TRİGONOMETRİ-2 ÇÖZÜMLÜ SORULARI

1)
$$f(x) = 5 + \sin^2(-3x + 1)$$
$$g(x) = 6 - \cos^3(\frac{1}{2}x + 6)$$

fonksiyonlarının periyotları aşağıdakilerden hangisidir?

A)
$$\left\{\frac{2\pi}{3}, 2\pi\right\}$$
 B) $\left\{\frac{\pi}{3}, 2\pi\right\}$ C) $\left\{\frac{\pi}{3}, \pi\right\}$ D) $\left\{\pi, \frac{3\pi}{2}\right\}$ E) $\left\{\frac{\pi}{3}, 4\pi\right\}$

ÇÖZÜM:

- 1) $f(x) = a + b \sin^{m}(cx + d)$
 - $g(x) = a + b \cos^{m}(cx + d)$

fonksiyonlarının periyotları T olsun.

Bu durumda,

$$T = \begin{cases} \frac{2\pi}{|c|}, & \text{m tek ise} \\ \frac{\pi}{|c|}, & \text{m cift ise} \end{cases}$$

Not: $\sin x$ ve $\cos x$ fonksiyonlarının periyodu 2π $\tan x$ ve $\cot x$ fonksiyonlarının periyodu π dir.

 $f(x) = 5 + \sin^2(-3x + 1)$ in periyodu

2 çift olduğundan, $T = \frac{\pi}{|-3|} = \frac{\pi}{3}$ olur.

 $g(x) = 6 - \cos^3\left(\frac{1}{2}x + 6\right)$ in periyodu,

3 tek olduğundan, $T = \frac{2\pi}{\left|\frac{1}{2}\right|} = 4\pi$ olur.

Doğru Cevap: E şıkkı

2)
$$f(x) = 2 - \tan^{3}(-4x + 1)$$
$$g(x) = 5 - \cot^{2}(\frac{1}{3}x - 1)$$

fonksiyonlarının periyotları aşağıdakilerden hangisidir?

A)
$$\left\{\frac{2\pi}{3}, \frac{\pi}{4}\right\}$$
 B) $\left\{\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right\}$ C) $\left\{\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4}\right\}$ D) $\left\{\frac{\pi}{4}, 3\pi\right\}$ E) $\left\{\frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{2}\right\}$

CÖZÜM:

- 2) $f(x) = a + b tan^m(cx + d)$
 - $g(x) = a + b \cot^{m}(cx + d)$

fonksiyonlarının periyodu T olsun.

Bu durumda,

$$T = \frac{\pi}{|c|}$$
 dir.

 $f(x) = 2 - \tan^3(-4x + 1)$ in periyodu

$$T = \frac{\pi}{|-4|} = \frac{\pi}{4}$$

- $g(x) = 5 \cot^2\left(\frac{1}{3}x 1\right)$ in periyodu
- $T = \frac{\pi}{\left|\frac{1}{3}\right|} = 3\pi \text{ olur.}$

Doğru Cevap: D şıkkı

3)
$$f(x) = 5\sin(3x + 1) + \cos^2(\frac{x-2}{3})$$

fonksiyonunun esas periyodu kaçtır?

- A) π
- B) 2π
- C) 3_π
- D) 5π
- E) 6π

ÇÖZÜM:

3) $5\sin(3x+1)$ fonksiyonunun periyodu T_1 olsun.

$$T_1 = \frac{2\pi}{|3|} = \frac{2\pi}{3}$$
 tür.

 $\cos^2\left(\frac{x-2}{3}\right)$ fonksiyonunun periyodu T_2 olsun.

$$T_2 = \frac{\pi}{\left|\frac{1}{3}\right|} = 3\pi \quad \text{dir.}$$

Buna göre, f(x) fonksiyonunun periyodu;

$$T = OKEK(T_1, T_2)$$

= OKEK
$$\left(\frac{2\pi}{3}, 3\pi\right)$$

$$= \frac{\mathsf{OKEK}(2\pi, \, 3\pi)}{\mathsf{OBEB}(3, \, 1)} = 6\pi \quad \text{bulunur.}$$

4)
$$y_1 = \arcsin\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) + \arcsin\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right)$$
$$y_2 = \arccos\left(\frac{1}{2}\right) + \arccos\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

sidir?

A)
$$\left\{\frac{\pi}{12}, \frac{7\pi}{6}\right\}$$
 B) $\left\{\frac{\pi}{6}, 2\pi\right\}$ C) $\left\{\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{3}\right\}$ D) $\left\{\frac{\pi}{12}, \pi\right\}$ E) $\left\{\frac{\pi}{6}, \frac{2\pi}{3}\right\}$

CÖZÜM:

4)
$$\arcsin[-1,1] \rightarrow \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$$

$$y = \arcsin x \Leftrightarrow x = \sin y$$

$$arccos:[-1,1] \rightarrow [0,\pi]$$

$$y = arccosx \Leftrightarrow x = cosy$$

y₁ için

$$\arcsin\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = x \Rightarrow \sin x = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow x = \frac{\pi}{3} \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$$

$$\arcsin\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = x \Rightarrow \sin x = -\frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow x = -\frac{\pi}{4} \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$$

Bu durumda,
$$y_1 = \frac{\pi}{3} + \frac{-\pi}{4} = \frac{4\pi - 3\pi}{12} = \frac{\pi}{12}$$
 dir.

$$arccos(\frac{1}{2}) = x \Rightarrow cos x = \frac{1}{2} \Rightarrow x = \frac{\pi}{3} \in [0, \pi]$$

$$\arccos\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = x \Rightarrow \cos x = -\frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow x = \frac{5\pi}{6} \in [0, \pi]$$

Bu durumda, $y_2 = \frac{\pi}{3} + \frac{5\pi}{6} = \frac{7\pi}{6}$ dır.

Doğru Cevap: A şıkkı

5)
$$y_1 = \arctan(1) + \arctan(-\sqrt{3})$$

$$y_2 = \operatorname{arccot}\left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right) + \operatorname{arccot}(-1)$$

olduğuna göre, y₂ - y₁ in değeri kaçtır?

- A) $\frac{7\pi}{6}$ B) $\frac{2\pi}{3}$ C) $\frac{\pi}{2}$ D) $\frac{\pi}{3}$ E) $\frac{\pi}{6}$

CÖZÜM:

5)
$$\operatorname{arctan}: \mathbb{R} \to \left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right)$$
, $y = \operatorname{arctan} x \Leftrightarrow x = \tan y$

$$\operatorname{arccot}: R \to (0, \pi)$$
, $y = \operatorname{arccot} x \Leftrightarrow x = \operatorname{cot} y$

y₁ için

$$arctan(1) = x \Leftrightarrow tan x = 1 \Rightarrow x = \frac{\pi}{4}$$

$$\arctan(-\sqrt{3}) = x \Leftrightarrow \tan x = -\sqrt{3} \Rightarrow x = -\frac{\pi}{3} x \in (-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2})$$

Bu durumda,
$$y_1 = \frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{3} = \frac{3\pi - 4\pi}{12} = -\frac{\pi}{12}$$

$$\operatorname{arccot}\left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right) = x \Leftrightarrow \operatorname{cot} x = \frac{\sqrt{3}}{3} \Rightarrow x = \frac{\pi}{3}$$

$$\operatorname{arccot}(-1) = x \Leftrightarrow \cot x = -1 \Rightarrow x = \frac{3\pi}{4} x \in (0, \pi)$$

Bu durumda,
$$y_2 = \frac{\pi}{3} + \frac{3\pi}{4} = \frac{4\pi + 9\pi}{12} = \frac{13\pi}{12}$$

$$y_2 - y_1 = \frac{13\pi}{12} + \frac{\pi}{12} = \frac{14\pi}{12} = \frac{7\pi}{6}$$

Doğru Cevap: A şıkkı

cos
$$\left(\arctan\frac{1}{3}\right)$$

ifadesinin değeri kaçtır?

A)
$$\frac{\sqrt{10}}{2}$$

B)
$$\frac{2\sqrt{10}}{5}$$

A)
$$\frac{\sqrt{10}}{2}$$
 B) $\frac{2\sqrt{10}}{5}$ C) $\frac{3\sqrt{10}}{10}$

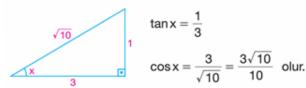
D)
$$\frac{\sqrt{10}}{5}$$
 E) $\frac{\sqrt{10}}{2}$

E)
$$\frac{\sqrt{10}}{2}$$

ÇÖZÜM:

6)
$$\operatorname{arctan}\left(\frac{1}{3}\right) = x \Rightarrow \tan x = \frac{1}{3}$$
 olum

Bu koşula uygun dik üçgeni çizelim:



$$\tan x = \frac{1}{3}$$

$$\cos x = \frac{3}{\sqrt{10}} = \frac{3\sqrt{10}}{10}$$
 olur.

$$\cos\left(\frac{\arctan\frac{1}{3}}{3}\right) = \cos x = \frac{3\sqrt{10}}{10}$$
 olur.

$$f(x) = \arcsin\left(\frac{3-2x}{4}\right)$$

fonksiyonunun tanım kümesi aşağıdakilerden hangisidir?

C)
$$[-1, 2]$$

D)
$$\left[-\frac{1}{2}, \frac{9}{2} \right]$$
 E) $\left[-\frac{1}{2}, \frac{7}{2} \right]$

E)
$$\left[-\frac{1}{2}, \frac{7}{2} \right]$$

ÇÖZÜM:

7) Sinüs fonksiyonunun görüntü kümesi, [-1, 1] dir. Bu da arcsin fonksiyonunun tanım kümesidir.

$$-1 \leq \frac{3-2x}{4} \leq 1$$

$$-4 \le 3 - 2x \le 4$$

$$-7 \le -2x \le 1$$

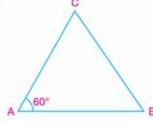
$$-\frac{1}{2} \le x \le \frac{7}{2} \quad \text{olur.}$$

Bu durumda f(x) fonksiyonunun tanım kümesi,

$$\left[-\frac{1}{2}, \frac{7}{2}\right]$$
 olur.

Cevap E

8)



ABC üçgeninde

$$|AB| = 4 br$$

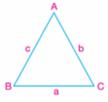
$$m(CAB) = 60^{\circ}$$

olduğuna göre,

|BC| kaç birimdir?

ÇÖZÜM:

8)



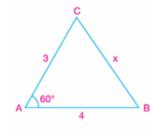
Bir ABC üçgeninin kenar uzunlukları a, b ve c olmak üzere, kenar uzunlukları arasında

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos \widehat{A}$$

$$b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cdot \cos \widehat{B}$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cdot \cos \hat{C}$$

bağıntıları vardır.



Buna göre,

$$x^2 = 4^2 + 3^2 - 2.3.4.\cos 60^\circ$$

$$\Rightarrow x^2 = 16 + 9 - 24 \cdot \frac{1}{2}$$

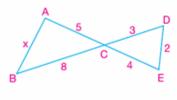
$$\Rightarrow x^2 = 25 - 12$$

$$\Rightarrow x^2 = 13$$

$$\Rightarrow$$
 x = $\sqrt{13}$ olur.

Doğru Cevap: D şıkkı

9)



Şekilde

$$[BD] \cap [AE] = C$$

$$|AC| = 5 \text{ cm}$$

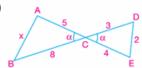
$$|CD| = 3 cm$$

olduğuna göre, |AB| = x kaç cm dir?

A)
$$2\sqrt{2}$$
 B) $2\sqrt{3}$ C) 4 D) $3\sqrt{2}$ E) $\sqrt{19}$

$$3\sqrt{2}$$

9)



Şekilde,

$$m(\widehat{ACB}) = m(\widehat{DCE}) = \alpha$$

DCE üçgeninde kosinüs teoremine göre,

$$4 = 9 + 16 - 2.3.4.\cos\alpha$$

$$\Rightarrow 24\cos\alpha = 21$$

$$\Rightarrow$$
 $\cos \alpha = \frac{21}{24} = \frac{7}{8}$

ABC üçgeninde kosinüs teoremine göre,

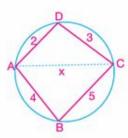
$$x^2 = 25 + 64 - 2.5.8 \cdot \cos \alpha$$

$$x^2 = 25 + 64 - 80.\frac{7}{8}$$

$$x^2 = 19 \Rightarrow x = \sqrt{19}$$
 olur.

Doğru Cevap: E şıkkı

10)



Sekilde

ABCD kirişler dörtgeni

$$|AD| = 2 cm$$

$$|DC| = 3 \text{ cm}$$

$$|AB| = 4 \text{ cm}$$

olduğuna göre, cos B kaçtır?

A)
$$\frac{7}{10}$$

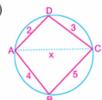
B)
$$\frac{8}{13}$$

C)
$$\frac{9}{13}$$

A)
$$\frac{7}{13}$$
 B) $\frac{8}{13}$ C) $\frac{9}{13}$ D) $\frac{10}{13}$ E) $\frac{11}{13}$

CÖZÜM:

10)



Kirişler dörtgeninde karşılıklı açıların toplamı 180° dir.

$$m(\widehat{D}) + m(\widehat{B}) = 180^{\circ}$$

$$\cos \widehat{D} = -\cos \widehat{B} \operatorname{dir.}$$

Buna göre,

ADC ücgeninde, $x^2 = 2^2 + 3^2 - 2.2.3 \cdot \cos \widehat{D}$

ABC üçgeninde, $x^2 = 4^2 + 5^2 - 2.4.5.\cos \widehat{B}$

$$x^2 = 4 + 9 - 12 \cdot \cos \widehat{D} \implies x^2 = 13 - 12 \cdot (-\cos \widehat{B})$$

$$\Rightarrow$$
 x² = 13 + 12. cos \widehat{B}

$$x^2 = 16 + 25 - 40 \cdot \cos \widehat{B} \implies x^2 = 41 - 40 \cdot \cos \widehat{B}$$

$$13 + 12 \cos \widehat{B} = 41 - 40 \cdot \cos \widehat{B}$$

52.
$$\cos \widehat{B} = 28 \implies \cos \widehat{B} = \frac{28}{52} = \frac{7}{13}$$
 olur.

Doğru Cevap: A şıkkı

11) Bir ABC üçgeninin kenarları arasında,

$$c^2 = a^2 + b^2 - a.b$$
 bağıntısı vardır.

Buna göre, m(C) kaç derecedir?

A) 15

B) 30

C) 45

D) 60

E) 75

CÖZÜM:

Kosinüs teoreminden,

 $c^2 = a^2 + b^2 - 2a.b. \cos C$ bağıntısı ile soruda verilen $c^2 = a^2 + b^2 - a.b$ bağıntısını ortak çözelim.

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2a.b. \cos \widehat{C}$$

$$-1/c^2 = a^2 + b^2 - a.b$$

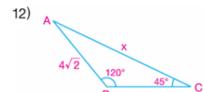
$$0 = -2a.b. \cos \hat{C} + a.b$$

$$\Rightarrow$$
 2a.b. $\cos \widehat{C} = a.b$

$$\Rightarrow \cos \widehat{C} = \frac{ab}{2ab} \Rightarrow \cos \widehat{C} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow$$
 m(\widehat{C}) = 60° olur.

Doğru Cevap: D şıkkı



ABC üçgeninde

$$m(\widehat{ABC}) = 120^{\circ}$$

$$m(\widehat{BCA}) = 45^{\circ}$$

$$|AB| = 4\sqrt{2} \text{ cm}$$

olduğuna göre, |AC| = x kaç cm dir?

A) 3

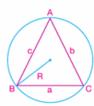
B) 2√3

C) 6 D) $4\sqrt{3}$

E) 7

ÇÖZÜM:

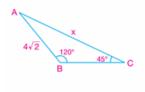
12)



Bir ABC üçgeninin kenar uzunlukları a, b, c ve çevrel çemberinin yarıçapı R birim olmak

$$\frac{a}{\sin \widehat{A}} = \frac{b}{\sin \widehat{B}} = \frac{c}{\sin \widehat{C}} = 2R \text{ dir.}$$

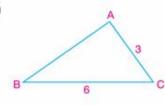
Buna göre,



 $\frac{x}{\sin 120} = \frac{4\sqrt{2}}{\sin 45}$

 $x = 4\sqrt{3}$ cm olur.

13)



ABC üçgeninde

$$m(\widehat{ABC}) = \theta$$

$$m(\widehat{BAC}) = 90^{\circ} + \theta$$

olduğuna göre, tan B kaçtır?

A)
$$\frac{1}{2}$$
 B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{1}{5}$ E) $\frac{1}{6}$

B)
$$\frac{1}{3}$$

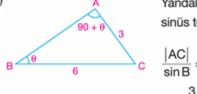
C)
$$\frac{1}{4}$$

D)
$$\frac{1}{6}$$

E)
$$\frac{1}{6}$$

ÇÖZÜM:

13)



Yandaki ABC üçgeninde sinüs teoremi uygulanırsa,

$$\frac{|AC|}{\sin B} = \frac{|BC|}{\sin A}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{\sin \theta} = \frac{6}{\sin(90^\circ + \theta)}$$
$$\Rightarrow \frac{3}{\sin \theta} = \frac{6}{\cos \theta}$$

$$\Rightarrow \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{3}{6}$$

$$\Rightarrow$$
 tan $\theta = \frac{1}{2}$ olur.

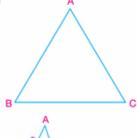
Doğru Cevap: A şıkkı

A) 1

B) 2

ÇÖZÜM:

14)



ABC üçgeninin alanı

$$A(\widehat{ABC}) = \frac{1}{2} \cdot a \cdot b \cdot \widehat{sinC}$$

$$A(\widehat{ABC}) = \frac{1}{2} \cdot a \cdot c \cdot \sin \widehat{B}$$

$$A(\widehat{ABC}) = \frac{1}{2}.b.c.\sin\widehat{A}$$

eşitlikleri ile bulunur.

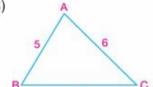
$$A(\widehat{ABC}) = A(\widehat{BDE}) \text{ ise}$$

$$\frac{1}{2}.(x+2).3.\sin\widehat{B} = \frac{1}{2}.x.9.\sin\widehat{B}$$

$$3x + 6 = 9x \implies 6x = 6 \implies x = 1$$
 olur.

Doğru Cevap: A şıkkı

15)



ABC üçgeninde

$$|AB| = 5 \text{ cm}$$

olduğuna göre, A(ABC) kaç cm² dir?

A)
$$8\sqrt{6}$$
 B) $7\sqrt{6}$ C) $6\sqrt{6}$ D) $5\sqrt{6}$ E) $4\sqrt{6}$

ÇÖZÜM:

15) ABC üçgeninin kenar uzunlukları a, b, c ve a + b + c = 2u olmak üzere,

$$A(\widehat{ABC}) = \sqrt{u \cdot (u - a) \cdot (u - b) \cdot (u - c)}$$
 dir.

Buna göre, a = 7, b = 6, c = 5 ise,

$$7 + 6 + 5 = 2u \implies u = 9$$
 olur.

Bu durumda,

$$A(\widehat{ABC}) = \sqrt{9.(9-7).(9-6).(9-5)}$$

$$= \sqrt{9.2.3.4}$$

$$= \sqrt{36.6}$$

$$= 6\sqrt{6} \text{ olur.}$$

Doğru Cevap: C şıkkı

14) Şekilde A(ABC) = A(BDE)|AE| = 2 cm|BC| = 3 cm |CD| = 6 cm olduğuna göre, |BE| = x kaç cm dir?

C) 3

D) 4

E) 5

TRİGONOMETRİ-3 ÇÖZÜMLÜ SORULARI

 $x = \sin 18^{\circ} \cdot \cos 12^{\circ} + \cos 18^{\circ} \cdot \sin 12^{\circ}$ 1) $y = \sin 72^{\circ} \cdot \cos 12^{\circ} - \cos 72^{\circ} \cdot \sin 12^{\circ}$

olduğuna göre, x.y çarpımı kaçtır?

- A) $\frac{\sqrt{3}}{6}$ B) $\frac{\sqrt{3}}{5}$ C) $\frac{\sqrt{3}}{4}$ D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ E) $\sqrt{3}$
- 3) $A = \frac{\tan 20^{\circ} + \tan 25^{\circ}}{1 \tan 20^{\circ} \cdot \tan 25^{\circ}}$
 - $B = \frac{\tan 65^{\circ} \tan 20^{\circ}}{1 + \tan 65^{\circ} \cdot \tan 20^{\circ}}$

olduğuna göre, A.B çarpımı kaçtır?

A) 1

CÖZÜM:

Buna göre,

Bu durumda,

A.B = 1.1 = 1 olur.

B) 2

3) $tan(a+b) = \frac{tan a + tan b}{1 - tan a \cdot tan b}$

 $A = \frac{\tan 20^{\circ} + \tan 25^{\circ}}{1 - \tan 20^{\circ} \cdot \tan 25^{\circ}}$

 $B = \frac{\tan 65^{\circ} - \tan 20^{\circ}}{1 + \tan 65^{\circ} \cdot \tan 20^{\circ}}$

 $= \tan(20^{\circ} + 25^{\circ}) = \tan 45^{\circ} = 1$

 $= \tan(65^{\circ} - 20^{\circ}) = \tan 45^{\circ} = 1$

 $tan(a-b) = \frac{tana - tanb}{1 + tana \cdot tanb}$

- C) 3
- D) 4
- E) 5

ÇÖZÜM:

1) sin(a + b) = sina.cosb + cosa.sinbsin(a-b) = sina.cosb - cosa.sinb

Buna göre,

- $x = \sin 18^{\circ} \cdot \cos 12^{\circ} + \cos 18^{\circ} \cdot \sin 12^{\circ}$
 - $= \sin(18^{\circ} + 12^{\circ}) = \sin 30^{\circ} = \frac{1}{2}$
- $y = \sin 72^{\circ} \cdot \cos 12^{\circ} \cos 72^{\circ} \cdot \sin 12^{\circ}$
- $= \sin(72^{\circ} 12^{\circ}) = \sin 60^{\circ} = \frac{\sqrt{3}}{2}$
- $x \cdot y = \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{4}$ olur.

Doğru Cevap: C şıkkı

2) $A = \cos 33^{\circ} \cdot \cos 27^{\circ} - \sin 33^{\circ} \cdot \sin 27^{\circ}$

 $B = \cos 55^{\circ} \cdot \cos 10^{\circ} + \sin 55^{\circ} \cdot \sin 10^{\circ}$

olduğuna göre, A.B çarpımı kaçtır?

- A) $\sqrt{2}$ B) $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ C) $\frac{3\sqrt{2}}{4}$ D) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ E) $\frac{\sqrt{2}}{4}$

olduğuna göre, tan θ kaçtır?

Doğru Cevap: A şıkkı

4) $\sin(\theta - 45^{\circ}) = 4\cos(\theta - 45^{\circ})$

- A) $\frac{5}{3}$ B) $\frac{4}{3}$ C) $-\frac{4}{3}$ D) $-\frac{5}{3}$ E) -2

CÖZÜM:

2) cos(a + b) = cosa.cosb - sina.sinb

cos(a-b) = cosa.cosb + sina.sinb

Buna göre,

A = cos33°.cos27° - sin33°.sin27°

 $=\cos(33^{\circ}+27^{\circ})=\cos 60^{\circ}=\frac{1}{2}$ olur.

 $B = \cos 55^{\circ} \cdot \cos 10^{\circ} + \sin 55^{\circ} \cdot \sin 10^{\circ}$

 $=\cos(55^{\circ}-10^{\circ})=\cos 45^{\circ}=\frac{\sqrt{2}}{2}$

A.B = $\frac{1}{2}$. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ = $\frac{\sqrt{2}}{4}$ olur.

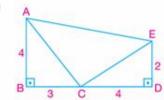
Doğru Cevap: E şıkkı

- CÖZÜM:
- 4) sin(θ 45°) = 4 cos(θ 45°)

$$\Rightarrow \frac{\sin(\theta - 45^\circ)}{\cos(\theta - 45^\circ)} = 4$$

- $\Rightarrow \frac{\tan\theta \tan 45^{\circ}}{1 + \tan\theta \cdot \tan 45^{\circ}} = 4$
- $\Rightarrow -3\tan\theta = 5 \Rightarrow \tan\theta = -\frac{5}{3} \text{ olur.}$

5)



ABCD dörtgeninde

$$[DE] \perp [BD]$$

$$|AB| = |CD| = 4 \text{ cm}$$

olduğuna göre, sin(ACE) kaçtır?

A)
$$\frac{6\sqrt{5}}{25}$$
 B) $\frac{9\sqrt{5}}{25}$ C) $\frac{2\sqrt{5}}{5}$

B)
$$\frac{9\sqrt{5}}{25}$$

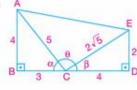
C)
$$\frac{2\sqrt{5}}{5}$$

D)
$$\frac{11\sqrt{5}}{25}$$
 E) $\frac{3\sqrt{14}}{25}$

E)
$$\frac{3\sqrt{14}}{25}$$

ÇÖZÜM:





$$sin(\widehat{ACE}) = sin(\widehat{ACE})$$

$$\alpha + \beta + \theta = 180^{\circ}$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin\theta$$

(Birbirini 180° ye tamamlayan açıların sin leri esittir.)

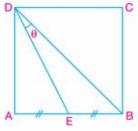
Bu durumda,

 $\sin \theta = \sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha . \cos \beta + \cos \alpha . \sin \beta$

$$= \frac{4}{5} \cdot \frac{4}{2\sqrt{5}} + \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{2\sqrt{5}}$$

$$= \frac{8}{5\sqrt{5}} + \frac{3}{5\sqrt{5}} = \frac{11}{5\sqrt{5}} = \frac{11\sqrt{5}}{25} \text{ olur.}$$

Doğru Cevap: D şıkkı



ABCD kare

$$|AE| = |EB|$$

olduğuna göre, tan θ kaçtır?

A)
$$\frac{1}{2}$$

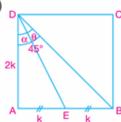
B)
$$\frac{1}{3}$$

A)
$$\frac{1}{2}$$
 B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{1}{5}$ E) $\frac{1}{6}$

D)
$$\frac{1}{5}$$

E)
$$\frac{1}{6}$$

ÇÖZÜM:



$$\theta = 45 - \alpha$$

$$\tan \theta = \tan(45 - \alpha)$$

$$= \frac{\tan 45^{\circ} - \tan \alpha}{1 + \tan 45^{\circ} \cdot \tan \alpha}$$
$$= \frac{1 - \tan \alpha}{1 + 1 \cdot \tan \alpha}$$

$$= \frac{1 - \frac{1}{2}}{1 + \frac{1}{2}} = \frac{1}{3} \text{ olur.}$$

Doğru Cevap: B şıkkı

 $\cos\left(\arctan\frac{4}{3} + \arccos\frac{5}{13}\right)$

ifadesinin değeri kaçtır?

A)
$$\frac{9}{13}$$

B)
$$\frac{33}{65}$$

C)
$$\frac{23}{65}$$

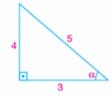
A)
$$\frac{9}{13}$$
 B) $\frac{33}{65}$ C) $\frac{23}{65}$ D) $-\frac{23}{65}$ E) $-\frac{33}{65}$

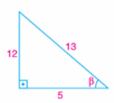
E)
$$-\frac{33}{65}$$

CÖZÜM:

7) $\arctan \frac{4}{3} = \alpha \implies \tan \alpha = \frac{4}{3}$

$$\arccos \frac{5}{13} = \beta \implies \cos \beta = \frac{5}{13}$$





$$\sin \alpha = \frac{4}{5}$$
, $\cos \alpha = \frac{3}{5}$

$$\sin \alpha = \frac{4}{5}$$
, $\cos \alpha = \frac{3}{5}$ $\sin \beta = \frac{12}{13}$, $\cos \beta = \frac{5}{13}$

$$\cos\left(\arctan\frac{4}{3} + \arccos\frac{5}{13}\right) = \cos(\alpha + \beta)$$

 $=\cos\alpha.\cos\beta-\sin\alpha.\sin\beta$ $=\frac{3}{5}\cdot\frac{5}{13}-\frac{4}{5}\cdot\frac{12}{13}$

$$5 \cdot 13 \quad 5 \cdot 13$$

$$= -\frac{33}{65} \text{ olur.}$$

- tan 65° = a olduğuna göre, tan 40° nın a türünden esiti asağıdakilerden hangisidir?
 - A) a²
- B) $\frac{a^2}{2}$ C) $\frac{a^2+1}{2}$
- D) $\frac{a^2-2}{2a}$ E) $\frac{a^2-1}{2a}$

- 10) cos 10°. cos 20°. cos 40° ifadesi aşağıdakilerden hangisine eşittir?
- A) $\frac{\cos 80^{\circ}}{\cos 10^{\circ}}$ B) $\frac{\sin 80^{\circ}}{\sin 10^{\circ}}$ C) $\frac{\sin 80^{\circ}}{2 \sin 10^{\circ}}$
 - D) $\frac{\sin 80^{\circ}}{4 \sin 10^{\circ}}$ E) $\frac{\sin 80^{\circ}}{8 \sin 10^{\circ}}$

8) $\tan 65^\circ = a \Rightarrow \cot 25^\circ = a$

$$\cot 25^\circ = a \implies \tan 25^\circ = \frac{1}{a}$$

$$\tan 40^{\circ} = \tan (65^{\circ} - 25^{\circ}) = \frac{\tan 65^{\circ} - \tan 25^{\circ}}{1 + \tan 65^{\circ} \cdot \tan 25^{\circ}}$$

$$= \frac{a - \frac{1}{a}}{1 + a \cdot \frac{1}{a}}$$

$$= \frac{a^{2} - 1}{a} \cdot \frac{1}{2}$$

$$= \frac{a^{2} - 1}{2a} \text{ olur.}$$

- Doğru Cevap: E şıkkı
- $\sin \alpha \cos \alpha = \frac{1}{5}$

olduğuna göre, cos2α kaçtır?

- A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{7}{25}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $\frac{3}{5}$ E) $\frac{18}{25}$

CÖZÜM:

Verilen ifadeyi 2 sin 10° ile çarpıp bölelim.

Buna göre,

$$\cos 10^{\circ}.\cos 20^{\circ}.\cos 40^{\circ} = \frac{2\sin 10^{\circ}.\cos 10^{\circ}.\cos 20^{\circ}.\cos 40^{\circ}}{2\sin 10^{\circ}}$$

$$= \frac{\sin(2.10^{\circ}).\cos 20^{\circ}.\cos 40^{\circ}}{2\sin 10^{\circ}}$$

$$\frac{\sin 20^{\circ}.\cos 20^{\circ}.\cos 40^{\circ}}{2\sin 10^{\circ}}$$

(Pay ve paydayı 2 ile çarpalım.)

_ 2.sin20°.cos20°.cos40° 2.2.sin10° (Pay ve paydayı 2 ile çarpalım.)

$$= \frac{2.\sin 40^{\circ}.\cos 40^{\circ}}{2.4.\sin 10^{\circ}}$$
$$= \frac{\sin 80^{\circ}}{8\sin 10^{\circ}} \text{ olur.}$$

Doğru Cevap: E şıkkı

ÇÖZÜM:

9) $\sin 2\alpha = 2 \cdot \sin \alpha \cdot \cos \alpha$

$$\sin \alpha - \cos \alpha = \frac{1}{5} \Rightarrow (\sin \alpha - \cos \alpha)^2 = \frac{1}{25}$$
$$\Rightarrow \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha - 2 \cdot \sin \alpha \cdot \cos \alpha = \frac{1}{25}$$

 $\Rightarrow 1 - \sin 2\alpha = \frac{1}{25}$

 $\Rightarrow \sin 2\alpha = \frac{24}{25}$ olur.



cos2α yı bulmak için dik üçgen

11) $\cos^4 \frac{\pi}{12} - \sin^4 \frac{\pi}{12}$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ E) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

11)
$$\cos 2x = \cos^2 x - \sin^2 x$$

 $\cos^4 \frac{\pi}{12} - \sin^4 \frac{\pi}{12} = \left(\cos^2 \frac{\pi}{12} + \sin^2 \frac{\pi}{12}\right) \cdot \left(\cos^2 \frac{\pi}{12} - \sin^2 \frac{\pi}{12}\right)$
 $= \cos^2 \frac{\pi}{12} - \sin^2 \frac{\pi}{12}$
 $= \cos\left(2 \cdot \frac{\pi}{12}\right)$
 $= \cos\frac{\pi}{6}$
 $= \frac{\sqrt{3}}{2}$ olur.

Doğru Cevap: E şıkkı

$$\frac{1-\cos 2x}{\cos 2x+1}$$

ifadesi aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) secx
- B) cos²x C) cot²x
- D) $\sin^2 x$ E) $\tan^2 x$

CÖZÜM:

12)
$$\cos 2x = 2\cos^2 x - 1$$
 veya
$$\frac{\cos 2x = 1 - 2\sin^2 x}{\frac{1 - \cos 2x}{\cos 2x + 1}} = \frac{1 - (1 - 2\sin^2 x)}{2\cos^2 x - 1 + 1}$$

$$= \frac{1 - 1 + 2\sin^2 x}{2\cos^2 x - 1 + 1}$$

$$= \frac{2\sin^2 x}{2\cos^2 x}$$

$$= \tan^2 x \text{ olur.}$$
(Formülleri 1 i yok edecek şekilde seçiyoruz.)

Doğru Cevap: E şıkkı

$\tan x = \frac{2}{3}$

olduğuna göre, tan2x kaçtır?

- A) $\frac{8}{5}$ B) 2 C) $\frac{12}{5}$ D) $\frac{14}{5}$
- E) 3

ÇÖZÜM:

$$\tan 2x = \frac{2 \tan x}{1 - \tan^2 x}$$

$$\tan 2x = \frac{2 \cdot \frac{2}{3}}{1 - \frac{4}{9}} = \frac{\frac{4}{3}}{\frac{5}{9}} = \frac{12}{5} \text{ olur.}$$

Doğru Cevap: C şıkkı

14)
$$10x = \frac{\pi}{2}$$
 olmak üzere,

$$\frac{\cos 4x + \cos 2x}{\cos 16x - \cos 2x}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) -2 B) -1 C) 0
- D) 1

E) 2

CÖZÜM:

14)
$$\cos x + \cos y = 2 \cdot \cos \frac{x+y}{2} \cdot \cos \frac{x-y}{2}$$

 $\cos x - \cos y = -2 \cdot \sin \frac{x+y}{2} \cdot \sin \frac{x-y}{2}$

Buna göre,

$$\frac{\cos 4x + \cos 2x}{\cos 16x - \cos 2x} = \frac{2 \cdot \cos\left(\frac{4x + 2x}{2}\right) \cdot \cos\left(\frac{4x - 2x}{2}\right)}{-2 \cdot \sin\left(\frac{16x + 2x}{2}\right) \cdot \sin\left(\frac{16x - 2x}{2}\right)}$$

$$\frac{10x = \frac{\pi}{2}}{9x + x = \frac{\pi}{2}} = \frac{2 \cdot \cos 3x \cdot \cos x}{-2 \sin 9x \cdot \sin 7x}$$

$$= -1 \text{ olur.}$$

$$7x + 3x = \frac{\pi}{2} \text{ ise}$$

Doğru Cevap: B şıkkı

15)
$$\frac{\sin 100^{\circ} - \sin 20^{\circ}}{\sin 70^{\circ} + \sin 10^{\circ}}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{1}{\sqrt{2}}$ B) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ C) 2 D) 1 E) $\sqrt{3}$

15)
$$\sin x + \sin y = 2 \cdot \sin \frac{x + y}{2} \cdot \cos \frac{x - y}{2}$$

$$\sin x - \sin y = 2 \cdot \cos \frac{x + y}{2} \cdot \sin \frac{x - y}{2}$$
Buna göre,
$$\frac{\sin 100^{\circ} - \sin 20^{\circ}}{\sin 70^{\circ} + \sin 10^{\circ}} = \frac{2 \cdot \cos \frac{100^{\circ} + 20^{\circ}}{2} \cdot \sin \frac{100^{\circ} - 20^{\circ}}{2}}{2 \cdot \sin \frac{70^{\circ} + 10^{\circ}}{2} \cdot \cos \frac{70^{\circ} - 10^{\circ}}{2}}$$

$$(\cos 60^{\circ} = \sin 30^{\circ}) = \frac{2 \cdot \cos 60^{\circ} \cdot \sin 40^{\circ}}{2 \cdot \sin 40^{\circ} \cdot \cos 30^{\circ}} = \frac{\cos 60^{\circ}}{\cos 30^{\circ}}$$

$$= \tan 30^{\circ}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{3}} \text{ olur.}$$

Doğru Cevap: A şıkkı

$$\frac{\sin x + \sin 2x + \sin 3x}{\cos x + \cos 2x + \cos 3x}$$

ifadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

A) tan x

B) tan2x

C) cot2x

D) -cot2x E) -tan2x

ÇÖZÜM:

$$\frac{\sin x + \sin \frac{x+y}{2} + \sin y}{\cos x + \cos \frac{x+y}{2} + \cos y} = \tan \frac{x+y}{2}$$

$$\frac{\cos x + \cos \frac{x+y}{2} + \cos y}{\sin x + \sin \frac{x+y}{2} + \cos y} = \cot \frac{x+y}{2}$$
Buna göre,
$$\frac{x+3x}{2} = 2x$$
Bu durumda,
$$\frac{\sin x + \sin 2x + \sin 3x}{\cos x + \cos 2x + \cos 3x} = \tan 2x \text{ olur.}$$

TRİGONOMETRİ-1 ÇÖZÜMLÜ SORULARI

- 1) Bir ABC üçgeninde,
 m(Â) = 26° 38' 23" ve m(B) = 53° 32' 46"
 olduğuna göre, C açısının ölçüsü kaç derece,
 kaç dakika ve kaç saniyedir?
 - A) 99° 48' 51" B) 99° 36' 50" C) 89° 35' 46" D) 89° 48' 52" E) 79° 59' 9"

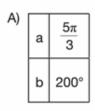
ÇÖZÜM:

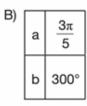
1)
$$m(\widehat{A}) = 26^{\circ} 38' 23''$$
 $+ m(\widehat{B}) = 53^{\circ} 32' 46''$
 $m(\widehat{A}) + m(\widehat{B}) = 79^{\circ} 70' 69''$
 $= 79^{\circ} 71' 9''$
 $= 80^{\circ} 11' 9'' dir.$
 $m(\widehat{A}) + m(\widehat{B}) + m(\widehat{C}) = 180^{\circ} olduğundan,$
 $m(\widehat{C}) = 180^{\circ} - (80^{\circ} 11' 9'') 180^{\circ} = 179^{\circ} 60' = 179^{\circ} 59' 60''$
 $- 80^{\circ} 11' 9''$
 $\Rightarrow m(\widehat{C}) = 99^{\circ} 48' 51'' bulunur.$

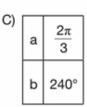
Doğru Cevap: A şıkkı

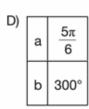
2) $a = 150^{\circ}$ ve $b = \frac{5\pi}{3}$ olmak üzere,

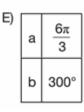
aşağıdaki seçeneklerden hangisinde a nın radyan, b nin derece cinsinden değerleri doğru olarak verilmiştir?











CÖZÜM:

2) Derece D, radyan R olmak üzere,

$$\frac{D}{360} = \frac{R}{2\pi}$$
 veya $\frac{D}{180} = \frac{R}{\pi}$ dir.

Buna göre,

$$a = 150^{\circ} \implies \frac{150}{180} = \frac{R}{\pi} \implies R = \frac{5\pi}{6}$$

$$b = \frac{5\pi}{3} \Rightarrow \frac{D}{180} = \frac{\frac{5\pi}{3}}{\pi} \Rightarrow D = 300^{\circ} \text{ olur.}$$

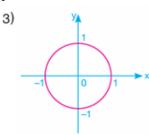
Doğru Cevap: D şıkkı

 $\left(\frac{\sqrt{2}}{3},\frac{a}{3}\right)$

noktası birim çember üzerinde olduğuna göre, a nın alabileceği değerlerin çarpımı kaçtır?

A)
$$-7$$

ÇÖZÜM:



Birim çember, merkezi M(0, 0) ve yarıçapı 1 olan çemberdir.

Birim çember denklemi, $x^2 + y^2 = 1$ dir.

$$\left(\frac{\sqrt{2}}{3}, \frac{a}{3}\right)$$
 birim çember

üzerinde olduğundan denklemi sağlar.

Buna göre,
$$\left(\frac{\sqrt{2}}{3}\right)^2 + \left(\frac{a}{3}\right)^2 = 1$$

 $\Rightarrow \frac{2}{9} + \frac{a^2}{9} = 1 \Rightarrow \frac{a^2}{9} = 1 - \frac{2}{9} \Rightarrow \frac{a^2}{9} = \frac{7}{9}$
 $\Rightarrow a^2 = 7 \Rightarrow a_1 = \sqrt{7} \text{ veya } a_2 = -\sqrt{7}$

 $a_1 \cdot a_2 = (\sqrt{7}) \cdot (-\sqrt{7}) = -7$ bulunur.

4) $a = 2460^{\circ} \text{ ve}$

 $b = -1200^{\circ}$ olarak veriliyor.

a ve b açılarının ölçülerinin esas ölçüleri aşağıdaki seçeneklerden hangisinde doğru olarak verilmiştir?

- A) a 60° b 120°
- B) a 240° b 300°
- C) a 300° b 240°
- D) a 300° b 120°
- E) a 300° b -240°

5) $a = \frac{29\pi}{4}$ ve $b = -\frac{33\pi}{5}$ olmak üzere,

a ve b açılarının esas ölçüleri aşağıdaki seçeneklerden hangisinde doğru verilmiştir?

- A) $\begin{bmatrix} a & \frac{5\pi}{4} \\ b & \frac{3\pi}{5} \end{bmatrix}$
- B) $\begin{bmatrix} a & \frac{5\pi}{4} \\ b & \frac{7\pi}{5} \end{bmatrix}$
- C) $\begin{array}{|c|c|c|}\hline a & \frac{4\pi}{5} \\ \hline b & \frac{8\pi}{7} \\ \hline \end{array}$
- D) $\begin{bmatrix} a & \frac{5\pi}{4} \\ b & \frac{5\pi}{7} \end{bmatrix}$
- E) $\begin{bmatrix} a & \frac{3\pi}{4} \\ b & \frac{5\pi}{7} \end{bmatrix}$

ÇÖZÜM:

- 4) $\alpha = \theta \pmod{360^\circ}$ olmak üzere,
 - θ ya α nın esas ölçüsü denir.

 $0 \le \theta < 360^{\circ}$ dir.

Buna göre, a = 2460° nin esas ölçüsü

$$\begin{array}{c|c}
2460 & 360 \\
2160 & 6
\end{array}$$
 ise, $a = 2460 = 6.360 + 300$

O halde, a = 2460° nin esas ölçüsü 300° dir.

b = -1200° nin esas ölçüsü,

$$\begin{array}{c|c}
-1200 & 360 \\
-1440 & -4
\end{array}$$
 ise, b = -1200 = (-4).360 + 240

O halde, b = -1200° nin esas ölçüsü 240° dir.

Doğru Cevap: C şıkkı

ÇÖZÜM:

5) $0 \le \alpha < 2\pi$ ve $k \in \mathbb{Z}$ olmak üzere,

ölçüsü α + k.2 π radyan olan açının esas ölçüsü α radyandır.

Buna göre,

$$a = \frac{29\pi}{4} = 6\pi + \frac{5\pi}{4}$$

 6π , 2π nin tam katı olduğundan atılır.

O halde, $a = \frac{29\pi}{4}$ ün esas ölçüsü $\frac{5\pi}{4}$ tür.

$$b = -\frac{33\pi}{5} = -8\pi + \frac{7\pi}{5}$$

-8π, 2π nin tam katı olduğundan atılır.

O halde, $b = -\frac{33\pi}{5}$ in esas ölçüsü $\frac{7\pi}{5}$ tir.

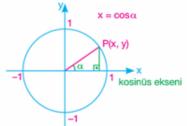
6) $A = \cos 180^{\circ} + \cos 90^{\circ} - 2\cos \alpha$

ifadesinin alabileceği en büyük tam sayı değeri kaçtır?

- A) -2
- B) -1
 - C) 0
- D) 1
- E) 2

ÇÖZÜM:





P noktasının apsisine α nın kosinüsü denir ve $\cos \alpha$ ile gösterilir.

cos:
$$R \rightarrow [-1, 1]$$

$$\alpha \rightarrow \cos \alpha$$
,

$$-1 \le \cos \alpha \le 1$$

 α sayısını $\cos \alpha$ ya dönüştüren fonksiyona kosinüs fonksiyonu ve Ox eksenine kosinüs ekseni denir.

Buna göre, aşağıdaki tabloyu yazabiliriz.

	0°	90°	180°	270°	360°
α	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
cosα	1	0	-1	0	1

$$A = \underbrace{\cos 180^{\circ}}_{} + \underbrace{\cos 90^{\circ}}_{} - 2\cos \alpha$$

$$A = -1 - 2\cos\alpha$$

$$-1 \le \cos \alpha \le 1$$
 ise,

$$-2 \le -2\cos\alpha \le 2$$

$$-3 \le -1 - 2\cos\alpha \le 1$$

$$-3 \le A \le 1$$
 olur.

Bu durumda A nın en büyük tam sayı değeri 1 olur.

Doğru Cevap: D sıkkı

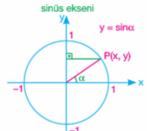
7) $A = \sin 90^{\circ} + \sin 180^{\circ} + 3 \sin \alpha$

ifadesinin alabilecği en küçük tam sayı değeri kaçtır?

- A) -2
- B) –1
- C) 0
- D) 1
- E) 2

CÖZÜM:

7)



P noktasının ordinatına α nın sinüsü denir ve $\sin \alpha$ ile gösterilir.

sin:
$$R \rightarrow [-1, 1]$$

$$\alpha \rightarrow \sin \alpha$$
,

$$-1 \le \sin \alpha \le 1$$

 α sayısını $\sin \alpha$ ya dönüştüren fonksiyona sinüs fonksiyonu ve Oy eksenine sinüs ekseni denir.

Buna göre aşağıdaki tabloyu yazabiliriz.

	α	0°	90°	180°	270°	360°
		0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
	sinα	0	1	0	-1	0

$$A = \sin 90^{\circ} + \sin 180^{\circ} + 3 \sin \alpha$$

$$A = 1 + 3\sin\alpha$$
 $-1 \le \sin\alpha \le 1$ ise,

$$-3 \le 3 \sin \alpha \le 3$$

$$-2 \le 1 + 3\sin\alpha \le 4$$

$$-2 \le A \le 4$$
 olur.

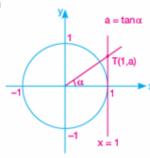
Bu durumda A nın en küçük tamsayı değeri -2 olur.

Doğru Cevap: A şıkkı

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 0
- B) 1
- C) 2
- D) 3
- E) 4



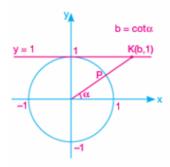


T noktasının ordinatına α nın tanjantı denir ve $\tan \alpha$ ile gösterilir.

 α sayısını $\tan \alpha$ ya dönüştüren fonksiyona tanjant fonksiyonu denir ve x=1 doğrusuna tanjant ekseni denir.

tan:
$$R - \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi \right\} \rightarrow R \ (k \in Z)$$

$$\alpha \rightarrow \tan \alpha$$
, $-\infty < \tan \alpha < \infty$



K noktasının apsisine α nın kotanjantı denir ve $\cot \alpha$ ile gösterilir.

 α sayısını $\cot \alpha$ ya dönüştüren fonksiyona cotanjant fonksiyonu denir ve y = 1 doğrusuna cotanjant ekseni denir.

cot:
$$R - \{k\pi\} \rightarrow R$$
, $(k \in Z)$

$$\alpha \to \cot \alpha$$
, $-\infty < \cot \alpha < \infty$

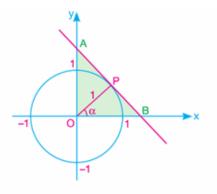
Yukarıdaki birim çemberden

	0°	90°	180°	270°	360°
α	0	$\frac{\pi}{2}$	π	<u>3π</u> 2	2π
tanα	0	Tanımsız	0	Tanımsız	0
cota	Tanımsız	0	Tanımsız	0	Tanımsız

Buna göre, $tan 0^{\circ} + cot 90^{\circ} = 0 + 0 = 0$ olur.

Doğru Cevap: A şıkkı

9)



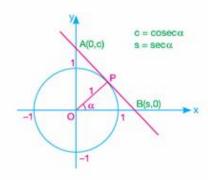
Yukarıdaki şekilde verilenlere göre, taralı bölgenin alanını veren bağıntı aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $tan \alpha$
- B) $\sin \alpha . \cos \alpha$
- C) $\sec \alpha . \csc \alpha$
- D) secα.cosecα

E)
$$\frac{\sin \alpha \cdot \cos \alpha}{2}$$

ÇÖZÜM:

9)



Birim çember üzerinde $m(\widehat{POB}) = \alpha$ olmak üzere,

P noktasındaki teğetin x eksenini kestiği noktanın apsisine, α gerçel sayısının sekantı denir ve $\sec \alpha$ ile gösterilir.

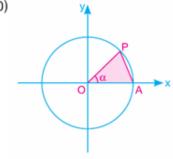
P noktasındaki teğetin y eksenini kestiği noktanın ordinatına, α gerçel sayısının kosekantı denir ve cosec α veya csc α ile gösterilir.

Ayrıca
$$\sec \alpha = \frac{1}{\cos \alpha}$$
 ve $\csc \alpha = \frac{1}{\sin \alpha}$ dır.

Soruda verilen taralı bölge AOB üçgeninde,

$$A(\widehat{AOB}) = \frac{|OB| \cdot |OA|}{2}$$
$$= \frac{\sec \alpha \cdot \csc \alpha}{2} \text{ olur.}$$

10)



O merkezli birim çemberde,

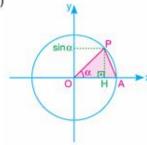
$$m(\widehat{POA}) = \alpha$$
 olmak üzere,

A(POA) nın α türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) sinα
- B) cos a
- C) $tan \alpha$
- D) $\frac{\sin \alpha}{2}$
- E) $\frac{\cos\alpha}{2}$

ÇÖZÜM:

10)



P noktasının ordinatı $\sin \alpha$ dır.

$$|PH| = \sin \alpha$$

$$A(\widehat{POA}) = \frac{|OA|.|PH|}{2}$$
$$= \frac{1.\sin\alpha}{2}$$
$$= \frac{\sin\alpha}{2} \text{ olur.}$$

Doğru Cevap: D şıkkı

11) $a = \cos 425^{\circ}$

 $b = \sin 125^{\circ}$

 $c = tan 220^{\circ}$

 $d = \cot 290^{\circ}$

olduğuna göre, a, b, c ve d nin işaretleri sırasıyla aşağıdakilerden hangisidir?

$$\mathsf{D}) \ + \, , \, + \, , \, - \, , \, - \qquad \mathsf{E}) \ + \, , \, + \, , \, + \, , \, -$$

ÇÖZÜM:

11) $ightharpoonup a = \cos 425^\circ = \cos 65^\circ \ (425^\circ = 360^\circ + 65^\circ, \ 65^\circ \text{ esas } \delta | \varphi \bar{u})$ $0 < 65^\circ < 90^\circ \text{ I. b\"{o}lgede kosin\"{u}s pozitif}$ $a = \cos 65^\circ > 0$

b = sin 125°
 90° < 125° < 180° II. bölgede sinüs pozitif
 b = sin 125° > 0

c = tan 220°
 180° < 220° < 270° III. bölgede tanjant pozitif
 c = tan 220° > 0

> d = cot 290°
270° < 290° < 360° IV. bölgede kotanjant negatif d = cot 290° < 0</p>

a, b, c ve d nin işaretleri sırasıyla + , + , + , - olur.

Doğru Cevap: E şıkkı

12) $a = \sin 83^{\circ}$

 $b = \cos 10^{\circ}$

 $c = tan 53^{\circ}$

 $d = \cot 58^{\circ}$

sayıları arasındaki doğru sıralama aşağıdakilerden hangisidir?

A) a < b < c < d

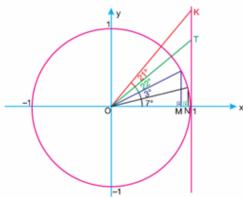
B) c < a < b < d

C) b < a < d < c

D) d < b < a < c

E) b < a < c < d

- 12) cot58° = tan32° dir.
 - $\sin 83^{\circ} = \cos 7^{\circ}$ dir.



- $|ON| = \cos 7^{\circ} = \sin 83^{\circ}$, $|OM| = \cos 10^{\circ}$
- $|OK| = \tan 53^{\circ}$ ve $|OT| = \tan 32^{\circ} = \cot 58^{\circ}$

|OT| < |OM| < |ON| < |OK|

- ⇒ cot58° < cos10° < sin83° < tan53°</p>
- ⇒ d < b < a < c bulunur.

Doğru Cevap: D şıkkı

13)

ifadesi aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) sinx cosx
- B) $1 + \sin x$
- C) $1 + \cos x$
- D) 1 sin x
 - E) 1 cos x

ÇÖZÜM:

13) $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$ dir.

$$\frac{\sin^2 x}{1 - \cos x} = \frac{1 - \cos^2 x}{1 - \cos x}$$
$$= \frac{(1 - \cos x) \cdot (1 + \cos x)}{(1 - \cos x)}$$
$$= 1 + \cos x \text{ olur.}$$

Doğru Cevap: C şıkkı

 $\sin x + \cos x = \frac{2}{3}$ olduğuna göre,

sinx.cosx ifadesinin değeri kaçtır?

- A) $\frac{2}{9}$ B) $\frac{1}{9}$ C) $-\frac{1}{9}$ D) $-\frac{2}{9}$ E) $-\frac{5}{18}$

CÖZÜM:

(sin x + cos x) = $\frac{2}{3}$ (Her iki tarafın karesini alalım.)

 $\sin^2 x + 2\sin x \cdot \cos x + \cos^2 x = \frac{4}{9}$

- $1 + 2\sin x \cdot \cos x = \frac{4}{9}$
- $2\sin x \cdot \cos x = \frac{4}{9} 1$
- $2\sin x \cdot \cos x = -\frac{5}{9}$
- $\sin x \cdot \cos x = -\frac{5}{18}$ olur.

Doğru Cevap: E şıkkı

15) $\frac{2\sin x + \cos x}{2\sin x - 3\cos x} = \frac{1}{3}$

olduğuna göre, tanx kaçtır?

- A) -2 B) $-\frac{3}{2}$ C) -1 D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{3}{2}$

ÇÖZÜM:

tanx = $\frac{\sin x}{\cos x}$, $\cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$

tanx.cotx = 1

 $\frac{2\sin x + \cos x}{2\sin x - 3\cos x} = \frac{1}{3}$ (Içler dişlar çarpımı yapalım.)

 \Rightarrow 6 sin x + 3 cos x = 2 sin x - 3 cos x

- \Rightarrow 4sinx = -6cosx
- $\Rightarrow \frac{\sin x}{\cos x} = -\frac{6}{4}$
- \Rightarrow tan x = $-\frac{3}{2}$ olur.

(sec
2
x + cosec 2 x).sin 2 x

ifadesi aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) tan x
- B) cos²x
- C) sin² x
- D) sec² x
- E) cosec²x

ÇÖZÜM:

16)
$$\sec x = \frac{1}{\cos x}$$
 $\csc x = \frac{1}{\sin x}$

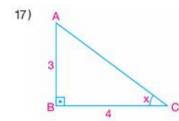
$$(\sec^2 x + \csc^2 x) \cdot \sin^2 x = \left(\frac{1}{\cos^2 x} + \frac{1}{\sin^2 x}\right) \cdot \sin^2 x$$

$$= \frac{\sin^2 x + \cos^2 x}{\sin^2 x \cdot \cos^2 x} \cdot \sin^2 x$$

$$= \frac{1}{\sin^2 x \cdot \cos^2 x} \cdot \sin^2 x$$

$$= \frac{1}{\cos^2 x} = \sec^2 x \text{ olur.}$$

Doğru Cevap: D şıkkı



ABC üçgen

$$|AB| = 3 \text{ cm}$$

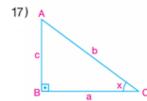
$$m(\widehat{BCA}) = x$$

olduğuna göre, cosx.tanx çarpımı kaçtır?

- A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{2}{5}$ C) $\frac{3}{5}$ D) $\frac{4}{5}$

- E) 1

ÇÖZÜM:



 $\sin x = \frac{c}{b}$ $\cos x = \frac{a}{b}$

$$\tan x = \frac{c}{a}$$

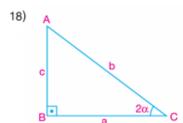
 $\tan x = \frac{c}{a}$ $\cot x = \frac{a}{c}$

Buna göre, $|AC|^2 = 3^2 + 4^2$

$$\cos x = \frac{4}{5} , \tan x = \frac{3}{4}$$

Bu durumda, $\cos x \cdot \tan x = \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{4} = \frac{3}{5}$ olur.

Doğru Cevap: C şıkkı

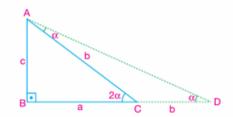


ABC dik üçgeninde verilenlere göre, cota nin a, b ve c türünden eşiti nedir?

- A) $\frac{a+c}{b}$ B) $\frac{a+b}{c}$ C) $\frac{b+c}{a}$
 - D) $\frac{b-c}{a}$ E) $\frac{a-c}{b}$

ÇÖZÜM:

18)



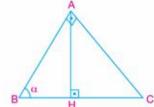
[BC] kenarını b kadar uzatırsak,

$$|AC| = |CD| \Rightarrow m(\widehat{CAD}) = m(\widehat{ADC}) = \alpha$$
 olur.

Bu durumda, $\cot \alpha = \frac{|BD|}{|AB|} = \frac{a+b}{c}$ olur.

Doğru Cevap: B şıkkı

19)



ABC dik üçgeninde

[AB] ⊥ [AC]

[AH] ⊥ [BC]

|BC| = 3 br

ise |BH| nun α cinsinden değeri aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $2\cos^2\alpha$
- B) $\sin^2 \alpha$
 - C) $\cos^2 \alpha$
- D) $3\cos^2\alpha$ E) $3\sin^2\alpha$

19) ABC dik üçgeninde,

$$\cos \alpha = \frac{|AB|}{|BC|} \Rightarrow \cos \alpha = \frac{|AB|}{3}$$

 $\Rightarrow |AB| = 3\cos \alpha \text{ olun}$

ABH dik üçgeninde,

$$\cos \alpha = \frac{\left|BH\right|}{\left|AB\right|} \Rightarrow \cos \alpha = \frac{\left|BH\right|}{3\cos \alpha}$$

 $\Rightarrow \left|BH\right| = 3\cos^2 \alpha \text{ olur.}$

Doğru Cevap: D sıkkı

$$\frac{\sin^2 20^\circ + \sin^2 70^\circ}{\tan 25^\circ \cdot \tan 65^\circ}$$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 1
- B) 2
- C) 3
- D) 4
- E) 5

CÖZÜM:

 Ölçüleri toplamı 180° olan (bütünler) açıların sinüsleri birbirine cosinüs, tanjant ve kotanjantları ise ters işaretlisine eşittir. Buna göre,

$$\alpha + \beta = 180^{\circ}$$
 ise, $\sin \alpha = \sin \beta$
 $\cos \alpha = -\cos \beta$
 $\tan \alpha = -\tan \beta$
 $\cot \alpha = -\cot \beta$ $(\alpha \neq \beta)$

Bu durumda

$$sin A = sin(B + C)$$
 ve $tan A = -tan(B + C)$

$$\begin{aligned} \frac{\sin A + \sin (B + C)}{\tan A - \tan (B + C)} &= \frac{\sin A + \sin A}{\tan A + \tan A} \\ &= \frac{2 \sin A}{2 \tan A} = \frac{\sin A}{\sin A} = \cos A \text{ olur.} \end{aligned}$$

Doğru Cevap: B şıkkı

CÖZÜM:

 Ölçüleri toplamı
 90° olan (tümler) iki açıdan birinin sinüsü, diğerinin kosinüsüne; birinin tanjantı, diğerinin kotanjantına eşittir.

O halde.

$$\Rightarrow \alpha + \beta = 90^{\circ} \Rightarrow \sin \alpha = \cos \beta$$
$$\Rightarrow \alpha + \beta = 90^{\circ} \Rightarrow \tan \alpha = \cot \beta \text{ dir.}$$

Buna göre,

$$\frac{\sin^2 20^\circ + \sin^2 90^\circ}{\tan 25^\circ \cdot \tan 65^\circ} \quad (\sin 20^\circ = \cos 70^\circ, \ \tan 25^\circ = \cot 65^\circ)$$

$$\frac{\cos^2 70^\circ + \sin^2 70^\circ}{\cot 65^\circ \cdot \tan 65^\circ} = \frac{1}{1} = 1 \text{ olur.}$$

Doğru Cevap: A şıkkı

ABC bir ücgen olmak üzere,

$$\frac{\sin\widehat{A} + \sin(\widehat{B} + \widehat{C})}{\tan\widehat{A} - \tan(\widehat{B} + \widehat{C})}$$

ifadesi aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) sin A
- B) cosÂ
- C) 2sinA
- D) 2cosA
 - E) cot A

22) sin 1110° + cos 780° $\tan \frac{25\pi}{4}$

ifadesinin değeri kaçtır?

- A) 1 B) $\frac{3}{4}$ C) $\frac{2}{3}$ D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{1}{3}$

CÖZÜM:

22) Şimdi soruda verilen açıların esas ölçülerini bulalım.

1110° =
$$30^{\circ}$$
 + 360° .3 ⇒ 1110° nin esas ölçüsü 30°

$$780^{\circ} = 60^{\circ} + 360^{\circ}.2 \implies 780^{\circ}$$
 nin esas ölçüsü 60°

$$\frac{25\pi}{4} = \frac{\pi}{4} + 2\pi.3 \implies \frac{25\pi}{4}$$
 nin esas ölçüsü $\frac{\pi}{4}$

Buna göre,

$$\frac{\sin 1110^{\circ} + \cos 780^{\circ}}{\tan \frac{25\pi}{4}} = \frac{\sin 30^{\circ} + \cos 60^{\circ}}{\tan \frac{\pi}{4}}$$
$$= \frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}}{1} = 1 \text{ olur.}$$

23) $x \in \left(\pi, \frac{3\pi}{2}\right)$ olmak üzere,

$$\frac{\cos x - \sin x}{\sin x + \cos x} = \frac{2}{3}$$

olduğuna göre, sinx kaçtır?

A)
$$-\frac{3\sqrt{2}}{26}$$
 B) $-\frac{2\sqrt{5}}{26}$ C) $-\frac{2\sqrt{6}}{26}$

B)
$$-\frac{2\sqrt{5}}{26}$$

C)
$$-\frac{2\sqrt{6}}{26}$$

D)
$$-\frac{5}{26}$$

D)
$$-\frac{5}{26}$$
 E) $-\frac{\sqrt{26}}{26}$

ÇÖZÜM:

$$\frac{23)}{\sin x + \cos x} = \frac{2}{3}$$

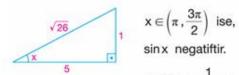
 $3\cos x - 3\sin x = 2\sin x + 2\cos x$

 $\cos x = 5 \sin x$

$$\frac{\sin x}{\cos x} = \frac{1}{5}$$

$$\tan x = \frac{1}{5}$$

Buna uygun dik üçgeni çizelim.



$$x \in \left(\pi, \frac{3\pi}{2}\right)$$
 ise,

$$\sin x = -\frac{1}{\sqrt{26}} = -\frac{\sqrt{26}}{26}$$
 olur.

Doğru Cevap: E şıkkı

24) $\sin(9\pi - \alpha) + \tan(\pi + \alpha) \cdot \cot(3\pi - \alpha) + \cos(2\pi - \alpha)$

ifadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\cos \alpha \sin \alpha$
- B) $\sin \alpha \cos \alpha$
- C) $\sin \alpha + \cos \alpha$
- D) $\sin \alpha + \cos \alpha 1$
- E) $\sin \alpha \cos \alpha + 1$

CÖZÜM:

- 24) π±α şeklindeki ifadelerde,
 - i. Açının bulunduğu bölge için verilen trigonometrik fonksiyonun işareti yazılır.
 - ii. Trigonometrik fonksiyonun adı değiştirilmeden sadece a türünden yazılır.

Buna göre,

$$\sin(9\pi - \alpha) = \sin(\pi - \alpha) = +\sin(\alpha)$$

$$\tan(\pi + \alpha) = +\tan(\alpha)$$
III. bölge

$$\cot(3\pi - \alpha) = \cot(\pi - \alpha) = -\cot(\alpha)$$

$$\cos(2\pi - \alpha) = +\cos(\alpha)$$
IV. bölge

$$\sin(9\pi - \alpha) + \tan(\pi + \alpha) \cdot \cot(3\pi - \alpha) + \cos(2\pi - \alpha)$$

$$= \sin \alpha + \tan \alpha . - \cot \alpha + \cos \alpha$$

$$= \sin \alpha + \cos \alpha - 1$$
 olur.

Doğru Cevap: D şıkkı

$$\frac{\sin\!\left(\frac{3\pi}{2}-\alpha\right)}{\cos\!\left(\frac{\pi}{2}+\alpha\right)} + \tan\!\left(\frac{5\pi}{2}+\alpha\right).\cot\!\left(\frac{3\pi}{2}-\alpha\right)$$

ifadesi aşağıdakilerden hangisine eşittir?

- A) cot α
- B) tan α
- C) -cota
- D) $\cot \alpha 1$ E) $\tan \alpha + 1$

$$\begin{array}{c}
25) \frac{\pi}{2} \pm \alpha \\
\frac{3\pi}{2} \pm \alpha
\end{array}$$
 şeklindeki ifadelerde,

- Açının bulunduğu bölge için verilen trigonometrik fonksiyonun işareti yazılır.
- Trigonometrik fonksiyonun aşağıdaki gibi adı değişir.

Buna göre,

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) \qquad \cos\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right)$$

$$= -\cos\alpha \qquad = -\sin\alpha$$

$$\tan\left(\frac{5\pi}{2} + \alpha\right) = \tan\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) \qquad \cot\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right)$$

$$= -\cot\alpha \qquad = +\tan\alpha$$

Buna göre,

$$\frac{\sin\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right)}{\cos\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right)} + \tan\left(\frac{5\pi}{2} + \alpha\right) \cdot \cot\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right)$$
$$= \frac{-\cos\alpha}{-\sin\alpha} + (-\cot\alpha) \cdot \tan\alpha = \cot\alpha - 1 \text{ olur.}$$

Doğru Cevap: D şıkkı

26) $\cos(x-90^\circ).\tan(-x-270^\circ)$

ifadesinin eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

CÖZÜM:

26)
$$\sin(-\alpha) = -\sin\alpha$$
 $\cos(-\alpha) = \cos\alpha$
 $\tan(-\alpha) = -\tan\alpha$
 $\cot(-\alpha) = -\cot\alpha$ dir.

Buna göre,
 $\cos(x - 90^\circ) = \cos(-(90^\circ - x)) = \cos(90^\circ - x) = \sin x$
 $\tan(-x - 270^\circ) = \tan(-(270^\circ + x))$ (cos (-) yi yutar)
 $= -\tan(270^\circ + x)$ (tan (-) yi önüne atar.)
 $= \cot x$
Bu durumda,
 $\cos(x - 90^\circ) \cdot \tan(-x - 270^\circ) = \sin x \cdot \cot x$
 $= \sin x \cdot \frac{\cos x}{\sin x} = \cos x$ olur.

Doğru Cevap: E şıkkı