### ININCI DERECEDEN ESITSIZLIKLER

· Birinci dereceden bir bilinmeyenli esitsiglikler:

a, b eR ve a +0 olmak üzere

ax+b <0

ax+p > 0

ax+6 50

ux+b >0 seklindekî eşîtsîzlîklere binncî bir bilinmeyenli esitsizlikler dereceden denir.

1) 3(x-2)-2(x+4) < 5 epitsi2/ginin G 020m kůmesí ned9r?

3x-6-2x-8 45

X-14 45

x 419

G.K: (-00,19

2) 4(x-3)>2(x+3) esitsialipinin qazum kumesi nedir?

4x-12 >2x+6

2x>18

x>9 G.K: (9,+00)

· îkînci dereceden bir bilinmeyenli eşitsizlikler:

a,b,c eR ve a +0 olmak úzere

0x2+bx+c >0

 $ax^2+bx+c<0$ 

ax2+bx+c >0

ax2+bx+c <0 seklindeki ifadelerdir.

 $f(x) = ax^2 + bx + c$  if odesinin is a ret tables u  $\Delta = b^2 - 4ac$  ifadesine boglidir.

( A>0 îse denklemîn îkî farklı reel kökü uardir. Kökler  $X_1$  ue  $X_2$  olsun  $(X_1 < X_2)$ 



■ ② Δ=0 ise denklemin birbirine esit iki koku (99ft kat kok) vordir. G9ft kat îşaret depîşîmî olmuz. köklerde

> X1 = X2 anin sparets - a nin sparetsnin กใก อุปกเรเ aynısı

(2) A <0 ise denklemin reel koku yoktur.

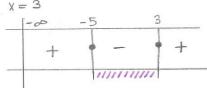
isaretinin a nin cynisi

3)  $\chi^2 + 2\chi - 15 \le 0$  eşîtsî2 lîpînîn çözüm kümesî nedir ?

 $x^{2}+2x-15 \le 0$ 

 $(x+5).(x-3) \le 0$ 

X=-5



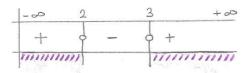
G.K: [-5,3]

4) x2-5x+6>0 esitsi2ljoinin qo2um kumesi nedir?

x2-5x+6 >0

(x-3).(x-2)>0

x=3 ue x=2

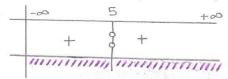


G.K: (-00,2) U (3,+00) yo da R-[2,3]

nedir?

$$(x-5).(x-5) > 0$$

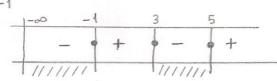
X=5 (iki tone oldupundan gift kut kok)



- Eper kök sayısı îkîden fazla îse aşağıdakî yollar izlenmelidir...
  - · Esitsizlik sorularında bir taraf genellikle sifira esitlenir.
  - · Her bir garpanın varsa kökleri bulunur.
  - stralant.
  - · Her bir çarpanın en büyük dereceli teriminin isoretleri birbin ile carpilir ve bulunan îsaret en soĝdaki bolgeye yazilarak tek kat köke rustlandıkça Psoret depistirilerek, cift kat köke geldikge isoret depistirilmeyerek yolo devom edilir.
  - · Esitsialik rasional isa paydayı sıfır yapan deper asla alinmaz (bos 9929/91)
  - · Mutlak deperli ifadeler varsa gift kat kok kabul eder92.
  - Eşîts9219klerde asla sadeleşt9rme yapılma2.
  - · Esitsizliklerde igler dislar garpimi yapılmaz. Her sey bar torafta toplanır ve diper torof sifir yapılmaya galışılır.
  - Kökleri reel olmoyan garpanların sadece isaretine bakilir.

6) (x-3). (x2-4x-5) <0 esits92|959797 Gözüm kümesî nedîr?  $(x-3) \cdot (x-5) \cdot (x+1) \leq 0$ 

X = 3X = 5X = -1

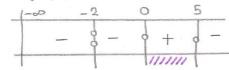


G.K: (-0,-1] U[3,5]

gozum kumesi nedir?

X=0 (tek) X = 5 (tek)

X = -2 (q)ft



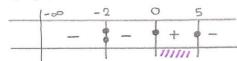
G.K: (0,5)

• Kåkler toblodo küçükten büyüpe dopru 8 x3(-x+5).(x+2)2 >0 es9ts92 lipin97 ço2üm kůmesí nedír?

X=O(tek)

X = 5 (tek)

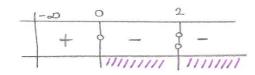
X = -2 (qift)



G.K: [0,5] U{-2}

59) X.(2x-4). (-x+2) <0 esitsi2|[pinin a cosúm kúmesi nedír?

X=O(tek)X = 2 (q ft)



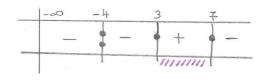
G.K: (0,2) U (2,+00) (0,+00) - {2}



10)  $(x-3)^5 \cdot (7-x) \cdot (4+x)^2 > 0$  eşîtsî2lîpînîn quality kumesi nedic?

$$X = 3$$
 (tek)

$$X = 7 \text{ (tek)}$$



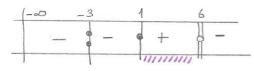
11)  $(x^2+6x+9) \cdot (x-1) > 0$  esitsizijoini sagia-

yan x in tam sayı deperleri toplamı nedir P

$$X = -3 (q ? ft)$$

$$X=1$$
 (tek)

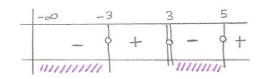
X=6 (hem tek hemde paydayı sıfır) yaptipindan 999 bostur.



kumesi nedir?

X=3 (5 adet oldupundan tek ve paydayı sıfır) yaptıpından iqi boştur. X=-3 (tek)

X = 5 (tek)



13)  $(x-4) \cdot (x^2-x-2)$   $\leq 0$  esitsizing in add  $(x-4) \cdot (x^2-x-2)$ 

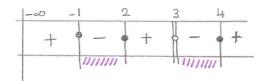
kůmesí ned9rP

$$X = 4$$
 (tek)

$$X = 2$$
 (tek)

$$x = -1$$
 (tek)

x=3 (poydayı sıfır yaptıpı igin igi bos olur)

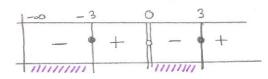


G.K:  $[-1,2] \cup (3,4]$ 14)  $X \leq \frac{9}{X}$  esitsi 2 | Spinin quadri kumesi  $X - \frac{9}{X} \leq 0 \Rightarrow \frac{X^2 - 9}{X} \leq 0$ 

$$x - \frac{9}{x} \leqslant 0 \Rightarrow \frac{x^2 - 9}{x} \leqslant 0$$

$$X=3$$
 (tek)

$$X=-3$$
 (tek)



15)  $\frac{1}{x} \leqslant \frac{2}{x}$  eşîtsî2lîpînîn qözüm kümesî

ned9r P

$$\frac{1}{x} - \frac{2}{x+1} < 0$$

$$(xH)$$
  $(x)$ 

medir?
$$\frac{1}{x} - \frac{2}{x+1} < 0$$

$$\frac{1}{x} - \frac{2}{x+1} < 0$$

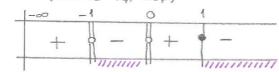
$$\frac{x+1-2x}{x \cdot (x+1)} < 0 \Rightarrow \frac{1-x}{x \cdot (x+1)} < 0$$

$$x=1 \text{ (tet)}$$

X=1 (tek)

X=0 (tek ue 199 bos)

X=-1 (tek ue PGP bos)





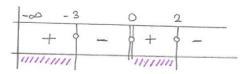
16) 
$$\frac{(2-x)\cdot(x+3)}{x}$$
 > 0 epitsialipinin çdalim kümesi

ned9rP

X=2 (tek)

X=-3 (tek)

X=0 (tekue ig bos)



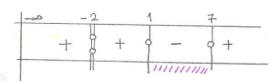
$$\frac{(x+2)^2}{(x+2)^2}$$
 (0 eşîtsî2][pînî sağlayan tam

soyıların toplamı nedir?

X=7

X = 1

X=-2 (gift)



18) 
$$\frac{(x^2-2) \cdot (x^2+4)}{x^2-4}$$
 <0 esitsizifoinin çözüm

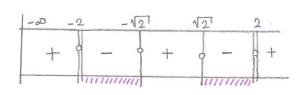
kůmesí nedír?

 $X = \sqrt{2}$ 

X=-127

X = 2

X = -2



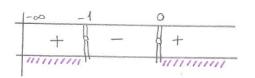
19) 
$$f(x) = \sqrt{\frac{1}{x} - \frac{1}{x+1}}$$
 fanksiyonunun en genis

tanım aralığı nedir?

$$\frac{1}{x} - \frac{1}{x+1} > 0$$

$$\frac{X+1-X}{X\cdot(X+1)}\geqslant 0 \implies \frac{1}{X\cdot(X+1)}\geqslant 0$$

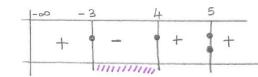
$$X=0$$
 (tek we PGP bos)  
 $X=-1$  (tek we PGP bos)



quality kumes nedica

X=5 (mutlak deper oldupundan cift kat kak)

$$X = -3$$



$$\frac{x^2+5x+4}{1x-21}$$
 ≤0 esitsi2||pinin q02Um

kůmesi nedir?

X=-{

X = -4

$$\frac{(x-4) \cdot (x^2-9)}{x^2-36} < 0 = sitsipinin qualifornin qualifor$$

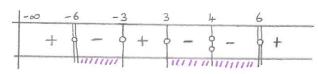
kůmesí nedír?

$$X = 3$$

$$x = -3$$

$$X = 6$$

$$X = -6$$



#### · Esitsialik sistemi:

Eşîtsîzlîklerin ayrı ayrı çözüm kümelerî bulunur ve bunların kesisimleri alınır.

### 23) x2-9>0

x2-5x+4 <0 esits9219k sisteminin qd26m kůmesí nedír?

$$x^2 - 9 = 0 \implies x = \pm 3$$

 $x^2 - 5x + 4 = 0$  ise x = 1 yada x = 4

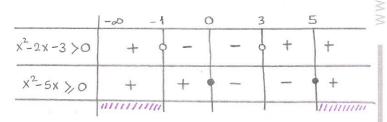
	-00	-3	1	3	4
$x^2 - 9 > 0$	+	9 -	-	+	+
x <sup>2</sup> -5x+4 ≤ 0	+	+	• -	_	+
				111111111	,

G-K: (3,4]

### 24) $x^2-2x-3 > 0$

 $X^2$ -5x > 0 eşîtsî2lîk sîstemînîn çd2ům kůmesí nedír?

$$x^2-2x-3=0 \Rightarrow x=3 \text{ yo do } x=-1$$
  
 $x^2-5x=0 \Rightarrow x=0 \text{ yo do } x=5$ 



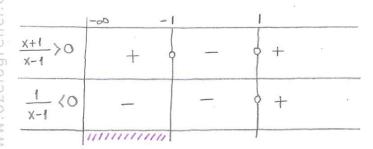
$$\frac{(25)}{x-1} > 0$$

1 <0 estsialik esteminin coalm

kumesi nedir?

 $\frac{X+1}{x-1}$  in käkleri x=-1 ve x=1 dir.

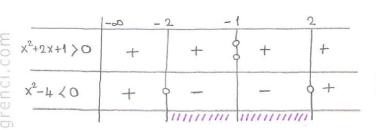
$$\frac{1}{X-1} \text{ in kökű } X = 1$$



 $y_0 do$   $x^2 + 2x + 1 > 0$   $x^2 - 4 < 0$   $x^2 + 2x + 1 = 0$ X2-4 < 0 eşîtsîzlîk sîstemînîn çözüm kumesi nedir?

$$x^{2}+2x+1=0 \Rightarrow x=-1(q^{n}ft)$$

$$X^2-4=0 \Rightarrow x=2 \text{ yo do } x=-2 \text{ d}$$

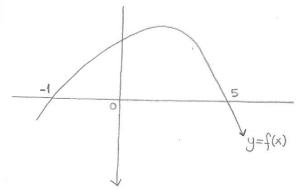


$$90 do (-2, 2) - \{-1\}$$



- Eper grafik verilirse:
  - X eksenînî kestîğî noktolar tek kat koktor.
  - X eksenine tepet olduğu noktalar gift kat köktür.

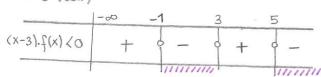
27)



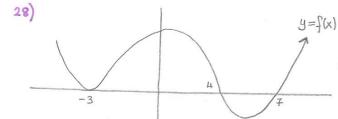
Yukarıda verilen y=f(x) fanksiyanuna göre (x-3). f(x) <0 eşitsizlifirin çözüm kümesi nedir f

$$X = -1$$
 (tek)

$$X = 3$$
 (tek)

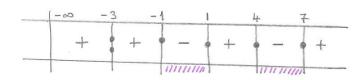


G.K: (-1,3) U (5,+00)

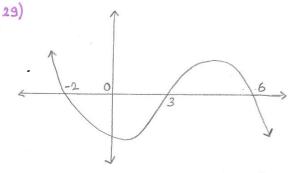


Yukarıda verilen y=f(x) fonksiyonuna göre  $f(x).(x^2-1) \le 0$  eşitsizliğinin çözüm kümesi nedir?

x=-3 spft, x=4 (tek), x=7 (tek),  $x=\pm1$ 



G.K: [-1,1] U[4,7] U{-3}



 $f(x) \cdot (x^2 - 6x + 8) \le 0$  esitsialipinin çözüm kümesi nedir?

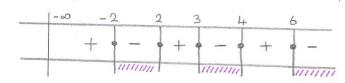
$$X=-2$$
 (tek)

$$X = 3$$
 (tek)

$$X = 6$$
 (tek)

$$X = 2$$
 (tek)

$$X = 4$$
 (tek)



G.K: [-2,2]∪[3,4]∪[6,+∞)

· Esitsizlipin daima saglanması:

$$y = f(x) = \partial x^2 + bx + c$$
 of odes 9 n9 n

(3x2+bx+c>0) olması 999n

440

co darma nepatif (ax2+bx+c (0) olması iq911

910

4<0

almalidir.

30) x²+2x+a üg terimlisi x in bütün deperleri için 5 ten büyük oldupuna göre a Hangi aralıkta yer almalıdır?

$$\chi^2 + 2\chi + \partial > 5$$

$$x^{2}+2x+a-5 > 0$$

ALO olmalidir.

4-4.1. (0-5) < 0

4-42+2010

24 < 42

6 (a yo do (6 (a ( 20)

**©ozelogrenci.com** 

31)  $x^2+x+m > x+1$  eşîtsîzlîpînîn x ne olursa olsun soğlanması 9çîn m ne olmalıdır?

$$x^{2}+x+m > x+1$$

$$x^2+m-1>0$$

A < 0 olmalidir.

4m>4

32)  $f(x) = mx - 1 + \frac{1}{x}$  fonkstyonu vertlyor.

Buna göre her x>0 igin f(x)>0 dzellijpini soğluyan en küçük m deperi nedir?

$$mx-1+\frac{1}{x} \geqslant 0$$

$$\frac{mx^2 - x + 1}{x} \geqslant 0 \implies mx^2 - x + 1 \geqslant 0$$

$$\Delta \leqslant 0$$

1-4.m.1 40

 $m = \frac{1}{4}$  olur.

33)  $x^2 - (m-6)x + 9 > 0$  eşitsiziliği  $\forall x \in \mathbb{R}$  içlir doğru olduğuna göre m nin alabi-leceği tam sayı değerleri toplamı nedir?

$$\chi^{2} - (m-6)\chi + 9 > 0$$

0 > 4

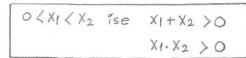
$$(m-6)^2-4.1.9 < 0$$

 $m^2 - 12m < 0$ 

$$m(m-12) < 0$$

m = 0

$$1+2+3+\cdots+11 = \frac{11.12}{2} = 66$$



$$X_1 < X_2 < 0$$
 ise  $X_1 + X_2 < 0$   
 $X_1 - X_2 > 0$ 

• X1<0< X2 9ken X1. X2 <0 fokot toplamları 969n net b9r sey söylene-mez.

$$X_1 \langle 0 \langle X_2 \rangle$$
 we  $|X_1| \langle |X_2| \rangle$  %se  $X_1 \cdot X_2 \langle 0 \rangle$   $X_1 + X_2 \rangle O$ 

$$X_1 \angle O \angle X_2$$
 ve  $|X_1| > |X_2|$  ise  $X_1 \cdot X_2 \angle O$   $X_1 + X_2 \angle O$ 

34)  $(p+6).x^2+17.(p+1)x+5.(p-2)=0$ denkleminin gerçel kökleri  $x_1$  ve  $x_2$  dir.  $x_1 < 0 < x_2$ 

|X11 > |X2 |

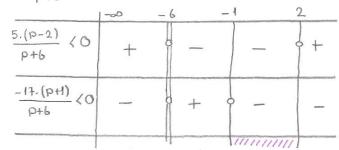
olması için p nin alabilec**eşi** deperler hangi aralıkta olmalıdır?

X1. X2 < 0

X1+X2 < 0

$$\frac{5.(p-2)}{p+6} \langle 0 \Rightarrow p=2 \text{ yo do } p=-6$$

$$\frac{-17.(p+1)}{p+6}$$
 <0  $\Rightarrow$  p=-1 ya do p=-6.



G.X: (-1,2)

