MDT = \frac{\text{Total tid f\"{o}r återst\"{a}llande}}{\text{Totalt antal fel}} = MRT + MWT$$

Enligt Hagberg och Henriksson, Underhåll i världsklass

Operativ prestation:

$$= \left(\frac{Enheter}{Maskintimme}\right) \cdot \left(\frac{Maskintimmar}{\mathring{A}r}\right) = \ enheter/\mathring{a}r$$

Tillgänglighet:

$$T = \frac{\text{Totalt disponibel tid} - \text{Obelagd tid}}{\text{Totalt disponibel tid}}$$

Tillgänglighet i seriekopplade funktioner:

$$T = T_1 \cdot T_2 \cdot T_3 \cdot \ldots \cdot T_n$$

Tillgänglighet i parallellkopplade funktioner:

$$T = 1 - (1 - T_1) \cdot (1 - T_2) \cdot (1 - T_3) \cdot \dots \cdot 1 - T_n$$

Funktionssäkerhet:

$$MTTF = \frac{\text{Verkligt utnyttjad drifttid}}{\text{Antalet fel}}$$

Underhållsmässighet:

$$MRT = \frac{\text{Total reparationstid}}{\text{Antalet fel}}$$

Underhållssäkerhet:

$$MWT = \frac{\text{Total v\"{a}ntetid}}{\text{Antalet fel}}$$

Tillgängligheten:

$$T = \frac{MTTF}{MTTF + MRT + MWT}$$

Genomsnittligt stopptid:

$$MDT = MTTR = MRT + MWT$$

Felintensitet:

$$\lambda = \frac{1}{MTTF}$$

textbfTillgängligheten:

$$\lambda = \frac{1}{1 + MDT \cdot \lambda}$$

Genomsnittsproduktion:

$$= \frac{\text{Totalt tillverkad volym under mätperioden}}{\text{Tillgänglig tid under mätperioden}}$$

T.A.K - beräkning

Tillgänglighet:

$$T = \frac{\text{Totalt tillgänligt tid} - \text{Stopptid}}{\text{Totalt tillgänlig tid}}$$

Anläggningsutnyttjande:

$$A = \frac{\text{Bruttoproduktion}}{\text{Totalt tillg\"{a}nlig tid} \cdot T \cdot \text{Maximal produktionshastighet}}$$

Kvalitetsutbyte:

$$K = \frac{\text{Bruttoproduktion} - \text{Defekt produktion}}{\text{Bruttoproduktion}}$$

Utrustningseffektivitet:

$$TAK = T \cdot A \cdot K$$

Organisatoriska nyckeltal

Enligt SS EN standard

- O4: $\frac{\text{Arbetstimmar underhåll som utförs av produktionsoperatör}}{\text{Totalt antal arbetstimmar som utförs av direkt underhållspersonal}} \cdot 100$
- O5: $\frac{\text{Planerade och schemalagda arbetstimmar för underhåll}}{\text{Toalt antal tillgängliga timmar}} \cdot 100$
- $\textbf{O9:} \ \frac{\text{Arbetstimmar underhåll som utförs av produktionsoperatör}}{\text{Totalt antal arbetstimmar som utförs av produktionsoperatörer}} \cdot 100$
- O16: Arbetstimmar avhjälpande underhåll Totalt antal arbetstimmar för underhåll $\cdot\,100$
- O17: $\frac{\text{Arbetstimmar akut avhjälpande underhåll}}{\text{Totalt antal arbetstimmar för underhåll}} \cdot 100$
- $\textbf{O18:} \ \frac{\text{Arbetstimmar förebyggande underhåll}}{\text{Totalt antal arbetstimmar för underhåll}} \cdot 100$
- O19: Arbetstimmar tillståndsbaserat underhåll
 Totalt antal arbetstimmar för underhåll
- O20: Arbetstimmar förutbestämt underhåll
 Totalt antal arbetstimmar för underhåll · 100

Tillgänglighet

Tillgängligheten för en komponent:

 $0 \leqslant T \leqslant 1$

Systemtillgänglighet för seriekopplade komponenter:

$$T_{system} = T_1 \cdot T_2 \cdot T_3 \cdot \cdot \cdot T_n$$

Systemtillgänglighet för parallellkopplade komponenter:

$$T_{system} = 1 - (1 - T_1) \cdot (1 - T_2) \cdot (1 - T_3) \cdot \cdot \cdot (1 - T_n)$$

Symboler

- A Anläggningsutnyttjande, h.
- A Annuitet, kr.
- A Area m².
- C Intäkt eller kostnad, kr.
- C Värmekapacitetsflöde $c \cdot \dot{m}$, J/s·K.
- COP Kyl- eller värmefaktor, dimensionslöst.
- D Diameter,m (kan även betecknas d).
- E Energi, J.
- F Kraft, N.
- G Grundinvestering, kr.
- G Gibbs fria energi, J.
- H Uppfordringshöjd, m.
- K Kvalitetsutbytbyte, h.
- L Längd, m.
- LCC Livscykelkostnad, kr.
- MDT Mean down time, h.
- MRT Mean repair time, h.
- MTBF Mean time between failure, h.
- MTTF Mean time to failure, h.
- MTTR Mean time to repair, h.
- MWT Mean waiting time, h.
- N Nuvärde, kr.
- NPSH Maximal sughöjd (net positive suction head).
- Nu Nusselts tal, dimensionslöst.
- O Våt omkrets (fluidberörd omkrets), m.
- O Omkrets, m.
- P Effekt, generellt, W.

- Pr Prandtls tal, dimensionslöst.
- Q Värmemängd, J.
- R Restvärde, kr.
- R Värmemotstånd, $W/(m^2 \cdot K)$.
- R Specifik gaskonstant, J/K.
- R_u Allmänna, universella gaskonstanten 8,314, J/(mol·K.
- Re Reynolds tal, dimensionslöst.
- S Entropi, J/K.
- SV Slutvärde, kr (även K_n).
- T Återbetalningstid (payback), år.
- T Tillgänglighet, h.
- T Temperatur, K eller °C °C (kan även betecknas t).
- TAK Utrustningseffektivtet.
- U Värmeledningstal, W/(m²·K (kan även betecknas k).
- V Volym, m³.
- W Arbete, J.
- X Exergi, J.
- α Värmeövergångstal, W/(m²·K.
- δ Tjocklek, gränsskiktstjocklek, m.
- \dot{Q} värmeeffekt, W.
- \dot{V} Volymflöde, m³/s.
- \dot{W} Arbetseffekt, W.
- \dot{m} Massflöde, kg/s (kan även betecknas $q_{\rm m}$).
- η Verkningsgrad eller effektivitet, dimensionslöst.
- λ Felintensitet, h.
- λ Tryckfallskoefficient, friktionsfaktor (kan även betecknas f).
- λ Värmeledningstal, värmekonduktivitet, W/(m·K.
- μ Dynamisk viskositet, kg/(m·kg eller Pa·s eller N·m⁻².
- ν Kinematisk viskositet, m²/s.
- ε Verkningsgrad eller effektivitet, dimensionslöst.
- ρ Densitet, kg/m³.
- ξ Engångsförlustkoefficient, motståndstal, dimensionslöst.
- a Intäktsöverskott, kr/år.
- a Acceleration, m/s^2 .

- c Specifik värmekapacitet, J/kg·K.
- c_p Isobar specifik värmekapacitet, J/kg·K.
- c_v Isokor specifik värmekapacitet, J/kg·K.
- f_A Annuitetsfaktor, dimensionslöst (kan även betecknas a).
- f_N Nusummefaktor, dimensionslöst.
- g Tyngdacceleration, m/s².
- h Höjd, m.
- h Specifik entalpi, J/kg (kan även betecknas i).
- h_f Strömningsförlust, m.
- m Massa, kg.
- n Antal mol.
- n Varvtal.
- n Antal år (kan även betecknas x).
- p Tryck, Pa.
- q Inflation, %.
- q Specifik värmemängd, J.
- r Ränta, %.
- s Specifik entropi, $J/(kg \cdot K)$.
- t Tid, s.
- v Hastighet, m/s (kan även betecknas V).
- v Volymitet, specifik volym, m^3/kg .
- x Ånghalt kg ånga / kg vatten, dimensionslöst (kan även betecknas ν).

Referenser

- Alvarez, H. (2006). Energiteknik (3. utg.). Studentlitteratur.
- Hagberg, L., & Henriksson, T. (2018). *Underhåll i världsklass* (Upplaga 2). OEE Consultants AB.
- Soleimani Mohseni, M., Bäckström, L., & Eklund, R. (2018). Formelsamling i energiteknik. Studentlitteratur AB.
- Underhåll Nyckeltal för underhåll (15341:2007). (2007). Svenska institutet för Standarder (SIS).
- Underhåll Underhållsdokumentation (13460:2009). (2009). Svenska institutet för Standarder (SIS).
- Underhåll Underhållsterminologi (13306:2017). (2017). Svenska institutet för Standarder (SIS).